•

Điện thoại: 0946798489

BÀI 11. HAI ĐƯỜNG THẮNG SONG SONG

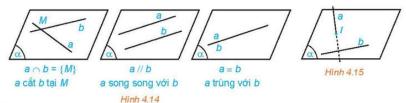
- CHƯƠNG 4. QUAN HỆ SONG SONG TRONG KHÔNG GIAN
- | FanPage: Nguyễn Bảo Vương

PHẦN A. LÝ THUYẾT VÀ VÍ DỤ MINH HỌA

1. VI TRÍ TƯƠNG ĐỐI CỦA HAI ĐƯỜNG THẮNG

Cho hai đường thẳng a và b trong không gian.

- Nếu a và b cùng nằm trong một mặt phẳng thì ta nói a và b đồng phẳng. Khi đó, a và b có thể cắt nhau, song song với nhau hoặc trùng nhau.
- Nếu a và b không cùng nằm trong bất kì mặt phẳng nào thì ta nói a và b chéo nhau. Khi đó, ta cũng nói a chéo với b, hoặc b chéo với a.

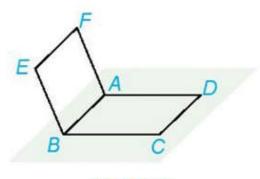


Nhân xét

Hai đường thẳng không có điểm chung thì có thể song song hoặc chéo nhau

- Hai đường thẳng song song là hai đường thẳng đồng phẳng và không có điểm chung.
- Có đúng một mặt phẳng chứa hai đường thẳng song song.

Ví dụ 1. Cho hai hình bình hành ABCD và ABEF không cùng nằm trong một mặt phẳng (H.4.16).



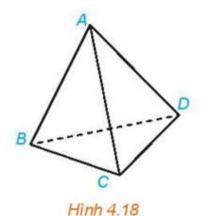
Hinh 4.16

- a) Quan sát bốn đường thẳng AB,BC,CD,DA. Chỉ ra các cặp đường thẳng cắt nhau, các cặp đường thẳng song song.
- b) Trong ba đường thẳng AB, AF, BE có hai đường thẳng nào chéo nhau hay không?

Giải

- a) Các cặp đường thẳng cắt nhau là AB và BC,AB và DA,BC và CD,CD và DA. Các cặp đường thẳng song song là AB và CD,DA và BC.
- b) Các đường thẳng AB, AF, BE cùng nằm trong mặt phẳng (ABEF) nên trong ba đường thẳng đó không có hai đường thẳng nào chéo nhau.

Ví dụ 2. Cho hình tứ diện ABCD (H.4.18).



Hai đường thẳng AB và CD có chéo nhau hay không? Chỉ ra các cặp đường thẳng chéo nhau có trong hình tứ diện đó.

Giải

Nếu hai đường thẳng AB và CD không chéo nhau thì chúng cùng thuộc một mặt phẳng. Khi đó bốn điểm A,B,C,D đồng phẳng, trái với giả thiết ABCD là hình tứ diện. Do đó, hai đường thẳng AB và CD chéo nhau.

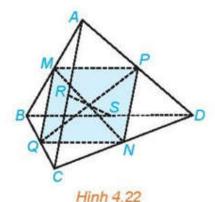
Lập luận tương tự, ta thấy trong tứ diện ABCD còn có các cặp đường thẳng chéo nhau là AC và BD, AD và BC.

2. TÍNH CHẤT CỦA HAI ĐƯỜNG THẮNG SONG SONG

Trong không gian, qua một điểm không nằm trên đường thẳng cho trước, có đúng một đường thẳng song song với đường thẳng đã cho.

Trong không gian, hai đường thẳng phân biệt cùng song với đường thẳng thứ ba thì song song với nhau.

Ví dụ 3. Cho tứ diện ABCD. Gọi M, N, P, Q, R, S lần lượt là trung đểm của các đoạn thẳng AB, CD, AD, BC, AC, BD (H.4.22).



- a) Chứng minh rằng tứ giác MPNQ là hình bình hành.
- b) Chứng minh rằng các đoạn thẳng MN, PQ, RS cùng đi qua trung điểm của mỗi đoạn.

Giải

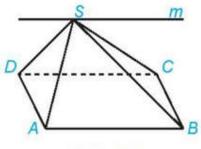
a) Trong tam giác ABC, ta có MQ là đường trung bình nên MQ//AC và $MQ = \frac{1}{2}AC$. Tương tự với tam giác ACD, ta có PN//AC và $PN = \frac{1}{2}AC$. Do đó MQ//PN và MQ = PN, suy ra tứ giác MPNQ là hình bình hành.

b) Từ câu a suy ra hai đoạn thẳng MN và PQ cắt nhau tại trung điểm của mỗi đoạn. Tương tự, hai đoạn thẳng MN và RS cắt nhau tại trung điểm của mỗi đoạn. Do đó, các đoạn thẳng MN, PQ, RS cùng đi qua trung điểm của mỗi đoạn.

Nếu ba mặt phẳng đôi một cắt nhau theo ba giao tuyến phân biệt thì ba giao tuyến đó đồng quy hoặc đôi một song song với nhau.

Chú ý. Từ kết quả trên có thể suy ra rằng: Nếu hai mặt phẳng chứa hai đường thẳng song song với nhau thì giao tuyến của chúng (nếu có) song song với hai đường thẳng đó hoặc trùng với một trong hai đường thẳng đó.

Ví dụ 4. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành (H.4.25).



Hình 4.25

Xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (SAB) và (SCD).

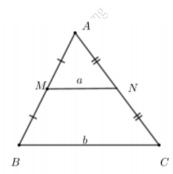
Giải

Hai mặt phẳng (SAB) và (SCD) có điểm chung S và chứa hai đường thẳng song song là AB và CD. Do đó, giao tuyến của hai mặt phẳng (SAB) và (SCD) là đường thẳng m đi qua S và song song với AB,CD.

PHẨN B. BÀI TẬP TỰ LUẬN (PHÂN DẠNG)

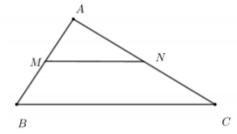
DANG 1. CHỨNG MINH HAI ĐƯỜNG THẮNG SONG SONG

1. Tính chất đường trung bình



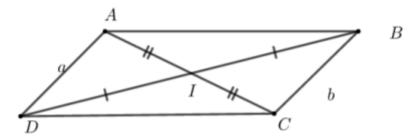
M, N là trung điểm của AB, AC. Khi đó $MN//=\frac{1}{2}BC$.

2. Định lý Ta-lét



$$MN//BC \Rightarrow \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$
.

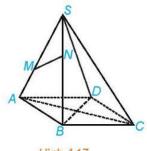
3. Tính chất cạnh đối của hình bình hành



Hai phương pháp để chứng minh tứ giác là hình bình hành:

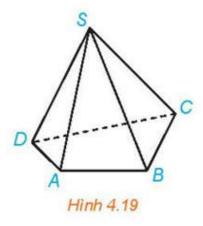
- *) Chứng minh: $\begin{cases} AB//CD \\ AB = CD \end{cases}$
- *) Hai đường chéo cắt nhau tại trung điểm của mỗi đường.

Câu 1. (SGK-KNTT 11-Tập 1) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành (H.4.17).



- Hinh 4.17
- a) Trong các đường thẳng AB, AC, CD, hai đường thẳng nào song song, hai đường thẳng nào cắt nhau?
- b) Gọi M,N lần lượt là hai điểm thuộc hai cạnh SA,SB. Trong các đường thẳng SA,MN,AB có hai đường thẳng nào chéo nhau hay không?

Câu 2. (SGK-KNTT 11-Tập 1) Trong hình chóp tứ giác S.ABCD (H.4.19), chỉ ra những đường thẳng:



- a) Chéo với đường thẳng SA;
- b) Chéo với đường thẳng BC.

Câu 3. (SGK-KNTT 11-Tập 1) Một chiếc gậy được đặt một đầu dựa vào tường và đầu kia trên mặt sàn (H.4.20).



Hinh 4.20

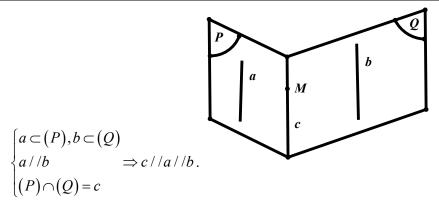
Hỏi có thể đặt chiếc gậy đó song song với một trong các mép tường hay không?

- **Câu 4. (SGK-KNTT 11-Tập 1)** Cho hình chóp *S.ABCD* có đáy là hình bình hành. Trong các cặp đường thẳng sau, cặp đường thẳng nào cắt nhau, cặp đường thẳng nào song song, cặp đường thẳng nào chéo nhau?
 - a) AB và CD;
 - b) AC và BD;
 - c) SB và CD.
- **Câu 5.** Cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D', $AC \cap BD = O.M$, N là trung điểm của A'B', BC. Chứng minh $MN/\!/A'O$.
- Câu 6. Lăng trụ ABC.A'B'C'.M,P,Q là trung điểm A'B', B'C',AC. Chứng minh AM//PQ.
- **Câu 7.** Cho tứ diện ABCD có I; J lần lượt là trọng tâm của tam giác ABC, ABD. Chứng minh rằng: $IJ/\!/CD$.
- **Câu 8.** Cho tứ diện ABCD. Trên SA, BC lấy điểm M, N sao cho: $\frac{SM}{SA} = \frac{BN}{BC} = \frac{3}{4}$. Qua N kẻ NP song song với CA (P thuộc AB). Chứng minh rằng MP // SB
- **Câu 9.** Cho hình chóp S.ABCD, có đáy là hình bình hành. Gọi M, N, P, Q là các điểm lần lượt trên BC, SC, SD, AD sao cho MN//BS, NP//CD, MQ//CD.
 - a) Chứng minh: PQ//SA.
 - b) Goi K là giao điểm của MN và PO. Chứng minh SK // AD // BC.
- **Câu 10.** Cho hình chóp S.ABCD có đáy là tứ giác lồi. Gọi M,N là trọng tâm tam giác SAB và SAD. E là trung điểm CB.
 - a) Chứng minh rằng MN // BD
 - b) Gọi L, H là giao điểm của (MNE) với SD và SB. Chứng minh rằng $LH /\!\!/ BD$.
- **Câu 11.** Cho hình chóp S.ABC, $I \in SA$ sao cho IA = 2IS. M, N là trung điểm SB, SC. H là điểm đối xứng với I qua M, K là điểm đối xứng với I qua N.
 - a) Chứng minh HK / /BC.
 - b) Chứng minh BH / /SA.
- **Câu 12.** Tứ diện ABCD. M, N, P, Q, R, S là trung điểm AB, CD, BC, AD, AC, BD. Chứng minh MN, PQ, RS đồng quy tại $\frac{1}{2}$ mỗi đường.

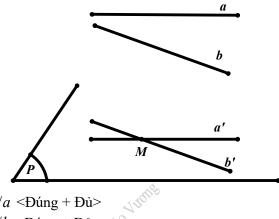
DẠNG 2. TÌM GIAO TUYẾN CỦA HAI MẶT PHẮNG

Có 2 phương pháp tìm giao tuyến (P) và (Q).

- + Tìm 2 điểm chung.
- + Tìm bằng định lý giao tuyến



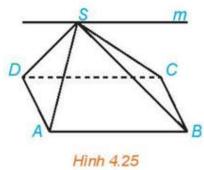
Bài toán tổng quát: Dựng (P) qua M và //a,b.



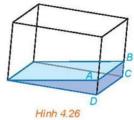
+ Qua M dựng a'//a <Đúng + Đủ> + Qua M dựng b'//b <Đúng + Đủ>

 $\Rightarrow (P) \equiv (a',b').$

Câu 13. (SGK – KNTT 11-Tập 1) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành (H.4.25). Hãy xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (SAD) và (SBC).

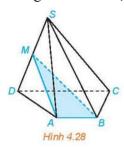


Câu 14. (SGK – KNTT 11-Tập 1) Một bể kính chứa nước có đáy là hình chữ nhật được đặt nghiêng như Hình 4.26.



Giải thích tại sao đường mép nước AB song song với cạnh CD của bể nước.

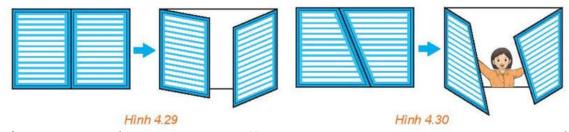
Câu 15. (SGK – KNTT 11-Tập 1) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thang (AB//CD). Gọi M là trung điểm của đoạn thẳng SD (H.4.28).



- a) Xác định giao tuyến của mặt phẳng (MAB) và (SCD).
- b) Gọi N là giao điểm của đường thẳng SC và mặt phẳng (MAB). Chứng minh rằng MN là đường trung bình của tam giác SCD.

Câu 16. (SGK – KNTT 11-Tập 1) Cho tứ diện ABCD. Gọi M,N lần lượt là trung điểm của các cạnh BC,CD và P là một điểm thuộc cạnh AC. Xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (AMN) và (BPD) và chứng minh giao tuyến đó song song với BD.

Câu 17. (SGK – KNTT 11-Tập 1) Khi hai cánh cửa sổ hình chữ nhật được mở, dù ở vị trí nào, thì hai mép ngoài của chúng luôn song song với nhau (H.4.29). Hãy giải thích tại sao.



Nếu hai cánh cửa sổ có dạng hình thang như Hình 4.30 thì có vị trí nào của hai cánh cửa để hai mép ngoài của chúng song song với nhau hay không?

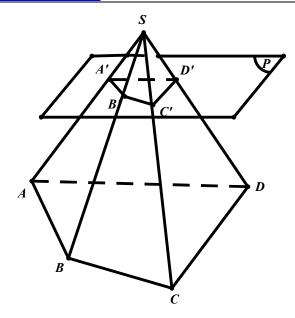
Câu 18. Chóp SABCD, đáy ABCD là hình bình hành. Tìm giao tuyến của:

- a) (SAB) và (SCD). b) (SAD) và (SBC).
- **Câu 19.** Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình bình hành. Điểm M thuộc cạnh SA, điểm E và F lần lượt là trung điểm của AB và BC.
 - 1) Xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (SAB) và (SCD).
 - 2) Xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (MBC) và (SAD).
 - 3) Xác định giao tuyến của hai mặt phẳng (MEF) và (SAC).

Câu 20. Cho hình chóp S.ABCD. Mặt đáy là hình thang có cạnh đáy lớn AD, AB cắt CD tại K, điểm M thuộc cạnh SD.

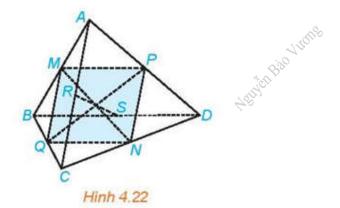
- 1) Xác định giao tuyến (d) của (SAD) và (SBC). Tìm giao điểm N của KM và (SBC).
- 2) Chứng minh rằng: AM, BN, (d) đồng quy.

DẠNG 3. THIẾT DIỆN CHỨA ĐƯỜNG THẮNG SONG SONG VỚI ĐƯỜNG THẮNG KHÁC Thiết diện của mặt phẳng (P) với chóp



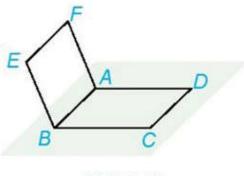
+ Thiết diện là một đa giác phẳng khép kín Tìm thiết diện bằng cách tìm giao tuyến với mặt bên, mặt đáy

Câu 21. (SGK-KNTT 11-Tập 1) Cho tứ diện ABCD. Gọi M, N, P, Q, R, S lần lượt là trung đểm của các đoạn thẳng AB, CD, AD, BC, AC, BD (H.4.22).



- a) Chứng minh rằng tứ giác MPNQ là hình bình hành.
- b) Chứng minh rằng các đoạn thẳng MN, PQ, RS cùng đi qua trung điểm của mỗi đoạn.

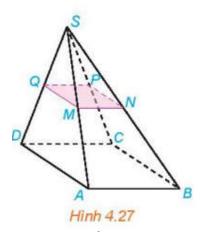
Câu 22. (SGK-KNTT 11-Tập 1) Cho hai hình bình hành ABCD và ABEF không cùng nằm trong một mặt phẳng (H.4.16).



Hinh 4.16

Chứng minh rằng bốn điểm C,D,E,F đồng phẳng và tứ giác CDFE là hình bình hành.

Câu 23. (**SGK-KNTT 11-Tập 1**) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành. Gọi M, N, P, Q lần lượt là trung điểm của các cạnh bên SA, SB, SC, SD (H.4.27).



Chứng minh rằng tứ giác MNPQ là hình bình hành.

Câu 24. (**SGK-KNTT 11-Tập 1**) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thang $(AB \parallel CD)$. Gọi M,N lần lượt là trung điểm của các cạnh SA,SB. Chứng minh rằng tứ giác MNCD là hình thang. **Câu 25.** Cho hình chóp S.ABCD, đáy ABCD là hình vuông cạnh a, tâm O. Mặt bên SAB là tam giác đều. Góc $\widehat{SAD} = 90^{\circ}$. Gọi Dx là đường thẳng qua D và song song với SC.

- a) Tìm giao điểm $I = Dx \cap (SAB)$. CMR AI / /SB.
- b) Xác thiết diện của (IAC) với hình chóp. Tính diện tích thiết diện.

Câu 26. Cho hình chóp S.ABCD, đáy ABCD là hình bình hành. Gọi I, J, lần lượt là trọng tâm của ΔSAB , ΔSAD . M là trung điểm của CD. Xác định thiết diện (IJM) với hình chóp S.ABCD.

Câu 27. Chóp S.ABCD có SA = 2a, ABCD là hình vuông cạnh AB = a, $SA \perp CD$, $M \in AD$ đề $AM = x \ (0 < x < a)$. Mặt phẳng (P) qua M và //SA,CD. Dựng (P). Tìm thiệt diện. Tính S_{TD} theo a,x.

Câu 28. Chóp S.ABC, $SA \perp BC$, SA = 3a, $\triangle ABC$ đều, AB = a. $M \in AB$ đề AM = x(0 < x < a). (P)

qua M và song song SA,BC. Dựng (P). Tìm thiết diện. Tìm X để diện tích thiết diện lớn nhất.

Câu 29. Chóp S.ABCD, $SA \perp CD$, SA = 2a. ABCD là hình thang vuông ở A và D.

 $AD = DC = \frac{AB}{2} = a$, $M \in AD$ để AM = x, (0 < x < a). (P) qua M và song song SA, CD. Dựng (P). Tìm thiết diện. Tính diện tích thiết diện S_{TD} .

Câu 30. Chóp S.ABCD, $SA \perp BD$, SA = a, ABCD là hình vuông cạnh a, tâm O. $M \in AO$ để $AM = v \left(O + v + a \sqrt{2} \right)$ (B) we M where $v \in SA = BD$. Prove (B). The third differential SA = BD. Prove (B). The third differential SA = BD.

 $AM = x \bigg(0 < x < \frac{a\sqrt{2}}{2} \bigg). \ \left(P \right) \ \text{qua} \ M \ \text{ và song song với } \ SA \ , \ BD \ . \ \text{Dựng} \ \left(P \right). \ \text{Tìm thiết diện. Tính } \ S_{TD} \ .$

Câu 31. Chóp S.ABCD, SA = a, ABCD là hình vuông cạnh a. $AD \perp SB$. $M \in AB$ để AM = x(0 < x < a). (P) qua M và song song với SB, AD. Dựng (P). Tìm thiết diện. Tính S_{TD} .

Câu 32. Cho hình chóp S.ABCD, đáy ABCD là hình vuông cạnh a, tâm O. Mặt bên SAB là tam giác đều. $SC = SD = a\sqrt{3}$. Gọi H, K lần lượt là trung điểm của SA và SB. Gọi M là trung điểm $DA\left(HKM\right) \cap BC = N$.

a) Chứng minh rằng HKMN là hình thang cân.

b) Đặt $AM = x(0 \le x \le a)$ tính diện tích HKMN theo a và x. Tìm x để diện tích này nhỏ nhất.

PHẦN C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM (PHẦN MỨC ĐỘ)

1. Câu hỏi dành cho đối tượng học sinh trung bình – khá

Câu 1.	Cho hai	đường	thăng	phân	biệt	không	có	điệm	chung	cùng	năm	trong	một	mặt	phăng	thì	hai
	đường th	ẳng đó															

A. song song.

B. chéo nhau.

C. cắt nhau.

D. trùng nhau.

Câu 2. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

A. Hai đường thẳng không có điểm chung là hai đường thẳng song song hoặc chéo nhau.

- **B.** Hai đường thẳng chéo nhau khi chúng không có điểm chung.
- C. Hai đường thẳng song song khi chúng ở trên cùng một mặt phẳng.
- **D.** Khi hai đường thẳng ở trên hai mặt phẳng thì hai đường thẳng đó chéo nhau.

Câu 3. Chọn mệnh đề đúng.

- A. Không có mặt phẳng nào chứa hai đường thẳng a và b thì ta nói a và b chéo nhau.
- **B.** Hai đường thẳng song song nhau nếu chúng không có điểm chung.
- C. Hai đường thẳng cùng song song với một đường thẳng thứ ba thì song song với nhau.
- **D.** Hai đường thẳng cùng song song với một mặt phẳng thì song song với nhau.

Câu 4. Cho các mệnh đề sau:

- (I) Hai đường thẳng song song thì đồng phẳng.
- (II) Hai đường thẳng không có điểm chung thì chéo nhau.
- (III) Hai đường thẳng chéo nhau thì không có điểm chung.
- (IV) Hai đường thẳng chéo nhau thì không đồng phẳng.

Có bao nhiêu mênh đề đúng?

A. 1.

B. 3.

C. 4.

D. 2.

Câu 5. Nếu ba đường thẳng không cùng nằm trong một mặt phẳng và đôi một cắt nhau thì ba đường thẳng đó

A. đồng quy.

B. tao thành tam giác.

C. trùng nhau.

D. cùng song song với một mặt phẳng.

Câu 6. Cho mệnh đề nào sau đây **đúng**?

A. Nếu một mặt phẳng cắt một trong hai đường thẳng song song thì mặt phẳng đó sẽ cắt đường thẳng còn lại.

B. Hai mặt phẳng lần lượt đi qua hai đường thẳng song song thì cắt nhau theo một giao tuyến song song với một trong hai đường thẳng đó.

C. Nếu một đường thẳng cắt một trong hai đường thẳng song song thì đường thẳng đó sẽ cắt đường thẳng còn lại.

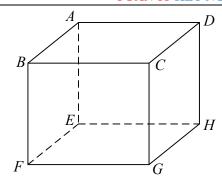
D. Hai mặt phẳng có một điểm chung thì cắt nhau theo một giao tuyến đi qua điểm chung đó.

Câu 7. Cho tứ diện ABCD, gọi M và N lần lượt là trung điểm các cạnh AB và CD. Gọi G là trọng tâm tam giác BCD. Đường thẳng AG cắt đường thẳng nào trong các đường thẳng dưới đây?

A. Đường thẳng MN. **B.** Đường thẳng CM.

 ${f C.}$ Đường thẳng DN. ${f D.}$ Đường thẳng CD.

Câu 8. Cho hình hộp ABCD.EFGH. Mệnh đề nào sau đây sai?



A. BG và HD chéo nhau.

B. BF và AD chéo nhau.

 \mathbf{C} . AB song song với HG.

D. CG cắt HE.

Câu 9. Cho tứ diện ABCD, gọi I và J lần lượt là trọng tâm của tam giác ABD và ABC. Đường thẳng IJ song song với đường nào?

 $\mathbf{A.}$ AB.

B. *CD* .

 \mathbf{C} . BC.

D. AD.

Câu 10. Cho tứ diện ABCD. Gọi M, N là hai điểm phân biệt cùng thuộc đường thẳng AB; P, Q là hai điểm phân biệt cùng thuộc đường thẳng CD. Xác định vị trí tương đối của MQ và NP.

A. MQ cắt NP.

B. *MQ* // *NP* .

C. MQ = NP.

D. MQ, NP chéo nhau.

Câu 11. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành tâm O. Gọi I, J lần lượt là trung điểm của SA và SC. Đường thẳng IJ song song với đường thẳng nào?

 $\mathbf{A.} BC$.

B. *AC* .

C. SO.

 \mathbf{D} . BD.

Câu 12. Trong mặt phẳng (P), cho hình bình hành ABCD. Vẽ các tia Bx, Cy, Dz song song với nhau, nằm cùng phía với mặt phẳng (ABCD), đồng thời không nằm trong mặt phẳng (ABCD). Một mặt phẳng đi qua A, cắt Bx, Cy, Dz tương ứng tại B', C', D' sao cho BB' = 2, DD' = 4. Tính CC'.

A. 6.

B. 8.

C. 2.

D. 3.

Câu 13. Cho tứ diện *ABCD*. Gọi *G* và *E* lần lượt là trọng tâm của tam giác *ABD* và *ABC*. Mệnh đề nào dưới đây **đúng**?

A. GE//CD.

B. GE cắt AD.

C. GE cắt CD.

D. GE và CD chéo nhau.

Câu 14. Cho tứ diện ABCD. Trên các cạnh AB, AD lần lượt lấy các điểm M, N sao cho $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AD} = \frac{1}{3}$. Gọi P, Q lần lượt là trung điểm các cạnh CD, CB. Mệnh đề nào sau đây đúng

A. Tứ giác MNPQ là một hình thang.

B. Tứ giác MNPO là hình bình hành.

C. Bốn điểm M, N, P, Q không đồng phẳng.

D. Tứ giác MNPQ không có các cặp cạnh đối nào song song.

Câu 15. Cho hai đường thẳng chéo nhau a và b. Lấy A, B thuộc a và C, D thuộc b. Khẳng định nào sau đây **đúng** khi nói về hai đường thẳng AD và BC?

A. Có thể song song hoặc cắt nhau.

B. Cắt nhau.

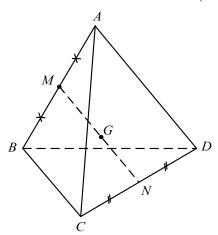
C. Song song nhau.

D. Chéo nhau.

Blog: Nguyễn Bảo	Vurong:	https://	www.n	bv.edu.vn	1
21051115011200	,	1100 3 501 1	** ** ***	D	

Câu 16.	Cho tứ diện $ABCD$ với M, N, P, Q lần lượt là trung điểm của AC, BC, BD, AD . Tìm điều kiện							
	để MNPQ là hình thoi.							
	$\mathbf{A.} \ AB = BC.$	B. $BC = AD$.	$\mathbf{C.} \ AC = BD.$	$\mathbf{D.} \ AB = CD.$				
Câu 17.	Cho hình chóp S.A.	BCD. Gọi A', B', C'	$^{\prime},D^{\prime}$ lần lượt là t	rung điểm của các cạnh				
	$S\!A,S\!B,S\!C,S\!D$. Trong các đường thẳng sau đây, đường thẳng nào không song song với $A'B'$?							
	$\mathbf{A.} \ AB$.	B. <i>CD</i> .	\mathbf{C} . $C'D'$.	D. <i>SC</i> .				
Câu 18.	Cho tứ diện ABCD. Cá	ác điểm M , N lần lượt	t là trung điểm BD, A	AD. Các điểm H,G lần lượt				
	là trọng tâm các tam giác BCD ; ACD . Đường thẳng HG chéo với đưởng thẳng nào sau đây?							
	A. <i>MN</i> .	B. <i>CD</i> .	C. <i>CN</i> .	D. AB.				
Câu 19.	Cho hình chóp S.ABC	D, đáy ABCD là hìn	h bình hành. Điểm I	M thuộc cạnh SC sao cho				
	SM = 3MC, N là giao điểm của SD và (MAB) . Khi đó, hai đường thẳng CD và MN là hai							
	đường thẳng:							
	A. Cắt nhau.	B. Chéo nhau.						
	C. Song song.	D. Có hai điểm chung.						
Câu 20.	Cho hình chóp S.ABCL	Có đáy là hình chữ nh	ật. Mặt phẳng (P) cắt	t các cạnh SA, SB, SC, SD				
	lần lượt tại M, N, P ,		_					
	$\mathbf{A.} \; SI/\!/AB .$	$\mathbf{B.} \; SI/\!/AC \; .$	$\mathbf{C.}$ $SI/\!/AD$.	D. $SI//BD$.				
Câu 21.	Ţ.		4	là trung điểm của cạnh SA,				
			(CD). Mệnh để nào sa	u đây là mệnh đề đúng?				
	A. MN và SD cắt nhau. B. MN // CD.							
	C. MN và SC cắt nhau							
Câu 22.	Cho hình chóp S.ABC. phẳng (SAD) và (SBC)			d là giao tuyến của hai mặt				
	A. d qua S và song so	ng với BC.	$\mathbf{B.} \ d$ qua S và song	song với DC.				
	C. d qua S và song son	ng với AB.	D. d qua S và song	song với BD.				
Câu 23.			•	và AC, G là trọng tâm tam				
	giác BCD. Giao tuyến c	của hai mặt phẳng (GIJ) và (BCD) là đường	thẳng:				
	A. qua I và song song v		B. qua J và song song với BD .					
	C. qua G và song song Y		D. qua G và song so					
Câu 24.	Cho ba mặt phẳng phân	n biệt (α) , (β) , (γ) o	$co(\alpha)\cap(\beta)=d_1;\ (\beta$	$(\gamma) \cap (\gamma) = d_2; \ (\alpha) \cap (\gamma) = d_3.$				
	Khi đó ba đường thẳng							
	A. Đôi một cắt nhau.C. Đồng quy.	B. Đôi một song song.D. Đôi một song song						
Câu 25.	-	•		à trung điểm SA. Thiết diện				
	của hình chóp S.ABCD	cắt bởi mặt phẳng (IB	C) là:					
	A. Tam giác IBC.	?						
	B. Hình thang <i>IBCJ</i> (<i>J</i>	,						
	C. Hình thang $IGBC$ (G là trung điểm SB). D. Tứ giác $IBCD$.							
	, - 1. 6.40 in on.							

Câu 26. Gọi G là trọng tâm tứ diện ABCD. Giao tuyến của mặt phẳng (ABG) và mặt phẳng (CDG) là



- A. Đường thẳng đi qua trung điểm hai cạnh BC và AD.
- **B.** Đường thẳng đi qua trung điểm hai cạnh AB và CD.
- C. Đường thẳng đi qua trung điểm hai cạnh AC và BD.
- **D.** Đường thẳng CG.
- **Câu 27.** Cho Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình bình hành. Qua S kẻ Sx;Sy lần lượt song song với AB, AD. Gọi O là giao điểm của AC và BD. Khi đó, khẳng định nào dưới đây đúng?
 - **A.** Giao tuyến của (SAC) và (SBD) là đường thẳng Sx.
 - **B.** Giao tuyến của (SBD) và (SAC) là đường thẳng Sy.
 - C. Giao tuyến của (SAB) và (SCD) là đường thẳng Sx.
 - **D.** Giao tuyến của (SAD) và (SBC) là đường thẳng Sx.
- **Câu 28.** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành. Mặt phẳng (α) qua AB và cắt cạnh SC tại M ở giữa S và C. Xác định giao tuyến d giữa mặt phẳng (α) và (SCD).
 - **A.** Đường thẳng d qua M song song với AC.
 - **B.** Đường thẳng d qua M song song với CD.
 - C. Đường thẳng d trùng với MA.
 - **D.** Đường thẳng d trùng với MD.

2. Câu hỏi dành cho đối tượng học sinh khá-giỏi

- **Câu 29.** Cho tứ diện ABCD. Gọi M và N lần lượt là trung điểm của AB, AC. E là điểm trên cạnh CD với ED = 3EC. Thiết diện tạo bởi mặt phẳng (MNE) và tứ diện ABCD là
 - ${\bf A.}$ Tam giác $M\!N\!E$.
 - **B.** Tứ giác MNEF với điểm F bất kỳ trên cạnh BD.
 - C. Hình bình hành $M\!N\!E\!F$ với F là điểm trên cạnh $B\!D$ thỏa mãn $E\!F \# B\!C$.
 - **D.** Hình thang $M\!N\!E\!F$ với F là điểm trên cạnh $B\!D$ thỏa mãn $E\!F \ /\!\!/ B\!C$.
- **Câu 30.** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình chữ nhật. Gọi M,N theo thứ tự là trọng tâm $\Delta SAB; \Delta SCD$. Gọi I là giao điểm của các đường thẳng BM; CN. Khi đó tỉ số $\frac{SI}{CD}$ bằng
 - **A.** 1

- **B.** $\frac{1}{2}$
- C. $\frac{2}{3}$

D. $\frac{3}{2}$.

A. SA = 3SD.

	M đối xứng với B qua A . Gọi giao điểm G của đường thẳng $M\!N$ với mặt phẳng $(S\!A\!D)$. Tính							
	tỉ số $\frac{GM}{GN}$.							
	A. $\frac{1}{2}$.	B. $\frac{1}{3}$.	C. 2.	D. 3.				
Câu 33.	Cho tứ diện ABCD. Ca	ác điểm P,Q lần lượt	là trung điểm của AB	và CD ; điểm R nằm trên				
	cạnh BC sao cho $BR =$	2RC . Gọi S là giao đi	ểm của $mp(PQR)$ và c	ạnh AD . Tính tỉ số $\dfrac{SA}{SD}$.				
	A. $\frac{7}{3}$.	B. 2.	C. $\frac{5}{3}$.	D. $\frac{3}{2}$.				
Câu 34.	Cho tứ diện ABCD. Lấ	y ba điểm P, Q, R lần	lượt trên ba cạnh AB ,	CD, BC sao cho PR//AC				
	và $CQ = 2QD$. Gọi giao	o điểm của đường thẳng	g AD và mặt phẳng $(P$	QR) là S . Khẳng định nào				
	dưới đây là đúng?	D 10 200	G 4B 4BG	D 40 D0				
	A. $AS = 3DS$. Cho tứ diên $ABCD$. G		C. $AD = 2DS$. ng điểm của AB và B	D. $AS = DS$. $C \cdot N$ là điểm thuộc đoạn				
	CD sao cho $CN = 2ND$			D (
	$\mathbf{A.} \ \frac{PA}{PD} = \frac{1}{2} \ .$. 0						
Câu 36.	Cho tứ diện ABCD, M	d là điểm thuộc BC s	sao cho $MC = 2MB$. G	ọi N , P lần lượt là trung				
	điểm của BD và AD . Điểm Q là giao điểm của AC với $\left(\emph{MNP} \right)$. Tính $\frac{QC}{QA}$.							
	$\mathbf{A.} \ \frac{QC}{QA} = \frac{3}{2} \ .$	$\mathbf{B.} \ \frac{QC}{QA} = \frac{5}{2} \ .$	$\mathbf{C} \cdot \frac{QC}{QA} = 2.$	$\mathbf{D.} \ \frac{QC}{OA} = \frac{1}{2} \ .$				
Câu 37.				~				
	Cho hình chóp S.ABC.	Bên trong tam giác A	BC ta lấy một điểm O	bất kỳ. Từ O ta dựng các				
	đường thẳng lần lượt so	ng song với SA,SB,SC	và cắt các mặt phẳng	(SBC),(SCA),(SAB) theo				
	đường thẳng lần lượt so	ng song với SA,SB,SC	và cắt các mặt phẳng	(SBC),(SCA),(SAB) theo				
		ng song với SA,SB,SC	và cắt các mặt phẳng	(SBC),(SCA),(SAB) theo				
Câu 38.	đường thẳng lần lượt sơ thứ tự tại A', B', C' . Khi A . $T = 3$. Cho tứ diện $ABCD$. Gọi	ng song với SA, SB, SC đó tổng tỉ số $T = \frac{OA'}{SA}$ B. $T = \frac{3}{4}$.	C và cắt các mặt phẳng $+\frac{OB'}{SB} + \frac{OC'}{SC}$ bằng bao t C. $T = 1$.	(SBC),(SCA),(SAB) theo				
Câu 38.	đường thẳng lần lượt sơ thứ tự tại A', B', C' . Khi $\mathbf{A} \cdot T = 3$.	ng song với SA, SB, SC đó tổng tỉ số $T = \frac{OA'}{SA}$ B. $T = \frac{3}{4}$. I,J lần lượt là trọng nh sau?	C và cắt các mặt phẳng $+\frac{OB'}{SB} + \frac{OC'}{SC}$ bằng bao t C. $T = 1$.	$(SBC),(SCA),(SAB)$ theo nhiêu? D. $T = \frac{1}{3}$. và ABD . Chọn khẳng định				
Câu 38.	đường thẳng lần lượt sơ thứ tự tại A', B', C' . Khi $\mathbf{A}. T = 3$. Cho tứ diện $ABCD$. Gọi đúng trong các khẳng đị	ng song với SA, SB, SC đó tổng tỉ số $T = \frac{OA'}{SA}$ B. $T = \frac{3}{4}$. I,J lần lượt là trọng nh sau?	C và cắt các mặt phẳng $+\frac{OB'}{SB} + \frac{OC'}{SC}$ bằng bao t C. $T = 1$. tâm các tam giác ABC	$(SBC),(SCA),(SAB)$ theo nhiêu? D. $T = \frac{1}{3}$. và ABD . Chọn khẳng định				
Câu 38. Câu 39.	đường thẳng lần lượt sơ thứ tự tại A', B', C' . Khi A . $T = 3$. Cho tứ diện $ABCD$. Gọi đúng trong các khẳng đị A . IJ song song với CD C . IJ chéo CD .	ng song với SA, SB, SC đó tổng tỉ số $T = \frac{OA'}{SA}$ B. $T = \frac{3}{4}$. I,J lần lượt là trọng nh sau? D. IJ cắt AB . O có AD không song s	C và cắt các mặt phẳng $+\frac{OB'}{SB} + \frac{OC'}{SC} \text{ bằng bao r}$ $\mathbf{C.} \ T = 1.$ tâm các tam giác ABC $\mathbf{B.} \ IJ \text{ song song với } A$ ong với BC . Gọi M, N	$(SBC),(SCA),(SAB)$ theo nhiêu? D. $T = \frac{1}{3}$. và ABD . Chọn khẳng định AB				

Câu 31. Cho tứ diện ABCD. P, Q lần lượt là trung điểm của AB, CD. Điểm R nằm trên cạnh BC sao

Câu 32. Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình bình hành. Gọi N là trung điểm của cạnh SC. Lấy điểm

 \mathbf{C} . $SA = \mathbf{SD}$.

D. 2SA = 3SD.

cho BR = 2RC. Gọi S là giao điểm của mặt phẳng (PQR) và AD. Khi đó

B. SA = 2SD.

Câu 40. Cho tứ diện ABCD. Gọi I và J theo thứ tự là trung điểm của AD và AC,G là trọng tâm tam giác BCD. Giao tuyến của hai mặt phẳng (GIJ) và (BCD) là đường thẳng:

A. qua I và song song với AB.

B. qua J và song song với BD..

 \mathbf{C} . qua G và song song với CD..

D. qua G và song song với BC.

Câu 41. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là một hình thang với đáy lớn AB. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của SA và SB. Gọi P là giao điểm của SC và (ADN), I là giao điểm của AN và DP. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. SI song song với CD.

B. SI chéo với CD.

C. SI cắt với CD.

D. SI trùng với CD.

Câu 42. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là một hình thang với đáy AD và BC. Biết AD = a, BC = b. Gọi I và J lần lượt là trọng tâm các tam giác SAD và SBC. Mặt phẳng (ADJ) cắt SB,SC lần lượt tại M,N. Mặt phẳng (BCI) cắt SA,SD tại P,Q. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. MN song sonng với PQ.

B. MN chéo với PQ.

C. MN cắt với PQ.

D. MN trùng với PQ.

Câu 43. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là một hình thang với đáy AD và BC. Biết AD = a, BC = b. Gọi I và J lần lượt là trọng tâm các tam giác SAD và SBC. Mặt phẳng (ADJ) cắt SB,SC lần lượt tại M,N. Mặt phẳng (BCI) cắt SA,SD tại P,Q. Giả sử AM cắt BD tai E; CO cắt DN tai F. Đô dài đoan thẳng EF là:

A.
$$EF = \frac{1}{2}(a+b)$$
. **B.** $EF = \frac{3}{5}(a+b)$. **C.** $EF = \frac{2}{3}(a+b)$. **D.** $EF = \frac{2}{5}(a+b)$.

B.
$$EF = \frac{3}{5}(a+b)$$
.

C.
$$EF = \frac{2}{3}(a+b)$$
.

D.
$$EF = \frac{2}{5}(a+b)$$

Câu 44. Cho tứ diện ABCD, gọi I và J lần lượt là trung điểm của AD và BC, G là trọng tâm tam giác BCD. Giao tuyến của hai mặt phẳng (GIJ) và (BCD) là đường thẳng

A. qua I và song song với AB.

B. qua J và song song với BD.

C. qua G và song song với CD.

D. qua G và song song với BC

Câu 45. Cho tứ diện ABCD, gọi M, N, P, Q lần lượt là trung điểm của AC, BC, BD, AD. Tìm điều kiện để MNPO là hình thoi.

A.
$$AB = BC$$
.

B.
$$BC = AD$$
.

$$\mathbf{C}$$
. $AC = BD$.

D.
$$AB = CD$$
.

Câu 46. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là một hình thang với đáy AB và CD. Gọi I và lần lượt là trung điểm của AD và BC và G là trong tâm tam giác SAB. Tìm điều kiên của AB và CDđể thiết diên (IJG) và hình chóp là một hình bình hành.

A.
$$AB = \frac{2}{3}CD$$
.

B.
$$AB = CD$$
.

C.
$$AB = \frac{3}{2}CD$$
. **D.** $AB = 3CD$.

D.
$$AB = 3CD$$

Câu 47. Hai hình bình hành ABCD và ABEF không cùng nằm trong một mặt phẳng. Trên cạnh AC lấy điểm M và trên cạnh BF lấy điểm N sao cho $\frac{AM}{AC} = \frac{BN}{BF} = k$. Tìm k để MN//DE.

A.
$$k = \frac{1}{3}$$
.

B.
$$k = 3$$
.

C.
$$k = \frac{1}{2}$$
.

D.
$$k = 2$$
.

Câu 48. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành tâm O. Gọi M là trung điểm của OB, (α) là mặt phẳng đi qua M, song song với AC và song song với SB. Thiết diện của hình chóp S.ABCD khi cắt bởi mặt phẳng (α) là hình gì?

A. Luc giác.

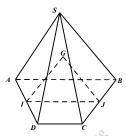
B. Ngũ giác.

D. Tứ giác.

Câu 49. Cho tứ diện ABCD. Gọi M, N lần lượt là trung điệm của AB, AC. E là điểm trên cạnh CD với ED = 3EC. Thiết diện tạo bởi mặt phẳng (MNE) và tứ diện ABCD là

A. Tam giác MNE.

- **B.** Tứ giác MNEF với E là điểm bất kì trên canh BD.
- C. Hình bình hành MNEF với E là điểm trên cạnh BD mà EF//BC.
- **D.** Hình thang MNEF với E là điểm trên canh BD mà EF//BC.
- Câu 50. Cho hình chóp S.ABCD với các canh đáy là AB, CD. Goi I, J lần lượt là trung điểm của các canh AD, BC và G là trong tâm tam giác SAB. Tìm k với AB = kCD để thiết diên của mặt phẳng (GIJ) với hình chóp S.ABCD là hình bình hành.



A. k = 4.

B. k = 2.

 \mathbf{C} . k = 1.

D. k = 3.

Câu 51. Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình bình hành. Gọi M, N, I lần lượt là trung điểm của SA, SB, BC điểm G nằm giữa S và I sao cho $\frac{SG}{SI} = \frac{3}{5}$. Thiết diện của hình chóp S.ABCD với mặt phẳng (MNG) là

A. hình thang.

B. hình tam giác.

C. hình bình hành.

D. hình ngũ giác.

Câu 52. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thang với đáy lớn AB đáy nhỏ CD. Gọi M,Nlần lượt là trung điểm của SA và SB. Gọi P là giao điểm của SC và (AND). Gọi I là giao điểm của AN và DP. Hỏi tứ giác SABI là hình gì?

A. Hình bình hành.

B. Hình chữ nhật.

C. Hình vuông.

D. Hình thoi.

Câu 53. Cho hình hộp ABCD.A'B'C'D'. Gọi M là điểm trên cạnh AC sao cho AC = 3MC. Lấy N trên cạnh C'D sao cho C'N = xC'D. Với giá trị nào của x thì MN // BD'.

A. $x = \frac{2}{3}$.

B. $x = \frac{1}{3}$. **C.** $x = \frac{1}{4}$. **D.** $x = \frac{1}{2}$.

- **Câu 54.** Cho tứ diện ABCD, M và N lần lượt là trung điểm AB và AC. Mặt phẳng (α) qua MN cắt tứ diện ABCD theo thiết diện là đa giác (T). Khẳng định nào sau đây đúng?
 - A. (T) là hình chữ nhật.
 - **B.** (T) là tam giác.
 - \mathbf{C} . (T) là hình thoi.
 - **D.** (T) là tam giác hoặc hình thang hoặc hình bình hành.

Điện thoạ	i: 0946798489		TOÁN 11-KẾT NỐI T	RI THỨC VỚI CUỘC SỐNG			
Câu 55.	Cho hai hình vuông Al	BCD và CDIS không t	và CDIS không thuộc một mặt phẳng và cạnh bằng 4. Biết tam giá				
	SAC cân tại S , $SB = 8$	3. Thiết diện của mặt _I	phẳng (ACI) và hình c	chóp S.ABCD có diện tích			
	bằng:						
	A. $6\sqrt{2}$.	B. $8\sqrt{2}$.	C. $10\sqrt{2}$.	D. $9\sqrt{2}$.			
Câu 56.	Cho hình chóp S.ABC	D có đáy <i>ABCD</i> là hìnl	n thang $(AB \parallel CD)$. Go	i I,J lần lượt là trung điểm			
	của các cạnh AD, BC	c cạnh AD,BC và G là trọng tâm tam giác SAB . Biết thiết diện của hình chóp cắt bởi mặt					
	phẳng (JIG) là hình bình hành. Hỏi khẳng định nào sau đây đúng?						
	A. $AB = 3CD$.	B. $AB = \frac{1}{3}CD$.	$\mathbf{C.} \ AB = \frac{3}{2}CD.$	D. $AB = \frac{2}{3}CD$.			
Câu 57.	Cho hình lập phương	ABCD.A'B'C'D', AC	$\cap BD = O , \ A'C' \cap B'D'$	G' = O'. Gọi M , N , P lần			
	lượt là trung điểm các cạnh AB , BC , CC' . Khi đó thiết diện do mặt phẳng (MNP) cắt hình lập						
	phương là hình:						
	A Tam giác	R Tír giác	C Noũ giác	D Luc giác			

Câu 58. Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình bình hành. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AB, AD và G là trọng tâm tam giác SBD. Mặt phẳng (MNG) cắt SC tại điểm H. Tính $\frac{SH}{SC}$

A.
$$\frac{2}{5}$$
. **B.** $\frac{1}{4}$. **C.** $\frac{1}{3}$. **D.** $\frac{2}{3}$

Câu 59. Cho hình bình hành ABCD. Qua A, B, C, D lần lượt vẽ các nửa đường thẳng Ax, By, Cz, Dt ở cùng phía so với mặt phẳng (ABCD), song song với nhau và không nằm trong (ABCD). Một mặt phẳng (P) cắt Ax, By, Cz, Dt tương ứng tại A', B', C', D' sao cho AA' = 3, BB' = 5, CC' = 4. Tính DD'.

A. 4. **B.** 6. **C.** 2. **D.** 12.

Câu 60. Gọi G là trọng tâm tứ diện ABCD. Gọi A' là trọng tâm của tam giác BCD. Tính tỉ số $\frac{GA}{GA'}$.

A. 2. **B.** 3. **C.** $\frac{1}{3}$. **D.** $\frac{1}{2}$.

Câu 61. Cho tứ diện ABCD trong đó có tam giác BCD không cân. Gọi M,N lần lượt là trung điểm của AB,CD và G là trung điểm của đoạn MN. Gọi A_1 là giao điểm của AG và (BCD). Khẳng định nào sau đây đúng?

A. A_1 là tâm đường tròn tam giác BCD.

B. A_1 là tâm đường tròn nội tiếp tam giác BCD.

 \mathbf{C} . A_1 là trực tâm tam giác BCD.

D. A_1 là trọng tâm tam giác BCD.

Câu 62. Cho tứ diện ABCD. Các điểm P,Q lần lượt là trung điểm của AB và CD; điểm R nằm trên cạnh BC sao cho BR = 2RC. Gọi S là giao điểm của mặt phẳng (PQR) và cạnh AD. Tính tỉ số $\frac{SA}{SD}$.

A. 2. **B.** 1. **C.** $\frac{1}{2}$. **D.** $\frac{1}{3}$.

Blog: Nguyễn Bảo Vương: https://www.nbv.edu.vn/

Câu 63. Cho tứ diên ABCD và ba điểm P,Q,R lần lượt lấy trên ba canh AB,CD,BC. Cho PR//AC và CQ = 2QD. Gọi giao điểm của AD và (PQR) là S. Chọn khẳng định đúng?

A. AD = 3DS.

B. AD = 2DS.

C. AS = 3DS.

D. AS = DS.

Câu 64. Cho tứ diện ABCD có cạnh bằng 1. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của BC và AD. Trên đường thẳng AB lấy điểm E, trên đường thẳng CN lấy điểm F sao cho EF song song với DM. Tính đô dài đoan thẳng EF.

A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$. **D.** $\frac{\sqrt{3}}{4}$.

Theo dõi Fanpage: Nguyễn Bảo Vương Fhttps://www.facebook.com/tracnghiemtoanthpt489/

Hoặc Facebook: Nguyễn Vương * https://www.facebook.com/phong.baovuong

Tham gia ngay: Nhóm Nguyễn Bào Vương (TÀI LIÊU TOÁN) * https://www.facebook.com/groups/703546230477890/

Án sub kênh Youtube: Nguyễn Vương

* https://www.youtube.com/channel/UCO4u2J5gIEI1iRUbT3nwJfA?view as=subscriber

Tải nhiều tài liệu hơn tại: https://www.nbv.edu.vn/