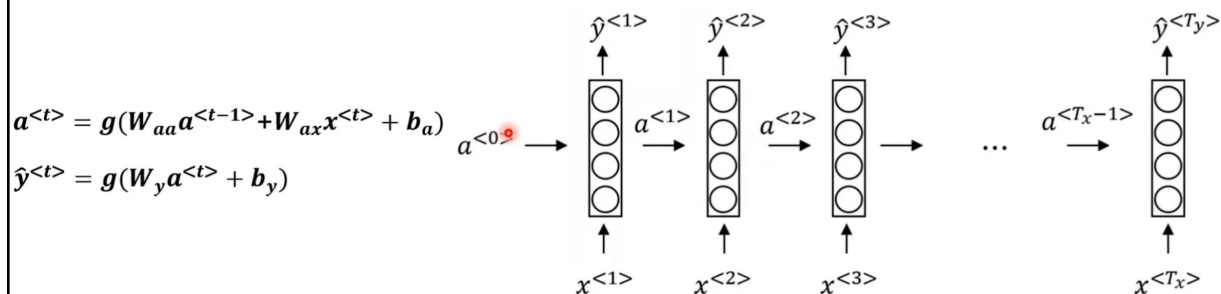
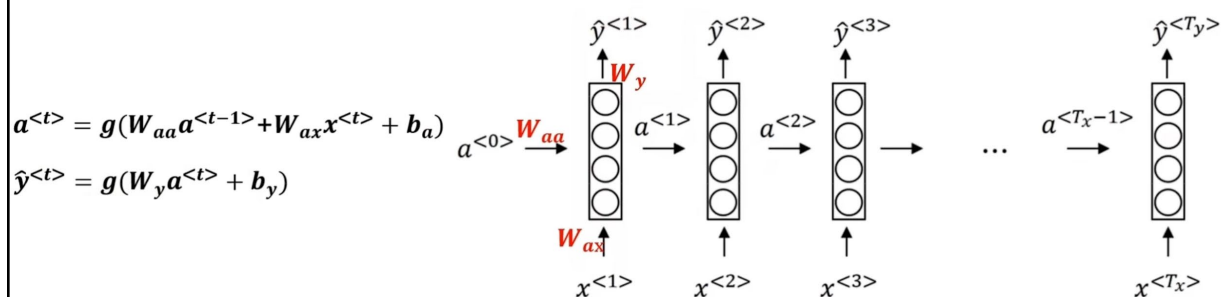


RNN



一般这个 $a^{<0>}$ 都会设置为零向量

RNN



RNN

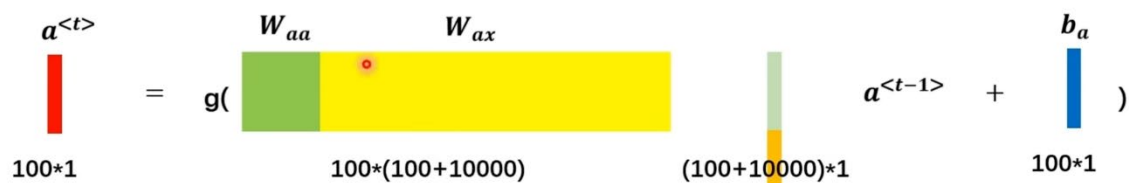
$$a^{<t>} = g(W_{aa}a^{<t-1>} + W_{ax}x^{<t>} + b_a)$$

$$\begin{array}{c} a^{<t>} \\ 100 \times 1 \end{array} = g \left(\begin{array}{c} W_{aa} \\ 100 \times 100 \end{array} \begin{array}{c} a^{<t-1>} \\ 100 \times 1 \end{array} + \begin{array}{c} W_{ax} \\ 100 \times 10000 \end{array} \begin{array}{c} x^{<t>} \\ 10000 \times 1 \end{array} + \begin{array}{c} b_a \\ 100 \times 1 \end{array} \right)$$

经过一个激活函数 g 后得到

RNN

$$a^{<t>} = g(W_{aa}a^{<t-1>} + W_{ax}x^{<t>} + b_a)$$

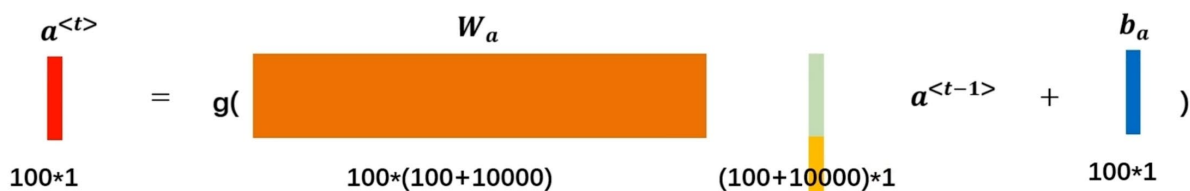


$$a^{<t>} = [W_{aa} | W_{ax}] \begin{bmatrix} a^{<t-1>} \\ x^{<t>} \end{bmatrix} + b_a$$

我们可以看到

RNN

$$a^{<t>} = g(W_a [a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_a)$$

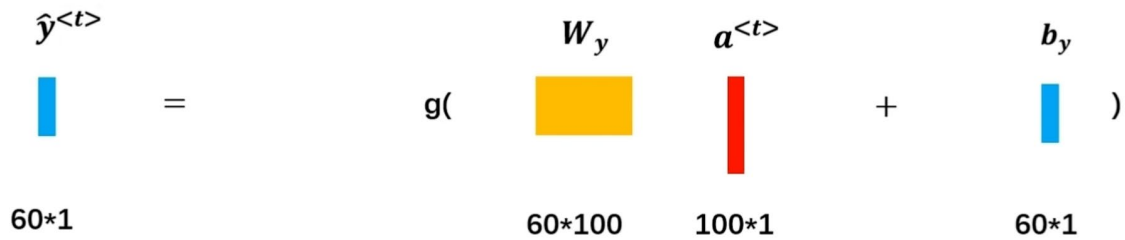


$$a^{<t>} = W_a [a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_a$$

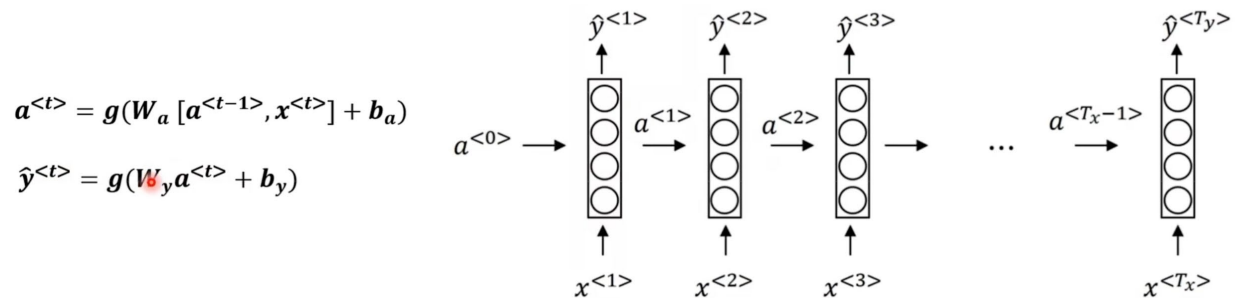
这样子我们就把

RNN

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$



RNN



GRU单元

$$a^{<t>} = c^{<t>}$$

$$c^{<t>} = g(W_c [c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_c)$$

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$

$c^{<t>}$ 记忆单元Memory Cell

更新门：更新多少信息
重置门：上一时段信息和输入信息的权重

GRU单元

更新门介绍

$$a^{<t>} = c^{<t>}$$

$$\hat{c}^{<t>} = g(W_c [c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_c) \quad \text{完全转换: } \hat{c}^{<t>} \quad \text{完全没变: } c^{<t-1>} \quad \text{转换多少: } \Gamma_u$$

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$

$$c^{<t>} = \Gamma_u \hat{c}^{<t>} + (1 - \Gamma_u) c^{<t-1>}$$

$c^{<t>}$ 记忆单元Memory Cell

因为gamma_u介于0到1之间

GRU单元

重置门介绍

$$a^{<t>} = c^{<t>}$$

$$\hat{c}^{<t>} = g(W_c [\Gamma_r * c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_c)$$

$$c^{<t>} = \Gamma_u \hat{c}^{<t>} + (1 - \Gamma_u) c^{<t-1>}$$

$$\Gamma_u = \sigma(W_u [c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_u)$$

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$

$$\Gamma_r = \sigma(W_r [c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_r)$$

$c^{<t>}$ 记忆单元Memory Cell

然后呢经过一个sigmoid的激活函数

GRU单元

$$\hat{c}^{<t>} = g(W_c[\Gamma_r * c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_c)$$

$$\Gamma_u = \sigma(W_u[c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_u)$$

$$\Gamma_r = \sigma(W_r[c^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_r)$$

$$c^{<t>} = \Gamma_u * \hat{c}^{<t>} + (1 - \Gamma_u) * c^{<t-1>}$$

$$a^{<t>} = c^{<t>}$$

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$

LSTM

LSTM公式

$$a^{<t>} \neq c^{<t>}$$

Update更新门：加入多少 $\hat{c}^{<t>}$ 的信息

Forget 遗忘门：保留多少 $c^{<t-1>}$ 的信息

Output输出门：输出多少 $c^{<t>}$ 的信息

$$\hat{c}^{<t>} = g(W_c[a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_c)$$

$$\Gamma_u = \sigma(W_u[a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_u)$$

$$\Gamma_f = \sigma(W_f[a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_f)$$

$$\Gamma_o = \sigma(W_o[a^{<t-1>}, x^{<t>}] + b_o)$$

$$c^{<t>} = \Gamma_u * \hat{c}^{<t>} + \Gamma_f * c^{<t-1>}$$

$$a^{<t>} = \Gamma_o * g(c^{<t>})$$

$$\hat{y}^{<t>} = g(W_y a^{<t>} + b_y)$$