|  |  |
| --- | --- |
| Paweł Prus | IDE: Microsoft Visual Studio Code  Procesor: AMD Ryzen 7 6800h  Język: Python 3.10.12  Biblioteki:  numpy jako np  matplotlib.pyplot jako plt  time |

**Sprawozdanie z zastosowania algorytmu symulowanego wyżarzania**

1. **Opis problemu**
   1. W ramach projektu rozważono trzy różne problemy optymalizacyjne, do których zastosowano algorytm symulowanego wyżarzania:
      1. Problem komiwojażera (TSP) - plik *zad1\_1.ipynb*: Celem jest znalezienie najkrótszej trasy łączącej wszystkie podane punkty, zaczynając i kończąc trasę w tym samym punkcie.
      2. Segregacja punktów białych i czarnych - plik *zad1\_2.ipynb*: Zadanie polega na uporządkowaniu punktów (reprezentujących piksele obrazu) w taki sposób, aby punkty białe i czarne były rozdzielone według zadanej funkcji sąsiedztwa.
      3. Rozwiązanie sudoku - plik *zad1\_3.ipynb*: Celem jest znalezienie rozwiązania planszy sudoku, zachowując zasady gry.
2. **Opis implementowanych funkcji**
   1. ***Plik zad1\_1.ipynb***
      1. *distance(point\_a, point\_b)*: Oblicza odległość euklidesową między dwoma punktami.
      2. *generate\_circle\_point(centerpoint, radius)*: Generuje losowy punkt na okręgu o zadanym środku i promieniu.
      3. *generate\_points(no\_points, centerpoint, no\_groups, radius=1)*: Generuje punkty wokół zadanego centrum w grupach, gdzie każda grupa ma oddzielny promień.
      4. *simulated\_annealing(points, iterations=3000, T=5000, cooling\_rate=0.995)*: Implementuje algorytm symulowanego wyżarzania dla problemu komiwojażera.
   2. ***Plik zad1\_2.ipynb***
      1. *generate\_random\_binary\_image(n, delta, indices=None)*: Generuje losowy obraz binarny o rozmiarze n x n, gdzie delta określa stosunek liczby pikseli czarnych do całkowitej liczby pikseli.
      2. Funkcje sąsiedztwa
         1. *neighbourhood\_energy\_vert* –funkcja oblicza sumę energii punktu jako sumę jego prawego i lewego sąsiada (funkcja dąży do tego, aby każdy czarny punkt miał na prawo i na lewo punkt biały)
         2. *neighbourhood\_energy\_hor* – funkcja oblicza sumę energii punktu jako sumę jego górnego i dolnego sąsiada (funkcja dąży do tego, aby każdy czarny punkt miał na górze i na dole punkt biały)
         3. *neighbourhood\_energy\_vert\_stripes* – funkcja oblicza sumę energii punktu jako sumę jego prawego i lewego sąsiada oraz ich górnych i dolnych sąsiadów (funkcja dąży do tego, aby każdy czarny punkt miał na prawo i lewo punkt biały, oraz żeby ich górni i dolni sąsiedzi byli biali)
         4. *neighbourhood\_energy\_hor\_stripes* – funkcja oblicza sumę energii punktu jako sumę jego górnego i dolnego sąsiada oraz ich prawych i lewych sąsiadów (funkcja dąży do tego, aby każdy czarny punkt miał na górze i na dole punkt biały, oraz żeby ich prawi i lewi sąsiedzi byli biali)
         5. *neighbourhood\_energy\_divide* – funkcja oblicza sumę energii punktu jako sumę wszystkich punktów bezpośrednio z nim graniczących (funkcja dąży do tego, żeby w odległości 1 każdy punkt czarny miał tylko punkty białe)
         6. *neighbourhood\_energy\_combine* – funkcja oblicza sumę energii punktu jako ujemną sumę wszystkich punktów bezpośrednio z nim graniczących (funkcja dąży do tego, żeby w odległości 1 każdy punkt czarny miał tylko punkty czarne)
      3. *whole\_energy(image, neighbourhood\_energy\_function, matrix=False)*: Oblicza całkowitą energię obrazu binarnego w zależności od zastosowanej funkcji sąsiedztwa.
      4. *simulated\_annealing\_image(image, neighbourhood\_energy\_function, iterations=5000, T=3000, cooling\_rate=0.995)*: Implementuje algorytm symulowanego wyżarzania do segregacji punktów białych i czarnych.
   3. ***Plik zad1\_3.ipynb***
      1. *draw\_sudoku(matrix, edge\_color1='black', edge\_color2='black')*: Rysuje planszę sudoku na podstawie podanej macierzy.
      2. *sudoku\_matrix(filename=None)*: Tworzy macierz reprezentującą planszę sudoku na podstawie pliku lub zwraca pustą macierz, jeśli plik nie jest podany.
      3. *fill\_matrix(matrix)*: Wypełnia puste pola w macierzy sudoku losowymi wartościami, zachowując zasady gry.
      4. *energy(matrix, point, tellrange=False)*: Oblicza energię danego punktu w planszy sudoku, z uwzględnieniem powtarzających się wartości w wierszach, kolumnach i kwadratach 3x3.
      5. *whole\_energy(matrix, matrix\_gen=False)*: Oblicza całkowitą energię planszy sudoku na podstawie zadanej macierzy.
      6. *simulated\_annealing\_sudoku(matrix, good\_points, iterations=1\_000, T=5\_000, cooling\_rate=0.995)*: Implementuje algorytm symulowanego wyżarzania w celu rozwiązania sudoku.
3. **Analiza wyników**
   1. **Plik *zad1\_1.ipynb***

Parametr n oznacza liczbę punktów, a parametr g oznacza liczbę grup, parametr i oznacza liczbę iteracji, parametr t oznacza temperaturę początkową, a parametr c oznacza stopień chłodzenia

* + 1. n = 50, g = 1, i = 10000000, t = 1000000, c = 0.9999982

Obraz zawierający linia, diagram, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, diagram, Wykres, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznieObraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający diagram, linia, zrzut ekranu, Wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Ścieżka optymalna została odnaleziona w czasie 350 sekund

* + 1. n = 30, g = 4, i = 10000000, t = 1000000, c = 0.9999982

Obraz zawierający linia, diagram, Wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, diagram, Wykres, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający diagram, linia, Wykres, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznie

Ścieżka optymalna została odnaleziona w czasie 345 sek

* + 1. n = 60, g = 9, i = 10000000, t = 1000000, c = 0.9999982

Obraz zawierający linia, diagram, zrzut ekranu, krąg

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, diagram, Wykres, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający linia, diagram, krąg, zrzut ekranu

Opis wygenerowany automatycznie

Ścieżka optymalna została odnaleziona w czasie 330 sek

* 1. **Plik *zad1\_2.ipynb***

Parametr n oznacza szerokość i wysokość obrazu, delta oznacza zagęszczenie czarnych pikseli, a f oznacza funkcję generującą sąsiedztwo, parametr i oznacza liczbę iteracji, parametr t oznacza temperaturę początkową, a parametr c oznacza stopień chłodzenia

* + 1. n = 20, δ = 0.1, f = *neighbourhood\_energy\_divide*, i = 100000, t = 1000, c = 0.999

Obraz zawierający zrzut ekranu, design

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, Wykres, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, Wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający zrzut ekranu, wzór, design

Opis wygenerowany automatycznie

Stan optymalny został znaleziony w czasie 1.25 sek

* + 1. n = 100, δ = 0.3, f = *neighbourhood\_energy\_vert\_stripes*, i = 100000, t = 1000, c = 0.999

Obraz zawierający wzór, biały, monochromatyzm

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, Wykres, linia

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, wyświetlacz, linia

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, Czcionka, czarne i białe, biały

Opis wygenerowany automatycznie

Stan optymalny został odnaleziony w 7.37 sek

* + 1. n = 500, δ = 0.4, f = *neighbourhood\_energy\_combine*, i = 3000000, t = 100, c = 0.99999

Obraz zawierający dywan, granit, szary

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, Wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający wzór, materiał, monochromatyzm

Opis wygenerowany automatycznie

Optymalny stan został odnaleziony w czasie 304 sek

Jeśliby pozwolić działać algorytmowi przez dłuższy czas spodziewanym wynikiem byłaby plansza zawierająca jeden zbity czarny zbiór. Poniżej przykład dla innych wartości startowych:

* + 1. n = 50, δ = 0.4, f = *neighbourhood\_energy\_combine*, i = 100000, t = 1000, c = 0.999

Obraz zawierający tekst, wzór, ścieg

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, Wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, wyświetlacz, linia

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający piksel

Opis wygenerowany automatycznie

* 1. **Plik *zad1\_3.ipynb***

Dla obu sudoku zostały zastosowane te same parametry wejściowe:

Maksymalna liczba iteracji: 10000000

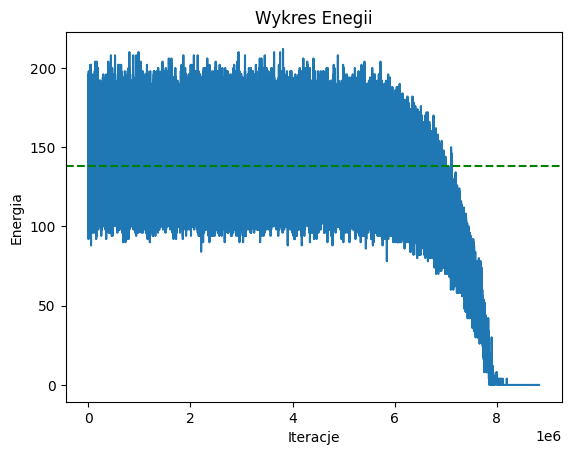
Temperatura początkowa: 1000000

Współczynnik schładzania: 0.9999982

* + 1. **Sudoku z pliku *sudoku1.txt***

Obraz zawierający tekst, numer, Równolegle, linia

Opis wygenerowany automatycznie



Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie

Obraz zawierający tekst, numer, krzyżówka, kalendarz

Opis wygenerowany automatycznie

Poprawne rozwiązanie zostało odnalezione w czasie 503 sek

* + 1. **Sudoku z pliku *sudoku2.txt***

***Obraz zawierający tekst, numer, linia, Równolegle

Opis wygenerowany automatycznie***

***Obraz zawierający tekst, diagram, Wykres, linia

Opis wygenerowany automatycznie***

***Obraz zawierający tekst, zrzut ekranu, linia, diagram

Opis wygenerowany automatycznie***

***Obraz zawierający tekst, numer, krzyżówka, kalendarz

Opis wygenerowany automatycznie***

Poprawne rozwiązanie zostało odnalezione w czasie 502 sek

1. **Wnioski**
   1. Algorytm symulowanego wyżarzania jest skuteczną metodą rozwiązywania różnorodnych problemów optymalizacyjnych.
   2. Wszystkie trzy zaimplementowane problemy wykazały tendencję do poprawy wyników wraz z postępem algorytmu.
   3. Spadek temperatury odzwierciedla proces wyżarzania, podczas gdy spadek wartości funkcji celu świadczy o poprawie rozwiązania.
   4. Gwałtowne spadki temperatury w punktach 3.2.2, 3.2.3 oraz 3.2.4 wynikają z faktu, że dla podanych funkcji bardziej opłacalne jest wykorzystanie algorytmu naiwnego, polegającego na przyjmowaniu tylko zmian zmniejszających wartość energii. Jest to spowodowane tym, że dla podanych funkcji algorytm bardzo szybko trafia na ścieżkę do minima lokalnego, będącego zwykle globalnym.
   5. Algorytm jest w stanie znaleźć poprawne rozwiązania dla sudoku które posiadają dokładnie jedno rozwiązanie.
2. **Uwagi końcowe**
   1. Implementacje w plikach zad1\_1.ipynb, zad1\_2.ipynb i zad1\_3.ipynb zostały przetestowane i zweryfikowane. Wyniki prezentowane na wykresach odpowiadają oczekiwanym rezultatom algorytmu symulowanego wyżarzania.