

苏州大学实验报告

院、系	计算机学院	年级专业	19 计算机类	姓名	张昊	学号	1927405160
课程名称	数据结构课程实践					成绩	
指导教师	孔芳	同组实验者	无	实验日期	2020 年 9 月 18 日		

实验名称 第 1 章习题 算法设计

一、实验目的

通过本次实验要达到如下目的：

1. 了解程序设计的一般过程；
2. 理解算法和数据结构在程序中的作用；
3. 熟练掌握数据结构的概念；
4. 掌握算法的描述方法和时间复杂度的分析方法。

二、实验内容

1. 找出整型数组 $A[n]$ 中的最大值和次最大值。
2. 判断给定字符串是否是回文。所谓回文是正读和反读均相同的字符串，例如 "abcba" 或 "abba" 是回文，而 "abcd" 不是回文。
3. 已知数组 $A[n]$ 中的元素为整型，设计算法将其调整为左右两部分，左边所有元素为奇数，右边所有元素为偶数，并要求算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。
4. 荷兰国旗问题。要求重新排列一个由字符 R, W, B (R 代表红色, W 代表白色, B 代表蓝色，这都是荷兰国旗的颜色) 构成的数组，使得所有的 R 都排在最前面，W 排在其次，B 排在最后。为荷兰国旗问题设计一个算法，其时间性能是 $O(n)$ 。
5. 有 4 个人打算过桥，这个桥每次最多只能有两个人同时通过。他们都在桥的某一端，并且是在晚上，过桥需要一只手电筒，而他们只有一只手电筒。这就意味着两个人过桥后必须有一人将手电筒带回来。每个人走路的速度是不同的：甲过桥要用 1 分钟，乙过桥要用 2 分钟，丙过桥要用 5 分钟，丁过桥要用 10 分钟，两个人一起走路的速度等于其中较慢那个人的速度。问题是他们全部过桥最少要用多长时间？

三、实验步骤和结果

1. 找出整型数组 $A[n]$ 中的最大值和次最大值。

【算法设计】

最大值可以通过遍历查找发现。具体的，两次遍历数组 $A[n]$ 。第一次用临时变量存储第 1 号位置的数组元素，在遍历中如果发现比临时变量大的元素就将其赋值给临时变量，遍历结束即可找到最大值。第二次用一个临时变量存储第 1 号位置的数组元素，在遍历中如果发现比临时变量大但比最大值小的元素就将其赋值给这个临时变量，这轮遍历结束即可找到次最大值。

【时间复杂度】

n 为数组的规模，两次遍历中比较操作的执行次数为 $2n$ ，故算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【伪代码】

Algorithm: findMaxAndSecondaryNumber

Input: 整型数组 $A[n]$

Output: 最大值和次最大值

1. $\max \leftarrow A[1]$;
2. i 循环 2 到 n
 - 2.1 if $A[i] > \max$ then $\max \leftarrow A[i]$;
3. $\text{secondary} \leftarrow A[1]$;

4. i 循环 2 到 n
 - 4.1 if $A[i] < \text{temp}$ and $A[i] > \text{secondary}$ then $\text{secondary} \leftarrow A[i]$;
5. return max , secondary ;

【C++语言描述】

注：通过引用参数返回两个值 maxNumber 和 secondaryNumber 。

```
void findMaxAndSecondaryNumber(
    const int A[], unsigned size, int &maxNumber, int &secondaryNumber) {
    maxNumber = A[0];
    for (int i = 1; i < size; ++i) {           // Find the max number of the array A[size].
        if (A[i] > maxNumber)
            maxNumber = A[i];
    }
    secondaryNumber = A[0];
    for (int i = 1; i < size; ++i) {
        // Find the secondary max number of the array A[size].
        if (A[i] < maxNumber && A[i] > secondaryNumber)
            secondaryNumber = A[i];
    }
}
```

2. 判断给定字符串是否是回文。

【算法设计】

由回文字符串的定义，字符串的首尾字符相同。可以考虑从字符串起始位置开始与字符串末尾位置字符逐一比较，直到首次出现不同的字符或者到达字符串正中间位置停止。若所有比较都相等，则给定字符串是回文，否则不是回文。

【时间复杂度】

n 为字符串的长度，循环中比较操作的执行次数为 $n/2$ ，故算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【伪代码】

```
Algorithm: isPalindromeString
Input: 字符串 str
Output: 是否为回文
1.  $i$  循环 1 到  $\text{length}/2$ 
   1.1 if  $\text{str}[i] \neq \text{str}[\text{length} - i]$  then return FALSE;
2. return TRUE;
```

【C++语言描述】

```
bool isPalindromeString(const std::string &str) {
    for (int i = 0; i < str.length() / 2; ++i) {
        if (str[i] != str[str.length() - 1 - i])
            return false;
    }
    return true;
}
```

3. 已知数组 $A[n]$ 中的元素为整型，设计算法将其调整为左右两部分，左边所有元素为奇数，右边所有元素为偶数，并要求算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【算法设计】

这是一个对数组元素分类的问题。可以用两个数组来分别存放不同类别的元素，但合并两个数组会导致不必要的元素拷贝。那么可以考虑对数组进行原地操作。由普通遍历的一个

位置指针出发，考虑使用两个指针，一个指向数组头部，一个指向数组尾部。具体的，当数组头部指针遇到偶数，尾部指针遇到奇数时交换两个指针指向的元素；尾部指针遇到偶数，只移动尾部指针；头部指针遇到奇数，只移动头部指针。如此循环直到头部指针超过或触及的尾部指针为之。这样即可实现左边所有元素为奇数，右边所有元素为偶数。

例如 现有数组：（头部指针记为 left，尾部指针记为 right）

数组元素	-44	86	-56	23	-11	95	-7	-57	-78	86	36	-33
位置指针	left											right

此时 left 指向 -44 为偶数，right 指向 -33 为奇数，交换两者并移动指针得到：

数组元素	-33	86	-56	23	-11	95	-7	-57	-78	86	36	-44
位置指针		left									right	

此时 right 指向 36 为偶数，只移动 right 得到：

数组元素	-33	86	-56	23	-11	95	-7	-57	-78	86	36	-44
位置指针		left								right		

同理，多次操作得到：

数组元素	-33	86	-56	23	-11	95	-7	-57	-78	86	36	-44
位置指针		left						right				

此时 left 指向 86 为偶数，right 指向 -57 为奇数，交换两者并移动指针得到：

数组元素	-33	-57	-56	23	-11	95	-7	86	-78	86	36	-44
位置指针			left				right					

此时 left 指向 -56 为偶数，right 指向 -7 为奇数，交换两者并移动指针得到：

数组元素	-33	-57	-7	23	-11	95	-56	86	-78	86	36	-44
位置指针				left		right						

此时 left 为奇数，只移动 left 得到：

数组元素	-33	-57	-7	23	-11	95	-56	86	-78	86	36	-44
位置指针					left	right						

同理，多次操作得到：

数组元素	-33	-57	-7	23	-11	95	-56	86	-78	86	36	-44
位置指针						left	right					

此时 left 和 right 重合，循环结束，得到调整后的数组。

【时间复杂度】

n 为数组规模。最好情况下数组不需要交换元素，时间复杂度为 $O(1)$ ；最坏情况下为数组左边为偶数，右边为奇数，最多需要交换 $n/2$ 对元素，故算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【伪代码】

```
Algorithm: adjustArray
Input: 整型数组 A[n]
Output: 无（在数组原地操作）
1. 头部指针  $\leftarrow 1$ , 尾部指针  $\leftarrow n$ 
2. while 头部指针 < 尾部指针
    2.1 if A[头部指针] % 2  $\neq 0$  then 头部指针  $\leftarrow$  头部指针 + 1;
    2.2 else if A[尾部指针] % 2 = 0 then 尾部指针  $\leftarrow$  尾部指针 - 1;
    2.3 else then
        2.3.1 头部指针  $\leftrightarrow$  尾部指针;
        2.3.2 头部指针  $\leftarrow$  头部指针 + 1;
        2.3.3 尾部指针  $\leftarrow$  尾部指针 - 1;
```

【C++语言描述】

```
void adjustArray(int a[], unsigned size) {
    int leftPosition = 0, rightPosition = size - 1;
    while (leftPosition < rightPosition) {
        if (a[leftPosition] % 2 != 0) { // left position element is odd -> pass.
            leftPosition++;
            continue;
        } else if (a[rightPosition] % 2 == 0) { // right position element is even -> pass.
            rightPosition--;
            continue;
        }
        // left position element is even, right position element is odd -> swap.
        std::swap(a[leftPosition], a[rightPosition]);
        leftPosition++;
        rightPosition--;
    }
}
```

4. 荷兰国旗问题。要求算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【算法设计】

由第 3 题的思路启发，可以将这个问题视为一个**数组排序问题**，这个数组分为前中后部三部分，每一个元素 R, W, B 必为其中之一，但数量不均等，故三个部分不等分。只操作 R 和 B，将 R 全排在数组的前部，B 全排在数组的后部，这样中部的 W 自然排好。

具体来说设置三个**位置指针**，分别指向这个数组的开始、结尾和当前位置（从开头开始），使用**当前位置指针**循环遍历：遇到 R 属于前部，**当前位置元素和开始位置指针指向的元素进行交换**，然后两者均前进；遇到 W 属于中部，不动，仅使**当前位置指针前进**；遇到 B 属于后部，**和结尾位置指针指向元素交换**，这里要注意交换后的当前位置元素不一定为 W，还有可能是属于前部的 R，所以只使**结尾位置指针后退**，而保持当前位置指针不变，便于下一次循环的判断。如此循环遍历，直到**当前位置指针超过或触及了结尾位置指针**。

例如 有数组 B W R W R B W B W R（开始位置指针记为 less，结束位置指针记为 more，当前位置指针记为 index）

数组元素	B	W	R	W	R	B	W	B	W	R
位置指针	less index									more

此时 index 遇到 B，和 more 指向元素交换，仅 more 移动位置，得到：

数组元素	R	W	R	W	R	B	W	B	W	B
位置指针	less index								more	

此时 index 遇到 R，和 less 指向元素交换，然后两者均前进得到：

数组元素	R	W	R	W	R	B	W	B	W	B
位置指针		less index							more	

此时 index 遇到 W，仅 index 向前移动得到：

数组元素	R	W	R	W	R	B	W	B	W	B
位置指针		less index							more	

此时 index 遇到 R，和 less 指向元素交换，然后两者均前进得到：

数组元素	R	R	W	W	R	B	W	B	W	B
位置指针			less index						more	

此时 index 遇到 W，仅 index 向前移动得到：

数组元素	R	R	W	W	R	B	W	B	W	B
位置指针			less		index				more	

此时 index 遇到 R，和 less 指向元素交换，然后两者均前进得到：

数组元素	R	R	R	W	W	B	W	B	W	B
位置指针				less		index			more	

此时 index 遇到 B，和 more 指向元素交换，仅 more 移动位置，得到：

数组元素	R	R	R	W	W	W	W	B	B	B
位置指针				less		index		more		

此时 index 遇到 W，仅 index 向前移动得到（两步相同的操作后）：

数组元素	R	R	R	W	W	W	W	B	B	B
位置指针				less				index more		

此时 index 和 more 重合，循环结束，得到调整后的数组。

【时间复杂度】

n 为字符数组的长度，最坏情况下当前位置指针需要遍历一遍数组，每次都发生交换，故算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【伪代码】

```
Algorithm: sortFlag
Input: 字符数组 F[n]
Output: 无（在数组原地操作）
1. 开始位置指针  $\leftarrow 1$ , 结束位置指针  $\leftarrow n$ , 当前位置指针  $\leftarrow 1$ 
2. while 当前位置指针 < 结束位置指针
    2.1 if F[当前位置指针] = 'R' then
        2.1.1 F[当前位置指针]  $\leftrightarrow$  F[开始位置指针];
        2.1.2 当前位置指针  $\leftarrow$  当前位置指针 + 1;
        2.1.3 开始位置指针  $\leftarrow$  开始位置指针 + 1;
    2.2 else if F[当前位置指针] = 'W' then 当前位置指针  $\leftarrow$  当前位置指针 + 1;
    2.3 else if F[当前位置指针] = 'B' then
        2.3.1 F[当前位置指针]  $\leftrightarrow$  F[结束位置指针];
        2.3.2 结束位置指针  $\leftarrow$  结束位置指针 - 1;
```

【C++语言描述】

```
void sortFlag(char flagArray[], unsigned size) {
    int less = 0, more = size - 1, index = 0;
    while (index < more) {
        switch (flagArray[index]) {
            case 'R': // `index` element is R -> swap with next `less` element.
                std::swap(flagArray[index++], flagArray[less++]);
                break;
            case 'W': // `index` element is W -> pass.
                index++;
                break;
            case 'B': // `index` element is B -> swap with previous `more` element.
                // BUT we do NOT know which type previous `more` element is,
                // so we need to make `index` still.
                std::swap(flagArray[index], flagArray[more--]);
                break;
        }
    }
}
```

5. 全部过桥最短时间问题。

【算法设计】

将问题抽象成给定 n 个人和他们各自通过桥所需的时间 $T[n]$ ，求最短耗时的问题。由于两个人一起走路的速度等于其中较慢那个人的速度，所以除了走的最快的人，其他的人在桥上耗费的时间都要算入过桥时间，加之每次要有一个回去送手电筒，所以让**最快的人来回跑**将是最省时间的做法。算法需要找到速度最快的那个人（可以用第 1 题类似的方法），并且求出除了最快的人剩下人通过桥的总时间。当 $n > 2$ 时，最快的人需要往返 $n-2$ 次桥，需要在（除了最快的人的）总时间上加 $n-2$ 倍的最快的人需要的时间即为答案； $n < 2$ 时为时间最大的人的耗时。

【时间复杂度】

n 为人数，仅仅进行了一次循环来比较找出最小值并求和，故算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。

【伪代码】

Algorithm: timeOfCrossingBridge

Input: 各自通过桥所需的时间 $T[n]$, 人数 n

Output: 全部过桥的最短时间

1. **if** $n < 2$ **then return** $T[n]$ 的最大值;
2. $index \leftarrow 0, sum \leftarrow 0$;
3. **i 循环** 1 到 n
 - 3.1 **if** $T[index] > T[i]$ **then** $index \leftarrow i$;
 - 3.2 $sum \leftarrow sum + T[i]$;
4. $sum \leftarrow sum + (n - 3) * T[index]$; // $n-3$ 是因为求和时多加了最快的人的时间
5. **return** sum ;

【C++语言描述】

```
int timeOfCrossingBridge(const int timeOfEachPerson[], unsigned numberOfPeople) {
    if (numberOfPeople == 1) { // Case - the number of people = 1
        return timeOfEachPerson[0];
    } else if (numberOfPeople == 2) { // Case - the number of people = 2
        return std::max(timeOfEachPerson[0], timeOfEachPerson[1]);
    }
    // Case - the number of people >= 3
    int indexOfMinTimePerson = 0, sumTime = 0;
    for (int i = 0; i < numberOfPeople; ++i) {
        if (timeOfEachPerson[indexOfMinTimePerson] > timeOfEachPerson[i]) {
            // Find the fast person.
            indexOfMinTimePerson = i;
        }
        // Calculate the sum of the time of each person to cross the bridge.
        sumTime += timeOfEachPerson[i];
    }
    sumTime += (numberOfPeople - 3) * timeOfEachPerson[indexOfMinTimePerson];
    return sumTime;
}
```