## 4-Laboratoriya ishi SPEKTRAL CHIZIQLARNING TOʻLQIN UZUNLIGI, INTENSIVLIGI VA KENGLIGI

Ishning maqsadi: Spektral chiziqlarning hosil boʻlish jarayonini oʻrgatish va ularning toʻlqin uzunligi, intinsivligi, kengligini hisoblash.

**Qoʻllanma**: logarifmik jadval; kalkulyator; matematik, fizik va astronomik jadvallar; soʻrovnoma (spravochnik).

Adabiyot: [1], III Bob, 23-§; [3], 2 Bob, 2.3, 2.4-§§, 5 Bob, 5.8.(2, 3)-§§, Ilova C; [4], I Bob, 5-§; II Bob, 8, 9-§§; [5], I Bob, 1÷4-§§, VI Bob, 70÷77-§§; [9], 3-ma'ruza, 3÷5-§§.

Qoʻshimcha adabiyot: [7], 3 Bob, 15-§, IV Bob, 26-§.

*Masalalar*: [8], № 108, 109, 110, 128÷131, 135, 136, 140, 150, 155, 162, 163, 298.

Qizdirilgan jismlarning nurlanishi har xil rang (toʻlqin uzunlik, energiya) dagi emission (yorugʻ) chiziqlardan iborat spektrga ajraladi. Gazni tashkil etgan koʻplab atomlar (ion, molekula) ni yuqori energiyali (energetik) holatdan past energetik holatga oʻtishi natijasida emission spektral chiziq hosil boʻladi.

Bor modeliga koʻra yuqori energiyali holat (elektron egallagan orbita) past holatdan bosh kvant soni *n* bilan farq qiladi. Eng oddiy vodorod (H) atomini koʻraylik. U bitta protondan va uning atrofida aylanadigan elektrondan iborat. Elektron proton atrofida har xil radiusga ega kontsentrik aylanalar, har xil ekstsentrisitetga va yarim oʻqqa ega elliptik orbitalar boʻylab aylanishi mumkin. Bu orbitalar boʻylab harakatga har xil energiya mos keladi. Biroq, atom ixtiyoriy energiya qabul qila olmaydi, balki ma'lum, qat'iy energetik sathlarni egallashi mumkin. Bor pastulatiga koʻra elektronning impuls momenti

$$m vr = \left(\frac{h}{2\pi}\right) \cdot n \tag{1}$$

bu yerda n=1,2,3,...,h-Plank doimiysi  $\frac{h}{2\pi}$  ga karrali boʻlgan qiymatlarni qabul

qilishi mumkin. Harakatdagi elektronga Kulon kuchi  $F_k = \frac{ze^2}{r^2}$  va markazdan

qochma kuch  $F_{MK} = \frac{m \theta^2}{r}$  ta'sir qiladi va bu kuchlar absalyut qiymati bo'yicha bir-

biriga teng:  $\frac{m\theta^2}{r} = \frac{ze^2}{r^2}$ , bu yerdan

$$\frac{ze^2}{mr} = \mathcal{G}^2 \tag{2}$$

(1) dan  $\mathcal{G}$  ni topib (2) ga qoʻysak,  $\frac{n^2h^2}{m^2r^24\pi^2} = \frac{e^2z}{mr}$ 

bundan

$$r = \frac{n^2 h^2}{ze^2 m 4\pi^2} \tag{3}$$

Endi elektronni to'la energiyasini hisoblaylik. Uning kinetik energiyasi  $E_k = \frac{m \mathcal{G}^2}{2} = \frac{ze^2}{2r}$ , potentsial energiyasi esa  $E_p = \int F_k dr = -\frac{ze^2}{2r} + c$ . U holda to'la

energiya 
$$E = E_k + E_p = -\frac{ze^2}{2r} + c$$
 yoki

$$E = -\frac{z^2 e^4 2\pi^2 m}{n^2 h^2} = - \check{R} \frac{z^2}{n^2} \cdot hc$$
 (4)

 $\check{R} = \frac{2\pi^2 e^4 m}{ch^3} = 109737,303 \text{ sm}^{-1}\text{-Ridberg soni (bir sm da to'lqinlar soni). (4) ning ikkala tomonini <math>hc$  ga bo'lsak,

$$\frac{E}{hc} = -\frac{z^2 R}{n^2} = T(n) \tag{5}$$

T-term, energetik sathni belgilovchi miqdor, u  $[sm^{-1}]$  birlikka ega va bosh kvant soni (n) orqali ifodalanadi.

Vodorod atomi uchun z=1 va uning eng past energiyali holatiga (n=1) mos keladigan term  $T(1)=\check{R}$ , undan yukorida joylashgan term uchun n=2 va  $T(2)=\check{R}/4$  va h.k.

Emission spektral chiziq yuqori holat  $(n_2)$  dan past holat  $(n_1)$  ga  $(n_2>n_1)$  oʻtish natijasida hosil boʻladi va bunday chiziqning toʻlqin uzunligi Balmer formulasi yordamida hisoblanadi:

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{E_{n2} - E_{n1}}{ch} = R \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \tag{6}$$

Odatda angstryomlar  $(1\text{\AA}=10^{-8} \text{ sm})$ da o'lchanadi va vodorod atomining eng past energiyali holati uchun n=1 va u asosiy holat deb ataladi. Unga nisbatan yuqori turgan holat uchun n=2 va bu holat (birinchi) uygongan holat deyiladi. Birinchi o'yg'ongan holatdan asosiy holatga o'tish natijasida hosil bo'ladigan spektral chiziq rezonans chiziq deb ataladi, vodorod uchun uning to'lqin uzunligi  $\lambda$  quyidagi formuladan topiladi:

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{912} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{4} \right) = \frac{1}{912} \cdot \frac{3}{4} \text{ yoki } \lambda = 912 \cdot \frac{4}{3} = 1216 \text{ Å}$$

Geliy ioni Ne (yoki NeII) ham vodorod atomi singari bitta elektronga ega va z=2.

*NeII* ning rezonans chizig'ining 
$$\lambda (NeII) = \frac{912}{z^2} \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{4}\right)^{-1} = \frac{912}{4} \cdot \frac{4}{3} = 304 \text{ Å}$$

Bu erda biz cheksiz katta massaga ega boʻlgan atom uchun hisoblangan  $\check{R}$  dan foydalandik. Bu toʻgʻri emas. Chunki geliy yadrosi 4 ta ogʻir zarradan iborat va uning atrofida bitta elektronni harakati vodorodnikidan farq qiladi. Quyidagi jadvalda vodorodsimon ionlar uchun  $\check{R}$  ning qiymatlari keltirilgan. *??? Qanday* Jadvalda keltirilgan  $\check{R}$  dan foydalanib vodorodsimon ionlar (*NeII*, *LiIII*, *VeIV*, *BV*, *OVIII*, *NeX*, *ScXXI*, *FeXXVI*) uchun rezonans chiziqning toʻlqin uzunligini hisoblash mumkin. Rezonans chiziqlar atom (ion) ning asosiy energetik holatidagi (ion) lar sonini hisoblashda qoʻllaniladi. Masalan, Quyosh toji spektrida *FeXXVI* qayd qilingan.

Yuqorida keltirilgan formulalarni murakkab (ikkita, uchta, ... elektronli) atomlarga qoʻllab boʻlmaydi. Bunday atomlarning energetik sathlari kvant mexanikasi tenglamalarini echish asosida aniqlanadi va fizik eksperimentlardan topiladi.

## SPEKTRAL CHIZIQNING INTENSIVLIGI

Chiziqning intensivligi (qizdirilgan gazning bir birlik yuzasidan bir birlik fazoviy burchak ichida sochilayotgan quvvat) uni hosil qilishda ishtirok etayotgan atomlar soni ( $N_k$ ) ga va unga mos keladigan energetik sathdan boshqa sathga oʻtish ehtimoliga bogʻliq. Uygongan (yuqori energiyali) holatdan boshqa holatga uch xil yoʻl bilan oʻtishi mumkin: spontan (oʻz-oʻzidan, beixtiyor), majburiy yuqoriga, majburiy pastga. Biz bu erda majburiy oʻtishlarga toʻxtalmaymiz, ularni hisobga olish murakkab masala.

Spontan o'tish ehtimoli atomni shu sathda bo'lish vaqtiga teskari proportsional miqdordir, ya'ni k sathdan pastgi k>n larga o'tish ehtimoli

$$A_{kn} = \frac{1}{\sum_{n=1}^{k-1} t_{kn}} \tag{7}$$

Vodorod atomini birinchi uyg'ongan holatda bo'lish vaqti  $t_2 = 2 \cdot 10^{-9}$  sek va undan asosiy holatga o'tish ehtimoli  $A_{21} = 4,7 \cdot 10^8 \, ce\kappa^{-1}$ . Ikkinchi o'yg'ongan holatda bo'lish vaqti  $t_3 = (A_{31} + A_{32})^{-1} = 10^{-8} \, sek$ . Ixtiyoriy yuqori holat (k) dan asosiy holatga o'tish ehtimoli  $A_{k1} = \frac{1,2 \cdot 10^{10}}{k^5} \, sek^{-1}$  (8) va k dan k-1 ga o'tish  $A_{kk-1} = \frac{6 \cdot 10^9}{k^5} \, sek^{-1}$  (9) formulalar yordamida hisoblash mumkin.

Astrofizik amaliyotda oʻtish ehtimoli oʻrnida ostsilyatorlar kuchi deb ataladigan, oʻlchamga ega boʻlmagan koʻrsatgich (f) qoʻllaniladi.

$$A_{kk-1} = \frac{8\pi e^2 v_{kk-1}^3}{mc^3} \cdot \frac{g_k}{g_{k-1}} \cdot f_{kkk-1}$$
 (10)

Bu yerda g - energetik sathning statistik vazni,  $\nu$ - chastota, e va m- elektronning zarvadi va massasi, c - yorugʻlik tezligi.

Spektral chiziqda sochilayotgan quvvat (intensivlik)

$$E_{kk-1} = A_{kk-1} h v_{kk-1} \int N_k dv$$
 (11)

ga teng. Bu erda  $N_k$ -chiziqni hosil qilishda ishtirok etayotgan energetik sathdagi atomlar kontsentratsiyasi, dv-elementar hajm. k-sathdagi atomlar soni bilan asosiy holatdagi atomlar soni nisbati Boltsman formulasi orqali topiladi:

$$\frac{N_k}{N_1} = \frac{g_k}{g_1} e^{-\frac{\chi_1 - \chi_k}{kT}} \tag{12}$$

 $\chi_1, \chi_k$ -birinchi va k- holatlardan ionlanish potentsiali, K- Boltsman doimiysi, Toʻygʻonish temperaturasi. Vodorod atomining har xil sathlari uchun ionlanish
potentsiallari va ostsillyatorlar kuchi <u>2-jadvalda</u> keltirilgan. Vodorod atomlarini
oʻygʻongan holatlar boʻyicha taqsimlanishi T-ga bogʻliq. Masalan n=2 va n=1
sathlardagi atomlar soni nisbati

$$\frac{N_2}{N_1} = 4 \cdot e^{-\frac{117000}{T}} \tag{13}$$

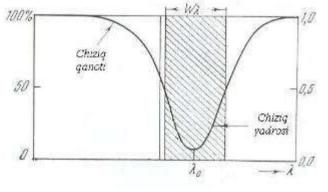
Agar T yuqori boʻlsa, atomlarning bir qismi ionlanadi. Bunday hollarda taqsimlanishni hisoblaganda ionlar (NII) va ( $N_e$ ) kontsentratsiyasini hisobga olish zarur. Vodorod atomi uchun, masalan, ionlar kontsentratsiyasini (NII) asosiy holatdagi atomlar kontsentratsiyasi ( $N_1$ ) ga nisbati

$$Ne \frac{NII}{N_1} = 2,24 \cdot 10^{15} \cdot T^{\frac{3}{2}} e^{-\frac{157200}{T}}$$
 (14)

formula yordamida hisoblanishi mumkin.  $N_e$ -elektronlar kontsentratsiyasi.

## SPEKTRAL CHIZIQNING KENGLIGI VA UNI KENGAYTIRUVCHI JARAYONLAR

Spektral chiziqlarning tabiiy kengligi- $W_{\lambda}$  (3-rasm) unga tegishli energetik sathlarning kengligiga ( $\Delta E$ ) bogʻliq.



3-rasm

Energetik sathning kengligi esa atomni bu sathda boʻlish vaqti  $(t_k)$  ga teskari proportsionaldir. Bu koʻrsatkichlar bir-biri bilan Geyzenberg noaniqligi orqali bogʻlangan, ya'ni

$$\Delta E \cdot t_k = \frac{h}{2\pi} \,. \tag{15}$$

Spektral chiziqda sochilayotgan foton energiyasi  $E = hv = \frac{hc}{\lambda}$  ga teng. Uning

elementar orttirmasi esa,  $\Delta E = \Delta(h\nu) = -\frac{hc}{\lambda^2} \Delta \lambda$ ,  $\Delta \lambda$  – chiziqning nisbiy kengligi. U holda (15) dan

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda^2}{2\pi c} \cdot \frac{1}{t_k} \tag{16}$$

Vodorod atomining uchinchi sathdan ikkinchi sathga oʻtishi natijasida hosil boʻladigan  $\lambda=6563\, \mathring{A}$  chiziqning tabiiy kengligi

$$\Delta \lambda = \frac{(6500)^2}{6.28 \cdot 3 \cdot 10^{18}} \cdot \frac{1}{10^{-9}} = 2,24 \cdot 10^{-9} \text{ Å}$$

Quyosh spektrida vodorod chiziqlarining kengligi bundan bir necha yuz marta katta. Bunga sabab atomlarning betartib harakati tufayli roʻy berayotgan Dopler effekti ta'sirida kengayishdir.

Haqiqatdan, agar nurlanish chiqarayotgan atom kuzatuvchi tomon  $\mathcal{G}$  tezlikda uchib kelayotgan boʻlsa, u chiqarayotgan fotonning toʻlqin uzunligi- $\lambda$ , qoʻzgʻalmas yoki kuzatish chizigʻiga tik yoʻnalishda harakat qilayotgan atomniki ( $\lambda_0$ ) dan  $\Delta\lambda$  ga qisqa boʻladi, ya'ni

$$\lambda - \lambda_0 = -\Delta \lambda \frac{g}{c} \lambda_0 \quad \text{yoki} \quad \Delta \lambda = -\frac{g}{c} \lambda_0 \tag{17}$$

Bu yerda *c*- yoruglik tezligi.

Betartib harakat qilayotgan atomlarning bir qismining tezligi kuzatuvchiga yoʻnalgan boʻlsa, bir qismi undan qarshi tomonga yoʻnalgan boʻladi. Bu esa ular sochayotgan fotonlar yigʻindisini xarakterlaydigan chiziqni kengayishiga sababchi boʻladi. Kengayish miqdorini baholaylik. Atomlarning tezliklar boʻyicha taqsimlanishi Maksvell tezliklar taqsimotiga boʻysunadi va ularning oʻrtacha

kvadratik tezligi  $\overline{\mathcal{G}^2} = \frac{2kT}{m}$  ga teng. Bunday tezlik bilan atomlarning bir qismi

kuzatuvchi tomon, bir qismi esa undan teskari tomon harakat qiladi deb hisoblasak, chiziqning Dopler kengayishi

$$\Delta \lambda_D = \frac{\lambda_0}{c} \sqrt{\frac{2kT}{m}} = \frac{\lambda_0}{c} \sqrt{\frac{2R^*T}{\mu}}$$
 (18)

Quyosh moddasining molyar massasi -  $\mu = 0.65$  g/mol, universal gaz doimiysi -  $R^* = 8.31 \cdot 10^7$  erg/grad·mol. Agar T = 6000 K boʻlsa, vodorodning  $\lambda = 6563$  Å chizigʻining Dopler kengligi  $\Delta \lambda_D \approx 0.3$  Å. Bu tabiiy kenglikdan 150 marta katta, demakdir. (17) formuladan foydalanib yoritgichning nuriy tezligi  $\theta_n$  ni ham hisoblab topish mumkin ( $\theta_n - kuzatuvchi tomon manfiy$ ).

$$\mathcal{G}_{n} = \frac{\Delta \lambda}{\lambda_{0}} c$$

$$\mathbf{V} \mathbf{A} \mathbf{Z} \mathbf{I} \mathbf{F} \mathbf{A}$$
(19)

- 1. Vodorod atomi energetik sathlarining oʻygʻonish potensiali, termlariga mos keladigan toʻlqin soni hisoblansin (barcha talabalar uchun umumiy vazifa). Har bir talaba uchun alohida quyidagi oʻtishlar natijasida hosil boʻladigan chiziqlarning toʻlqin uzunligi hisoblansin:  $p=2\rightarrow 1$ ,  $3\rightarrow 2$ ,  $4\rightarrow 3$ ; 2)  $3\rightarrow 1$ , ...
- 2. Vodorodsimon ionlar uchun rezonans chiziqning toʻlqin uzunligi hisoblansin: NeII, LiIII, BeIV, BV, OVIII, NeX, FeXXVI, ScXXI
- 3. Vodorod atomining <u>???</u> quyidagi spontan oʻtishlari ehtimoli, bu oʻtishlar boshlanadigan sathda atomning boʻlish vaqti hisoblansin: 1)
- 4. Quyidagi temperaturalarda vodorod atomining oʻygʻongan holatlar boʻyicha taqsimlanishi, ya'ni  $\frac{N_2}{N_1}$ ,  $Ne\frac{NII}{N_1}$  lar hisoblansin.
  - 1) T=3500 K; 2) T=4500 K; 3) T=6000 K; 4) T=8000 K; 5) T=11000 K;
  - 6) *T*=15000 *K*; 7) *T*=21000 *K*; 8) *T*=26000 *K*.

5. 3-vazifadagi oʻtishlarda hosil boʻlgan chiziqlarning toʻlqin uzunligi va tabiiy kengligi hisoblansin. Shu oʻtishlarda va T=6000 K, 11000 K, 20000 K haroratda hosil boʻlgan chiziqlarning Dopler kengligi hisoblansin.

## 3-Laboratoriya ishi yuzasidan hisobot.

1. Atomning oʻygʻonish potensiali, termlariga mos toʻlqin soni va oʻtish chiziqlarining toʻlqin uzunligi.

Talabaning	U(eV)	N	p-oʻtishlar	λ (Å)
F.I.Sh.				
			2->1	
			3→2	
			4→3	
			3→1	

2-3. Ionlar rezonans chizigʻining toʻlqin uzunligi, vodorod atomining spontan oʻtishlari ehtimoli va sathda atomning boʻlish vaqti.

Ionlar	λ - rezonans (Å)	spontan oʻtish	$A_k(sek^{-1})$	$t_k$ (sek)
NeII				
LiIII				
BeIV				
BV				
OVIII				
NeX				
FeXXVI				
ScXXI				

4-5. Turli temperaturalarda vodorod atomining oʻygʻongan holatlar boʻyicha taqsimlanishi, oʻtishlarga mos toʻlqin uzunligi va tabiiy kengligi. *T*=6000 *K*, 11000 *K*, 20000 *K* larda hosil boʻlgan chiziqlarning Dopler kengligi.

T(K)	$\frac{N_2}{N_1}$	$Ne \frac{NII}{N_1}$	p oʻtishlar	λ (Å)	$\Delta\lambda$ (Å)	T(K)	$\Delta\lambda_D (\mathring{A})$
3500	1	- 1	o warne			6000	
4500							
6000							
8000						11000	
11000							
15000							
21000						20000	
26000							