# Finite Difference Method applied to DML simulation. Part 2a.

### ChristianV (Homeswinghome@diyAudio)

### 28 Dec. 2022

#### Abstract

Simulation of Distributed Mode Loudspeaker (DML) thanks to the Finite Difference Method (FDM)

### Contents

1	Introduction	1
2	The testing plate	1
3	The script outputs	1
4	Python script code	8
	4.1 Import modules	8
	4.2 Functions	8
	4.3 Prepare py2pdf	10
	4.4 Parameters	10
	4.5 System matrix filling process	11
	4.6 Script output printing	12
	4.7 py2pdf	13

**Disclaimer**: this paper is written in the context of DIY DML building with the target to identify some design rules to help in the panel construction. This document is not written in the context of any academic or scientific work. Its content is reviewed only by the feedback it can get while posting it in audio DIY forum like diyAudio.

The pdf format of the paper is directly extract from a python script See Github py2pdf for more information about this method.

### 1 Introduction

This part 2a is the application of part 1 in a Python script up to the calculation of the system matrix.

By itself it is not of a great interest in the method but testing the script fills correctly the matrix.

For the ones having no or very low interest in this, skip it and go to part 2b to see the results of the method.

## 2 The testing plate

See figure 1.

## 3 The script outputs

```
The plate is Lx= 0.3 m by Ly= 0.4 m

The mesh is Nx= 5 cells by Ny= 7 cells

Boundary conditions ['C [north]', 'SS [west]', 'SS [south]', 'C [east]']

Cell types

0: inner cells

1: boundary cells

2 to 5: boundary neighbor

25, 32, 34, 45: corners of the boundary neighbor
```



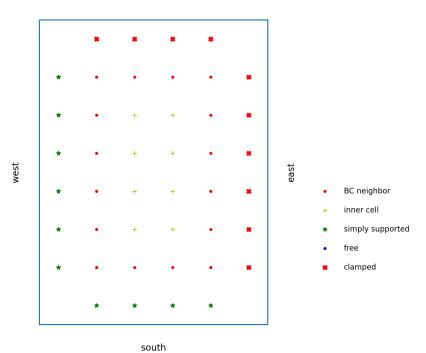


Figure 1: Testing plate

	0	1	2	3	4	5
0	1	1	1	1	1	1
1	1	32	2	2	25	1
2	1	3	0	0	5	1
3	1	3	0	0	5	1
4	1	3	0	0	5	1
5	1	3	0	0	5	1
6	1	34	4	4	45	1
7	1	1	1	1	1	1

Cell number used in the system matrix

Ax matrix (extract) : 32 cells

11	3				-4								6								-4								1				
12	3					-4								6								-4								1			
13	3						-4								6								-4								1		
14								-4								_								-4								1	
15	1	•	•	•	•	•	•			•		•			•		•	•	•	•		•	•	-	•			•	•	•	•		
16		•	•	•	•	•	•					•						•	•	•		•	•	•	•					•	•		
	1	•	•	•	•	٠			•			•				•		•	•	•			٠		•							•	
17	2	•	1	•	•	•	•	•	•	•	-4	•	•	•	•		•	٠	6		•	•	•	•	٠		-4			•		•	
18	0	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	-4	•	•	•	•	•	•	•	6	•	•	•	•	•	•		-4	•	•	•	•	•
19	0	•	•	•	1	•	•	•	•	•		•	-4	•	•	•	•	•	•		6			•	•	•	•		-4	•	•	•	•
20	0					1								-4								6								-4			
21	0						1								-4								6								-4		
22	4							1								-4								6								-4	
23	1																																
24	1				Ī																												
25	2	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•				•	٠.	-4	•					•	•	6						•
26	0			•	•	•	•	•	•	•	_		•				•	•		-4	•				•	•	O	6	•				
		٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	٠	٠	•	•	•	-4		•	•	•	•	•	•	0	•	•	•	•	
27	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	1	•	•	•	•	٠	•		-4	•	•	•	٠	•	٠	•	6	•	•	•	
28	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	1	•	•	•	•	•	•		-4	•	•	•	•	•	•	•	6	•	•	•
29	0	•	•		•	•	•	•	•	•		•	•	•	1	•	•	•	•	•	•		-4	•	•	•	•	•		•	6	•	•
30	4															1								-4								6	
31	1																																
AxW	ma	tri	x (	ext	rac	t)	:	32	cel	ls																							
		0							7		9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
0	1	O	_																														
	_	•	•	•																											•	•	•
1	1	•	•	•	•	•		•	•							•													•	•	•	•	•
2	1	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠
3	1	•			•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•		•	•	•	•
4	1																																
5	1																																
6	1																																
7	1																																
8	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•		•		•	•	•	•	•	•	•	•	
9		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•					•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
10	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	T	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
11	3	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠
12	3	•	•			•	•	•	•	•		•	•	1	•	•	•	•	•		•			•	•	•	•	•		•	•	•	•
13	3														1									•						•	•		
14	34															1																	
15	1																																
16	1																																
17	2									-																							
18	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	-	•	•	•	-	-	-	-	٠	•	•	•	•
19		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	0	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
20	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
21	0	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
22	4	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•			•	•	•		•		•		•	•	•	•
23	1																																
24	1																																
25	2																																
26	0																																
27	0	_	_		_	_			_	_																							
28	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
29	0	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
30	4	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
31	1	٠	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
AxE	ma								cel																								
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
0	1																																

_																																	
2	1	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	٠	•
3	1		•	•						•								•									•					•	•
4	1																																
5	1																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
6	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
7	1																																
8	1																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	32	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
10	3																																
11	3																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
12	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
13	3																																
14	34																																
15	1	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
16	1	•	•	•	•	•	•		•	•			•			•				•		•				•				•			
17	2																																
18	0																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
19	0	•	•	•	•		•		•	•	•		•		•		•	•		•	•	•	•		•	•	•	•		•	•	•	•
20	0																																
21	0																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
22	4	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
23	1																																
24	1	_		_	_	_	_	_	_	_	_	_			-																		
	2	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	-	-	•	•		-	-	•	•	-	•	•	•	-	-	-
25		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
26	0																													•			
27	0																																
28	0																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
29	0	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
30	4																																
31	1																																
۸	m o + ·		( 0:	+		١.	2	2	<u>.11</u>	_																							
Ay	mat:								ell:														•										
Ay	mat:	rix O	(e:	xtra 2	act)	) :	3: 5	2 c	ella 7	s 8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
Ay O	mat:		1		3						9	10				14						20	21			24	25	26	27		29	30	31
0	1		1	2	3	4	5	6			9	10															25	26	27			30	31
0	1		1	2	3	4	5	6			9	10															25	26	27			30	31
0 1 2	1 1 1		1	2	3	4	5	6			9	10															25	26	27			30 .	31 .
0	1		1	2	3	4	5	6			9	10															25	26	27			30	31
0 1 2	1 1 1		1	2	3	4	5	6	7			·			· · ·						· · ·							26				30	31
0 1 2 3 4	1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8		·			· · ·																		31
0 1 2 3 4 5	1 1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8		·			· · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6	1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8		·			· · ·																		31
0 1 2 3 4 5	1 1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8		·			· · ·						· · · · · ·												31
0 1 2 3 4 5 6	1 1 1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8		·			· · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6 7 8	1 1 1 1 1 1 1 1		1	2	3	4	5	6	7	8					· · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	1 1 1 1 1 1 1 1 32		1	2	3	4	5	6	7	8	6				· · ·							·											31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	1 1 1 1 1 1 1 32 3		1	2	3	4	5	6	7	8	6			· · · · · · · · · 1	· · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	1 1 1 1 1 1 1 1 32		1	2	3	4	5	6	7	8	6	-4			· · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3		1	2	3	4	5	6	7	8	6 -4	· · · · · · · · · -4 64		· · · · · · · · · 1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																		31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11	1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3		1	2	3	4	5	6	7	8		· · · · · · · · · -4 -4 1 -			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																	31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3		1	2	3	4	5	6	7	8		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3		1	2	3	4	5	6	7	8		· · · · · · · · · -4 -4 1 -				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1		1	2	3	4	5	6	7	8						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																	31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17	1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·													31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1		1	2	3	4	5	6	7	8						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·													31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18	1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2		1	2	3	4	5	6	7	8										· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·													31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·										31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·										31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20	1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·								31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8														· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·								31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8								· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·								31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0		1	2	3	4	5	6	7	8				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·									31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 25 25 26 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27	1 1 1 1 1 1 1 1 1 32 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0			2	3	4	5	6	7	8								· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·								· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					31
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 3 3 3 3 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0			2	3	4	5	6	7	8														· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				31

28	0	•	•	•	•	•			•	•	•	•		•		•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	1 -		-		1	
29	0																												1 -	-4	6 -	-4	1
30	4																													1 -	-4	6 -	-4
31	1																																
01	_	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
			,					00	٠.																								
Ayı	ı ma								cel																								
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
0	1																																
1	1																																
2	1																																
3	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
4	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
5	1	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•
6	1																						•										
7	1																																
8	1																																
	32										1																						
10	3	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	_	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
11	3	٠	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•
12	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
13	3								•																								
14	34																																
15	1																																
16	1																											_					
17	2		-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
18	0	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	_	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
19	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
20	0	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•
21	0																																
22	4																																
23	1																																
24	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
25	2	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•
26	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
27	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
28	0				•				•	•	•	•								•	•	•	•			•	•		•		•	•	
29	0																																
30	4																																
31	1																																
۸ ۲۲ ۹	l ma	tri.	v (	ovt:	ract	- )		30	cel	1 a																							
лус	, ша	0	1		3				7		0	10	11	10	12	1 /	1 =	16	17	10	10	20	01	22	വാ	24	O.E.	26	27	20	20	20	21
^		U	1	2	3	4	5	O	1	0	9	10	11	12	13	14	13	10	11	10	19	20	21	22	23	24	25	20	21	20	29	30	31
0	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
1	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
2	1	•	•	•	•				•	•	•	•					•			•	•	•	•		•	•		•		•	•	•	
3	1																																
4	1																																
5	1																											_					
6	1																																
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
7	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
8	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
9	32	•	•	•	•				•	•	•	•					•			•	•	•	•		•	•		•		•	•	•	
10	3																																
11	3																																
12	3																																
13	3	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	•	-	•	•	•	•	-	-	•	-	,	,	-	•	-	-	-	•	•	-	•	-	•
		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
14		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
15	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
16	1									•		•								•			•										
17	2																																
18																																	

	0																																
19 20	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
21	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
22	4	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	_	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•
23	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
24	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
25	2	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
26	0	•	•	•	•	•	•	•		•		•			•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•		•		•	•	•	•
27	0		•							•		•													•	•	•			•			
28	0																																
29	0																																
30	4																															1	
31	1																																
rxA	7 ma	tri	x (	ext:	rac	t)	:	32	cel	ls																							
J		0							7		9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
0	1																																
1	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•						•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
2	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
3	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
4	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
_	-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
5	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
6	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
7	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
8	1	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
9	32	1	-2	1	•	•	•	•	•	-2		-2	•		•	•	•	1 -		1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
10	3	•	1	-2	1	•				•	-2	_	-2	•		•			1 -	_	1		•	•			•			•	•	•	
11	3		•	1 .	-2	1				•		-2	4 -	-2						1 -	-2	1			•	•	•			•			
12	3		•		1	-2	1			•			-2	4 -							1 -	-2	1		•	•							
13	3					1	-2	1						-2	4 -	2						1 -	-2	1									
14	34						1	-2	1						-2	4 -	2						1 -	-2	1								
15				_																													
15	1		•	•	•						•	•	•	•	•	•	-																
16	1			•																													
	_		•	•	•						-2	1						· -2	. 4 -	-2						1 -	-2	. 1					
16	1				•					. 1		1 -2	1						4 - -2	_	-2					1 -	_	1 -2	1				
16 17	1 2									1		-2							-2	_	_					1 -	_						
16 17 18 19	1 2 0 0									1		-2	1 -2						-2	4 - -2	4 -	_				1 -	_	-2	-2				
16 17 18 19 20	1 2 0 0										1 .	-2 1 -	1 -2 1	1 -2	1		 		·2 	- 4 - -2 	4 - -2	4 -					1 -	·2 1 -	-2 1 -	-2	1		
16 17 18 19 20 21	1 2 0 0 0										1 .	-2 1 - ·	1 -2 1 -	1 -2	1		  		-2 	- 4 - -2 	4 - -2	- 4 - -2	4 -				1 - ·	-2 1 - ·	-2 1 -	-2 1 -	-2	1	
16 17 18 19 20 21 22	1 2 0 0 0 0 4				•					·	1	-2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 -2	1		. <del>-</del>	-2 · - · ·	-4 - -2 	- 4 - -2 	4 - -2	4 - -2	4 -	-2		1	·2 1 - ·	-2 1 -	-2 1 -	-2 1 -	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23	1 2 0 0 0 0 0 4 1						•				1	-2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	· · · · · 1	 1	· -	-2 	-4 - -2 	-4 - -2 	4 - -2 	4 - -2	4 -	-2 ·		1 -	-2 1 -	-2 1 · ·	-2 1 -	-2 1 -	-2 ·	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24	1 2 0 0 0 0 4 1								· ·		1	-2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	· · · · · 1 · · ·	1		-2 · · · ·	4 - -2 	-4 -2 	4 - -2 	4 - -2 ·	4 -	-2 ·		1 -	-2 1 - · ·	-2 1 · · ·	-2 1 -	-2 1 - ·	-2 ·	1 .
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2									· · · · · · ·	1	-2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 2	1		-2 	4 - -2 	-4 -2 	4 - -2 	4 - -2 ·	4 -	-2 · ·		1 4 -	·2 1 - · · ·	-2 1 -	-2 1 -	-2 1 - ·	-2 · ·	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2										1	-2 1 -		1 -2 1 -	1 -2 1 -	1 -2			-2 -2 1	4 - -2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	4 - -2 · · · · · · · · · 1	-4 -2	4 - -2	4 -	-2 · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 4 -	-2 1 - · · · · -2 4 -	-2 1 -	-2 1 -	-2 1 - ·	-2 ·	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0										1	-2 1 -	1 -2 1 -	1 -2 1 -					-2	42 1 - 1 -	-42	4 - -2 · · · · · · · · · 1	42 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	4 -	-2 	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 4 -	-2 1 - · · · · · 2 4 -	-2 1 · · · · · -2 4 ·	-2 1 -	-2 1 - · ·	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0										1	-2 1 -							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	4 - -2 	-42 1 1	-42	4 - -2	4 -	-2 	-2	1 42 .	-2 1 - · · · -2 4 -	-2 1 · · · · -2 4 ·	-2 1 -	-2 1 -	-2 · · ·	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0										1	-2 1 -	. 1 1-2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·						-2	42	-42	-42	4 - -2	4	-2		1 42	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 -	-2 1 -	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0										1	-2 1 -							-2	-42	-42	- 4	42	4	-2		1	-2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 -	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0										1	-2 1 -							-2	-42	-42	- 4	42	4	-2		1	-2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 -	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1										1	-2 1 -							-2	-42	-42	- 4	42	4	-2		1	-2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 -	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0											-2 1 -							-2	-42	-42	42	42	4	-2		1	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					4					1	-2 1 -							-2 	4 2	-42	42	42	4	-2		1	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					1	-2 1 -							-2	-42	-4	4 2	42	4 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2		1	-2 1 - · · · -2 4 - -2 · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					9	-2 1 -							-2	-42	-42	4 2	42	4	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					1	-2 1 -							-2	-42	-42	4 2	42	4	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					9	-2 1 -							-2	-42	-42	4 2	4 - 2	4	-2		1	· 2	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2 1 - -2 4 - -2	-2 -2 4 -	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 0 4 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3225			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	9	-2 1 -							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-42	-42	4 - 4 - 2	4 - 2	4	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - 	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1										9	-2 1 -							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-42	-42	-4	4 - 2	4	-2		1	·2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · -2 4 · -2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1						322 5 			8	9	-2 1 - 							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-42	-42	-42	42	4	-2		1	2 1 - 	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	322 5 			8	9	-2 1 - 							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-42	-42	-42	42	4	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · -2 4 · -2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3225 3425 35 35 3425 3425 3425 3425 3425			8	9	-2 1 - 							·2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-42	-42	-42	4 2	4	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1 - 1 - 2 - 2	2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · · -2 4 · -2 · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - -2 4 - -2	-2	1
16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 B n 0 1 2 3 4 5 6 7 8	1 2 0 0 0 0 4 1 1 2 0 0 0 0 4 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		(ext	tra-			322 5 				9	-2 1 - 		1 -2 1 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 -2 1 -		15		-2	-42	-42	-42	42	4 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	2 1	-2 1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 · · · · · · -2 4 · -2 · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-2 1 - 	-2	1

.0	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
1	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
2	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
3	3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	٠		•	•	•	٠	•		•	•	•	•	•
	34	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•		•		•		•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
	1			•		•	•	•					•				1				•		•			•	•			•			
	1																•	1															
	2																																
	0																																
	0																																
	0																																
	0																																
	4																																
	1																								1								
	1											Ī							Ī						_	1							Ī
	2	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	-	-	-			-	•	•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	•	•	•	•	•
	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	-	-	-		•	-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	-	-	-		-	-		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	-	-		•	-		•	•		•	-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠
	0	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	٠	-	-	-		•	-		•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	•	•	•	•
	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	-	-	-		•	-		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	4	•	•	٠	•	٠	•	•	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
,							, .				00	,																					
S.	Mat	•	tem											40			4 -			40			0.4	00	00	0.4	0.5	0.0	07		00	20	
	4	1	1		3								) 11			3 14										24	25	26	21	28	29	30	3
	1	1		•	•	•	•	•	•	•	•		•		•				٠			•			•	•	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•					•	•	•	•	•	•	•		•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	1	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	٠	1	٠	•	•	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	٠	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
	1	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	٠		•	•	•	٠	•		•	•	•	•	•
	1	•	•	•	•	•	•	•	•	1	•	•			•		•		•		•	•	•		•	•	•	•	•		•	•	•
	32	2	-8	2			•			-8	19	-8	1					2	-8	2	•		•			•	1						
	3		2 ·	-8	2					1	-8	19	-8	1			•		2	-8	2							1					
	3			2	-8	2					1	-8	19	-8	1					2	-8	2							1				
	3				2	-8	2					1	-8	19	-8	1					2	-8	2							1			
	3					2	-8	2					1	-8	19	-8	1					2	-8	2							1		
	34						2	-8	2					1	-8	19	-8						2	-8	2							1	
	1																1																
	1																	1															
	2		1							2	-8	2						-8	20	-8	1					2	-8	2					
	0			1																		1					2	-8	2				
																												2		2			
	0																															•	
																2																-	-
		•														-8																	
		•																															
	1	•														•														•	•	•	•
		•														٠														•	•	•	•
	2	•														•															•	•	
	0	•																													•	-	•
	0	•																															•
		•																															
	0																																
	4															1							2	-8	2					1	-8 :	20	-8

## 4 Python script code

### 4.1 Import modules

```
import os # for py2pdf
import subprocess # for py2pdf with bash with alias
import libpy2pdf as p2p
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
```

#### 4.2 Functions

```
def bound(B): # return the mark style of the edge points according to the BC
    bstyle = ['g*', 'g*', 'g*', 'g*'] # by default all the edges are simply supported
   for ii in range (0, 4):
        if B[ii] == 'C': # clamped edge
           bstyle[ii] = 'rX'
        if B[ii] == 'F': # free edge
            bstyle[ii] = 'b.'
   return bstyle
def boundcoeff(B): # return the value of the stencil AxD according to the BC
    bcoeff = [-1, -1, -1, -1] # by default all the edges are simply supported
    for ii in range (0, 4):
        if B[ii] == 'C': # clamped edge
            bcoeff[ii] = 1
        if B[ii] == 'F': # free edge
           bcoeff[ii] = 0
    return bcoeff
def plot_plate(n1, n2, bstyle, btext, file2save): # plot the plate
   m = 0.5
    fig = plt.figure(figsize=(15, 8)) # create the figure
   plt.plot([-m,-m, n1-m, n1-m, -m], [-m, n2-m, n2-m, -m, -m]) # plate limit
    for i in range(1, n1-1):
        plt.plot(i, 0, bstyle[2])
        plt.plot(i, n2-1, bstyle[0])
    for j in range(1, n2-1):
       plt.plot(0, j, bstyle[1])
       plt.plot(n1-1, j, bstyle[3])
    for i in range(2, n1-2): # inner cells
        for j in range(2, n2-2):
           plt.plot(i, j, '+', color='y')
    for i in range(1, n1-1):
        plt.plot(i, 1, '.',color='r')
        plt.plot(i, n2-2, '.',color='r')
    for j in range(1, n2-1):
       plt.plot(1, j, '.',color='r')
        plt.plot(n1-2, j, '.',color='r')
   plt.text(0.5*(n1-1), n2, btext[0], ha='center', va = 'bottom', size='large')
   plt.text(-1, 0.5*(n2-1), btext[1], rotation='vertical', va = 'center', ha = 'right', size='large')
    plt.text(0.5*(n1-1), -1, btext[2], ha = 'center', va = 'top', size='large')
   plt.text(n1, 0.5*(n2-1), btext[3], rotation='vertical', va = 'center', ha = 'left', size='large')
   plt.plot(n1+1, 1, 'rX'); plt.text(n1+1.5, 1, "clamped", va = 'center')
   plt.plot(n1+1, 1.5, 'b.'); plt.text(n1+1.5, 1.5, "free", va = 'center')
   plt.plot(n1+1, 2, 'g*'); plt.text(n1+1.5, 2, "simply supported", va = 'center')
   plt.plot(n1+1, 2.5, 'y+'); plt.text(n1+1.5, 2.5, "inner cell", va = 'center')
   plt.plot(n1+1, 3, 'r.'); plt.text(n1+1.5, 3, "BC neighbor", va = 'center')
```

```
plt.axis('equal')
   plt.axis('off')
    fig.savefig(file2save, bbox_inches="tight", dpi = 200) # this is the key line to store the matplot1
    # plt.title('DML FDM : the plat', fontsize=18) # title
    plt.show()
def fillcelltype(mat):
    mat[0,:] = 1
    mat[-1,:] = 1
    mat[:,0] = 1
   mat[:,-1] = 1
   mat[1,1] = 32
   mat[1,-2] = 25
   mat[-2,1] = 34
   mat[-2,-2] = 45
   mat[1,2:-2] = 2 \# North
   mat[-2,2:-2] = 4 \#South
    mat[2:-2,1] = 3 \# West
    mat[2:-2,-2] = 5 \# East
    return mat
def index(kk,jj,n):
    ii = kk + n*jj
    return ii
def fillAxy(mat, kk, jj, n):
    mat[index(kk,jj,n),index(kk,jj,n)] = 4
    return mat
def printmat(tofile, mat, ni, nj, nozero):
    spacing = 3
    a = spacing*" "+" "
    for ii in range(ni):
        b = str(ii) + (spacing - len(str(ii)))*" "
        a = a + b
    p2p.print_twice(tofile, a)
    for jj in range(nj):
        aa = str(jj)
        if jj < 10:
            aa = " " + aa
        11 = len(aa)
        a = aa + (spacing - 11)*""
        for ii in range(ni):
            cc = int(mat[jj,ii])
            if cc == 0 and nozero == True:
                bb = "."
            else:
                bb = str(cc)
            if cc \ge 0 and cc < 10:
                bb = " + bb
            b = bb + (spacing - len(bb))*""
            a = a + b
        p2p.print_twice(tofile, a)
    return
def printmat2(tofile, mat, ni, nj, nozero, rowmat):
    spacing = 3
    a = 2*spacing*" "+" "
    nx = rowmat.shape[1]
    ny = rowmat.shape[0]
    #print("nx",nx,"ny",ny)
```

```
for ii in range(ni):
        b = str(ii) + (spacing - len(str(ii)))*" "
        a = a + b
    p2p.print_twice(tofile, a)
    for jj in range(nj):
        aa = str(jj)
        if jj < 10:
           aa = " " + aa
        11 = len(aa)
        a = aa + (spacing - 11)*""
        kk = jj//ny
        rowtype = int(rowmat[jj - ny*kk, kk])
        aa = str(rowtype)
        if rowtype < 10:</pre>
            aa = " " + aa
        11 = len(aa)
        a = a + aa + (spacing - 11)*""
        for ii in range(ni):
            cc = int(mat[jj,ii])
            if cc == 0 and nozero == True:
                bb = "."
            else:
                bb = str(cc)
            if cc \ge 0 and cc < 10:
                bb = " " + bb
            b = bb + (spacing - len(bb))*""
            a = a + b
        p2p.print_twice(tofile, a)
    return
4.3 Prepare py2pdf
# lines to be included for py2pdf export
scriptname = os.path.basename(__file__).split('.')[0] # get this script file name without extension
py2pdfdir = p2p.newoutputdir(scriptname)
logfile = py2pdfdir + "/DML_FDM3.txt" # define the logfile
p2p.clearlog(logfile) # clear the logfile (in case script is ran several times)
    Parameters
4.4
# Dimensions (in m otherwise mentionned)
Lxmm = 300; Lymm= 400 # use locally mm to avoid rounding problems
h = 0.02 # plate thickness
\# Boundary conditions C = clamped, SS = simply supported, F = free (F not available for now)
Direction = ['north', 'west', 'south', 'east']
Bound_cond = ['C', 'SS', 'SS', 'C'] # North, West, South, East
BC = boundcoeff(Bound_cond)
plotboundcond =['','','','']
for i in range(4):
    plotboundcond[i] = Bound_cond[i] + " [" + Direction[i] + "]"
# Material
Ex = 60e6; Ey = 60e6 \# Young modulus x and y direction in Pa
rho = 25. # density in kq/m^3
nu = 0.3 # Poisson ration
# Mesh
dxmm = 50; dymm = dxmm
Nx = Lxmm//dxmm; Ny = Lymm//dymm
Lx = Lxmm/1000; Ly = Lymm/1000
```

```
dx = dxmm/1000; dy = dymm/1000
# Summary
p2p.print_twice(logfile, "The plate is Lx=", Lx,"m by Ly=", Ly, "m")
p2p.print_twice(logfile, "The mesh is Nx=", Nx-1,"cells by Ny=", Ny-1, "cells")
p2p.print_twice(logfile, "Boundary conditions", plotboundcond)
# Show the plate
boundline = bound(Bound_cond) # set the line style for plotting
plot_plate(Nx, Ny, boundline, Direction, py2pdfdir + "/plate.png") # show the mesh
4.5
     System matrix filling process
# Fill the cell type matrix (inner, boundary...)
celltype = np.zeros([Ny, Nx])
celltype = fillcelltype(celltype)
# Fill the system matrix components
Jxrange = range(0,Nx); Kyrange = range(0, Ny)
Imat = np.zeros([Ny,Nx]) # for test
Ax = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # x direction
AxW = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # x direction for clamped or simply supported
AxE = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # x direction for clamped or simply supported
Axy = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # xy direction
Ay = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # y direction
AyN = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # y direction for clamped or simply supported
AyS = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # y direction for clamped or simply supported
B = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # Boundaries
SysMat = np.zeros([Ny*Nx,Ny*Nx]) # System Matrix
for j in Jxrange:
    for k in Kyrange:
        i = k + Ny*j
        Imat[k,j]=i
        cell = celltype[k,j]
        if cell!=1:
            Axy[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 4
            Axy[index(k,j,Ny),index(k-1,j-1,Ny)] = 1
            Axy[index(k,j,Ny),index(k+1,j+1,Ny)] = 1
            Axy[index(k,j,Ny),index(k-1,j+1,Ny)] = 1
            Axy[index(k,j,Ny),index(k+1,j-1,Ny)] = 1
            Axy[index(k,j,Ny),index(k+1,j,Ny)] = -2
            Axy[index(k,j,Ny),index(k-1,j,Ny)] = -2
            Axy[index(k,j,Ny),index(k,j+1,Ny)] = -2
            Axy[index(k,j,Ny),index(k,j-1,Ny)] = -2
        if cell==0:
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-2,Ny)] = 1
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+2,Ny)] = 1
            Ay[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-2,j,Ny)] = 1
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+2,j,Ny)] = 1
        if cell==2 or cell==4:
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+1,Ny)] = -4
```

```
Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-2,Ny)] = 1
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+2,Ny)] = 1
        if cell==3 or cell==5:
            Ay[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-2,j,Ny)] = 1
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+2,j,Ny)] = 1
        if cell==3 or cell==32 or cell==34: \#West
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+1,Ny)] = -4
            AxW[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 1
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+2,Ny)] = 1
        if cell==5 or cell==25 or cell==45: \#East
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j+1,Ny)] = -4
            Ax[index(k,j,Ny),index(k,j-2,Ny)] = 1
            AxE[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 1
        if cell==2 or cell==32 or cell==25: #North
            Ay[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+1,j,Ny)] = -4
            AyN[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 1
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+2,j,Ny)] = 1
        if cell==4 or cell==34 or cell==45: #South
            Ay[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 6
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-1,j,Ny)] = -4
            Ay[index(k,j,Ny),index(k+1,j,Ny)] = -4
            AyS[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 1
            Ay[index(k,j,Ny),index(k-2,j,Ny)] = 1
        if cell==1:
            B[index(k,j,Ny),index(k,j,Ny)] = 1
SysMat = Ax + BC[0]*AyN + BC[1]*AxW + BC[2]*AyN + BC[3]*AxE + Ay + 2*Axy + B
```

### 4.6 Script output printing

```
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "Cell types")
p2p.print_twice(logfile, "0 : inner cells")
p2p.print_twice(logfile, "1 : boundary cells")
p2p.print_twice(logfile, "2 to 5 : boundary neighbor")
p2p.print_twice(logfile, "25, 32, 34, 45 : corners of the boundary neighbor")
no0 = False
printmat(logfile, celltype, Nx, Ny, no0)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "Cell number used in the system matrix")
printmat(logfile, Imat, Nx, Ny, no0)
N = 32 \# number of elements to print
no0 = True
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "Ax matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, Ax, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "AxW matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, AxW, N, N, no0, celltype)
```

```
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "AxE matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, AxE, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "Ay matrix (extract) : ", N, "cells") printmat2(logfile, Ay, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "AyN matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, AyN, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "AyS matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, AyS, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "Axy matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, Axy, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "B matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, B, N, N, no0, celltype)
p2p.print_twice(logfile, "")
p2p.print_twice(logfile, "SysMat sytem matrix (extract) : ", N, "cells")
printmat2(logfile, SysMat, N, N, no0, celltype)
4.7
    py2pdf
print("start py2pdf")
```

```
cmd = "py2pdf " + scriptname # alias
subprocess.call(['/bin/bash', '-i', '-c', cmd]) # to launch the bash file (alias)
```