

# 컴퓨터 그래픽스

## 2. 2차원 그래픽스의 기본 요소

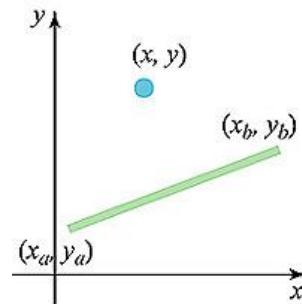
2025년 2학기

## 학습 내용

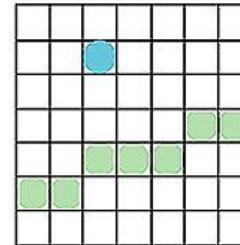
- 2차원 그래픽스 기본 요소
  - 점
  - 선
  - 원
  - 영역 채우기
  - 앤리어싱 효과

# 점과 선의 정의 및 속성

- 2차원 그래픽스의 기본적인 출력 요소
  - 점, 선, 다각형, 원, 타원, 곡선, 문자 등
  - 점과 선은 모든 2차원 그래픽스 객체 표현의 기본 요소
- 점 (Point)
  - 래스터 방식의 출력장치에서의 기본 요소: 픽셀로 표현
  - 기하공간에서의 점: 좌표  $(x, y)$
  - 점의 속성: 크기, 명암, 색상, 모양 등



기하적 공간



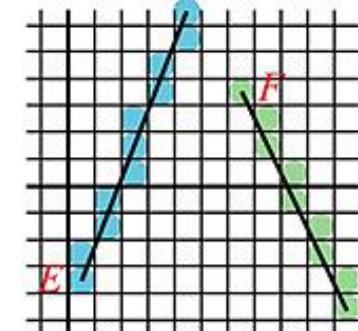
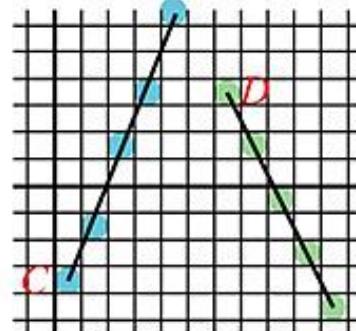
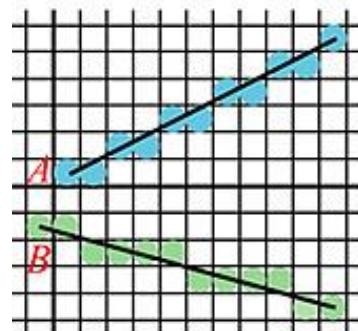
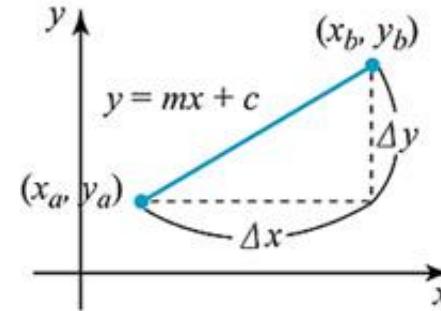
출력장치 공간

# 점과 선의 정의 및 속성

- 선 (Line)
  - 양 끝점으로 정의
  - 점의 좌표: 절대 좌표 또는 상대 좌표를 이용하여 표현
    - 절대 좌표: 시작점  $(x_a, y_a)$ 과 끝점  $(x_b, y_b)$ 으로 정의
    - 상대 좌표: 시작점 좌표  $(x_a, y_a)$ 와 증가 값  $(\Delta x, \Delta y)$ 으로 정의
  - 선의 속성: 유형, 굵기, 색상, 선 끝 모양 등
  - 직선 방정식을 이용하여 선의 좌표 값 구하기
    - $y = mx + c$ 
      - m: 기울기, c: y축 절편
    - 두 끝점  $(x_1, y_1)$   $(x_2, y_2)$ 를 사용하여 m과 c를 구한다
      - $m = \frac{(y_2 - y_1)}{(x_2 - x_1)}$        $c = y_1 - mx_1$

# 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

- DDA (Digital Differential Analyzer) 알고리즘
  - 선의 양끝 좌표로부터 래스터 출력 장치로 변환하는 가장 기본적인 알고리즘
  - 선의 공식을  $y = mx + c$ 의 형태로 계산하여 픽셀을 구하는 방법
    - 기울기에 따라,
      - $m > 0$ 인 경우, x값 증가, y값 증가
        - 기울기가 양수일 때  $0 \leq m \leq 1$  인 경우
        - 기울기가 양수일 때  $1 < m$  인 경우
      - $m < 0$ 인 경우, x값 증가, y값 감소



## 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

- 초기화를 한다.

- $\Delta x = x_b - x_a$ ,  $\Delta y = y_b - y_a$ ,  $m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$

- $x_1 = x_a$ ,  $y_1 = y_a$

- 기울기에 m의 값에 따라 다음계산을 수행한다.

- 기울기  $|m| \leq 1$ 인 경우, 매번  $k+1$ 번 째 점에서 ( $1 \leq k \leq \Delta x$ )

$$x_{k+1} = x_k + 1 \quad y_{k+1} = y_k + m$$

따라서,  $(x_{k+1}, y_{k+1}) = (x_k + 1, \text{round}(y_k + m))$

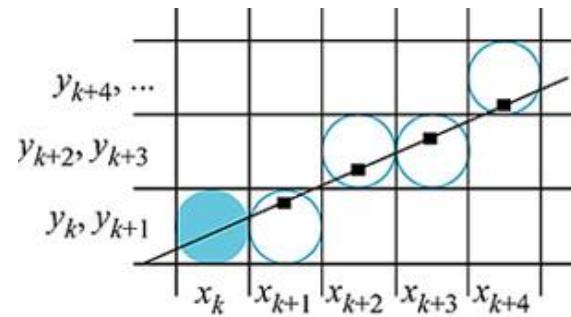
- 기울기  $1 < |m|$ 인 경우, 매번  $k+1$ 번 째 점에서 ( $1 \leq k \leq \Delta y$ )

$$y_{k+1} = y_k + 1 \quad x_{k+1} = x_k + \frac{1}{m}$$

따라서,  $(x_{k+1}, y_{k+1}) = (\text{round}(x_k + \frac{1}{m}), y_k + 1, )$

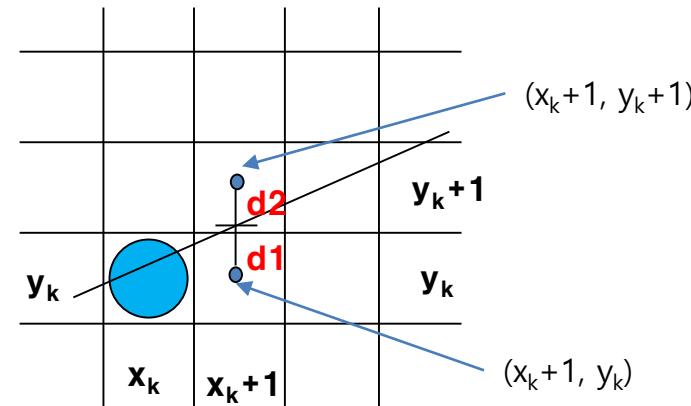
# 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

- DDA 알고리즘의 특징
  - 곱하기가 없이 소수점(Floating-point) 더하기 연산만을 반복
  - 부동 소수 연산 사용, 정수연산에 비해서는 상대적으로 속도가 떨어진다.
  - 반올림 연산 함수의 실행시간이 걸린다.
  - 매번 정수좌표를 구할 때마다 오차가 축적



## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

- Bresenham 알고리즘
  - 기울기가 0과 1사이라고 가정할 때, 선을 구성하고 있는 어느 한 점에서 가능한 다음 점
    - 오른쪽 점 또는 오른쪽 바로 위의 점
  - 가능한 두 점 중, 실선과 두 개의 가능한 점의 차이 ([아래 그림에서 d1과 d2](#))가 더 작은 점을 선택하여 선을 나타내는 알고리즘
  - 소수점 계산 없이 정수의 더하기 연산과 이동 연산만으로 처리되므로 속도가 빠르다.



## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

- 알고리즘 초기화

- 기울기가 1보다 작은 경우 ( $|m| < 1$ ):

- $y = mx + c$ ,  $m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$

- 시작점:  $(x_a, y_a)$ ,

- 가능한 두 점:  $(x_a+1, y_a), (x_a+1, y_a+1)$

- 일반적인  $k$ 번째 점:  $(x_k, y_k)$ ,

- 가능한 두 점:  $(x_k+1, y_k), (x_k+1, y_k+1)$

## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

### - 다음 점 $x_{k+1}$ 에서

$$y = mx_{k+1} + c$$

$$d_1 = y - y_k = m(x_k + 1) + c - y_k$$

$$d_2 = (y_k + 1) - y = (y_k + 1) - (m(x_k + 1) + c)$$

$$\begin{aligned} d_1 - d_2 &= \{m(x_k + 1) + c - y_k\} - \{y_k + 1 - (m(x_k + 1) + c)\} \\ &= 2m(x_k + 1) - 2y_k + 2c - 1 \quad (d_1 - d_2: 두 거리 사이의 차이) \end{aligned}$$

### - 가능한 두 점 중에 다음 점을 선택하는 판단매개변수: $p_k$

$$p_k = (d_1 - d_2) \Delta x$$

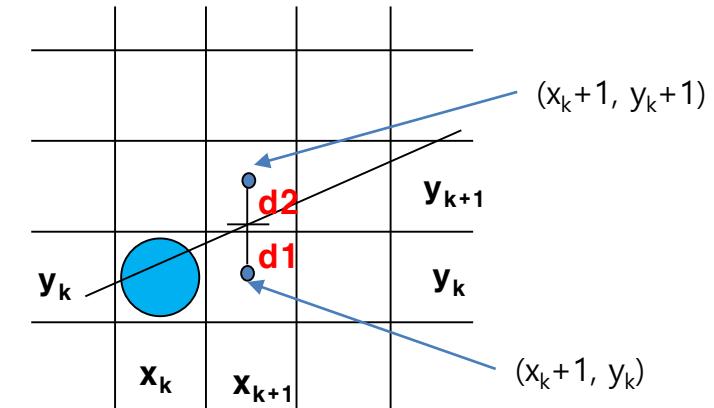
$$\begin{aligned} p_k &= 2\Delta y(x_k + 1) + \Delta x(-2y_k + 2c - 1) \\ &= 2\Delta yx_k - 2\Delta xy_k + 2\Delta y + \Delta x(2c - 1) \end{aligned}$$

### - k+1번째 판단매개변수를 위하여 k에 k+1 대입하면

$$p_{k+1} = 2\Delta yx_{k+1} - 2\Delta xy_{k+1} + 2\Delta y + \Delta x(2c - 1)$$

$$p_{k+1} - p_k = 2\Delta y(x_{k+1} - x_k) - 2\Delta x(y_{k+1} - y_k)$$

$$p_{k+1} = p_k + 2\Delta y - 2\Delta x(y_{k+1} - y_k)$$



## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

- $p_k$ 의 부호 ( $d_1 - d_2$ 의 부호)에 따라 다음 점 선택

$$p_k < 0 \rightarrow d_1 - d_2 < 0 \rightarrow d_1 < d_2 \rightarrow y_{k+1} = y_k$$

$$0 \leq p_k \rightarrow 0 \leq d_1 - d_2 \rightarrow d_2 \leq d_1 \rightarrow y_{k+1} = y_k + 1$$

$$p_k < 0 \rightarrow y_{k+1} = y_k \rightarrow p_{k+1} = p_k + 2 \Delta y - 2 \Delta x (y_{k+1} - y_k) = p_k + 2 \Delta y \quad (y_{k+1} - y_k == 0)$$

$$0 \leq p_k \rightarrow y_{k+1} = y_k + 1 \rightarrow p_{k+1} = p_k + 2 \Delta y - 2 \Delta x (y_{k+1} - y_k) = p_k + 2 (\Delta y - \Delta x) \quad (y_{k+1} - y_k == 1)$$

따라서

$p_k < 0$  이면  $\rightarrow$  다음 점은  $(x_k + 1, y_k)$   $\rightarrow$  다음 판단매개변수  $p_{k+1} = p_k + 2 \Delta y$

$0 \leq p_k$  이면  $\rightarrow$  다음 점은  $(x_k + 1, y_k + 1)$   $\rightarrow$  다음 판단매개변수  $p_{k+1} = p_k + 2 (\Delta y - \Delta x)$

- 시작점  $(x_a, y_a)$ 일 때 첫 번째 매개변수 값:

$$p_1 = 2\Delta y x_k - 2\Delta x y_k + 2\Delta y + \Delta x(2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_a - 2\Delta x y_a + 2\Delta y + \Delta x(2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_a - 2\Delta x(m x_a + c) + 2\Delta y + \Delta x(2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_a - 2(\Delta y x_a + \Delta x c) + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$= 2\Delta y - \Delta x$$

앞 페이지에서,

$$p_k = 2\Delta y x_k - 2\Delta x y_k + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

에서  $x_k = x_a, y_k = y_a$

## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

- **브레즌햄 선 그리기 알고리즘 정리:**

- 기울기가 0과 1 사이인 경우에 적용

- 초기값을 구한다.

- 시작점의 좌표:  $(x_1, y_1)$

- $C_1 = 2\Delta y$                                $C_2 = 2(\Delta y - \Delta x)$

- $p_1 = 2\Delta y - \Delta x$

- 판별식  $p_k$ 값에 따라 다음 점의 위치를 구한다.

- $p_k < 0 \rightarrow$  다음 점:  $(x_k + 1, y_k)$                $p_{k+1} = p_k + C_1$

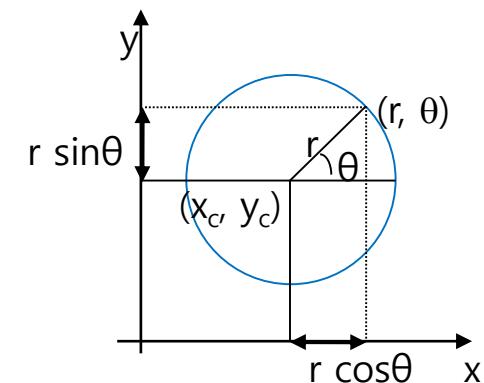
- $0 \leq p_k \rightarrow$  다음 점:  $(x_k + 1, y_k + 1)$ ,       $p_{k+1} = p_k + C_2$

## 선 그리기: 2) 브레즌햄 알고리즘

- 예) 시작점 (1, 1) 끝점 (10, 7)을 연결하는 선을 구성하는 점들의 좌표값은?

# 원 그리기

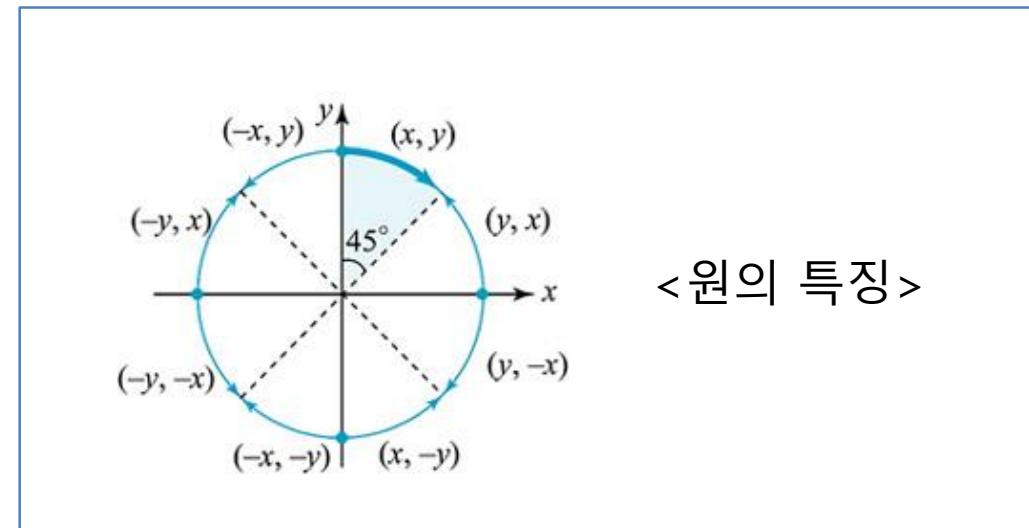
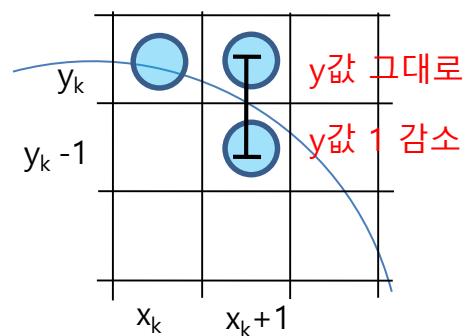
- 원: 한 점에서 같은 거리에 있는 점들의 집합
  - 점들을 선분으로 연결하여 곡선의 모양을 근사적으로 그린다.
  - 원을 나타내는 식
    - 원의 공식:  $x^2 + y^2 = r^2$
    - 매개변수 방정식:  $y = f(x)$  또는,  $x = g(\theta)$ ,  $y = h(\theta)$
    - 직교 좌표계에서는:  $y = \pm\sqrt{r^2 - x^2}$
    - 극 좌표계에서는:  $x = r \cos\theta$ ,  $y = r \sin\theta$
- 원의 중심이  $(x_c, y_c)$  일 때는,
  - 원의 공식은  $(x-x_c)^2 + (y-y_c)^2 = r^2$
  - 극좌표식은  $x = x_c + r \cos\theta$ ,  
 $y = y_c + r \sin\theta$



# 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

- Bresenham 알고리즘

- 제곱근이나 삼각함수 등의 계산이 없이 정수 연산만으로 처리
- 각도가  $45^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$  인 부분에 대하여 계산
- x방향으로 1만큼 증가  $\rightarrow$  y축에서는 같은 점 또는 1감소된 점:  
 $k$ 번째 점  $(x_k, y_k) \rightarrow k+1$ 번째 점  $(x_k+1, y_k)$  또는  $(x_k+1, y_k-1)$



# 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

-  $x_1 = x_c, y_1 = y_c + r$  일 때,  $x_k < y_k$ 인 동안 반복

$$x^2 + y^2 = r^2 \rightarrow y^2 = r^2 - x^2$$

$$y_k^2 = r^2 - x_k^2 \rightarrow y_{k+1}^2 = r^2 - (x_k + 1)^2$$

$$d_1 = y_k^2 - y^2, \quad d_2 = y^2 - (y_k - 1)^2 \quad \text{라고 하면}$$

$$\text{판단매개변수 } p_k = d_1 - d_2 = (y_k^2 - y^2) - \{y^2 - (y_k - 1)^2\}$$

$$(이 때, y^2 = r^2 - (x_k + 1)^2)$$

$k+1$  번째 판단매개변수를 위해

$$k \text{ 에 } k+1 \text{ 대입하면, } p_{k+1} = (y_{k+1}^2 - y^2) - \{y^2 - (y_{k+1} - 1)^2\} \quad (이 때, y^2 = r^2 - (x_{k+1} + 1)^2)$$

$$p_{k+1} - p_k = 2y_{k+1}^2 - 2y_k^2 - 2y_{k+1} + 2y_k + 4x_k + 6$$

$$\rightarrow p_{k+1} = p_k + 2y_{k+1}^2 - 2y_k^2 - 2y_{k+1} + 2y_k + 4x_k + 6$$

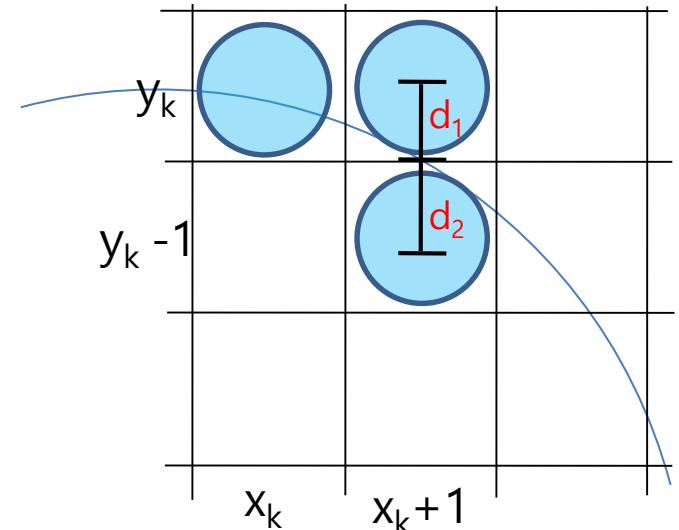
$$\text{즉, } p_k < 0 \rightarrow d_1 - d_2 < 0 \rightarrow \text{다음 점은 } (x_k + 1, y_k)$$

$$0 \leq p_k \rightarrow 0 \leq d_1 - d_2 \rightarrow \text{다음 점은 } (x_k + 1, y_k - 1)$$

- 시작점  $(0, r)$ 에서,

$$p_1 = (y_1^2 - y^2) - \{y^2 - (y_1 - 1)^2\} = 3 - 2r$$

$$\text{초기화: } x_1 = x_c, \quad y_1 = y_c + r \rightarrow p_1 = 3 - 2r$$



$$\text{다음 판단매개변수: } p_{k+1} = p_k + 4x_k + 6$$

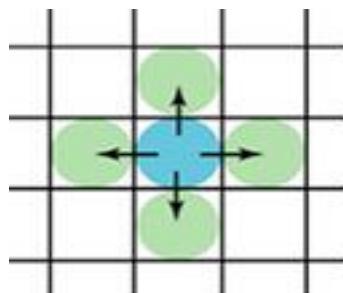
$$\text{다음 판단매개변수: } p_{k+1} = p_k + 4(x_k - y_k) + 10$$

## 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

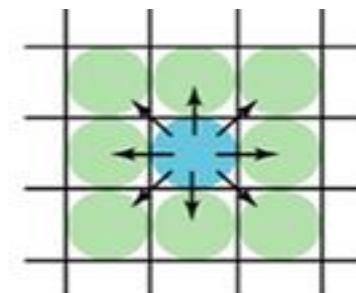
- 예) 중심이  $(0, 0)$ 이고 반지름이 6인 원을 구성하는 점들의 좌표값은?

# 영역 및 다각형 채우기

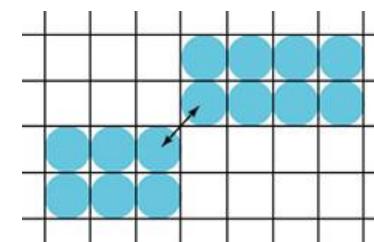
- 2차원 그래픽스에서 영역
  - 모든 그림들은 픽셀들로 구성되고,
  - 선이나 도형이 서로 만나서 영역이 생성된다.
- 영역의 특성
  - 영역: 같은 색상 값을 갖는 이웃한 픽셀들의 집합
  - 이웃한 픽셀간의 연결 방식 (픽셀의 연결 방식)



4방향 연결



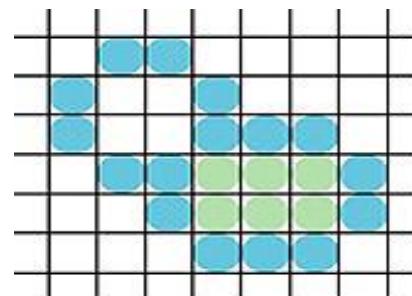
8방향 연결



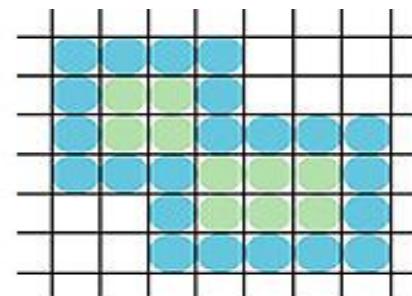
영역 연결방식의 예:  
4방향 연결 - 2개의 영역  
8방향 연결 - 1개의 영역

# 영역 및 다각형 채우기

- 래스터 출력에서 영역의 경계 픽셀과 내부 픽셀은 연결방식을 다르게,
  - 경계 8방향 연결  $\Rightarrow$  내부는 반드시 4방향 연결 채우기
  - 경계 4방향 연결  $\Rightarrow$  일반적으로 내부는 8방향 연결 채우기
- 일반적인 래스터 방식의 출력장치
  - Bresenham 선 그리기 알고리즘은 8방향연결 방식
  - 영역 채우기 알고리즘은 내부 영역을 4방향연결 방식으로 채우기



8방향 연결 방식의 경계  
4방향 연결 방식의 내부



4방향 연결 방식의 경계  
8방향 연결 방식의 내부

# 영역 및 다각형 채우기

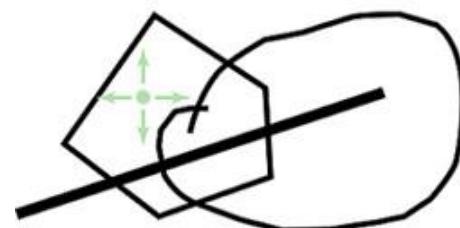
- 영역 채우기 알고리즘

- 시드 채우기 방식

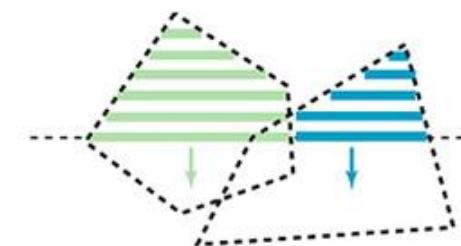
- 그림이 래스터 버퍼에 그려진 후 이미지에서 영역의 채우기를 실행
    - 영역 내부의 한 픽셀이 시드로 주어지고 이 픽셀에서부터 채워나간다
    - 주로 페인팅 소프트웨어나 대화식 이미지 처리 프로그램 (사용자가 원하는 영역을 클릭하면 그 점을 시드로 하여 채우기 실행)에서 사용

- 다각형 주사변환 방식

- 매 주사선 별로 다각형의 내부 구간을 판단하여 해당 픽셀을 칠한다.
    - 주사선채우기(Scan-line Fill)라고도 한다.
    - 주로 벡터방식의 그리기 소프트웨어에서 사용 (채우기를 하는 도형의 벡터 데이터를 가지고 있다)



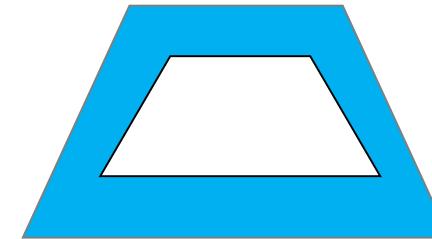
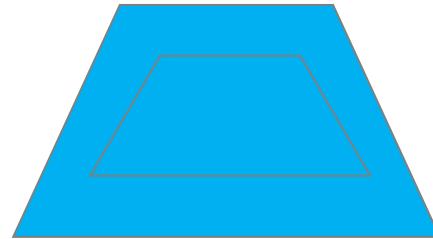
시드 채우기 방식



다각형 주사변환 방식

## 다각형 내부 판단 규칙

- 여러 개의 다각형으로 구성된 복잡한 도형이 주어지면 내부 영역을 다르게 판단할 수 있다.



- 판단 규칙**

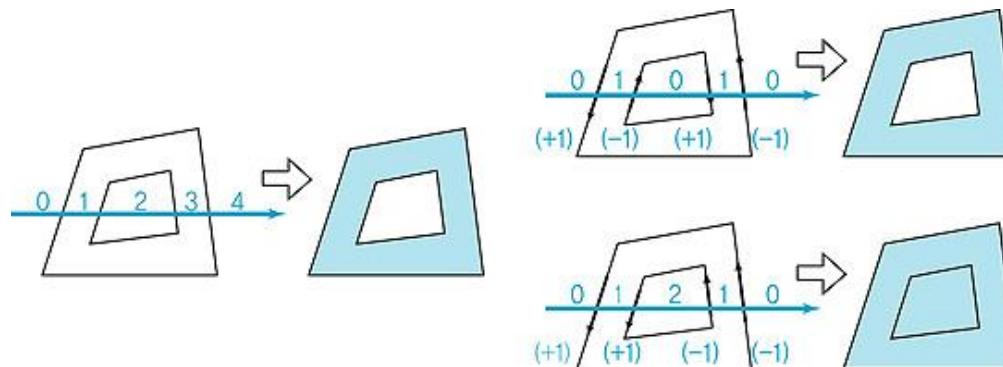
- 홀짝 규칙 (Even-Odd rule)

- 매 주사선별로 x값을 증가하면서
  - 다각형의 에지가 홀수 번째 교차하면 내부 구간이 시작
  - 짝수 번째 교차하면 외부 구간이 시작된다.
- 알고리즘이 간단하다.
- 서로 다른 두 개의 다각형이 겹쳐있을 때 그 겹친 부분은 항상 외부 영역으로 판단

# 다각형 내부 판단 규칙

## 2. 접기회수 규칙 (Non-Zero Winding Rule): 에지의 방향을 고려

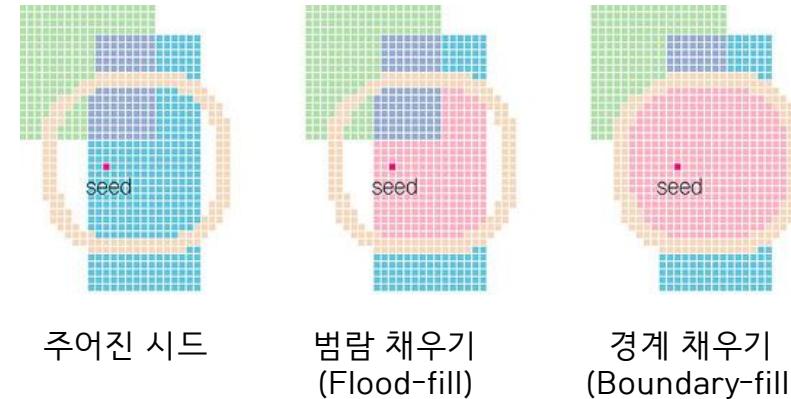
- 다각형에서 각 에지의 벡터 방향은 꼭짓점이 주어진 순서에 따라 정해진다
  - 각 주사선에서 아래쪽 방향의 모서리와 교차 → 1 증가
  - 각 주사선에서 위쪽 방향의 모서리와 교차 → 1 감소
- 에지와 주사선의 교차점의 합을 구한다.
  - 합이 0이면 → 외부
  - 합이 0이 아니면 → 내부
- 특징:
  - 다각형 모서리의 방향에 따라 내부와 외부영역을 지정해줄 수가 있다.
  - 훌짝 규칙보다 약간 복잡, 도형 설계에서 자유롭게 내부와 외부 영역 지정 가능, 정교한 드로잉 소프트웨어에서 많이 사용



# 영역 및 다각형 채우기

## • 시드 채우기 (Seed fill) 방식

- 다각형 내부의 한 점 ( $x, y$ )가 seed로 주어진다.
- 이 점을 중심으로 이웃 픽셀이 영역의 내부에 있는지를 판단하여 영역 채우기를 한다.
- 내부 영역에 대한 판단
  - Interior-defined: 같은 값을 가지고, 연결된 픽셀들을 내부 영역으로 판단 → 범람 채우기 (Flood Fill)
  - Boundary-defined: 경계의 안쪽에 위치하는 픽셀들을 내부 영역으로 판단 → 경계 채우기 (Boundary Fill)



## - 알고리즘 진행 방법

- 내부의 한 점 시드(seed)를 스택에 저장한다
- Seed pixel을 중심으로 4방향 또는 8방향의 이웃 픽셀에 대해 내부의 점인지를 확인
- 재귀적 함수 (Recursive) 사용하여 이웃한 픽셀들을 검사해 나간다.

# 영역 및 다각형 채우기

## • 범람 채우기 알고리즘

```
void flood_fill (int x, int y)
{
    if (read_pixel (x, y) == bgColor)
    {
        write_pixel (x, y, fillColor);
        flood_fill (x+1, y);
        flood_fill (x-1, y);
        flood_fill (x, y+1);
        flood_fill (x, y-1);
    }
}
```

// 시드 (x, y)에서 시작: 배경색과 같은 이웃 픽셀을 계속 찾아 칠하기  
// 현재 픽셀이 배경색 'bgColor'이면 그리기 색상 넣기,  
// bgColor가 아니면 종료  
// 채우기 색 'fillColor'로 칠한다.  
// 오른쪽으로 반복  
// 왼쪽으로 반복  
// 아래로 반복  
// 위로 반복

## • 경계 채우기 알고리즘

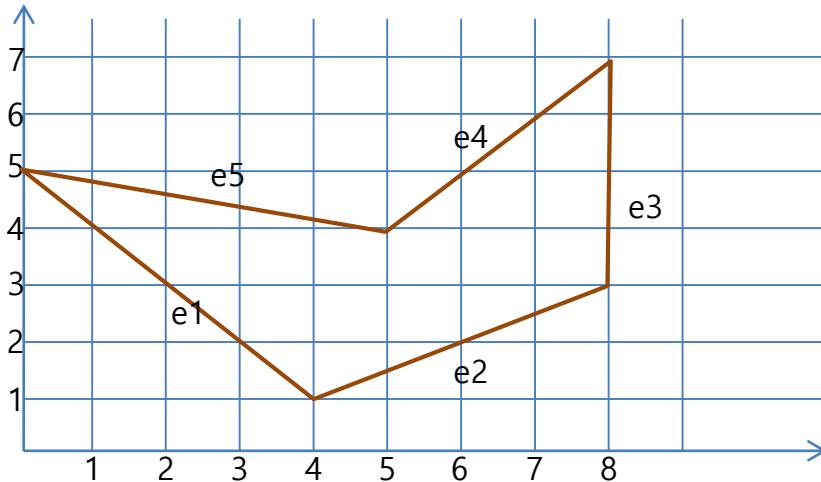
```
void boundary_fill(int x, int y)
{
    current = read_pixel(x, y);
    if ((current != bdColor)
        && (current != fillColor))
    {
        write_pixel (x, y, fillColor);
        boundary_fill (x+1, y);
        boundary_fill (x-1, y);
        boundary_fill (x, y+1);
        boundary_fill (x, y-1);
    }
}
```

// 시드 (x, y)에서 시작: 경계를 만날 때까지 계속 칠하기, 즉 경계색과 다르면 계속 칠하기  
// 경계색 'bdColor' 및 채울 색 'fillColor'인지 확인  
// 경계색이면 종료  
// 내부를 채우기 색 'fillColor'로 칠한다.  
// 오른쪽으로 반복  
// 왼쪽으로 반복  
// 아래로 반복  
// 위로 반복

# 영역 및 다각형 채우기

- **다각형 주사 변환 방식 (Polygon scan-conversion)**
  - 매 주사선마다 교차되는 edge(에지, 모서리)들의 목록을 유지, 갱신하여 영역을 설정한다.
  - 가장 대표적인 방법: **y-x 다각형 주사선 알고리즘**
  - Edge list
    - 1) **에지 목록 - EL (Edge List)**: 다각형의 전체 edge의 목록
      - 시작점의 y 좌표값 (더 작은 y 값) 순서로 다각형의 전체 에지를 정렬하여 전체 에지의 EL 구성
      - 매 주사선에서 교차하는 에지를 EL에서 꺼내어 AEL로 옮겨 관리
    - 2) **활성화된 에지 목록 - AEL (Active Edge List)**: 각 주사선과 교차하여 활성화 된 edge 목록
      - 해당 주사선과 각 에지와의 교차점의 x값을 구한 후 2개씩 짹을 만들어 이들 사이를 채운다.
  - 그리기가 완료된 AEL내의 에지를 찾아서 제거
    - AEL의 에지 중 아래쪽 점의 y 좌표가 주사선의 y좌표보다 작게 되면 EL에서 제거

# 영역 및 다각형 채우기



- e1 (0, 5) (4, **1**)
- e2 (4, **1**) (8, 3)
- e3 (8, **3**) (8, 7)
- e4 (8, 7) (5, **4**)
- e5 (0, 5) (5, **4**)

$EL = \{e1, e2, e3, e4, e5\} \rightarrow$  시작점의  $y$ 값 (EL에서  $y_a$ , 단  $y_a \leq y_b$ )에 따라 정렬  $\rightarrow EL = \{e2, e1, e3, e5, e4\}$

$y=1: AEL = \{e2, e1\}$

$y=2: AEL = \{e2, e1\}$

$y=3: AEL = \{e2, e2, e3\}$

$y=4: AEL = \{e1, e3, e5, e4\}$

$y=5: AEL = \{e1, e3, e5, e4\}$

$y=6: AEL = \{e3, e4\}$

$y=7: AEL = \{e3, e4\}$

$y=8: AEL = \{\}$

# 영역 및 다각형 채우기

- **Y-X 다각형 주사선 알고리즘의 특징**
  - Y-X 알고리즘 : Y값 순서로 전체 에지 정렬, 교차점은 X 좌표값 순서로 정렬
  - 효율성 : 에지의 목록에 대한 부분적인 일관성(Coherence)으로 발생
- **Y-X 다각형 주사선 알고리즘**
  - 1) 초기화를 한다.  
각 에지들을 Y좌표의 최소값 순서로 정렬하여 Edge List(EL)를 구성한다.
  - 2) 매 주사선  $y_k$ 에서 다음을 수행한다.
    - a) AEL을 갱신한다.  
AEL에서  $y_b < y_k$  인 에지를 삭제하고, // 완료된 에지 삭제  
EL에서  $y_a = y_k$  인 에지를 AEL로 이동한다. // 새로운 에지 삽입  
단, AEL 과 EL에 더 이상의 에지가 없으면 종료한다.
    - b) AEL에서 각 에지의 교차점을 계산한다.
    - c) 교차점 x값을 정렬한 후 각 쌍을 결정하여 그 사이를 채운다

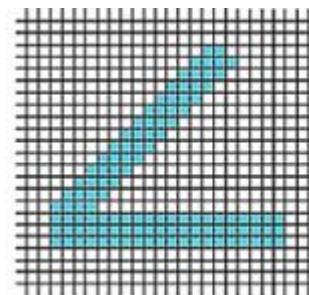
# 안티 앤리어싱

- 래스터 출력의 문제점

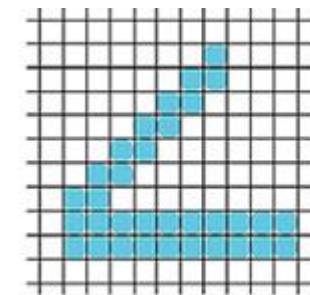
- 앤리어싱 효과
  - 계단 현상 (jaggies, aliasing)
  - 모양이 들쑥 날쑥하고 선이 움직일 때 위치가 바뀐다.
- 앤리어싱이 생기는 이유
  - 아날로그 방식의 그림을 디지털화하는데 샘플링 오차가 발생
  - 저해상도의 출력장치에서 두드러진다.



(a) 원래 그림



(b) 고해상도 출력



(c) 저해상도 출력

# 안티 앤디어싱

- **안티 앤디어싱(Antialiasing)**
  - 컬러 또는 회색조(Gray) 출력 장치에서 경계가 부드럽게 보이도록 하는 기법
  - 안티 앤디어싱 방법:
    - 해상도를 높인다. → 물리적 해상도의 한계
    - 물체의 경계 픽셀에서 물체와 배경의 색상을 혼합해서 그린다.
  - 선 그리기, 다각형 채우기, 문자 생성 등에 적용이 가능
  - 안티 앤디어싱 기법
    - 샘플링 레이트를 높이는 방법
      - 샘플링의 숫자를 높인다
      - SSAA, MSAA 등
    - 후처리 기법
      - 렌더링 후 후처리 시 적용하는 방법
      - FXAA, MLAA 등

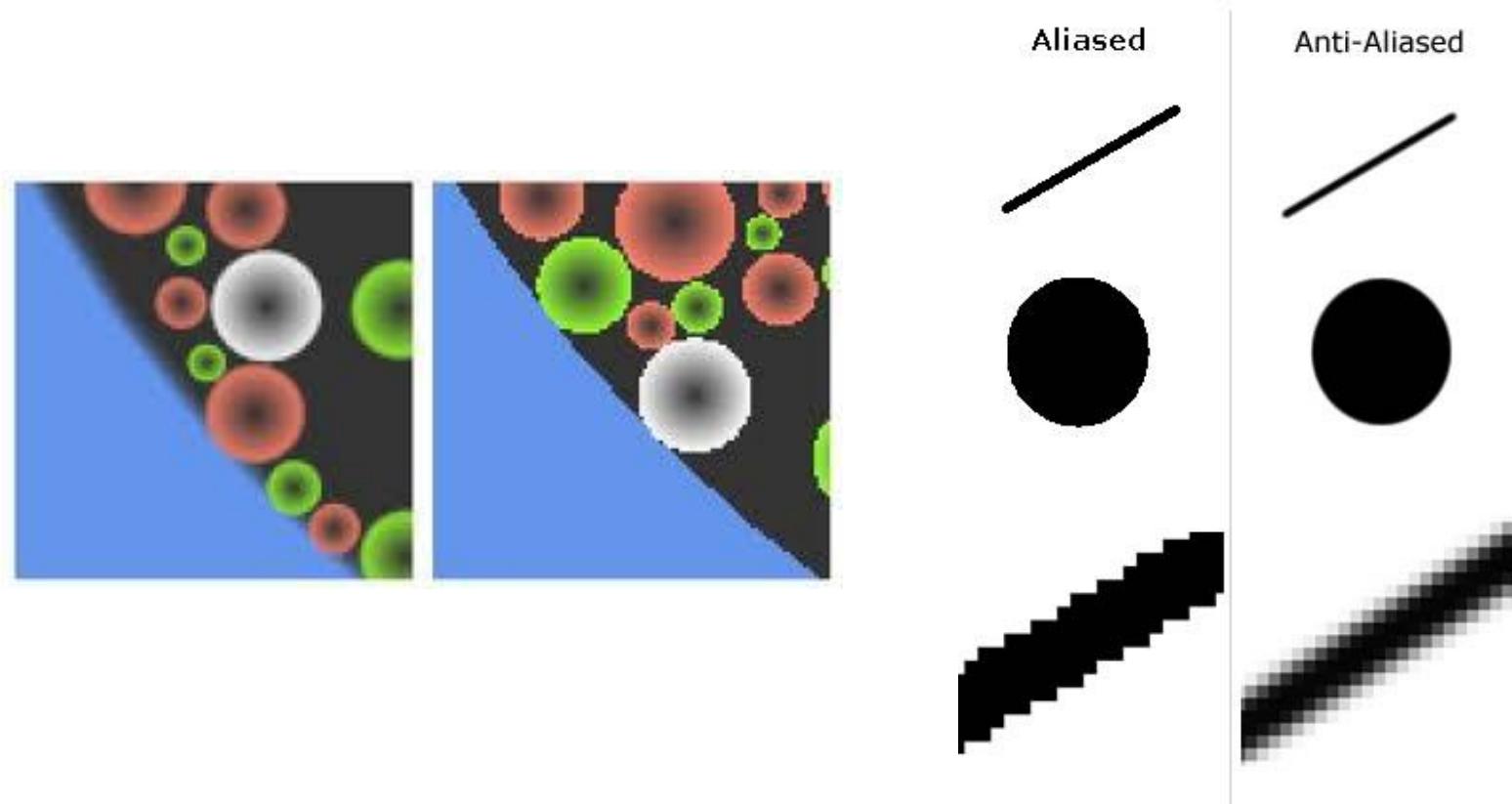
**ABCDE**  
**ABCDE**

앨리어싱 효과

안티앨리어싱 효과



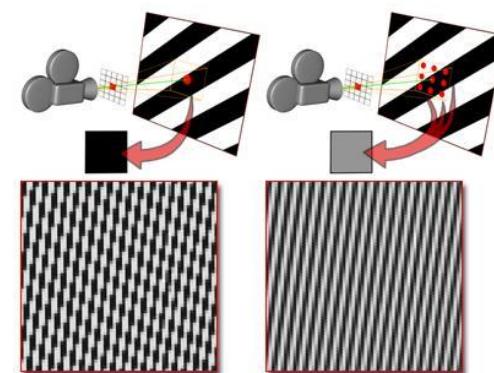
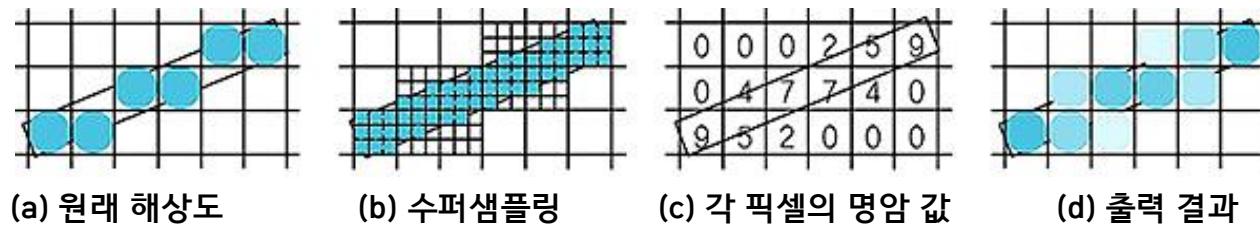
# 안티 앤리어싱



# 안티 앤리어싱

- 수퍼 샘플링 (Super sampling Anti Aliasing, SSAA) 기법

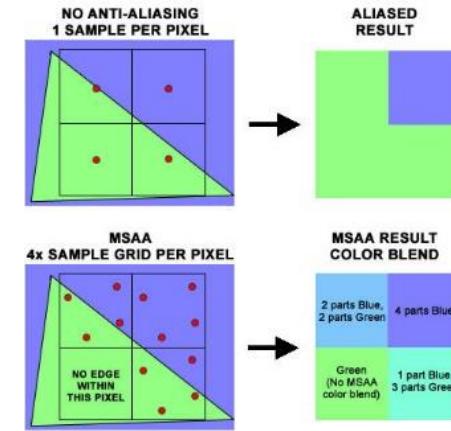
- 출력 장치의 해상도보다 고해상도에서 그림을 자세히 표현할 수 있도록 하나의 픽셀 영역을 여러 개로 분할하는 기법.
- 원래의 해상도로 환원할 때 픽셀의 명암값을 계산하여 보여준다.
  - 픽셀의 영역에 포함되는 고해상도 픽셀의 개수에 비례하여 명암값을 계산



# 안티 앤리어싱

- **멀티 샘플링 기법 (Multi Sampling Anti Aliasing, MSAA)**

- 수퍼 샘플링 기법을 효율과 성능면에서 최적화 한 샘플링 기법
  - 폴리곤의 외곽선이 지나가는 곳만 적용한다.
  - 각 픽셀 당 1개 이상의 샘플링 정보를 사용하여 명암값을 조정
  - 대부분의 응용 프로그램에서 사용하는 알고리즘 기법



- 그 외,

- FXAA (Fast Approximate Anti Aliasing)
    - NVIDIA에서 출시한 기법으로 렌더링 된 그래픽에서 주변 픽셀에서 밝기 차이를 계산하고 주변 픽셀의 색을 혼합하는 방식
  - MLAA (Morphological Anti Aliasing)
    - 이미지 기반의 후처리 방식 기법
    - 렌더링 후 외곽선을 찾아 외곽선의 픽셀들을 블렌딩 하는 방식
  - NFAA (Normal Filter Anti Aliasing)
    - 가장자리를 찾기위하여 필터를 적용한 셰이더 기반의 후처리 기법
  - CSAA (Coverage Sampling Anti Aliasing)
    - 범위 형태의 샘플링으로 MSAA와 비슷
  - 그 외에도 많은 기법이 있고, 계속 연구 중

# 안티 앤리어싱



Final Fantasy XIV에서 MLAA 기법을 적용한 결과  
출처: Geeks3D

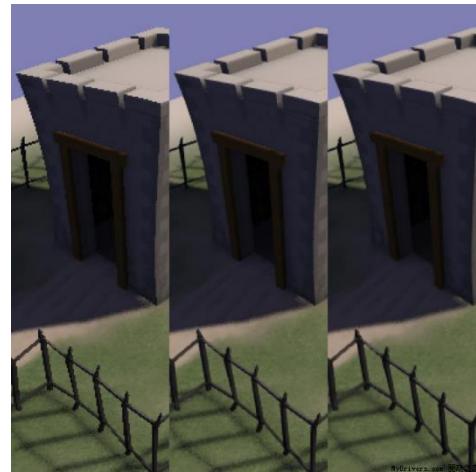


Without multisampling

With multisampling (MSAAx8)



Multi Sampling Anti Aliasing  
출처: vulkan tutorial



AA없음 / MSAA / FXAA  
출처: NVIDIA

## 2장에서는

- 2차원 그래픽스 기본요소
  - 점, 선, 원 그리기
  - 영역 채우기
  - 다각형 내부 판단 규칙
  - 앤리어싱/안티 앤리어싱
- 다음 시간에는
  - 2차원 변환