

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра Математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №3**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Бинарные деревья и лес**

Студент гр. 9382

Сорокумов С. В.

Преподаватель

Фирсов М. А.

Санкт-Петербург

2020

### **Цель работы.**

Ознакомиться с принципами получения естественного представления леса бинарным деревом, с принципами работы векторной реализации очереди для прохода леса в ширину, векторной реализации хранения леса и бинарного дерева в памяти, а также с принципами построения леса и бинарного дерева.

### **Постановка задачи.**

#### **Вариант 7д.**

Для заданного леса с произвольным типом элементов:

- получить естественное представление леса бинарным деревом;
- вывести изображение леса и бинарного дерева;
- перечислить элементы леса в горизонтальном порядке (в ширину).

### **Основные теоретические положения.**

Дерево – конечное множество  $T$ , состоящее из одного или более узлов, таких, что

а) имеется один специально обозначенный узел, называемый корнем данного дерева;

б) остальные узлы (исключая корень) содержатся в  $m$  0 попарно не пересекающихся множествах  $T_1, T_2, \dots, T_m$ , каждое из которых, в свою очередь, является деревом. Деревья  $T_1, T_2, \dots, T_m$  называются поддеревьями данного дерева.

При программировании и разработке вычислительных алгоритмов удобно использовать именно такое рекурсивное определение, поскольку рекурсивность является естественной характеристикой этой структуры данных.

Бинарное дерево - конечное множество узлов, которое либо пусто, либо состоит из корня и двух непересекающихся бинарных деревьев, называемых правым поддеревом и левым поддеревом.

### **Описание алгоритма.**

Сначала предлагается использовать по умолчанию строку из файла, если программе аргументом при запуске передаётся путь до файла, в ином случае происходит чтение из консоли. Если был выбран вариант с файлом то, проходит проверка на открытие файла для чтения. В ином случае происходит запись в строку из консоли. После этого вызывается функция, в которой происходит чтение и запись выражения рекурсивно, если текущий элемент строки «буква». Алгоритм записи работает таким образом, что если текущий элемент является «(», то программа заносит следующий элемент из строки в лес на текущий уровень, в ином случае переходит на уровень ниже. Далее вызывается рекурсивная функция печати леса поэлементно, где выводит элементы с выравниванием относительно глубины рекурсии и проверяет есть ли дочерние элементы, если такие имеются, то программа рекурсивно вызывается на уровень глубже, которая выводит изображение в консоль. После чего выводится изображение бинарного дерева, после преобразования леса. Данный алгоритм работает по аналогии с выводом леса, но одновременно проверяет, если не существует элемента, то выводит символ «^». Далее создаем очередь, из элементов леса, с помощью которого будет выводиться лес в ширину. После чего вызывается функция, которая с обрабатывая данную очередь, выводит элементы леса в ширину.

### **Описание функций.**

- `bool askEnterBracket()` – ф-ия, проводящая запрос на самостоятельное задание выражения. Возвращает `true` при вводе пользователя 'у' или `false` при 'н'.
- `void error(char **ptr)` – ф-ия, выводящая выражение и знак <X> в месте ошибки, т. е. куда указывает указатель на текущий символ выражения `ptr`. Завершает программу.

- `Int readFrt(Forest<char> *ptr, int &index, char **str)` - ф-ия получает на

вход указатель на текущий элемент массива `forets[20]`, в котором предполагается хранение леса, `ptr`, индекс текущего элемента `ptr index` и указатель на текущее расположение в выражении `str`. Проходит по строке `str`, попутно синтаксически проверяя ее на правильность и записывая данные леса в `ptr`. Также на консоль выводятся промежуточные данные. Возвращает текущий `index`.

- `int printForest(Forest<char> *ptr, int index, int deep)` - ф-ия получает на

вход указатель на текущий элемент массива `forets[20]`, в котором хранится лес, `ptr`, индекс текущего элемента `ptr index` и количество совершаемых отступов при выведении элементов леса. Выводит изображение полученного леса. Возвращает число `returnPoints`, содержащее количество элементов массива, на которое `index` должен сдвинуться.

- `void printBT(Forest<char> *ptr, int index, int deep)` - ф-ия получает на

вход указатель на текущий элемент массива `forets[20]`, в котором хранится лес, `ptr`, индекс текущего элемента `ptr index` и количество совершаемых отступов при выведении элементов леса. Выводит изображение полученного бинарного дерева

- `void ForestForWidth(Forest<char> *ptr, Queue *queue, int deep)` - ф-ия

получает на вход указатель на текущий элемент массива `forets[20]`, в котором хранится лес, `ptr`, указатель на очередь `queue`, индекс текущего элемента `ptr index`. Проводится проход по лесу и одновременный вывод элементов леса в горизонтальном порядке.

### **Описание структур.**

```
template <typename T> class Forest {
public:
```

```

T root;
int sonFrt;
int broFrt;

Forest() { sonFrt = -1; broFrt = -1; }
int son() { return sonFrt; }
int bro() { return broFrt; }
T rt() { return root; }
void enterRt(T x) { root = x; }
};

```

T root – произвольный тип данных, содержащий корень элемента.

int sonFrt – индекс элемента, приходящегося «сыном» текущему элементу.

int broFrt – индекс элемента, приходящегося «братом» текущему элементу.

Forest() { sonFrt = -1; broFrt = -1; } – конструктор, приравнивающий индексы sonFrt и broFrt к -1.

int son() { return sonFrt; } – функция, возвращающая индекс «сына» sonFrt.

int bro() { return broFrt; } – функция, возвращающая индекс «брата» broFrt.

T rt() { return root; } – функция, возвращающая корень элемента root.

void enterRt(T x) { root = x; } – функция, получающая на вход произвольный тип x и помещающая его в корень root.

```

class Queue {
    Forest<char> element[20];
    int first;
    int last;
public:
    Queue() { first = 0; last = 0; }
    bool isNull() {
        if (first == last) return 1;
        return 0;
    }
    void push(Forest<char> x) { element[last++] = x; }
    Forest<char> pop() { return element[first++]; }
    char topRt() { return element[first].root; }
};

```

Forest<char> element[20] – 20 элементов очереди.

int first – индекс, элемент которого является первым в очереди.

int last – индекс, элемент которого является последним в очереди.

```
bool isNull() {
```

```
if (first == last) return 1;
```

```
return 0;
```

} – функция, выводящая 1, если очередь пуста, иначе – 0.

push(Forest<char> x) { element[last++] = x; } – функция, получающая элемент массива и добавляющая его в конец очереди.

Forest<char> pop() { return element[first++]; } – функция, возвращающая первый элемент очереди и удаляющая его из нее.

char topRt() { return element[first].root; } – функция, возвращающая первый элемент очереди.

### Тестирование.

Таблица 1 – Результаты тестирования

№ п/п	Входные данные	Выходные данные
1	(A)	Enumeration of forest elements in horizontal order A
2	(A(B))	Enumeration of forest elements in horizontal order A B
3	(A(B)(C))(D)(E(F(G)))	Enumeration of forest elements in horizontal order A D E B C F G
4	(A-)	ERROR (A<X>-)
5	(A(B)(C)(D))	Enumeration of forest elements in horizontal order A B C D

6	(A)(B(C))(D(E(F(G)(H))))	Enumeration of forest elements in horizontal order A B D C E F G H
7	(A(B)(C)(D))(E)(F(G(H))( I(J) (K)))	Enumeration of forest elements in horizontal order A E F B C D G I H J K

```

Forest: (A(B))

Reading of forest:
Entrance to function tree (A(B))
    Push A in 0
        Entrance to Son (B))
        -----
        Entrance to function tree (B))
            Push B in 1
        Exit from function tree ))
            Son from A is B
        -----
    Exit from function tree )

Picture of forest:
A
  B

Picture of binary tree:
A
  B
  ^

Enumeration of forest elements in horizontal order
A B

Process finished with exit code 0

```

Рис. 1 – Пример работы всей программы

### **Вывод.**

Была написана программа, которая для заданного леса с произвольным типом элементов: получили естественное представление леса

бинарным деревом; вывели изображение леса и бинарного дерева; перечислили элементы леса в горизонтальном порядке (в ширину).



## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Сначала указываем имя файла, в котором код лежит в репозитории:

Название файла: main.cpp

```
#include<iostream>
#include<fstream>
#include<cstring>
#include<cstdio>

using namespace std;

/*
 * Шаблонный класс леса
 */

template <typename T> class Forest {
public:
    T root;
    int sonFrt;
    int broFrt;
    Forest() { sonFrt = -1; broFrt = -1; }
    int son() { return sonFrt; }
    int bro() { return broFrt; }
    T rt() { return root; }
    void enterRt(T x) { root = x; }
};

/*
 * Класс очереди
 */

class Queue {
    Forest<char> element[20];
    int first;
    int last;
public:
    Queue() { first = 0; last = 0; }
    bool isNull() {
        if (first == last) return true;
        return false;
    }
    void push(Forest<char> x) { element[last++] = x; }
    Forest<char> pop() { return element[first++]; }
    char topRt() { return element[first].root; }
};

char *ptrStart;      //Начало выражения
```

```

bool askEnterBracket();
void error(char **);
int readFrt(Forest<char> *, int &, char **);
int printForest(Forest<char> *, int index = 0, int deep = 0);
void printBT(Forest<char> *, int index = 0, int deep = 0);
void forestForWidth(Forest<char> *ptr, Queue *queue, int index =
0);

int main(int argc, char **argv) {
    char line[80] = "0";
    char *row = &line[0];
    ptrStart = &line[0];
    if(argc == 2){
        /*
         * Считывание данных из файла
         */
        setlocale(LC_ALL, "rus");
        char x[20];
        strcpy(x,argv[1]);
        ifstream infile(x, ios::in | ios::binary);          //Открытие
        файла для чтения
        if (!infile) { cout << "File not open for reading!\n";
        exit(1); }
        infile.get(line, 60);
        infile.close();
    } else{
        /*
         * считывание данных из консоли
         */
        std::cin >> line;
    }
    cout << "Forest: " << row << "\n\n";
    Forest<char> forest[20];
    Forest<char> *ptr = &forest[0];
    int index = 0;
    cout << "Reading of forest:\n";
    readFrt(&ptr[0], index, &row);          //Функция чтения леса
    cout << "\nPicture of forest:\n";
    printForest(ptr);          //Вывод изображения леса
    cout << "\nPicture of binary tree:\n";
    printBT(ptr);          //Вывод изображения
    бинарного дерева
    Queue queue, *ptrQ;
    ptrQ = &queue;
    cout << "\nEnumeration of forest elements in horizontal
    order\n";
    forestForWidth(ptr, ptrQ);          //Проход по лесу в ширину
    cout << endl;
    return 0;
}

```

```

void error(char **str) { //Функция, выводящая результат проверки
выражения на скобку.
    cout << "ERROR\n";
    int x = strlen(ptrStart) - strlen(*str);
    while (*ptrStart) {
        printf("%c", *ptrStart);
        *(++ptrStart);
        if (!(--x))          //Отображается пробел, в месте, где
сейчас находится указатель.
            cout << "<X>";
    }
    cout << endl;
    cout << "<X> - Indicates the location of the error" << endl;
    cout << endl;
    exit(1);
}

/*
 * Функция создания леса, путём обработки полученной строки
 */
int readFrt(Forest<char> *ptr, int &index, char **str) {
    int temp = index;
    if (**str == '(' && *(*str + 1) <= 'Z' && *(*str + 1) >= 'A')
{ // проверка текущего символа на букву
    cout << "Entrance to function tree " << *str << endl;
    ++*str;
    ptr[temp].enterRt(*((*str)++));
    cout << "\tPush " << *(*str - 1) << " in " << temp << endl;
    if (**str == '(') {
        /*
         * Проверка на открывающую скобку
         * Переход на уровень ниже
         */
        cout << "\t\tEntrance to Son " << *str << endl;
        cout << "-----" <<
endl;

        ptr[temp].sonFrt = readFrt(ptr, ++index, str);
        if (ptr[temp].son() != -1)
            cout << "\t\tSon from " << ptr[temp].rt() << " is
" << ptr[ptr[temp].son()].rt() << endl;
        else cout << "\t\tSon from " << ptr[temp].rt() << " is
NULL\n" << endl;
        ++*str;
        cout << "-----" <<
endl;
    }
    if (**str == ')') && *(*str + 1) == '(') {
        /*
         * Проверка на закрывающую скобку
         * Переход на уровень выше
         */

```

```

        cout << "\t\tEntrance to Bro " << *str << endl;
        cout << "-----" << endl;

        ++*str;
        ptr[temp].broFrt = readFrt(ptr, ++index, str);
        if (ptr[temp].bro() != -1)
            cout << "\t\tBro from " << ptr[temp].rt() << " is
" << ptr[ptr[temp].bro()].rt() << endl;
        else cout << "\t\tBro from " << ptr[temp].rt() << " is
NULL\n" << endl;
        cout << "-----" << endl;

        }
        cout << "Exit from function tree " << *str << endl;
        if (!(*str == '(' || *str == ')') || ((*str + 1) <= 'Z'
&& *(*str + 1) >= 'A'))
            /*
            * возвращает ошибку данной строки
            */
            error(str);
        return temp;
    }
    else error(str);
}

/*
* Рекурсивная функция печати леса
*/
int printForest(Forest<char> *ptr, int index, int deep) {
    int returnPoints = 0;
    for (int i = 0; i < deep; i++)
        cout << ' ';
    cout << ptr[index].rt() << endl;
    if (ptr[index].son() != -1)
        returnPoints = printForest(ptr, (index + 1), (deep + 2));
    if (ptr[index].bro() != -1)
        returnPoints = printForest(ptr, (index + 1 + returnPoints),
deep);
    return ++returnPoints;
}

/*
* Рекурсивная функция печати бинарного дерева
*/
void printBT(Forest<char> *ptr, int index, int deep) {
    for (int i = 0; i < deep; i++)
        cout << ' ';
    cout << ptr[index].rt() << endl;
    if (ptr[index].son() != -1) {
        printBT(ptr, ptr[index].son(), deep + 2);
    }
}

```

```

        if (ptr[index].son() == -1 && ptr[index].bro() != -1) {
            for (int i = 0; i < deep + 2; i++)
                cout << ' ';
            cout << '^' << endl;
        }
        if (ptr[index].bro() != -1) {
            printBT(ptr, ptr[index].bro(), deep + 2);
        }
        if (ptr[index].son() != -1 && ptr[index].bro() == -1) {
            for (int i = 0; i < deep + 2; i++)
                cout << ' ';
            cout << '^' << endl;
        }
    }

void forestForWidth(Forest<char> *ptr, Queue *queue, int index) {
    cout << ptr[index].rt() << ' ';
    if (ptr[index].son() != -1) {
        queue->push(ptr[index]);
        //cout << "Push " << ptr[index].rt() << endl;
    }
    if (ptr[index].bro() != -1) {
        //cout << "Entrance to Bro\n";
        //Закомментированные строки используются
        forestForWidth(ptr, queue, ptr[index].bro());
        //cout << "Exit from Bro\n"; //для
вывода промежуточных результатов
    }
    if (!queue->isNull()) {
        ptr[index] = queue->pop();
        //cout << "Pop " << ptr[index].rt() << endl;
        if (ptr[index].son() != -1) {
            //cout << "Entrance to Son\n";
            forestForWidth(ptr, queue, ptr[index].son());
            //cout << "Exit from Son\n";
        }
    }
}

```