## 4. Усилительные схемы, выполненные на основе микросхем операционных усилителей (ОУ)

## Введение

При расчете усилителей на микросхемах ОУ целесообразно использовать известные при расчете линейных электрических цепей метод наложений (суперпозиции) и принцип "мнимой земли".

Принцип "мнимой земли" состоит в следующем. Положим, что ОУ идеален и его коэффициент усиления равен бесконечности. При этом, если ОУ охвачен отрицательной обратной связью и работает в линейном режиме, напряжение между его входами будет равно нулю. Действительно в схеме инвертирующего усилителя на ОУ (рис. 4.1) выполняются следующие соотношения:

$$-E_2 < U_{\text{BMX}} < E_1$$
,

где  $U_{\text{вых}}$  - напряжение на выходе ОУ, работающего в линейном режиме,  $E=E_1=E_2$  - напряжение питания.

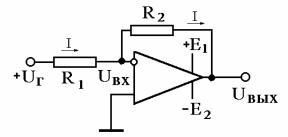


Рис. 4.1. Схема инвертирующего усилителя на ОУ.

По определению  $U_{\rm BbX}\!\!=\!\!KU_{\rm BX}$ , где K - коэффициент усиления ОУ. Отсюда при  $K\!\!=\!\!\infty$  и т.к.  $U_{\rm BbIX}$  конечно,  $U_{\rm BX}\!\!=\!\!0$ . Поскольку напряжение на инвертирующем входе равно нулю, в названии принципа используется слово "земля". Но "земля" эта "мнимая" (виртуальная), т.к. ток от источника  $U_{\rm \Gamma}$ , подключенного к инвертирующему входу ОУ через сопротивление  $R_{\rm I_1}$  в эту "мнимую землю" не течет, поскольку для идеального ОУ  $R_{\rm BX}\!\!=\!\!\infty$ , а течет по резистивной цепи обратной связи. В итоге получаем:

$$I = \frac{U_\Gamma}{R_{\rm l}} = -\frac{U_{\rm BMX}}{R_{\rm 2}} \;\; {\rm или} \;\; U_{\rm BMX} = -\frac{R_{\rm 2}}{R_{\rm l}} U_\Gamma \; . \label{eq:local_local_local_local}$$

**Задача 4.1.** Рассчитать напряжение на выходе усилителя-сумматора, приведенного на рис. 4.2, полагая, что ОУ идеален. Значения элементов схемы следующие:  $R_1$ = $R_2$ = $R_5$ =5кОм,  $R_3$ = $R_4$ =10кОм, а  $U_{\Gamma 1}$ =+1B,  $U_{\Gamma 2}$ =-2B,  $U_{\Gamma 3}$ =-3B.

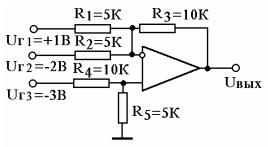


Рис. 4.2. Схема усилителя-сумматора.

Решение: 1. При расчете воспользуемся методом наложений. Полагаем, что  $U_{\rm F2}$ = $U_{\rm F3}$ =0. При этом получим схему, представленную на рис. 4.3,а. Поскольку для идеального ОУ входные токи равны нулю, по сопротивлениям, находящимся между общей шиной и неинвертирующим входом, ток протекать не будет. При этом можно считать, что неинвертирующий вход заземлен. Исходя из принципа "мнимой земли", ток по сопротивлению  $R_2$ , присоединенному между инвертирующим входом и землей, не течет, т.к. в противном случае  $U_{\rm BX}$ >0 и  $U_{\rm BЫX}$ = $KU_{\rm BX}$ =-∞, что невозможно. Отсюда получаем окончательно упрощенную схему для расчета (рис. 4.3,6).

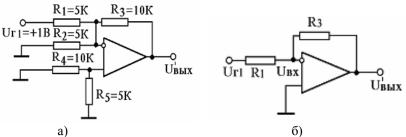


Рис. 4.3. Упрощенные схемы усилителя-сумматора для случая  $U_{\Gamma 2}=U_{\Gamma 3}=0$ .

Отсюда 
$$U'_{
m BMX} = -U_{\Gamma 1} \frac{R_3}{R_1} = -2{
m B} \,.$$

2. Аналогично можно провести расчет для случая  $U_{\Gamma 1}=U_{\Gamma 3}=0$ :

$$U''_{
m BbIX} = -U_{\Gamma 2} \, rac{R_3}{R_2} = 4 {
m B} \; .$$

- 3. Для расчета выходного напряжения от источника  $U_{\Gamma 3}$ , воспользуемся упрощенной схемой, приведенной на рис. 4.4,а.
  - 3.1. Определим напряжение  $U_{0}$ :  $U_{0} = U_{\Gamma 3} \frac{R_{5}}{R_{4} + R_{5}} = -1 \mathrm{B}$  .

Учитывая, что сопротивления  $R_1$  и  $R_2$  включены параллельно, получаем эквивалентную схему для расчета представленную на рис. 4.4,6. В данной схеме учтено, что  $R_{12}=\frac{R_1R_2}{R_1+R_2}$ .

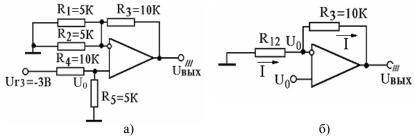


Рис. 4.4 Упрощенные схемы для расчета усилителя-сумматора для случая  $U_{\Gamma 1} = U_{\Gamma 2} = 0$ .

3.2. На основании принципа "мнимой земли" напряжение на инвертирующем входе равно напряжению на неинвертирующем входе, т.к напряжение между входами ОУ равно нулю. Отсюда можно поучить формулу для тока, протекающего по цепи обратной связи:

$$I\!\!=\!\frac{U_{\rm BbIX}'''}{R_3+R_{12}}=\frac{U_0}{R_{12}}\;\;\text{или}\;\;U_{\rm BbIX}'''=U_0\!\!\left(1\!+\!\frac{R_3}{R_{12}}\right)\!=5U_0=-5{\rm B}\;.$$

4. Суммируя все полученные выходные напряжения, получаем результирующее выходное напряжение на выходе усилителя от воздействия всех источников напряжения:

$$U_{\text{BMX}} = U'_{\text{BMX}} + U''_{\text{BMX}} + U'''_{\text{BMX}} = -2B + 4B - 5B = -3B$$
.

**Задача 4.2.** Рассчитать ток в сопротивлении  $R_2$  в схеме преобразователя напряжения в ток, приведенной на рис. 4.5. Определить условия, при которых ток не зависит от величины сопротивления  $R_2$ . При расчете учесть, что  $R_1$ =1 кОм,  $R_2$ =2 кОм,  $U_1$ =+1 В.

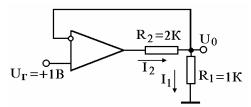


Рис. 4.5. Схема преобразователя напряжения в ток, выполненная на ОУ.

Peшение. 1. Из принципа "мнимой земли" разность потенциалов между входами ОУ равна нулю. Отсюда  $U_0$ = $U_\Gamma$ .

2. По сопротивлению  $R_1$  протекает ток  $I_1$ :

$$I_1 = \frac{U_0}{R_1} = \frac{U_\Gamma}{R_1} = 1 \text{ MA} .$$

- 3. Поскольку ОУ идеален и его входные токи равны нулю, ток  $I_1$  протекает по сопротивлению  $R_2$  и при небольших значениях  $R_2$  от него не зависит, т. е.  $I_2$ = $I_1$ =1 мА.
- 4. Для определения ограничений тока  $I_2$  найдем значения напряжения на выходе ОУ:  $U_{\rm BbIX} = I_1(R_1 + R_2)$ .
- 5. Положим, что напряжение питания ОУ равно  $\pm 15$  В и -15 В, а также, что максимальное выходное напряжение ОУ равно  $\pm 12$  В . Отсюда получаем максимальное значение сопротивления  $R_2$ , при котором ток  $I_2$  не зависит от  $R_2$ :

$$R_{2\,\mathrm{MAKC}} = \frac{U_{\mathrm{BbIX,MAKC}} - IR_{\mathrm{l}}}{I} \approx 11\,\mathrm{кOm}.$$

Таким образом, ток в сопротивлении  $R_2$  не зависит от его величины, пока выполняется следующее условие  $0 < R_2 < 11$  кОм.

**Задача 4.3**. Рассчитать коэффициент передачи инвертирующего усилителя, полагая, что ОУ идеален (схема приведена на рис.4.6).

*Решение*. 1. ОУ охвачен отрицательной обратной связью, поэтому можно использовать принцип "мнимой земли".

Отсюда 
$$I_1=\frac{U_\Gamma}{R_1}$$
 ,  $I_1=I_4$  ,  $U_0=-I_1R_4=-U_\Gamma\,\frac{R_4}{R_1}$  ,  $I_2=\frac{U_0}{R_2}=-U_\Gamma\,\frac{R_4}{R_2R_1}$  .

2. Ток  $I_3$  является суммой токов  $I_1$  и  $I_2$  и равен:

$$I_{3} = \frac{U_{\Gamma}}{R_{1}} + U_{\Gamma} \frac{R_{4}}{R_{2}R_{1}} = \frac{U_{\Gamma}}{R_{1}} \left( 1 + \frac{R_{4}}{R_{2}} \right).$$

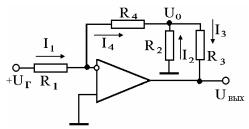


Рис. 4.6. Схема инвертирующего усилителя.

3. Учитывая это, можно выразить  $U_{\text{вых}}$ :

$$U_{\rm BbIX} = -U_0 - I_3 R_3 = -\frac{U_\Gamma}{R_1} \Big( R_4 + R_3 \Bigg) \bigg( 1 + \frac{R_4 R_3}{\big( R_4 + R_3 \big) R_2} \bigg).$$

4. Отсюда коэффициент передачи инвертирующего усилителя равен:

$$K = \frac{U_{\rm BbIX}}{U_{\Gamma}} = -\frac{\left(R_4 + R_3\right)}{R_1} \left(1 + \frac{R_4 R_3}{\left(R_4 + R_3\right) R_2}\right).$$

Замечание: Данная схема используется в случае, если сопротивление  $R_2$  в простейшей схеме усилителя-инвертора на ОУ получается чрезмерно большой величины, что может привести к большим погрешностям из-за входных токов ОУ, шума резистора  $R_2$  и влияния шумовых токов ОУ.

**Задача 4.4.** Найти коэффициент усиления  $K(j\omega)$  схемы, приведённой на рис. 4.7, при подаче на вход синусоидального напряжения.

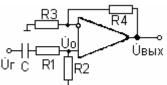


Рис. 4.7. Схема неинвертирующего усилителя переменного тока

Решение. 1. Определим передачу входного напряжения на неинвертирующий вход ОУ. Поскольку ОУ идеален, в данном случае требуется рассчитать коэффициент передачи пассивной цепи, состоящей из резисторов  $R_1$ ,  $R_2$  и конденсатора C. Используя материал раздела «Пассивные RC-цепи», получаем:

$$\dot{U}_{0} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2} + \frac{1}{j\omega C}} \dot{U}_{\Gamma} = \frac{j\omega C R_{2}}{1 + j\omega C (R_{1} + R_{2})} \dot{U}_{\Gamma}.$$

Учитывая, что напряжение  $U_0$  усиливается неинвертирующим усилителем в  $\left(1+\frac{R_4}{R_3}\right)$  раз, получаем:

$$K(j\omega) = \frac{\dot{U}_{\text{BbIX}}}{\dot{U}_{\Gamma}} = \left(1 + \frac{R_4}{R_3}\right) \frac{j\omega CR_2}{1 + j\omega C(R_1 + R_2)}.$$

## Контрольные вопросы

- 1. В чем заключается метод наложений?
- 2. Для каких электрических цепей справедлив этот метод?
- 3. Чем ограничено напряжение на выходе ОУ?
- 4. Что такое идеальный ОУ?
- 5. В чем заключается принцип "мнимой земли"?
- Какие ограничения использования принципа "мнимой земли" Вам известны?
- 7. Какие усилительные каскады используют на входе интегральных OV?
  - 8. Какие усилительные каскады используют на выходе ОУ?
  - 9. Почему для питания ОУ используют напряжение двух полярностей?
- 10. Какое напряжение будет на выходе ОУ без обратной связи, если на инвертирующий вход подать напряжение +1B, а неинвертирующий вход заземлить?
- 11. Какое напряжение будет на выходе ОУ без обратной связи, если на инвертирующий вход подать напряжение -1B, а на неинвертирующий вход подать напряжение -2B?
  - 12. В чем отличие реального ОУ от идеального?
- 13. Какой вид будет иметь АЧХ усилителя, выполненного на идеальном ОУ?
- 14. Какое напряжение будет на выходе ОУ, если включить питание, а оба входа ОУ заземлить?
- 15. Какими должны быть входные и выходные сопротивления у идеального ОУ?
  - 16. Что такое напряжение смещения?
  - 17. Почему входные токи в микросхемах ОУ не равны?

Для ответа на вопросы, воспользуйтесь литературой, рекомендованной в конце учебного пособия [1-7, 10, 11].