

# 表达式求解

- 假设：
  - 只涉及+、-、\*和/四种双目运算符（其余可自己扩展）
  - 不考虑左、右括号的匹配，假设已经保证是匹配的
  - 设只出现小括号（其余括号可自己扩展）
  - 设表达式尾标记为#
- 分析：
  - 表达式由三部分构成：运算符、操作数和界限符（括号和表达式尾标记）
  - 将括号也看成一种运算符，得到优先级别表

# 表达式求解

- 运算符之间的优先级

Old new

	+	-	*	/	(	)	#
+	>	>	<	<	<	>	>
-	>	>	<	<	<	>	>
*	>	>	>	>	<	>	>
/	>	>	>	>	<	>	>
(	<	<	<	<	<	=	>
)	>	>	>	>		>	>
#	<	<	<	<	<	<	<

# 表达式求解

- 分析：
  - 运算根据运算优先级进行，而优先级与操作数无关——两者可独立存储；
  - 当读到的当前运算符优先级低于前一个时，可以计算前一个运算符——因此必须记录前一个运算符，即有一个读入运算符的逆序（栈）
  - 计算某个运算符时，它所对应的操作数应该是最后两个操作数——因此必须记录操作数的逆序（栈）

# 表达式求解

- 结论:
- 设定两个栈:
  - 操作数栈——保存读入操作数
  - 运算符栈——保存读入运算符
- 算法:
  - 初始化两个栈: 运算符栈**OPTR**和操作数栈**OPND**
  - 将起始标记 ‘#’ 入**OPTR**;
  - 循环读入表达式字符**ch**, 直到遇到尾标记 ‘#’ 为止, 按**ch**分情况讨论:
    - **Ch**为操作数: 入操作数栈**OPND**

# 表达式求解

- 算法：（续）
- **ch**为运算符，取出**OPTR**运算符栈中的栈顶运算符**ch1**，比较**ch**与**ch1**的优先级：
  - **Ch==ch1**：去除括号,运算符栈进行出栈操作**pop(OPTR)**，读入下一个符号**ch**；
  - **Ch>ch1**：将**ch**入栈**push(OPTR,ch)**，读入下一个符号**ch**；
  - **Ch<ch1**：先计算表达式中前一个子式
    - 运算符栈出栈 $\theta = \text{pop(OPTR)}$ ；
    - 操作数栈出栈两次:  $\text{rop} = \text{pop(OPND)}$ ;  $\text{lop} = \text{pop(OPND)}$ ;  
其中第一次出栈的是右操作数，第二次是左操作数；
    - 进行运算:  $x = \text{operate(lop } \theta \text{ rop)}$ ; 并将结果入操作数栈  $\text{push(OPND,x)}$ ;

# 表达式求解

- 算法：（续）
  - 读到‘#’时，从**OPND**操作数栈中取出结果，该结果就是表达式的值；
  - 释放两个栈
- 例如：
  - 表达式： **$3*(4+5)/2-3-(5+2)$**