基于蒙特卡洛法算圆的面积 小组大作业报告

拓欣 诸晓婉 张雨馨

2024年12月12日

Outline

1. 介绍

- 2. 代码实现
- 3. 项目展望

蒙特卡罗方法, 也称统计模拟方法, 是 1940 年代中期由于科学技术的发展和电子计算机的发明, 而提出的一种以概率统计理论为指导的数值计算方法. 使用随机数来解决很多计算问题的方法

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月 2日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

Outline

- 1. 介绍
- 2. 代码实现
- 3. 项目展望

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月3日 基于蒙特卡洛法算圆的面积 3/1

```
program normal
                                                               Fortran
2
      use, intrinsic :: iso_fortran_env, only: dp => real64
3
      implicit none
4
5
      real(dp) :: x, y, area, true_area, dis
6
      real(dp) :: r
7
      real(dp) :: start_cpu, end_cpu
8
      integer :: start_time, end_time
      integer :: i, inside_points, samples
9
10
      ! 参数
11
      r = 1.0_dp
12
      samples = 1000000
13
14
      inside_points = 0
15
      true\_area = r*r*3.141592653589793\_dp
16
      ! 开始时间
17
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月 2日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

```
call cpu_time(start_cpu)
18
19
      call system_clock(count=start_time)
20
      ! 蒙特卡洛
21
22
      do i = 1, samples
23
          call random_number(x)
24
          call random_number(y)
         x = x*r*2.0_dp - r
25
         y = y*r*2.0_dp - r
26
27
28
          if (x*x + y*y \le r*r) then
             inside_points = inside_points + 1
29
30
          end if
      end do
31
32
33
      ! 圆面积
      area = (real(inside_points, dp)/real(samples, dp))*(4.0_dp*r*r)
34
```

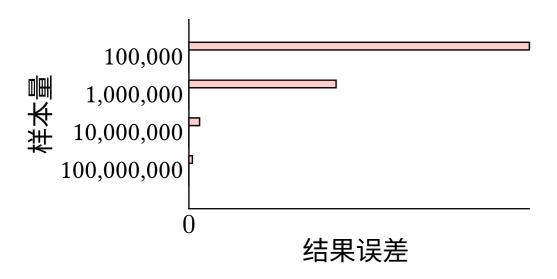
拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月 2日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

```
35
      dis = abs(area - true_area)
36
37
      ! 结束时间
38
      call cpu time(end cpu)
39
      call system clock(count=end time)
40
      !结果
41
42
      print '(A,F15.8)', '计算结果(面积): ', area
43
      print '(A,F15.8)', '半径: ', r
      print '(A,I10)', '样本量: ', samples
44
45
      print '(A,F15.8)', '结果精度(误差): ', dis
      print '(A,F15.8,A)', 'Wall Time: ', (end_time -
46
      start time)/1000.0 dp, '秒'
      print '(A,F15.8,A)', 'CPU Time: ', (end_cpu - start_cpu), '秒'
47
   end program normal
```

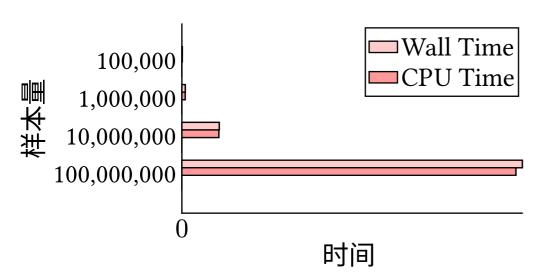
1 gfortran -03 -march=native src/normal.f90 -o dist/normal

Shell

不同样本量下结果误差的变化(值越小越好)



不同样本量下 Wall Time/CPU Time 的变化



拓欣 诸晓婉 张雨馨

```
■ Fortran
   program omp
      use, intrinsic :: iso_fortran_env, only: dp => real64
2
      implicit none
3
4
5
      real(dp) :: x, y, area, true_area, dis
6
      real(dp) :: r
7
      real(dp) :: start_cpu, end_cpu
8
      integer :: start_time, end_time
9
      integer :: i, inside_points, samples
10
      integer :: tid
11
      ! 参数
12
      r = 1.0_dp
13
14
      samples = 1000000
      inside_points = 0
15
16
      true area = r*r*3.141592653589793 dp
17
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 8 / 25

```
! 开始时间
18
19
      call cpu_time(start_cpu)
20
      call system clock(count=start time)
21
22
       !$omp parallel private(x, y, tid) reduction(+:inside_points)
23
       !$omp do
      do i = 1, samples
24
25
          call random_number(x)
26
         call random_number(y)
         x = x*r*2.0 dp - r
27
         y = y*r*2.0 dp - r
28
29
30
          if (x*x + y*y <= r*r) then
             inside points = inside points + 1
31
32
         end if
33
      end do
       !$omp end do
34
```

```
35
      !$omp end parallel
36
37
     ! 圆面积
      area = (real(inside_points, dp)/real(samples, dp))*(4.0_dp*r*r)
38
      dis = abs(area - true_area)
39
40
      ! 结束时间
41
      call cpu_time(end_cpu)
42
      call system clock(count=end time)
43
44
45
      !结果
46
      print '(A,F15.8)', '计算结果(面积): ', area
47
      print '(A,F15.8)', '半径: ', r
48
      print '(A,I10)', '样本量: ', samples
      print '(A,F15.8)', '结果精度(误差): ', dis
49
      print '(A,F15.8,A)', 'Wall Time: ', (end_time -
50
      start time)/1000.0 dp, '秒'
```

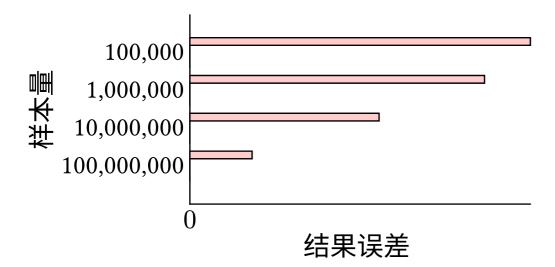
拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

```
51 print '(A,F15.8,A)', 'CPU Time: ', (end_cpu - start_cpu), '秒'
52 end program omp
```

```
gfortran -03 -march=native -openmp src/omp.f90 -o dist/
omp-g

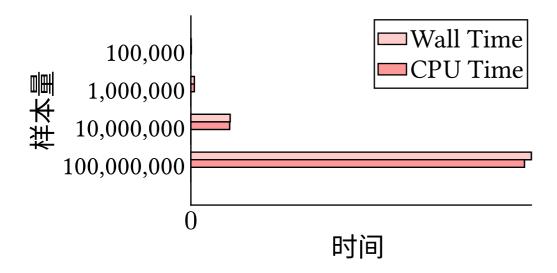
mpiifx -03 -march=native -qopenmp -qmkl src/omp.f90 -o dist/omp-i
```

不同样本量下结果误差的变化(值越小越好)



不同样本量下 Wall Time/CPU Time 的变化

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月12日 基于蒙特卡洛法算圆的面积



拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 2024年12月12日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

```
1
   program hybrid
                                                               Fortran
      use, intrinsic :: iso_fortran_env, only: dp => real64
2
3
      use mpi
      implicit none
4
5
6
      real(dp) :: x, y, pi, area, true_area, dis
7
      real(dp) :: r
      real(dp) :: start_cpu, end_cpu
      integer :: start_time, end_time
      integer :: i, local_inside, global_inside, samples,
10
      local_points
11
      integer :: ierr, rank, size
12
13
      ! MPI
14
      call MPI_Init(ierr)
15
      call MPI Comm rank(MPI COMM WORLD, rank, ierr)
16
      call MPI Comm size(MPI COMM WORLD, size, ierr)
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 13/25

```
17
18
      ! 参数
      r = 1.0 dp
19
      samples = 1000000
20
21
      local_points = samples/size
22
      local_inside = 0
      true area = r*r*3.141592653589793_dp
23
24
25
      ! 开始时间
      if (rank == 0) then
26
27
         call cpu_time(start_cpu)
28
          call system_clock(count=start_time)
      end if
29
30
      !$omp parallel private(x, y) reduction(+:local_inside)
31
32
      !$omp do
      do i = 1, local_points
33
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

```
call random_number(x)
34
35
          call random_number(y)
36
         x = x*r*2.0 dp - r
         y = y*r*2.0 dp - r
37
38
39
          if (x*x + y*y \le r*r) then
40
             local_inside = local_inside + 1
         end if
41
      end do
42
43
       !$omp end do
44
       !$omp end parallel
45
      ! 汇总所有进程的结果
46
47
      call MPI_Reduce(local_inside, global_inside, 1, MPI_INTEGER, &
48
                       MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD, ierr)
49
      if (rank == 0) then
50
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 基于蒙特卡洛法算圆的面积

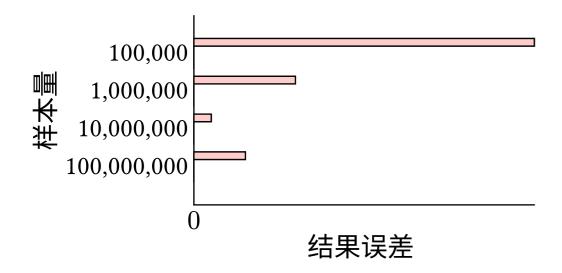
```
51
         ! 圆面积
         area = (real(global inside, dp)/real(samples,
52
         dp))*(4.0_dp*r*r)
53
         dis = abs(area - true_area)
54
55
         ! 结束时间
56
         call cpu_time(end_cpu)
57
         call system clock(count=end time)
58
         ! 结果
59
         print '(A,F15.8)', '计算结果(面积): ', area
60
61
         print '(A,F15.8)', '半径: ', r
62
         print '(A,I10)', '样本量: ', samples
         print '(A,F15.8)', '结果精度(误差): ', dis
63
         print '(A,F15.8,A)', 'Wall Time: ', (end time -
64
         start time)/1000.0 dp, '秒'
```

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

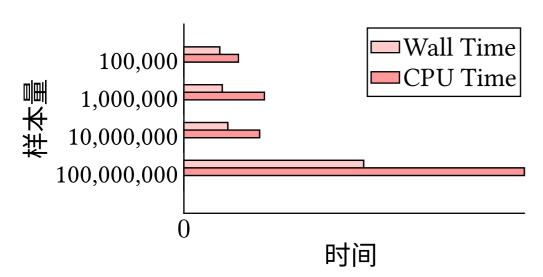
```
print '(A,F15.8,A)', 'CPU Time: ', (end_cpu - start_cpu),
65
          '秒'
66
      end if
67
68
      call MPI_Finalize(ierr)
   end program hybrid
69
1 mpif90 -03 -fopenmp src/hybrid.f90 -o dist/hybrid-g
                                                                Shell
  mpirun -np 8 ./dist/hybrid-g
3
  mpiifx -03 -march=native -qopenmp -lmpi -qmkl src/hybrid.f90 -o
  dist/hybrid-i && \
5 mpirun -np 8 ./dist/hybrid-i"
```

不同样本量下结果误差的变化(值越小越好)

拓欣 诸晓婉 张雨馨 基于蒙特卡洛法算圆的面积



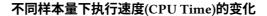
不同样本量下 Wall Time/CPU Time 的变化

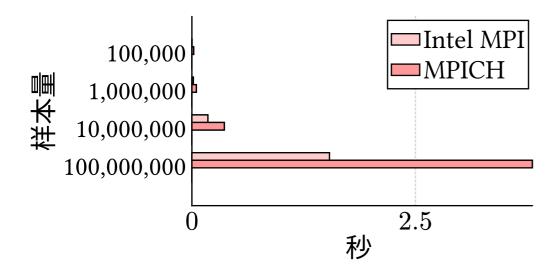


拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

2.4 MPICH/BLAS vs Intel MPI/MKL

这里我们分别使用 GFortran 编译器和 Intel Fortran 编译器来对比两者的性能





拓欣 诸晓婉 张雨馨 基于蒙特卡洛法算圆的面积

Outline

- 1. 介绍
- 2. 代码实现

3. 项目展望

因为时间和技术的限制, 我们只实现了串行、OpenMP 和 OpenMP+MPI 三种版本, 但是还有很多其他的优化方法可以尝试

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积 20 / 25

3.1 Coarray

Coarray 是 Fortran 2008 的一个特性, 可以实现分布式内存并行计算, 无需自己编写 OpenMP、MPI 等代码, 但是需要编译器支持

3.2 使用 Julia 等更热门的语言

3.2.1 Julia

Julia 是一个高性能的动态编程语言,有很多并行计算的库,可以实现分布式内存并行计算

- Threads.jl
- Distributed.jl

3.2.2 Python

Python 虽然是一个解释型语言, 但是有很多高性能的库, 可以实现并行计算

- Cython
- Ray

3.2.3 Rust

Rust 是一门近年来非常流行的系统编程语言,有一些高性能的库可以实现并行计算

Rayon

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 22/25

3.3 使用 GPU 加速

我们的显卡擅长浮点运算,可以使用 GPU 加速来提高计算速度 而 NVIDIA 公司的 CUDA 是一个非常流行的 GPU 编程框架,可以使用 CUDA C/ C++、CUDA Python、CUDA Fortran 等语言来编写 GPU 程序

NVIDIA CUDA Fortran

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024年12月12日 23/25

3.4 更高级的算法

- 分层采样 把蒙特卡洛法进一步微分,把一个任务拆分成了数个任务
- 重要性采样 需要一定的概论相关的数学知识
- 自适应采样 通过一定的算法/机器学习的方法来自适应的调整采样的方法
- 拟蒙特卡洛序列
 - Sobol 序列
 - Halton 序列
 - Faure 序列

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积

谢谢!

拓欣 诸晓婉 张雨馨 2024 年 12 月 12 日 基于蒙特卡洛法算圆的面积