

Algumas referências históricas

Associação entre as vendas de fraldas e cervejas





Caso da rede varejista Target





- 87% acerto
- Valor da empresa cresceu de 40 para 64 bi.

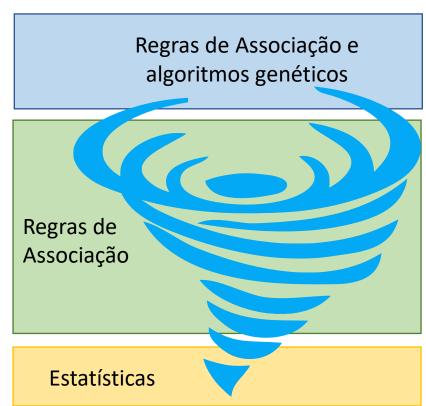












oltar aos resultados



O Algoritmo Mestre: Como a Busca Pelo Algoritmo d Machine Learning Definitivo Recriará Nosso Mundo



(Português) Capa comum – 24 janeiro 2017

por Pedro Domingos (Autor)



56 classificações

Ver todos os formatos e edições

Kindle R\$57,19

Leia com nossos apps gratuitos

Capa Comum R\$60,20

- 1 Usado a partir de R\$62,30
- 4 Novo a partir de R\$45.00

Clientes que visualizaram este item também visualizaram



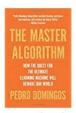


A Revolução do Algoritmo Mestre Como o mundo Pedro Domingos Capa comum



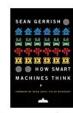
Aprendizado profundo para leigos ★★★☆☆7 Capa comum

R\$ 45,90



The Master Algorithm How the Quest for the Ultimate Learning Machine Will Remake... > Pedro Domingos

*** * * * 592 Capa comum



How Smart Machines Think > Sean Gerrish

****** 39 Capa dura R\$ 217,34



Algoritmos de Destruição em Massa Cathy O'Neil artificial

************* 58 Capa comum R\$ 46,75



Vida 3.0: O ser humano na era da inteligência

Max Tegmark **★★★☆☆37** Capa comum R\$ 37.70

Frequentemente comprados juntos







Preço to Adiciona

Big Data: O futuro dos dados e aplicações Felipe Nery Rodrigues

★★★★☆ 17 Capa comum

R\$ 51,89

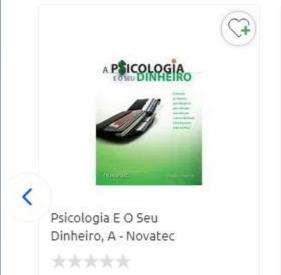








Produtos visitados por quem procura este item











americanas · mais



aproveite e veja também



Fritadeira Elétrica Air Frver 4L 1500W Multilaser Vermelha .

R\$ 349,00

12x de 29.08 s/juros



Colchonete Massageador 10 Motores, Magnético,...

DS 650 00

R\$ 632.64

em \$1x no cartão de crédito



Livro - O poder do hábito

R\$ 31.90

3x de 10,63 s/juros



Livro - Proteção de Dados Pessoais - A Função e os..

R\$ 109,00

11x de 9,90 s/juros



Livro - Os Inovadores: Uma Biografia da Revolução Digital

R\$ 19,90 2x de 9,95 s/juros

quem viu os mesmos produtos que você, também viu:



Fritadeira Air Fry Britânia BFR10VI Inox Vermelha 3.5L

R\$ 629,90

R\$ 566.91

em \$1x no cartão de crédito



Livro - CRIE SEU MERCADO NO MUNDO DIGITAL:.

R\$ 32,99

3x de 10,99 s/juros



Kit Oster - Fritadeira Elétrica Sem Óleo Air Fryer + . .

R\$ 799.99

12x de 66.66 s/juros



Fritadeira Elétrica sem Óleo Air Fry Multilaser Gourmet 4...

R\$ 323,37 a-mais



em \$1x no cartão de crédito



Livro - Padrões Javascript: Construa Aplicações mais...

R\$ 47,99

4x de 11,99 s/juros

Regras de associação

Exemplos:

Quem compra cerveja, também compra fraldas.

Quem compra pão, também compra leite.

Quem compra queijo, também compra presunto.

Quem compra presunto, também compra queijo.

Quem compra Coca-Cola, também compra sonho de valsa.

Quem votou a favor de religião nas escolas, votou a favor do "país X".

Termologia

- Uma regra se associação é uma implicação da forma X→Y, onde X e Y são conjunto de itens tais que X ∩ Y = Ø
- Transação é denominado o elemento de ligação existente em cada ocorrência de um subconjunto de itens no banco de dados.
- Uma associação é considerada frequente se o número de vezes em que a união de conjunto de itens (X \cup Y) ocorrer em relação ao número total de transações do banco de dados for superior a uma frequência mínima (denominada suporte mínimo).
- Uma associação é considerada *válida* se o número de vezes em que $X \cup Y$ ocorrer em relação da ocorrência de X for superior ao um valor denominado confiança mínima (qualidade da regra).
- Denomina-se k-itemset os subconjuntos de itens formatos exatamente por k elementos originalmente pertencentes ao conjunto de origem.

Como avaliar uma regra de associação?

Regra:

 a compra de um computador implica na compra de programas de antivírus.

Computador => antivírus (suporte=2%, confiança: 60%)

- O "suporte" e a "confiança" são métricas de "interesse" (interestingness) que representam, respectivamente, a utilidade e a confiabilidade da regra descoberta.
- Um suporte de 2% representa que 2% de todas as "transações de compras" analisadas indicam que computadores e antivírus foram comprados juntos.
- A confiança indica que em 60% das compras onde os clientes compraram computadores, também compraram o antivírus.

Interesse?

Os sistemas de busca de regras de associação tendem a produzir muitas regras e a maioria não será significativa ou relevante.

Por isso, normalmente, as regras de associação são consideradas de interesse, quando elas satisfazem os parâmetros de "suporte mínimo" e "confiança mínima".

Definição 1

Seja $I=\{I_1,I_2,...,I_m\}$ um conjunto de <u>m</u> itens.

Seja D um conjunto de dados transacionais onde cada transação T é um conjunto de itens, tal que $T \subseteq I$. Cada transação possui um identificador Tid. Seja A um subconjunto de itens é dito que contém A, se e somente se, $A \subseteq T$.

Uma regra de associação é uma implicação da forma A => B, $A \subset I$, $B \subset I$ e $A \cap B = \emptyset$

A regra A => B vale no conjunto de transações D com **suporte** s, onde s é a porcentagem de transações em D que contém $A \cup B$.

A regra A=>B tem **confiança** \underline{c} no conjunto de transações D, onde \underline{c} é a porcentagem de transações em D contendo A que também contém B.

Quando uma regra satisfaz o suporte mínimo e a confiança mínima é chamada de forte.

Definição 1

Um conjunto de itens é chamado de **itemset**. Um itemset que contém k itens é um conjunto de k-itemset.

No exemplo anterior o conjunto {computador, antivírus} é um conjunto de 2-itemset.

A <u>frequência de ocorrência de um itemset</u> é o número de transações que contém o itemset. Isto também é conhecido como **frequência**, **suporte** ou **contagem** de um itemset.

Se um itemset I satisfaz um suporte mínimo ele é dito um "itemset frequente". Um conjunto de k-itemsets frequente é chamado de L_k .

Matematicamente

$$suporte(A) = \frac{ocorrência(A)}{N\'umero\ de\ registros/casos}$$

$$suporte(A \cup B) = \frac{ocorrência(A \cup B)}{N\'umero\ de\ registros/casos}$$

$$confiança = \frac{suporte(A \cup B)}{suporte(A)}$$

Uma simplificação inicial

Um subconjunto de k+1-itemset será frequente, se e somente se, todos os subconjuntos de k-itemset forem frequentes.

Itemset fechado

O principal desafio de mineração de itemsets frequentes em grandes bases de dados é que, frequentemente, esse processo gera um numero muito grande de itemsets frequentes. Isto acontece porque, se um itemset e frequente, cada um de seus subconjuntos também o é. Para superar esta dificuldade, introduz-se o conceito de itemsets frequentes fechados ou maximal itemset frequente.

Definição:

- Um itemset X é fechado em um conjunto de dados S, se não existir nenhum super-itemset próprio Y ($X \subset Y$) tal que Y tenha o mesmo suporte que X.
- Um itemset X é um itemset frequente fechado no conjunto de dados S se X é tanto fechado quanto frequente em S.
- Um itemset X é um maximal itemset frequente (ou max-itemset) no conjunto de dados S se X é frequente, e não existe um super-itemset Y tal que $X \subset Y$ e Y é frequente em S.

Algoritmo *apriori*

Proposto por R.Agrawal e R. Srikant, em 1994.

O algoritmo pode ser descrito em dois passos:

- O conjunto de 1-itemsets frequentes é encontrado por meio da varredura do banco de dados para contagem de cada item e da descoberta daqueles itens que satisfazem um suporte mínimo. O resultado é chamado de L₁.
- L₁ é usado para encontrar L₂, o conjunto de 2-itemsets frequentes, o qual é usado para encontrar L₃ e assim por diante, até que nenhum k-itemset frequente possa ser encontrado. Encontrar L_k, requer uma leitura completa do banco de dados.
- Propriedade do apriori: Todos os subconjuntos não vazios de um itemset frequente deve também ser frequente.

Primeiro exemplo

Considere um conjunto com 9 transações: |D|=9
 Vamos aplicar o apriori para encontrar os itemset frequentes em D que atenda o suporte mínimo de 2 (min_sup=2).

Transação	Lista de itens
1	Item-1, Item-2, Item-5
2	Item-2,Item-4
3	Item-2,Item-3
4	Item-1, Item-2, Item-4
5	Item-1,Item-3
6	Item-2,Item-3
7	Item-1,Item-3
8	Item-1,Item-2,Item-3,Item-5
9	Item-1,Item-2,Item-3

Etapas para encontrar o k-itemset

Varre o banco de dados (D) e faz a contagem de cada item candidato.



itemset	Ocorrência
{item-1}	6
{item-2}	7
{item-3}	6
{item-4}	2
{item-5}	2

 C_1

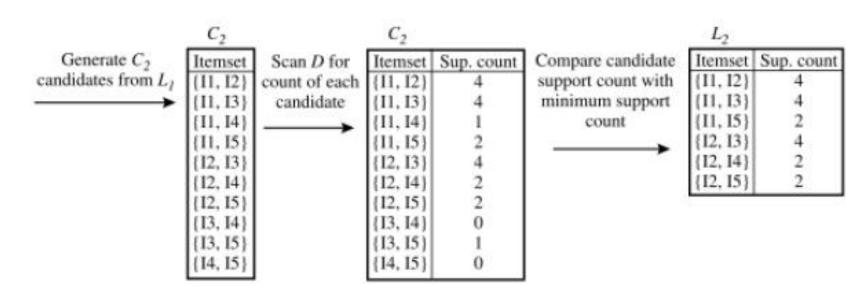
Filtra os itens que atende a frequência mínima (suporte=2).

Sup.min >= 2



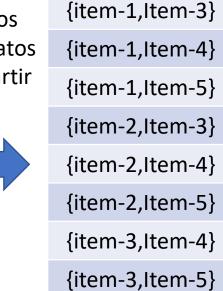
itemset	Ocorrência
{item-1}	6
{item-2}	7
{item-3}	6
{item-4}	2
{item-5}	2

L



Etapas para encontrar o k-itemset

Geramos candidatos C2 a partir de L1.



{item-4,Item-5}

itemset

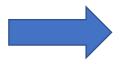
{item-1,Item-2}

Varre o banco de dados D para contar cada candidato



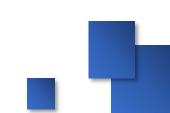
itemset	Ocorrência
{item-1,Item-2}	4
{item-1,Item-3}	4
{item-1,Item-4}	1
{item-1,Item-5}	2
{item-2,Item-3}	4
{item-2,Item-4}	2
{item-2,Item-5}	2
{item-3,Item-4}	0
{item-3,Item-5}	1
{item-4,Item-5}	0

Filtra os itens que atende a frequência mínima (suporte=2). Sup.min >= 2



itemset	f(x)
{item-1,item-2}	4
{item-1,item-3}	4
{item-1,item-5}	2
{item-2,item-3}	4
{item-2,item-4}	2
{item-2,item-5}	2

 L_2



Etapas para encontrar o k-itemset

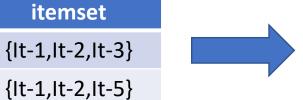
Geramos candidatos C_3 a partir de L_2 .

Varre o banco de dados D para contar cada candidato Filtra os itens que atende a frequência mínima (suporte=2).

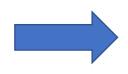
Sup.min >= 2

 L_{α}





itemset	Ocorrência
{It-1,It-2,It-3}	2
{It-1,It-2,It-5}	2



itemset	Ocorrência
{It-1,It-2,It-3}	2
{It-1,It-2,It-5}	2



Algoritmo *apriori*

```
1) L_1 = \{large 1-itemsets\};
2) for (k = 2; L_{k-1} \neq \emptyset; k++) do begin
     C_k = \operatorname{apriori-gen}(L_{k-1}); // New candidates
       for all transactions t \in \mathcal{D} do begin
          C_t = \text{subset}(C_k, t); // Candidates contained in t
6)
          for all candidates c \in C_t do
             c.count++;
8)
       end
       L_k = \{c \in C_k \mid c.\text{count} \ge \text{minsup}\}
10) end
11) Answer = \bigcup_{k} L_k;
```

Figure 1: Algorithm Apriori

Um exemplo prático

Considere as transações abaixo em um dado período

Nº Transação	Produto	Nº Transação	Produto
1	Α	5	D
1	В	6	В
1	С	7	Α
2	А	8	А
2	С	8	С
3	Α	8	D
4	С	9	В
4	В	9	D
4	D	10	Α
4	Α	10	В
5	Α	10	D

Obs: representação dos fatos no formato Basket (este modelo é aplicado em situações que o número de itens não possam ser limitados pelo número de atributos de uma tabela ou visão).

Um exemplo prático: 1º passo

A partir dos dados é possível:

- Definir o conjunto R={A,B,C,D} e
- A relação r que terá o modelo dessa tabela.

Nº Transação	Α	В	C	D
1	1	1	1	0
2	1	0	1	0
3	1	0	0	0
4	1	1	1	1
5	1	0	0	1
6	0	1	0	0
7	1	0	0	0
8	1	0	1	1
9	0	1	0	1
10	1	1	0	1

Frequência dos subconjuntos unitários (1-itemset)

- Considerando os valores de σ =0.1 e Θ =0.8.
- σ = suporte mínimo
- Θ = confiança mínima
- Exemplo para os nossos dados:

•	σ({A})=0	,8 e	σ({	[C])=0	,4
---	-------	-----	------	-----	-----	-----	----

•	$\Theta(\{A\}) = \operatorname{conf}(X \Longrightarrow Y) = \sigma(X \cup Y) / \sigma(X) =$
	0,8/0,8 = 1. (confiança de 100%).

Conjunto	Ocorrência / Freqüência
{A}	8 / 0,8
{B}	5 / 0,5
{C}	4 / 0,4
{D}	5 / 0,5

Freqüência nos subconjuntos binários (2-itemset)

- Considerando os valores de σ =0.1 e Θ =0.8.
- σ = suporte mínimo
- Θ = confiança mínima
- Calcule os valores de suporte e confiança para cada subconjunto.

Conjunto	Freqüência
{A,B}	3
{A,C}	4
{A,D}	4
{B,C}	2
{B,D}	3
{C,D}	2

Quadro das regras potenciais

Para os parâmetros σ =0.1 Θ =0,8

Regra	Confiança
А→В	3/8
A→C	4/8
A→D	4/8
В→С	2/5
B→D	3/5
C→D	2/4

Regra	Confiança
В→А	3/5
C→A	4/4
С→В	2/4
D→A	4/5
D→B	3/5
D→C	2/5

Associações consideradas válidas: C→A e D→A

Regra:

Sendo C→A com 100% de confiança e D→A com confiança de 80%.

Frequência dos subconjuntos de ternários (3-itemset)

Conjunto	Freqüência
{A,B,C}	2
{A,C,D}	2
{A,B,D}	2
{B,C,D}	1

Quadro das regras potenciais

Para os parâmetros σ =0.1 Θ =0,8

Regra	Confiança
A,B→C	2/3
A,C→B	2/4
A,B→D	2/3
A,D→B	2/4
A,C→D	2/4
A,D→C	2/4

Regra	Confiança
B,C→D	1/2
B,D→C	1/3
В,С→А	2/2
B,D→A	2/3
C,D→A	2/2
C,D→B	1/2

Associações consideradas válidas: B,C→A e C,D→A

Regra: Na ocorrência dos itens B e C, implicam a ocorrência de A

Na ocorrência dos itens C e D, implicam na ocorrência de A

Quadro das regras potenciais

Regra	Confiança
$A,B,C \rightarrow D$	1/2
A,C,D→B	1/2
$A,B,D \rightarrow C$	1/2
$B,C,D \rightarrow A$	1/1

Regra: Com 100% de confiança, se ocorrer os produtos B,C e D, então ocorre produto A.

A correlação entre os itens

Lift é uma medida de correlação simples.

A ocorrência de um itemset A é independente da ocorrência de um itemset B se $P(A \cup B) = P(A)P(B)$; caso contrário, os itemsets A e B são dependentes ou correlatos (ou correlacionados) como eventos.

Logo:

$$lift(A, B) = \frac{conf(A \Rightarrow B)}{suporte(B)} = \frac{suporte(AB)}{suporte(A) \cdot suporte(B)}$$

Se o valor resultante é menor do que 1, então a ocorrência de A é negativamente correlacionada com a ocorrência de B.

Se o valor resultante é maior do que 1, então A e B são positivamente correlacionados, significando que a ocorrência de um implica na ocorrência de outro. Se o resultado é igual a 1, então A e B são independentes e não há correlação entre eles.

Medidas

$$suporte = \frac{|X \cup Y|}{n}$$

$$confiança(X \to Y) = \frac{suporte(X \cup Y)}{suporte(X)}$$

$$lift(X => Y) = \frac{suporte(X \cup Y)}{suporte(X) \times suporte(Y)}$$

$$convic$$
çã $o(X => Y) = \frac{1 - suporte(Y)}{1 - confiança(X => Y)}$

Outros algoritmos

- Eclat
 - DFS (depth-first-search)
 - Consome menos memória que o apriori
 - Exemplo: https://rdrr.io/cran/arules/man/eclat.html
- fp-grow
 - Utilizado no apache Spark
 https://spark.apache.org/docs/latest/ml-frequent-pattern-mining.html
- partition

Em Python

- Apyori https://pypi.org/project/apyori/
- Efficient-Apriori <u>https://pypi.org/project/efficient-apriori/</u>
- Exemplo com Scikit-learn no kaggle https://www.kaggle.com/sangwookchn/association-rule-learning-with-scikit-learn
- Mlxtend
 http://rasbt.github.io/mlxtend/user_guide/frequent_patterns/apriori/

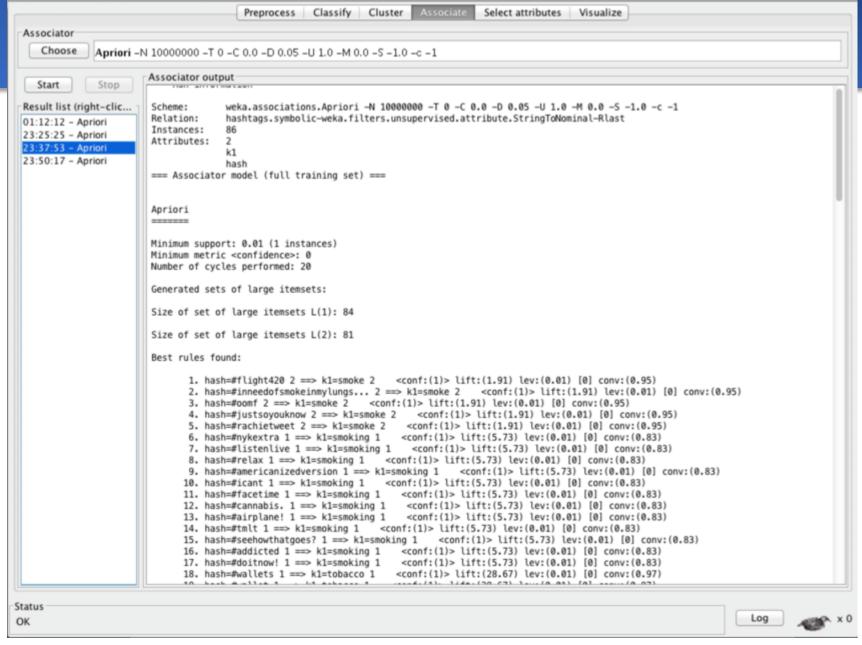
No Google colab

```
!pip install apyori
import numpy as np
import pandas as pd
# Loading the Data
Data = pd.read_csv('market_basket.csv', header =
None)
Data.head()
transacts = []
# populating a list of transactions
for ireg in range (0, 7501):
  reg = list(Data.values[ireg])
  r = []
  for campo in reg:
    if str(campo) != 'nan':
      r.append(campo)
  transacts.append(r)
```

No Google colab

```
from apyori import apriori
rule = apriori(transactions = transacts, min support = 0.003, \
          min confidence = 0.2, min lift = 3, min length = 2, max length = 2)
results = list(rule) # returns a non-tabular output
print(results)
def inspect(output):
   lhs = [tuple(result[2][0][0])[0] for result in output]
   rhs = [tuple(result[2][0][1])[0] for result in output]
   support = [result[1] for result in output]
   confidence = [result[2][0][2] for result in output]
   lift = [result[2][0][3] for result in output]
   return list(zip(lhs, rhs, support, confidence, lift))
out = pd.DataFrame(inspect(results), columns = ['Left Hand Side', \
    'Right Hand Side', 'Support', 'Confidence', 'Lift'])
out.nlargest(n = 10, columns = 'Lift')
```

WEKA



Fonte: https://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/

Bases de dados

- Conjunto de dados de doenças cardíacas (derivado de 4 outros bancos) http://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/heart+Disease
- Derivado do banco USDA de plantas que ocorrem nos EUA e Canadá https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Plants
- Classificação de cogumelos em comestíveis ou venenosos <u>https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Mushroom</u>
- Questionário sobre informações do blogger realizado no Irã https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/BLOGGER
- Conjunto de dados de usuários de Internet desonestos <u>https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Dishonest+Internet+users+Dataset</u>
- Análise de Cesta de Mercado Instacart https://www.kaggle.com/datatheque/association-rules-mining-market-basket-analysis

Exemplo no R

• https://www.datacamp.com/community/tutorials/market-basket-analysis-r

Referências

- Caso Target
 https://www.traycorp.com.br/conteudo/target-e-o-comportamento-do-cliente/
- How Companies Learn Your Secrets (Caso Target)
 https://www.nytimes.com/2012/02/19/magazine/shopping-habits.html?pagewanted=1& r=1&hp
- SIQUEIRA, G. M. Algoritmos de Mineração de Dados Eficientes Quanto ao Consumo de Memória, dissertação de mestrado. UFMG, 2004. Disponível em: https://repositorio.ufmg.br/bitstream/1843/SLBS-643J9H/1/gustavomenezessiqueira.pdf