

$$\begin{array}{ccccccc}
V & \xrightarrow{\quad\quad\quad} & V_X & \xrightarrow{\quad\quad\quad} & ? \\
\downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\
X & \xrightarrow{\begin{pmatrix} v_X \\ 0 \end{pmatrix}} & V_X \oplus V_Y & \xrightarrow{u_X \oplus 1_{V_Y}} & U_X \oplus V_Y & \xrightarrow{\delta_X \oplus 0} & \\
\downarrow p & & \downarrow (V_p, 1) & & \downarrow (U_p, u_Y) & & \\
Y & \xrightarrow{v_Y} & V_Y & \xrightarrow{u_Y} & U_Y & \xrightarrow{\delta_Y} & 
\end{array}$$