





三、解答题（本大题共 7 小题，共 66 分.解答应写出文字说明、演算步骤或推理过程）

19. （本小题 8 分）

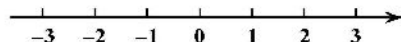
$$\text{解不等式组} \begin{cases} \frac{x-4}{2} + 3 \geq x, & \text{①} \\ 1 - 3(x-1) < 6 - x, & \text{②} \end{cases}$$

请结合题意填空，完成本题的解答.

（I）解不等式①，得\_\_\_\_\_；

（II）解不等式②，得\_\_\_\_\_；

（III）把不等式①和②的解集在数轴上表示出来：



（IV）原不等式组的解集为\_\_\_\_\_.

20. （本小题 8 分）

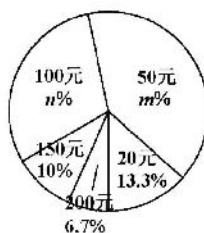
某中学在一次爱心捐款活动中，全体同学积极踊跃捐款.现抽查了九年级（1）班全班学生捐款情况，并绘制出如下的统计表和统计图：

| 捐款（元） | 20 | 50 | 100 | 150 | 200 |
|-------|----|----|-----|-----|-----|
| 人数（人） | 4  | 12 | 9   | 3   | 2   |

求：（I） $m =$ \_\_\_\_\_； $n =$ \_\_\_\_\_；

（II）求学生捐款数目的众数、中位数和平均数；

（III）若该校有学生 2500 人，估计该校学生捐款多少元？

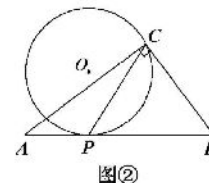
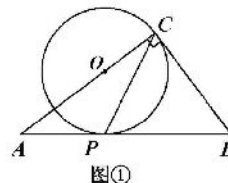


21. （本小题 10 分）

$\triangle ABC$  中， $\angle ACB = 90^\circ$ ，经过点  $C$  的  $\odot O$  与斜边  $AB$  相切于点  $P$ .

（I）如图①，当点  $O$  在  $AC$  上时，试说明  $2\angle ACP = \angle B$ ；

（II）如图②， $AC = 8$ ， $BC = 6$  时，当点  $O$  在  $\triangle ABC$  外部时，求  $CP$  长的取值范围.

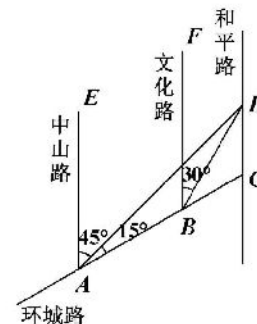


22. （本小题 10 分）

如图， $AC$  是某市环城路的一段， $AE$ 、 $BF$ 、 $CD$  都是南北方向的街道，其与环城路  $AC$  的交叉路口分别是  $A$ ， $B$ ， $C$ ，经测量花卉世界  $D$  位于点  $A$  的北偏东  $45^\circ$  方向、点  $B$  的北偏东  $30^\circ$  方向上， $AB = 2$  km， $\angle DAC = 15^\circ$ .

（I）求  $B$ ， $D$  之间的距离；

（II）求  $C$ ， $D$  之间的距离.





# 2017—2018 学年度第二学期南开区九年级练习

## 数学参考答案

### 一、选择题（本大题共 12 小题，每小题 3 分，共 36 分）

- (1) A      (2) D      (3) C      (4) C      (5) B      (6) C  
(7) A      (8) B      (9) A      (10) D      (11) C      (12) B

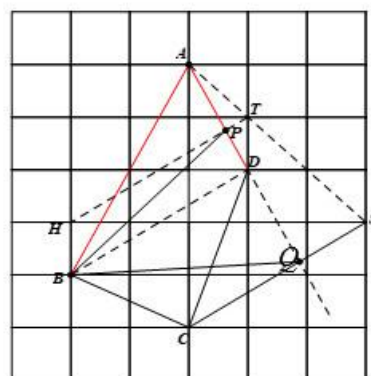
### 二、填空题（本大题共 6 小题，每小题 3 分，共 18 分）

- (13)  $-8a^3$       (14)  $8-2\sqrt{15}$       (15)  $y=2x-1$  (不唯一)

- (16)  $\frac{1}{5}$       (17) 4

- (18) (I) 2.5;

(II) 连结 BD, 取格点 S, 连结 SC, 延长 AD 交 CS 于点 Q, 连结 AS, 取格点 T, H; 连结 TH 交 AD 于点 P, 连结 BP, 则 BP 即为所求.



### 三、解答题：本大题共 7 小题，共 66 分。解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程。

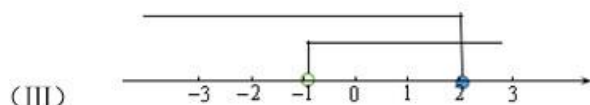
19. (本小题 8 分)

解：(I)  $x \leq 2$  错误！未找到引用源。；

2 分

(II)  $x > -1$  错误！未找到引用源。；

4 分



(III)

6 分

(IV)  $-1 < x \leq 2$  错误！未找到引用源。

源。

8 分

20. (本小题 8 分)

解：(I)  $m = 40$ ,  $n = 30$

2 分

(II)  $\because$  在这组数据中, 50 出现了 12 次, 次数最多,

$\therefore$  学生捐款数目的众数是 50;

3 分

$\therefore$  按照从小到大排列, 处于中间位置的两个数据都是 50,

∴中位数为 50; 4 分

$$\bar{x} = \frac{20 \times 4 + 50 \times 12 + 100 \times 9 + 150 \times 3 + 200 \times 2}{4 + 12 + 9 + 3 + 2} = 81$$

∴学生捐款数目的平均数是 81 6 分

(III)  $2500 \times 81 = 202500$  (元)

答: 估计该校学生共捐款 202500 元 8 分

21. (本小题 10 分)

(I) 证明: 当点 O 在 AC 上时, OC 为 ⊙O 的半径,

∵  $BC \perp OC$ , 且点 C 在 ⊙O 上,

∴ BC 与 ⊙O 相切.

∵ ⊙O 与 AB 边相切于点 P,

∴  $BC = BP$ . 2 分

∴  $\angle BCP = \angle BPC$ . 3 分

$$\therefore \angle B = 180^\circ - \angle BCP - \angle BPC = 180^\circ - 2\angle BCP = 2(90^\circ - \angle BCP)$$

$$\therefore \angle ACP = \angle ACB - \angle BCP = 90^\circ - \angle BCP,$$

$$\therefore 2\angle ACP = \angle B. \quad 5 \text{ 分}$$

(II) 在 △ABC 中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$ .

如图, 当点 O 在 CB 上时, OC 为 ⊙O 的半径,

∵  $AC \perp OC$ , 且点 C 在 ⊙O 上,

∴ AC 与 ⊙O 相切.

连接 OP、AO.

∵ ⊙O 与 AB 边相切于点 P,

∴  $OP \perp AB$ ;  $AC = AP = 8$

设  $OC = x$ , 则  $OP = x$ ,  $OB = BC - OC = 6 - x$ .

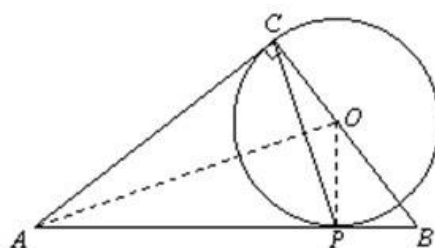
$$\therefore PB = AB - AP = 10 - 8 = 2.$$

∴ 在 Rt △OPB 中有  $OP^2 + BP^2 = OB^2$ ,

$$\therefore x^2 + 2^2 = (6 - x)^2$$

$$\text{解得: } x = \frac{8}{3}.$$

7 分



$$\therefore OC = OP = \frac{8}{3};$$

$$S_{\triangle ACO} = S_{\triangle APO} = \frac{1}{2} \times 8 \times \frac{8}{3} = \frac{32}{3}$$

$$\text{又} \because \text{在 Rt} \triangle ACO \text{ 中有 } AO = \sqrt{AC^2 + OC^2} = \sqrt{8^2 + \left(\frac{8}{3}\right)^2} = \frac{8\sqrt{10}}{3}, \quad 8 \text{ 分}$$

$$\because AC = AP, OC = OP,$$

$$\therefore AO \text{ 垂直平分 } CP.$$

$$\therefore S_{\text{四边形}CAPO} = \frac{1}{2} AO \times CP$$

$$\therefore CP = \frac{2S_{\text{四边形}CAPO}}{AO} = \frac{2 \times 2S_{\triangle ACO}}{OA} = \frac{2 \times 2 \times \frac{32}{3}}{\frac{8\sqrt{10}}{3}} = \frac{8\sqrt{10}}{5}. \quad 9 \text{ 分}$$

$$\text{则符合条件的 } CP \text{ 长大于 } \frac{8\sqrt{10}}{5}$$

由题意可知，当点 P 与点 A 重合时，CP 最长.

$$\text{综上，当点 } O \text{ 在 } \triangle ABC \text{ 外时，} \frac{8\sqrt{10}}{5} < CP \leq 8. \quad 10 \text{ 分}$$

22. (本小题 10 分)

解: (I) 由题意得,  $\angle EAD = 45^\circ$ ,  $\angle FBD = 30^\circ$

$$\therefore \angle EAC = \angle EAD + \angle DAC = 45^\circ + 15^\circ = 60^\circ,$$

$$\because AE \parallel BF \parallel CD,$$

$$\therefore \angle FBC = \angle EAC = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle DBC = 30^\circ,$$

$$\text{又} \because \angle DBC = \angle DAB + \angle ADB,$$

$$\therefore \angle ADB = 15^\circ,$$

$$\therefore \angle DAB = \angle ADB,$$

$$\therefore BD = AB = 2,$$

即 B, D 之间的距离为 2km; 5 分

(II) 过 B 作  $BO \perp DC$  于点 O, (图略)

在  $\text{Rt} \triangle DBO$  中,  $BD = 2$ ,  $\angle DBO = 60^\circ$ ,

$$\therefore DO = 2 \times \sin 60^\circ = 2 \times 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}, \quad BO = 2 \times \cos 60^\circ = 1,$$

$$\text{在 Rt}\triangle CBO \text{ 中, } \angle CBO = 30^\circ, \quad CO = BO \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3},$$

$$\therefore CD = DO - CO = \sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{2\sqrt{3}}{3} \text{ (km)},$$

$$\text{即 C, D 之间的距离为 } \frac{2\sqrt{3}}{3} \text{ km}$$

10 分

23. (本小题 10 分)

解: (I)

|         | $x \leq 35$ | $35 < x < 45$ | $x = 45$ | $x > 45$     |
|---------|-------------|---------------|----------|--------------|
| 甲宾馆收费/元 |             | $108x + 420$  |          | $108x + 420$ |
| 乙宾馆收费/元 |             |               |          | $96x + 1080$ |

5 分

(II) 当  $x \leq 35$  时, 旅行团在甲、乙两家宾馆的实际花费相同,

当  $35 < x < 45$  时, 选择甲宾馆便宜,

当  $x > 45$  时,

$$\text{甲宾馆的收费是: } y_{\text{甲}} = 35 \times 120 + 0.9 \times 120(x - 35) = 108x + 420,$$

$$\text{乙宾馆的收费是: } y_{\text{乙}} = 45 \times 120 + 0.8 \times 120(x - 45) = 96x + 1080$$

$$\text{当 } y_{\text{甲}} = y_{\text{乙}} \text{ 时, } 108x + 420 = 96x + 1080,$$

$$\text{解得 } x = 55.$$

9 分

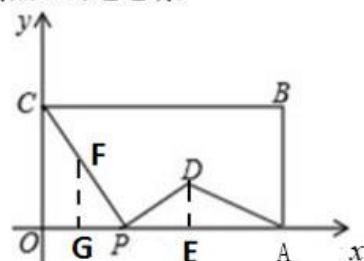
答: 当  $x \leq 35$  或  $x = 55$  时, 旅行团在甲、乙两家宾馆的实际花费相同. 10 分

24. (本小题 10 分)

解: (I)  $\because$  点 P 从点 O 出发, 沿 x 轴以每秒 1 个单位长的速度向点 A 匀速运动,

$$\therefore OP = t, \text{ 而 } OC = 2,$$

$$\therefore P(t, 0),$$





过 D 点作  $DE \perp x$  轴于点 E,

设 CP 的中点为 F, 过 F 点作  $FG \perp x$  轴于点 G,

$$\therefore FG \parallel OC, \text{ 且 } FG = \frac{1}{2}OC = 1, \quad OG = GP = \frac{1}{2}OP = \frac{1}{2}t;$$

则 F 点的坐标为  $(\frac{t}{2}, 1)$ ,  $\angle FGP = \angle PED = 90^\circ$ ,  $\angle PFG + \angle FPG = 90^\circ$ ;

$\therefore$  将线段 CP 的中点 F 绕点 P 按顺时针方向旋转  $90^\circ$  得点 D,

$$\therefore PF = PD, \angle FPD = 90^\circ, \quad \angle FPG + \angle DPE = 90^\circ$$

$$\therefore \angle PFG = \angle DPE$$

则  $\triangle FGP \cong \triangle PED$

$$\therefore PE = FG = 1, \quad DE = GP = \frac{1}{2}t$$

$$\therefore OE = OP + PE = t + 1$$

$$\therefore D \text{ 点坐标为 } (t+1, \frac{t}{2});$$

3 分

(II)  $\because D$  点坐标为  $(t+1, \frac{t}{2})$ ,  $OA=4$ ,

$$\therefore S_{\triangle DPA} = \frac{1}{2}AP \cdot DE = \frac{1}{2}(4-t) \times \frac{t}{2} = -\frac{1}{4}(t-2)^2 + 1,$$

$$\therefore \text{当 } t=2 \text{ 时, } S_{\text{最大}}=1;$$

5 分

(III) 能够成直角三角形

①当  $\angle PDA=90^\circ$  时,  $PC \parallel AD$ ,

$$\text{由勾股定理得, } PD^2 + AD^2 = AP^2,$$

$$\text{即: } (\frac{t}{2})^2 + 1^2 + (4-t-1)^2 + (\frac{t}{2})^2 = (4-t)^2$$

$$\text{解得, } t=2 \text{ 或 } t=-6 \text{ (舍去)}$$

$$\therefore t=2 \text{ 秒};$$

②当  $\angle PAD=90^\circ$  时, 此时点 D 在 AB 上,

$$PA=FG=1,$$

$$\therefore OP=OA-PA=4-1=3$$

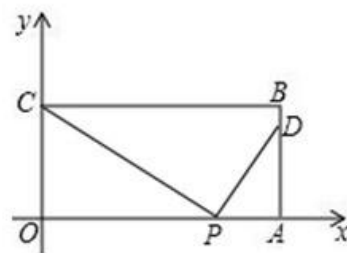
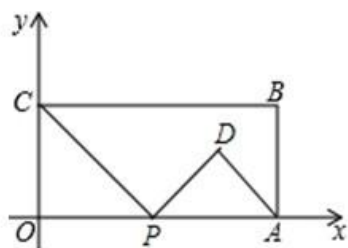
$$\text{即 } t=3 \text{ (秒)}$$

综上, 可知当  $t$  为 2 秒或 3 秒时,  $\triangle DPA$  能成为直角三角形

8 分

(IV) 点 D 运动路线的长为  $2\sqrt{5}$

10 分



25. (本小题 10 分)

解: (I)  $\because x = -\frac{-4a}{2a} = 2.$

$\therefore$  抛物线的对称轴为直线  $x = 2$

2 分

(II)  $\because$  该二次函数的图象开口向下, 且对称轴为直线  $x = 2$ ,

$\therefore$  当  $x = 2$  时,  $y$  取到在  $1 \leq x \leq 4$  上的最大值为 2.

$\therefore P(2, 2), 4a - 8a + 3a = 2.$

$\therefore a = -2, y = -2x^2 + 8x - 6.$

4 分

$\because$  当  $1 \leq x \leq 2$  时,  $y$  随  $x$  的增大而增大,

$\therefore$  当  $x = 1$  时,  $y$  取到在  $1 \leq x \leq 2$  上的最小值 0.

$\because$  当  $2 \leq x \leq 4$  时,  $y$  随  $x$  的增大而减小,

$\therefore$  当  $x = 4$  时,  $y$  取到在  $2 \leq x \leq 4$  上的最小值 -6.

$\therefore Q(4, -6)$

6 分

则经过 P、Q 两点的直线解析式为  $y = -4x + 10$

设直线 PQ 与  $x$  轴交于点 M, 则 M 点坐标为  $(\frac{5}{2}, 0)$

$\therefore OM = \frac{5}{2}$

$\therefore S_{\triangle OPQ} = S_{\triangle OMP} + S_{\triangle OMQ} = \frac{1}{2} OM (y_P + |y_Q|) = \frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times (2 + 6) = 10$

8 分

(III) 4.

10 分