74. ROČNÍK MATEMATICKÉ OLYMPIÁDY (2024/2025)

Jan Romanovský Gymnázium Brno, tř. Kpt. Jaroše 4.A A-I-5

Saba se snaží z přízemí nekonečně vysokého mrakodrapu dostat do n-tého patra pomocí zvláštního výtahu. Ve výtahu jsou tlačítka $0, 1, 2, \ldots$ Po prvním stisknutí tlačítka pojede výtah nahoru a po každém dalším jede vždy opačným směrem, než posledně, přičemž po stisknutí tlačítka k popojede vždy o 2^k pater. Navíc každé další stisknuté tlačítko musí mít menší číslo než to předešlé. Dokažte, že Saba se do každého patra $n \geq 1$ může dostat právě dvěma různými postupy.