

九年级数学

本试卷分为第 I 卷 (选择题)、第 II 卷 (非选择题) 两部分。第 I 卷第 1 页至第 3 页, 第 II 卷第 4 页至第 8 页。试卷满分 120 分。考试时间 100 分钟。

答卷前, 请你务必将自己的姓名、准考证号、学校、班级填写在“答题纸”上。答题时, 务必将答案涂写在“答题纸”上, 答案答在试卷上无效。考试结束后, 将本试卷和“答题纸”一并交回。

祝你考试顺利!

第 I 卷

一、选择题 (本大题共 12 小题, 每小题 3 分, 共 36 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的)

1. $\cos 30^\circ$ 的值等于

- A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$
C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. $\sqrt{3}$

2. 下列图形中, 可以看作是中心对称图形的是



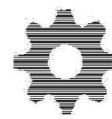
A.



B.

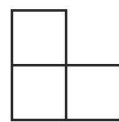


C.

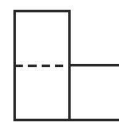


D.

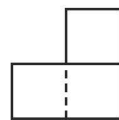
3. 如图是由两块完全相同给的长方体搭成的几何体, 这个几何体的主视图是



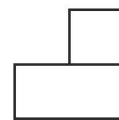
A.



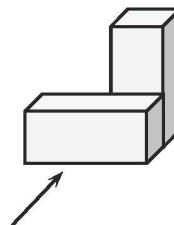
B.



C.



D.



4. 在一个不透明的口袋中装有 4 个红球和若干个白球, 它们除颜色外其它均相同, 从袋中随机摸出一个球, 记下颜色后放回。通过大量重复摸球试验后发现, 摸到红球的频率在 25% 附近摆动, 则口袋中的白球可能有

- A. 12 个 B. 13 个
C. 15 个 D. 16 个

5. 已知反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 $P(-1, 2)$, 则这个函数的图象位于

- A. 第二、三象限 B. 第一、三象限
C. 第三、四象限 D. 第二、四象限

6. 把抛物线 $y = -2x^2$ 先向右平移 1 个单位长度, 再向上平移 2 个单位长度后, 所得函数的表达式为

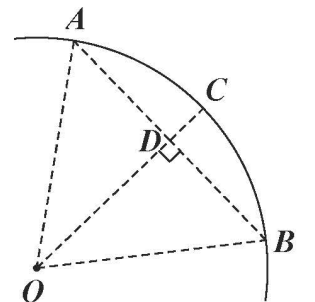
- A. $y = -2(x+1)^2 + 2$ B. $y = -2(x-1)^2 + 2$
C. $y = -2(x+1)^2 - 2$ D. $y = -2(x-1)^2 - 2$

7. 若 $2x^2 + 1$ 与 $4x^2 - 2x - 5$ 互为相反数, 则 x 等于

- A. -1 或 $\frac{2}{3}$ B. 1 或 $-\frac{2}{3}$
C. 1 或 $-\frac{3}{2}$ D. 1 或 $\frac{3}{2}$

8. 如图, 一条公路转弯处是一段圆弧 (图中的 \widehat{AB}), 点 O 是这条弧所在圆的圆心, 点 C 是 \widehat{AB} 的中点, 半径 OC 与 AB 相交于点 D , $AB = 120$ m, $CD = 20$ m, 这段弯道的半径是

- A. 100 m B. $100\sqrt{3}$ m
C. 200 m D. $200\sqrt{3}$ m



第II卷

注意事项:

1. 用黑色字迹的签字笔将答案写在“答题纸”上(作图可用2B铅笔)。
2. 本卷共13题,共84分。

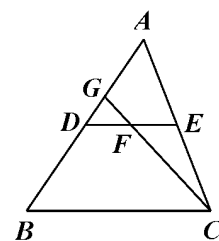
二、填空题(本大题共6小题,每小题3分,共18分)

13. 关于 x 的一元二次方程 $x^2 + px - 2 = 0$ 的一个根为2,则 p 的值为_____.

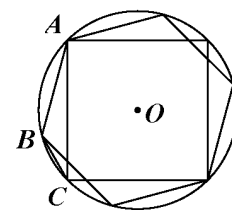
14. 一个不透明的袋子中有分别标着数字1, 2, 3, 4的四个乒乓球,现从袋中随机摸出两个乒乓球,则这两个乒乓球上的数字之和大于5的概率为_____.

15. 如图, DE 是 $\triangle ABC$ 的中位线, F 是 DE 的中点, CF 的延长线交 AB 于 G , $AB = 6$, 则 $AG =$ _____.

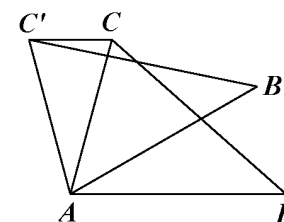
16. 如图, AB , AC 分别为 $\odot O$ 的内接正六边形, 内接正方形的一边, BC 是圆内接 n 边形的一边, 则 n 等于_____.



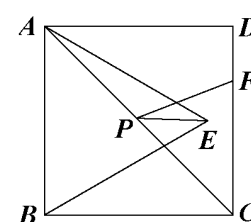
第15题图



第16题图



第17题图



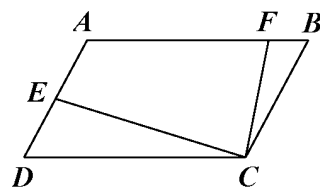
第18题图

17. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle CAB = 75^\circ$, 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 逆时针旋转到 $\triangle AB'C'$ 的位置使得 $CC' \parallel AB$, 则 $\angle BAB'$ 的度数等于_____ (度).

18. 如图, 正方形 $ABCD$ 的面积为12, $\triangle ABE$ 是等边三角形, 点 E 在正方形 $ABCD$ 内, F 是 CD 上一点, $DF = 1$, 在对角线 AC 上有一点 P , 连接 PE , PF , 则 $PE + PF$ 的最小值为_____.

9. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, $AB = 10$, $AD = 6$, E 是 AD 的中点, 在 AB 上取一点 F , 使 $\triangle CBF \sim \triangle CDE$, 则 BF 的长是

- A. 5
B. 3.6
C. 2.4
D. 1.8

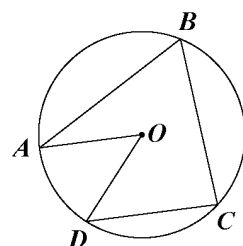


10. 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 13$, $BC = 24$, 则 $\tan B$ 等于

- A. $\frac{5}{13}$
B. $\frac{5}{12}$
C. $\frac{12}{13}$
D. $\frac{12}{5}$

11. 如图, A, B, C, D 四个点均在 $\odot O$ 上, $\angle AOD = 50^\circ$, $AO \parallel DC$, 则 $\angle B$ 的度数为

- A. 55°
B. 60°
C. 65°
D. 70°

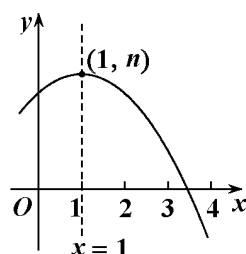


12. 如图, 是抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$)的部分图象, 其顶点坐标为 $(1, n)$, 且与 x 轴的一个交点在 $(3, 0)$ 和 $(4, 0)$ 之间, 有下列结论:

- ① $a - b + c > 0$;
- ② $3a + b = 0$;
- ③ $b^2 = 4a(c - n)$;
- ④ 一元二次方程 $ax^2 + bx + c = n - 1$ 有两个相等的实数根.

其中, 正确结论的个数是

- A. 1
B. 2
C. 3
D. 4



三、解答题 (本大题共 7 小题, 共 66 分. 解答应写出文字说明、演算步骤或推理过程)

19. (本小题 8 分)

关于 x 的一元二次方程 $(2m+1)x^2 + 4mx + 2m-3 = 0$.

(I) 当 $m = \frac{1}{2}$ 时, 求方程的实数根;

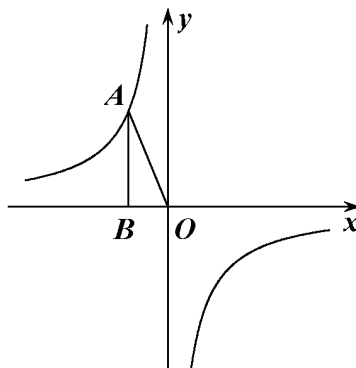
(II) 若方程有两个不相等的实数根, 求实数 m 的取值范围;

20. (本小题 8 分)

如图, 已知反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 的图象经过点 $A(-2, m)$, 过点 A 作 $AB \perp x$ 轴于点 B , 且 $\triangle AOB$ 的面积为 4.

(I) 求 k 和 m 的值;

(II) 设 $C(x, y)$ 是该反比例函数图象上一点, 当 $1 \leq x \leq 4$ 时, 求函数值 y 的取值范围.

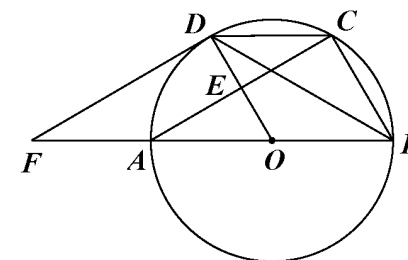


21. (本小题 10 分)

如图, AB 是 $\odot O$ 的直径, OD 垂直于弦 AC 交于点 E , 交 $\odot O$ 于点 D , F 是 BA 延长线上一点, 若 $\angle CDB = \angle F$.

(I) 求证: FD 与 $\odot O$ 相切;

(II) 若 $AB = 10$, $AC = 8$, 求 FD 的长.



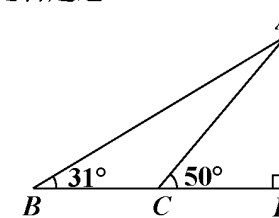
22. (本小题 10 分)

如图, 在一条笔直公路 BD 的正上方 A 处有一探测仪, $AD = 24$ m, $\angle D = 90^\circ$, 一辆轿车从 B 点匀速向 D 点行驶, 测得 $\angle ABD = 31^\circ$, 2 秒后到达 C 点, 测得 $\angle ACD = 50^\circ$.

(I) 求 B, C 两点间的距离 (结果精确到 1 m);

(II) 若规定该路段的速度不得超过 15 m/s, 判断此轿车是否超速.

参考数据: $\tan 31^\circ \approx 0.6$, $\tan 50^\circ \approx 1.2$.



23. (本小题 10 分)

某商场试销一种成本为每件 60 元的服装, 规定试销期间销售单价不低于成本单价, 且获利不得高于 50%. 经试销发现, 销售量 p (件) 与销售单价 x (元) 符合一次函数关系, 当销售单价为 65 元时销售量为 55 件, 当销售单价为 75 元时销售量为 45 件.

- (I) 求 p 与 x 的函数关系式;
- (II) 若该商场获得利润为 y 元, 试写出利润 y 与销售单价 x 之间的关系式;
- (III) 销售单价定为多少元时, 商场可获得最大利润, 最大利润是多少元?

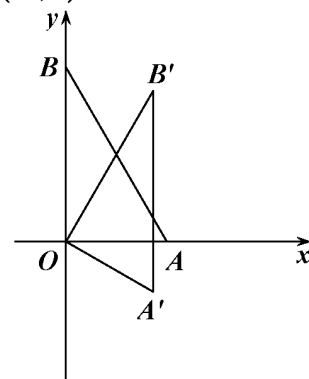
24. (本小题 10 分)

在平面直角坐标系中, O 为原点, 点 $A(1, 0)$, 点 $B(0, \sqrt{3})$, 把 $\triangle ABO$ 绕点 O 顺时针旋转, 得 $\triangle A'B'O$, 记旋转角为 α .

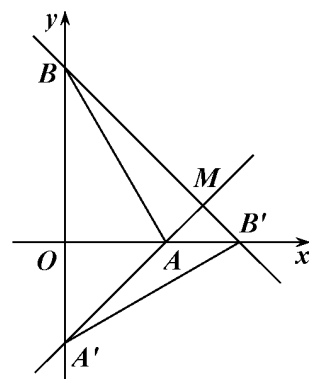
- (I) 如图①, 当 $\alpha = 30^\circ$ 时, 求点 B' 的坐标;
- (II) 设直线 AA' 与直线 BB' 相交于点 M .

①如图②, 当 $\alpha = 90^\circ$ 时, 求点 M 的坐标;

②点 $C(-1, 0)$, 求线段 CM 长度的最小值. (直接写出结果即可)



图①

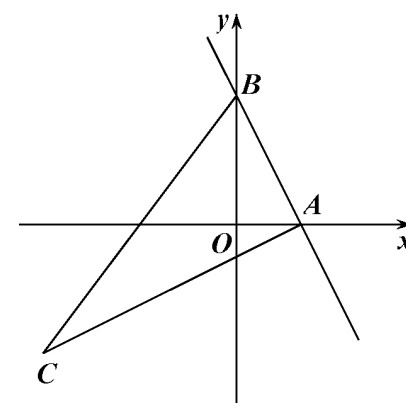


图②

25. (本小题 10 分)

如图, 已知直线 $y = kx + 2$ 与 x 轴正半轴交于点 $A(t, 0)$, 与 y 轴交于点 B , 抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 经过点 A 和点 B , 点 C 在第三象限内, 且 $AC \perp AB$, $\tan \angle ACB = \frac{1}{2}$.

- (I) 当 $t = 1$ 时, 求抛物线的解析式;
- (II) 试用含 t 的代数式表示 C 点的坐标;
- (III) 如果点 C 在这条抛物线的对称轴上, 求 t 的值.



红桥区 2017~2018 学年度第二学期九年级结课考试 数学参考答案及评分标准

一、选择题：本大题共 12 小题，每小题 3 分，共 36 分.

- | | | | | | |
|------|------|------|-------|-------|-------|
| 1. C | 2. D | 3. C | 4. A | 5. D | 6. B |
| 7. B | 8. A | 9. D | 10. B | 11. C | 12. C |

二、填空题：本大题共 6 小题，每小题 3 分，共 18 分.

- | | | |
|--------|-------------------|----------------|
| 13. -1 | 14. $\frac{1}{3}$ | 15. 1 |
| 16. 12 | 17. 30 | 18. $\sqrt{7}$ |

三、解答题：本大题共 7 小题，共 66 分.

19. (本小题 8 分)

解 (I) 当 $m = \frac{1}{2}$ 时, 方程为 $x^2 + x - 1 = 0$

于是, 方程的实根为 $x_1 = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$, $x_2 = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2}$.

(II) 令 $2m + 1 \neq 0$, 得 $m \neq -\frac{1}{2}$

令 $\Delta = (4m)^2 - 4(2m + 1)(2m - 3) > 0$, 得 $m > -\frac{3}{4}$

综上所述, $m > -\frac{3}{4}$ 且 $m \neq -\frac{1}{2}$ 即为所求.

20. (本小题 8 分)

解 (I) $\because \triangle AOB$ 的面积为 4

$$\therefore \frac{1}{2}(-x_A) \cdot y_A = 4 \Rightarrow k = x_A \cdot y_A = -8$$

令 $x = 2$, 得 $m = 4$

(II) 当 $1 \leq x \leq 4$ 时, y 随 x 的增大而增大

令 $x = 1$, 得 $y = -8$; 令 $x = 4$, 得 $y = -2$

所以, $-8 \leq y \leq -2$ 即为所求.

21. (本小题 10 分)

解 (I) 由圆周角定理, 得 $\angle CDB = \angle CAB$

又 $\because \angle CDB = \angle F \therefore \angle F = \angle CAB \therefore AC \parallel FD$

$\because OD \perp AC \therefore \angle ODF = \angle OEA = 90^\circ$

$\therefore FD$ 与 $\odot O$ 相切 □

(II) 由垂径定理可知, E 是弦 AC 的中点

又 $\because AC \parallel FD \therefore AE$ 是 $\triangle ODF$ 的中位线

$\therefore AF = OA = 5$ 在 $\text{Rt}\triangle ODF$ 中, $FD = \sqrt{OF^2 - OD^2} = 5\sqrt{3}$

22. (本小题 10 分)

解 (I) 在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, $BD = \frac{AD}{\tan \angle B} \approx \frac{24}{0.6} = 40$

在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 中, $CD = \frac{AD}{\tan \angle C} \approx \frac{24}{1.2} = 20$

所以, $BC = BD - CD = 40 - 20 = 20$ (m)

(II) $\because v = \frac{S}{t} = \frac{20m}{2s} = 10 \text{ m/s} < 15 \text{ m/s} \therefore$ 此轿车没有超速

23. (本小题 10 分)

解 (I) 不妨设 p 与 x 的函数关系式为 $p = kx + b$

将 (65, 55) 和 (75, 45) 代入上述关系式, 解得 $k = -1$, $b = 120$

故所求函数关系式为 $p = -x + 120$.

(II) $y = (x - 60)(-x + 120) = -x^2 + 180x - 7200 = -(x - 90)^2 + 900$

(III) $\because -1 < 0 \therefore$ 函数 $y = -(x - 90)^2 + 900$ 的图象是开口向下的抛物线

当 $x < 90$ 时, y 随 x 的增大而增大

\because 销售单价不低于成本单价, 且获利不得高于 50%

$\therefore 60 \leq x \leq 60(1 + 50\%) \Rightarrow 60 \leq x \leq 90$

所以, 当 $x = 90$ 时, 商场可获得最大利润 900 元.

24. (本小题 10 分)

解 (I) 记 $A'B'$ 与 x 轴交于点 H

$$\because \angle HOA' = \alpha = 30^\circ \quad \therefore \angle OHA' = 90^\circ$$

$$\text{于是, } OH = OA' \cdot \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$B'H = OB' \cdot \cos 30^\circ = \frac{3}{2}$$

故 $B'(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{3}{2})$ 即为所求.

(II) ① $\because OA = OA' \quad \therefore \text{Rt}\triangle OAA'$ 是等腰直角三角形

$\because OB = OB' \quad \therefore \text{Rt}\triangle OBB'$ 是等腰直角三角形

显然, $\triangle AMB'$ 也是等腰直角三角形

故 M 作 $MN \perp x$ 轴, 垂足记作 N

$$\because OB' = OA + AB' = 1 + 2AN = \sqrt{3}$$

$$\therefore MN = AN = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$$

易得, 点 M 坐标为 $(\frac{1+\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}-1}{2})$.

② $\sqrt{3}-1$ (提示: 点 M 的轨迹是 $\triangle OAB$ 的外接圆.)

25. (本小题 10 分)

解 (I) 当 $t=1$ 时, $A(1, 0)$

将点 $A(1, 0)$ 和 $B(0, 2)$ 代入抛物线解析式, 解得 $c=2, b=-1$

所以, $y=-x^2-x+2$ 即为所求.

(II) 将 $\triangle AOB$ 绕点 A 逆时针旋转 90° , 得 $\triangle APQ$

$$\because \tan \angle ACB = \frac{1}{2} \quad \therefore AQ = QC = AB \quad \text{易得, } C(t-4, -2t)$$

(III) \because 点 C 在第三象限内 $\therefore t-4 < 0 \Rightarrow t < 4$

由已知, 得抛物线解析式为 $y=-x^2+bx+2$

其对称轴为直线 $x = \frac{b}{2}$.

\because 点 C 在抛物线对称轴上

$$\therefore \frac{b}{2} = t-4 \Rightarrow b = 2t-8$$

于是, $x=t$ 方程 $-x^2 + (2t-8)x + 2 = 0$ 的一个实根

由韦达定理, 可得另一个实根为 $x = -\frac{2}{t}$

令 $-\frac{2}{t} + t = 2t-8$, 得 $t = 4 + \sqrt{14}$ (舍) 或 $t = 4 - \sqrt{14}$.

综上所述, $t = 4 - \sqrt{14}$ 即为所求.

