ACM模板

by 鱼竿钓鱼干

E-mail:851892190@qq.com

参考: acwing板子, 洛谷题解, 各类博客

版本2020/11

```
ACM模板
```

```
自查纠错/数据测试
  自查纠错
  数据测试
数学
  质数
    试除法
    埃氏筛
    线性筛
  质因数
    分解质因数
      试除法求约数
      约数个数(多个数相乘的)
      约数个数和
      约数和
       欧拉函数
       筛法求欧拉函数 (1~n,欧拉函数之和)
  GCD/LCM
    GCD
    LCM
  组合数
    递推
    递归
  快速幂
    裸的
    快速幂+取模
  阶乘
      阶乘位数
  回文
    判断
  斐波那契数列
      递归
       递推
  进制转换
    10进制转K进制
    K进制转10进制
    Tip
  博弈论
  数学公式杂烩
    公式猜测(rp++++)
```

```
待定系数法
    几何
       平面分割
      任意多边形面积
    数论
       gcd/lcm
       互质
       质数/质因数/唯一分解定理
       常识
高精
  A+B
  A-B
  A*b
  A/b
  大数阶乘 (vector太慢了, 用数组)
  其他处理
  去前导0
  多组输入初始化
排序
  快排
  归并
    排序
    求逆序对
  STL
    sort+结构体+cmp
输入输出
  快读
  c++关闭同步
  多组输入
  换行符处理
数据结构
  STL
  栈
    后缀表达式
  单调栈
  队列
  单调队列(滑动窗口)
  Trie树
    存储查找字符串集合
  并查集
    普通并查集
    维护距离(向量本质)
    维护大小
    扩展域
  链表
  双链表
  哈希表
  堆
查找
  二分查找
    整数二分
    浮点数二分
    STL
冬
  DFS
       有多少个连通块 (洪泛)
       列出所有解
  BFS
```

```
最短步数
      连通块里多少块
前缀和/差分
  一维前缀和
  二维前缀和
  一维差分
  二维差分
  注意事项
字符串
  KMP
滑动窗口
DP
  DP思考方式
    状态表示
       集合
       属性
    状态计算
      划分
      计算过程
  背包
    01背包
      二维
      一维
    完全背包
       二维
       二维优化
      一维优化
    多重背包
      暴力朴素
      二进制优化
    分组背包
    背包方案数
      二维
      一维
  线性DP
    数字三角
    最长上升子序列 (LIS)
    最长公共子序列 (LCS)
  区间DP
```

自查纠错/数据测试

记忆化搜索

自查纠错

□ 循环
□ 等号和赋值符号区分
□ for循环三个分号不是同一变量
□ 循环内部操作和循环变量不对应
□ break放错循环层
□ while没有考虑直接为0的情况

□ 质数相关的背板子不要忘记是 <=</th
□数组
□ 数组过大/过小 (特别是用板子的时候)
□ 访问开辟内存 (特别是数组里面有运算的时候)
□输入
□ scanf;役&
□ 换行符问题
□忘记多组输入
□ 忘记输入结束符
□ 尽量不要以换行符结束输入 (可能运行超时)
□输出
□浮点数用整型输出
□最后一个数据末尾多空格
□区分隔一行和换行
□运算过程
□注意隐式转换
□ 取模运算不能%0
□ 注意数据溢出 (要对式子进行优化)
□ int类型向加相乘
□ 递推递归dp
□ 把所有int改成long long
□ 变量初始化
数据测试
—
数据测试
数据测试
数据测试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟
数据测试 □ 样例数据□ 小范围手动模拟□ 极限数据
数据测试 □ 样例数据□ 小范围手动模拟□ 极限数据□ 极限大
数据测试□ 样例数据□ 小范围手动模拟□ 极限数据□ 极限大□ 极限小
数据 测试 □ 样例数据□ 小范围手动模拟□ 极限数据□ 极限大□ 极限小□ 随机数据
数据 测试 □ 样例数据□ 小范围手动模拟□ 极限数据□ 极限大□ 极限小□ 随机数据□ 重复
数据测试
数据测试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟 □ 极限数据 □ 极限大 □ 极限小 □ 随机数据 □ 重复 □ 乱序 □ 边界分类
数据测试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟 □ 极限数据 □ 极限大 □ 极限小 □ 随机数据 □ 重复 □ 乱序 □ 边界分类 □ 多情况分类组合
数据测试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟 □ 极限数据 □ 极限大 □ 极限小 □ 随机数据 □ 重复 □ 乱序 □ 边界分类 □ 多情况分类组合 □ 特殊数据
数据测试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟 □ 极限数据 □ 极限大 □ 极限小 □ 随机数据 □ 重复 □ 乱序 □ 边界分类 □ 多情况分类组合 □ 特殊数据 □ 根据题意的 □ 根据题意的
数据測试 □ 样例数据 □ 小范围手动模拟 □ 极限数据 □ 极限大 □ 极限小 □ 随机数据 □ 重复 □ 乱序 □ 边界分类 □ 多情况分类组合 □ 特殊数据 □ 根据题意的 □ 零 (除法,取模)

□开头空格
□结尾空格
□中间空格
□ 输入输出的前导(
□是否区分大小写
□几何
□凹多边形
□最后一次数据
□存储
□计算
□多组输入
□数据保留
□数据清空
□所有数组
□所有变量
□ 所有stl容器
□特殊变量
☐ flag
sum
☐ max/min
□累乘

数学

质数

试除法

```
bool is_prime(long long x)
{
    if (x < 2) return false;
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )//i*i<=x可能会溢出
        if (x % i == 0)
            return false;
    return true;
}</pre>
```

线性筛

质因数

分解质因数

}

试除法求约数

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
vector<int>get_divisors(int n)
    vector<int>res;
    for(int i=1;i<=n/i;i++)
        if(n%i==0)
            res.push_back(i);
            if(i!=n/i)res.push_back(n/i);//约数通常成对出现,特判完全平方
        }
    sort(res.begin(),res.end());
    return res;
}
int main()
   int n;
    cin>>n;
   while(n--)
        int x;
        cin>>x;
        auto res=get_divisors(x);
        for(auto t:res)cout<<t<' ';</pre>
        cout<<endl;</pre>
   }
}
```

约数个数(多个数相乘的)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;
const int mod=1e9+7;
int main()
    int n;
    cin>>n;
    unordered_map<int,int>primes;
    while(n--)
        int x;
        cin>>x;
        for(int i=2;i <= x/i;i++)
            while(x\%i==0)
            {
                x/=i;
                primes[i]++;
```

```
    if(x>1)primes[x]++;
}
LL res=1;
for(auto prime:primes)res=res*(prime.second+1)%mod;
cout<<res<<end1;
return 0;
}</pre>
```

约数个数和

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int res=0,n;
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++)res+=n/i;
    cout<<res;
    return 0;
}</pre>
```

约数和

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int mod=1e9+7;
typedef long long LL;
int main()
    int n,x;
    unordered_map<int,int>primes;
    cin>>n;
    while(n--)
        cin>>x;
        for(int i=2;i \le x/i;i++)
            while(x\%i==0)
            {
                x/=i;
                primes[i]++;
        if(x>1)primes[x]++;
    }
    LL res=1;
    for(auto prime:primes)
        int p=prime.first,a=prime.second;
        LL t=1;
        while(a--)t=(t*p+1)%mod;
        res=res*t%mod;
    cout<<res<<end1;</pre>
    return 0;
```

}

欧拉函数

筛法求欧拉函数 (1~n,欧拉函数之和)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long 11;
const int N=1e6+10;
11 n,primes[N],phi[N],cnt;
bool st[N];
11 get_eulers(11 n)
{
    phi[1]=1;
    for(int i=2;i<=n/i;i++)
    {
        if(!st[i])
        {
            prime[cnt++]=i;
            phi[i]=i-1;
        }
        for(int j=0;prime[j]<=n/i;j++)</pre>
        {
            st[i*primes[j]]=1;
            if(i%primes[j]==0)
                phi[primes[j]*i]=phi[i]*primes[j];
                break;
            phi(primes[j]*i)=phi[i]*(primes[j]-1)
        }
    }
    11 res=0;
    for(int i=1;i<=n;i++)res+phi[i];</pre>
    return res;
}
int main()
{
```

```
11 n;
cin>>n;

cout<<get_eulers(n)<<endl;

return 0;
}</pre>
```

GCD/LCM

GCD

```
int gcd(int a, int b)
{
    return b ? gcd(b, a % b) : a;
}
```

LCM

```
int lcm(int a, int b)
{
   return a*b/gcd(a,b);
}
```

组合数

递推

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
long long c[40][40];
int main()
{
    for(int i=0;i<=40;i++)</pre>
        for(int j=0;j<=i;j++)
            if(j==0||i==0)c[i][j]=1;
            else c[i][j]=c[i-1][j-1]+c[i-1][j];
        }
    for(int i=0;i<=40;i++)
        for(int j=0;j<=i;j++)</pre>
            printf("%d ",c[i][j]);
        printf("\n");
    }
   return 0;
}
```

```
#include<stdio.h>

int c(int i,int j)
{
    if(i<0||j<0||i<j)return 0;
    if(i==j)return 1;
    if(j==1)return i;//这个是i不是1啊
    else return c(i-1,j-1)+c(i-1,j);
}

int main()
{
    int i,j,zuhe;
    scanf("%d%d",&i,&j);
    zuhe=c(i,j);
    printf("C[%d][%d]=%d",i,j,zuhe);
    return 0;
}
```

快速幂

裸的

```
typedef long long ll;
ll fastpower(ll base,ll power)
{
    ll result=1;
    while(power>0)//不会包含power=0的情况所以这种要特判
    {
        if(power&1)//等价于if(power%2==1)
        {
            result=result*base;
        }
        power>>=1;//等价于power=power/2
        base=base*base;
    }
    return result;
}
```

快速幂+取模

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
int k;
ll fastpower(ll base,ll power)
{
    ll result=1;
    result%=k;//处理1 0 1
    while(power>0)//不会包含power=0的情况所以这种要特判
    {
        if(power&1)//等价于if(power%2==1)
        {
            result=result*base%k;
        }
}
```

```
power>>=1;//等价于power=power/2
base=(base*base)%k;
}
return result;
}

int main()
{
    int b,p;
    cin>>b>>p>k;
    cout<<b<<"^"<<p>cout<b<<"^"<<fastpower(b,p);
    return 0;
}
</pre>
```

阶乘

阶乘位数

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main()
{
    double n;
    while(cin>>n)
    {
        double s=0;
        for(int i=1;i<=n;i++)s+=log10(i);//n!取对数
        cout<<int(s)+1<<endl;
    }
    return 0;
}
```

回文

判断

```
bool hw(int x)
{
    int numa=x,numb=0;//下面其实就一个数字反转
    while (numa)
    {
        numb=numb*10+numa%10;
        numa/=10;
    }
    if (x==numb) return true;
    else return false;
}
```

```
bool hw(string a)
{
    string b;
    b=a;
    reverse(b.begin(),b.end());//不要拼错了,这玩意也不可以直接赋值
    if(a==b)return true;
    else return false;
}
```

斐波那契数列

递归

递推

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
long long f[50];
int main()
{
    int n;
    cin>>n;

    f[0]=0;f[1]=1;
    cout<<f[1]<<" ";
    for(int i=2;i<=n;i++)
    {
        f[i]=f[i-1]+f[i-2];
        cout<<f[i]<<" ";
    }
    return 0;
}</pre>
```

进制转换

10进制转K进制

K进制转10进制

Tip

1. 有时候不用真的转换,可以直接按格式打印

博弈论

数学公式杂烩

公式猜测(rp++++)

待定系数法

$$f[n] = af[n-1] + bf[n-1] + cf[n-2] \dots + k$$

 $f[n] = an^3 + bn^2 + cn + d$

技巧

- 1. 对于分类讨论,建议取靠后的数据带入,前面数据单独输出(至于从第几项开始,你感觉可以递推或者递归了那就从哪里开始代)
- 2. 一般是两项,有时候可能三项,有时候可能还有常数项
- 3. 分类讨论,分奇偶找找规律

几何

平面分割

直线分割

$$f[n] = n(n+1)/2 + 1$$

折线分割

$$f[n] = 2n^2 - n + 1$$

封闭曲线分割

$$f[n] = n^2 - n + 2$$

平面分割空间

$$f[n] = (n^3 + 5n)/6 + 1$$

任意多边形面积

$$S = rac{1}{2} |\sum_{i=1}^n (x_i y_{i+1} - x_{i+1} y_i)| \ x_n = x_1, y_n = y_1$$

数论

gcd/lcm

$$a*b=gcd(a,b)*lcm(a,b),lcm$$
相关的就用这个转为 gcd 相关 $gcd(a,b)=gcd(a,amodb)$ $gcd(a1,a2,\ldots an)=gcd(a1,gcd(a2,a3\ldots an))$ $gcd(a,b)=gcd(a+cb,b)$ $lcm(a,b)>=min(a,b)$ 可以拿来优化

互质

质数/质因数/唯一分解定理

$$1$$
到 n 中大约(可以用来估算时间复杂度和开空间)有 $\frac{n}{ln(n)}$ 个质数

质数的倍数一定是合数 唯一分解定理:
$$N=p_1^{c_1}p_2^{c_2}p_3^{c_3}p_4^{c_4}p_5^{c_5}\dots$$
 约数个数 $(c_1+1)(c_2+1)(c_3+1)(c_4+1)\dots$ 约数之和 $(p_1^0+p_1^1+\dots\dots+p_1^{c_1})*\dots\dots*(p_k^0+p_k^1+p_k^2+\dots\dots+p_k^{c_k})$ 若 p 为质数: $p=1*p$ 唯一表示,可以把 1 和 p 对应 p 相关的式子

```
三柱: H_3=2^n-1 禁止隔柱移动三柱: H=3^n-1 只能顺时针转: H(n)=rac{1}{6}(-(\sqrt{3}-3)(1-\sqrt{3})^n+(\sqrt{3}+3)(\sqrt{3}+1)^n-6)
```

常识

闰年:

- 1.普通情况求闰年只需除以4可除尽即可
- 2.如果是100的倍数但不是400的倍数,那就不是闰年了

月份

31天: 1, 3, 5, 7, 8, 10, 12

2月闰年29, 平年28

30天: 4, 6, 9, 11

高精

A+B

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
//如果k进制,那么10都改成k就行了,传进去的时候注意改A~10,F~15;
vector<int>add(vector<int> &A, vector<int> &B)
   if(A.size()<B.size())return add(B,A);</pre>
   vector<int>c;
   int t=0;//一定要初始化为0
   for(int i=0;i<A.size();i++)//A+B+t</pre>
        t+=A[i];
       if(i<B.size())t+=B[i];</pre>
        c.push_back(t%10);
        t/=10;
   if(t)c.push_back(t);//处理最高位
   return c;
}
int main()
   string a,b;
   vector<int>A,B;
   cin>>a>>b;
    for(int i=a.size()-1;i>=0;i--)A.push_back(a[i]-'0');//逆序输入,方便进位
    for(int i=b.size()-1;i>=0;i--)B.push_back(b[i]-'0');
   auto c=add(A,B);
   for(int i=c.size()-1;i>=0;i--)cout<<c[i];//逆序输出
   return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
void trimzero(vector<int> &A)//处理输入前的0和输出时的0
{
    while(A.size()>1&A.back()==0)A.pop_back();
}
bool cmp(vector<int> &A,vector<int> &B)
{
    if(A.size()!=B.size())return A.size()>B.size();
    for(int i=A.size()-1;i>=0;i--)
        if(A[i]!=B[i])return A[i]>B[i];
    return 1;
}
vector<int>sub(vector<int> &A, vector<int> &B)
    vector<int>c;
    for(int i=0,t=0;i<A.size();i++)</pre>
        t=A[i]-t;
        if(i<B.size())t-=B[i];</pre>
        c.push_back((t+10)\%10);
        if(t<0)t=1;
        else t=0;
    }
    trimzero(c);
    return c;
}
int main()
{
    string a,b;
    cin>>a>>b;
    vector<int>A,B;
    for(int i=a.size()-1;i>=0;i--)A.push_back(a[i]-'0');
    for(int i=b.size()-1;i>=0;i--)B.push_back(b[i]-'0');
    trimzero(A);
    trimzero(B);
    if(cmp(A,B))
        auto c=sub(A,B);
        for(int i=c.size()-1;i>=0;i--)cout<<c[i];</pre>
    }
    else
        auto c=sub(B,A);
        cout<<"-";
        for(int i=c.size()-1;i>=0;i--)cout<<c[i];</pre>
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
void trimzero(vector<int> &A)
{
    while(A.size()>1&&A.back()==0)A.pop_back();
}
vector<int> mul(vector<int> &A,int b)
    vector<int>c;
    for(int i=0,t=0;i<A.size()||t;i++)
        if(i<A.size())t+=A[i]*b;</pre>
        c.push_back(t%10);
        t/=10;
    trimzero(c);
    return c;
}
int main()
    string a;
    int b;
    cin>>a>>b;
    vector<int>A;
    for(int i=a.size()-1;i>=0;i--)A.push_back(a[i]-'0');
    trimzero(A);
    auto c=mul(A,b);
    for(int i=c.size()-1;i>=0;i--)cout<<c[i];</pre>
    return 0;
}
```

A/b

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

void trimzero(vector<int> &A)
{
    while(A.size()>0&&A.back()==0)A.pop_back();
}
vector<int>div(vector<int> &A,int b,int &r)
{
    vector<int>c;
    r=0;
    for(int i=A.size()-1;i>=0;i--)//出发比较特别从高位开始搞
{
        r=r*10+A[i];
        c.push_back(r/b);
        r%=b;
}
```

```
reverse(c.begin(),c.end());
    trimzero(c);
    return c;
}
int main()
{
    string a;
    int b;
   vector<int>A;
    cin>>a>>b;
    for(int i=a.size()-1;i>=0;i--)A.push_back(a[i]-'0');
    int r;
    auto c=div(A,b,r);
    for(int i=c.size()-1;i>=0;i--)cout<<c[i];</pre>
    cout<<endl<<r<<endl;</pre>
    return 0;
}
```

大数阶乘 (vector太慢了, 用数组)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main()
    int n,ws;
    while(scanf("%d",&n)!=EOF)
    {
        double s=0;
        for(int i=1;i<=n;i++)s+=log10(i);
        ws=int(s)+1;//求位数
        int f[ws];
        memset(f,0,sizeof(f));
        int ans,jw,j;
        f[0]=1;
        for(int i=2;i<=n;i++)</pre>
            int jw=0;
            for(j=0;j<ws;j++)
                int ans=f[j]*i+jw;
                f[j]=ans%10;
                jw=ans/10;
            }
        for(j=ws-1;j>=0;j--)printf("%d",f[j]);
        printf("\n");
   return 0;
}
```

其他处理

去前导0

```
void trimzero(vector<int> &A)//处理输入前的0和输出时的0
{
    while(A.size()>1&&A.back()==0)A.pop_back();
}
```

多组输入初始化

```
多次输入或者累计运算
记得清空vector
vector<int>a;
a.clear();
```

排序

快排

```
void quick_sort(int q[], int l, int r)
{
    if (l >= r) return;//没有数

    int i = l - 1, j = r + 1, x = q[l + r >> 1];//l-1和r+1, 因为每次都要往中间移动一个, 这样可以保证开头的和以后的都一样不用特别处理, 移动一次后找到真正边界
    while (i < j)
    {
        do i ++ ; while (q[i] < x);
        do j -- ; while (q[j] > x);
        if (i < j) swap(q[i], q[j]);
    }
    quick_sort(q, l, j), quick_sort(q, j + 1, r);
}</pre>
```

归并

排序

```
int q[N],tmp[N];
void merge_sort(int q[],int l,int r)//这里只有<=/>
{
    if(l>=r)return;
    int mid=l+r>>1;
    merge_sort(q,l,mid),merge_sort(q,mid+1,r);
    int k=0,i=l,j=mid+1;
    while(i<=mid&&j<=r)
    {
        if(q[i]<=q[j])tmp[k++]=q[i++];
        else tmp[k++]=q[j++];
    }
    while(i<=mid)tmp[k++]=q[i++];
    while(j<=r)tmp[k++]=q[j++];</pre>
```

```
for(int i=1,j=0;i<=r;i++,j++)q[i]=tmp[j];//不要写成i=1
}
```

求逆序对

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long 11;
const int N=1e6+10;
int n;
int q[N],tmp[N];
11 merge_sort(int 1,int r)
{
    if(1>=r)return 0;
    int mid=1+r>>1;
    11 res=merge_sort(1,mid)+merge_sort(mid+1,r);
    int k=0, i=1, j=mid+1;
    while(i<=mid&&j<=r)</pre>
        if(q[i] \le q[j])tmp[k++] = q[i++];
        else
            tmp[k++]=q[j++];
            res+=mid-i+1;
        }
    }
    while(i<=mid)tmp[k++]=q[i++]; //扫尾
    while(j \le r) tmp[k++]=q[j++];
    for(int i=1,j=0;i<=r;i++,j++)q[i]=tmp[j];//不要写成i=1
    return res;
}
int main()
    int n;
    cin>>n;
    for(int i=0;i<n;i++)cin>>q[i];
    cout<<merge_sort(0,n-1);</pre>
}
```

STL

sort+结构体+cmp

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

struct student
```

```
string xm;
   int y;
   int m;
   int d;
   int xh;
};student a[105];
bool cmp(student a,student b)
    if(a.y<b.y)</pre>
    return true;//想按什么情况来排序,就是这种情况下返回的值是true,但是这里面似乎不能用>=或
者<=这样的符号
    else if(a.y==b.y\&a.m<b.m)
   return true;
   else if(a.y==b.y&a.m==b.m&a.d<b.d)
   return true;
   else if(a.y==b.y\&a.m==b.m\&a.d==b.d\&a.xh>b.xh)
   return true;
   else
   return false;
}
int main()
{
   int n;
    cin>>n;
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        cin>>a[i].xm>>a[i].y>>a[i].m>>a[i].d;
        a[i].xh=i;
    }
    sort(a+1,a+n+1,cmp);//[a+1,a+n]范围按照cmp排序
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        cout<<a[i].xm<<endl;</pre>
    }
    return 0;
}
```

输入输出

快读

```
inline int read()
{
    int x=0,y=1;char c=getchar();//y代表正负(1.-1),最后乘上x就可以了。
    while (c<'0'||c>'9') {if (c=='-') y=-1;c=getchar();}//如果c是负号就把y赋为-1
    while (c>='0'&&c<='9') x=x*10+c-'0',c=getchar();
    return x*y;//乘起来输出
}
```

c++关闭同步

```
int main()
{
ios::sync_with_stdio(false);
}
```

多组输入

换行符处理

数据结构

STL

```
vector, 变长数组, 倍增的思想
   size() 返回元素个数
   empty() 返回是否为空
   clear() 清空
   front()/back()
   push_back()/pop_back()
   begin()/end()
   []
   支持比较运算, 按字典序
pair<int, int>
   first,第一个元素
   second, 第二个元素
   支持比较运算,以first为第一关键字,以second为第二关键字(字典序)
string,字符串
   size()/length() 返回字符串长度
   empty()
   clear()
   substr(起始下标,(子串长度)) 返回子串
   c_str() 返回字符串所在字符数组的起始地址
queue, 队列
   size()
   empty()
   push() 向队尾插入一个元素
```

```
front() 返回队头元素
   back() 返回队尾元素
   pop() 弹出队头元素
priority_queue, 优先队列,默认是大根堆
   size()
   empty()
   push() 插入一个元素
   top() 返回堆顶元素
   pop() 弹出堆顶元素
   定义成小根堆的方式: priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;
stack, 栈
   size()
   empty()
   push() 向栈顶插入一个元素
   top() 返回栈顶元素
   pop() 弹出栈顶元素
deque, 双端队列
   size()
   empty()
   clear()
   front()/back()
   push_back()/pop_back()
   push_front()/pop_front()
   begin()/end()
   set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树(红黑树), 动态维护有序序列
   size()
   empty()
   clear()
   begin()/end()
   ++, -- 返回前驱和后继,时间复杂度 O(logn)
   set/multiset
      insert() 插入一个数
      find() 查找一个数
      count() 返回某一个数的个数(由于set不重复原则所以只返回01)
          (1) 输入是一个数x, 删除所有x O(k + logn)
          (2) 输入一个迭代器, 删除这个迭代器
      lower_bound()/upper_bound()
          lower_bound(x) 返回大于等于x的最小的数的迭代器
          upper_bound(x) 返回大于x的最小的数的迭代器
   map/multimap
      insert() 插入的数是一个pair
      erase() 输入的参数是pair或者迭代器
      find()
      [] 注意multimap不支持此操作。 时间复杂度是 O(logn)
      lower_bound()/upper_bound()
```

```
unordered_set, unordered_map, unordered_multiset, unordered_multimap, 哈希表
   和上面类似,增删改查的时间复杂度是 O(1)
   不支持 lower_bound()/upper_bound(), 迭代器的++, --
bitset, 圧位
   bitset<10000> s;
   ~, &, |, ^
   >>, <<
   ==, !=
   []
   count() 返回有多少个1
   any() 判断是否至少有一个1
   none() 判断是否全为0
   set() 把所有位置成1
   set(k, v) 将第k位变成v
   reset() 把所有位变成0
   flip() 等价于~
   flip(k) 把第k位取反
```

栈

后缀表达式

单调栈

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+5;
int n;
int stk[N],tt;
int main()
{
    cin>>n;
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
    {
        int x;
        cin>>x;
        while(tt&&stk[tt]>=x)tt--;//1~i-1单调递增的栈,出栈了就不会再回来了
        if(tt)cout<<stk[tt]<<" ";</pre>
        else cout<<-1<<" ";
        stk[++tt]=x;
```

```
}
}
```

队列

单调队列(滑动窗口)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+5;
int a[N],q[N],n,k;//q存下标
int main()
{
    scanf("%d%d",&n,&k);
    for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&a[i]);</pre>
    int hh=0,tt=-1;
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
    {
        //判断队头是已经滑出窗口
        if(hh \le t+k-1 > q[hh])hh++;
        while(hh <= tt &a[q[tt]] >= a[i])tt--;
        q[++tt]=i;
        if(i>=k-1)printf("%d ",a[q[hh]]);
    }
    puts("");
    hh=0,tt=-1;
    memset(q,0,sizeof(q));
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
        if(hh \le t+k-1 = q[hh])hh ++;
        while(hh <= tt \& a[q[tt]] <= a[i])tt--;
        q[++tt]=i;
        if(i>=k-1)printf("%d ",a[q[hh]]);
    }
    return 0;
}
```

Trie树

存储查找字符串集合

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e6+10;

int son[N][26],cnt[N],idx;//下标是0的点既是根节点又是空节点,cnt是对应每个停止符的数量。
```

```
char str[N];
void insert(char *str)
   int p=0;
   for(int i=0;str[i];i++)
       int u=str[i]-'a';
       if(!son[p][u])son[p][u]=++idx;//p是根u是儿子,如果没有儿子,idx只是查询有没有
        p=son[p][u];
    }
   cnt[p]++;
}
int query(char *str)
{
    int p=0;
    for(int i=0;str[i];i++)
       int u=str[i]-'a';
       if(!son[p][u])return 0;
        p=son[p][u];
   return cnt[p];
}
int main()
{
   int n;
   char op[2];
    scanf("%d",&n);
   while(n--)
    {
        scanf("%s%s",op,str);
       if(op[0]=='I')insert(str);
        else printf("%d\n",query(str));
   }
   return 0;
}
```

并查集

普通并查集

```
int find(int x)
{
    if(f[x]!=x)f[x]=find(f[x]);
    return f[x];
}
void merge_set(int x,int y)
{
    int fx=find(x),fy=find(y);
    if(fx==fy)return;//不要忘记
    else f[fx]=fy;
}
```

维护距离(向量本质)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+10;
int n,k,cnt;
int f[N],d[N];
int find(int x)
    if(f[x]!=x)
    {
        int t=find(f[x]);
        d[x]+=d[f[x]];
        f[x]=t;
    return f[x];
}
int main()
{
    cin>>n>>k;
    for(int i=1;i<=n;i++)f[i]=i;</pre>
    while(k--)
    {
        int op,x,y;
        cin>>op>>x>>y;
        if(x>n||y>n)cnt++;
        else
        {
            int fx=find(x), fy=find(y);
            if(op==1)//同类
            {
                if(fx==fy&&(d[x]-d[y])%3)cnt++;
                else if(fx!=fy)
                     f[fx]=fy;
                    d[fx]=d[y]-d[x];
                }
            }
            else
            {
                if(fx==fy&&(d[x]-d[y]-1)%3)cnt++;
```

```
else if(fx!=fy)
{
          f[fx]=fy;
          d[fx]=d[y]+1-d[x];
}

}

cout<<cnt;
return 0;
}</pre>
```

维护大小

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+10;
int n,m;
int f[N],siz[N];
int find(int x)
{
   if(f[x]!=x)f[x]=find(f[x]);
   return f[x];
}
int main()
{
   scanf("%d%d",&n,&m);
   for(int i=1;i<=n;i++)//看清题目可能从0开始
    {
        f[i]=i;
        siz[i]=1;
   }
   while(m--)
    {
        int a,b;
        char op[2];
       scanf("%s",op);
        if(op[0]=='C')
        {
            scanf("%d%d",&a,&b);
           if(find(a)==find(b))continue;//判断一下有没有在同一集合里了
            siz[find(b)]+=siz[find(a)];
           f[find(a)]=find(b);
        }
        else if(op[1]=='1')
            scanf("%d%d",&a,&b);
           if(find(a)==find(b))puts("Yes");
           else puts("No");
        }
        else
        {
            scanf("%d",&a);
```

扩展域

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+10;
int f[N],enem[N];//enem存p的敌人
int find(int x)
{
    if(f[x]!=x)f[x]=find(f[x]);
    return f[x];
}
void merge_set(int x,int y)
{
    int fx=find(x),fy=find(y);
    if(fx==fy)return;//不要忘记
    else f[fx]=fy;
}
int main()
{
    int n,m,cnt;
    char op[2];
    scanf("%d%d",&n,&m);
    cnt=0;
    for(int i=1;i<=2*n;i++)f[i]=i;</pre>
    for(int i=1;i<=m;i++)</pre>
    {
        int p,q;
        scanf("%s%d%d",op,&p,&q);
        int fp=find(p),fq=find(q);
        if(op[0]=='F')merge_set(p,q);
        else
        {
            if(!enem[p])enem[p]=q;
            else merge_set(q,enem[p]);
            if(!enem[q])enem[q]=p;
            else merge_set(p,enem[q]);
        }
    }
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        if(f[i]==i)cnt++;
    printf("%d",cnt);
    return 0;
}
```

双链表

哈希表

堆

查找

二分查找

整数二分

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e5+5;
int a[N],x;
bool check_1(int mid)//判定条件if中的式子要考虑会不会溢出或者因为整型除法失效
{
   if(a[mid]>=x)return 1;//不要写成a[x]=x
   else return 0;
}
bool check_2(int mid)
   if(a[mid]<=x)return 1;</pre>
   else return 0;
}
int bsearch_1(int 1,int r)//第一个满足条件的值
   while(1<r)</pre>
       int mid=l+r>>1;
       if(check_1(mid))r=mid;//方便记忆,右边第一个
       else l=mid+1;//别忘记else
   }
   if(a[1]!=x) return -1;
   else return 1;//不要写成return 1;
}
int bsearch_2(int 1,int r)//最后一个满足条件的值
{
   while(1<r)</pre>
       int mid=1+r+1>>1;
       if(check_2(mid))1=mid;//方便记忆,左边最后一个
       else r=mid-1;//别忘记else
   if(a[1]!=x) return -1;
```

```
else return 1;
}

int main()
{
    int n,q;
    scanf("%d%d",&n,&q);
    for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&a[i]);
    while(q--)
    {
        scanf("%d",&x);
        printf("%d %d\n",bsearch_1(0,n-1),bsearch_2(0,n-1));
    }
}</pre>
```

浮点数二分

```
bool check(double x) {/* ... */} // 检查x是否满足某种性质

double bsearch_3(double l, double r)//输入l和r的时候保证l<r不要输入一个负数就反过来了不能写(-n,n)
{
    const double eps = le-6; // eps 表示精度,取决于题目对精度的要求,一般比要求的两位有效数字
    while (r - l > eps)
    {
        double mid = (l + r) / 2;
        if (check(mid)) r = mid;
        else l = mid;
    }
    return l;
}
```

STL

冬

DFS

有多少个连通块 (洪泛)

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

int n,m,cnt;
char mp[505][505];
int xx[]={0,0,1,-1};
int yy[]={1,-1,0,0};

void dfs(int x,int y)
{
```

```
for(int i=0;i<4;i++)
    {
         int dx=x+xx[i];
         int dy=y+yy[i];
         if(dx)=0\&\&dx<=n+1\&\&dy>=0\&\&dy<=m+1\&\&mp[dx][dy]!='*')
             mp[dx][dy]='*';//直接标记
             dfs(dx,dy);
         }
    }
}
int main()
{
         cin>>n>>m;
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
         {
                 for(int j=1; j \le m; j++)
                          char c;
                          cin>>c;
                          mp[i][j]=c;
                 }
         }
         dfs(0,0);//方式开局就是这*
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
             for(int j=1; j \le m; j++)
                 if(mp[i][j]=='0')
                      cnt++;
         cout<<cnt;</pre>
         return 0;
}
```

列出所有解

全排列

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

int n;
bool vis[30];
int a[20];

void pr()
{
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        cout<<setw(5)<<a[i];
    }
}</pre>
```

```
cout<<endl;</pre>
}
void dfs(int x)//x是层数
   if(x>n)
   {
       pr();//超出了n就结束了
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
       if(!vis[i])
       {
           a[x]=i;//第x层是i;
           vis[i]=1;
           dfs(x+1);
           vis[i]=0;//释放回到上一个节点,消去访问记录,其实a[x]也要消去只不过新的值会覆盖
       }
   }
}
int main()
{
   cin>>n;
   dfs(1);
   return 0;
}
```

STL

```
//prev_permutation函数可以制造前一个排列,如果已经为第一个,则返回false。
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,a[10000];
int main()
    cin>>n;
   for(int i=0;i<n;i++) //读入数据
       cin>>a[i];
   if(prev_permutation(a,a+n)) //如果为真就输出数组
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
           cout<<a[i]<<" ";
   else cout<<"ERROR"; //否则输出ERROR
   cout<<endl;</pre>
   return 0;
}
//next_permutation同理
int main()
   string str = "abcde";
   int num = 1;
   while(next_permutation(str.begin(),str.end()))
    {
       num++;
       cout<<str<<endl;</pre>
       if(num==5)
```

```
break;
}
return 0;
}
```

组合输出

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,r;
int a[50];
bool vis[50];
void pr()
    for(int i=1;i<=r;i++)</pre>
    cout<<setw(3)<<a[i];</pre>
    cout<<endl;</pre>
}
void dfs(int x)
{
    if(x>r)
    {
         pr();
        return;
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        if(!vis[i]\&\&(i>a[x-1]||x==1))
             a[x]=i;
             vis[i]=1;
             dfs(x+1);
             vis[i]=0;
        }
    }
}
int main()
{
    cin>>n>>r;
    dfs(1);
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int 1,r,c;
int xx[]={1,-1,0,0,0,0};
int yy[]={0,0,1,-1,0,0};
int zz[]={0,0,0,0,1,-1};
int sx,sy,sz,ex,ey,ez;
char mp[40][40][40];
bool vis[40][40][40];
bool flag;
struct node
   int x,y,z,s;//s存步数
};
void bfs(int z,int x,int y)
   queue<node>q;
   q.push((node){x,y,z,0});//创建结构体队列
   vis[z][x][y]=1;
   while(!q.empty())
       if(q.front().x==ex&&q.front().y==ey&&q.front().z==ez)
       {
           flag=1;
           printf("Escaped in %d minute(s).",q.front().s);
           break;
       for(int i=0;i<6;i++)
           int dx=q.front().x+xx[i];
           int dy=q.front().y+yy[i];
           int dz=q.front().z+zz[i];
           [dy] \& mp[dz] [dx] [dy] != '#')
               q.push((node){dx,dy,dz,q.front().s+1});
               vis[dz][dx][dy]=1;
           }
       }
       q.pop();
   }
}
int main()
{
   cin>>1>>r>>c;
   for(int i=1;i<=1;i++)
   {
       for(int j=1;j<=r;j++)</pre>
           for(int k=1; k <= c; k++)
           {
               cin>>mp[i][j][k];
               if(mp[i][j][k]=='S')
```

连通块里多少块

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int xx[]={0,0,1,-1};
int yy[]=\{1,-1,0,0\};
int vis[1005][1005];
bool mp[1005][1005];
int ans[1000005];
int color,cnt,n,m;
void bfs(int x, int y)
{
    queue<int>h;
    queue<int>1;
    h.push(x);1.push(y);
    vis[x][y]=color;
   while(!h.empty())
        for(int i=0;i<4;i++)</pre>
            int dx=h.front()+xx[i];
            int dy=1.front()+yy[i];
            if(dx)=1\&\&dx<=n\&\&dy>=1\&\&dy<=n\&\&mp[dx][dy]!=mp[h.front()]
[1.front()]&&!vis[dx][dy])
            {
                h.push(dx);1.push(dy);
                vis[dx][dy]=color;//颜色标记区分不同的连通块
            }
        h.pop();1.pop();//弹出多少次就有多少格子
        cnt++;
    }
    return;
}
int main()
{
    cin>>n>>m;
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
```

```
for(int j=1; j \le n; j++)
            char ch;
            cin>>ch;
            if(ch=='1')mp[i][j]=1;
            else mp[i][j]=0;
        }
    }
    //如果是确定的起点那下面的直接bfs(sx,sy)即可
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=1; j \le n; j++)
            if(!vis[i][j])//排除已经搜索过的连通块
                color++;
                bfs(i,j);
                ans[color]=cnt;
                cnt=0;//初始化cnt
            }
        }
    }
    for(int i=1;i<=m;i++)</pre>
        int x,y;
        cin>>x>>y;
        cout<<ans[vis[x][y]]<<endl;</pre>
   }
    return 0;
}
```

前缀和/差分

一维前缀和

```
S[i] = a[1] + a[2] + ... a[i]
a[1] + ... + a[r] = S[r] - S[1 - 1]
```

二维前缀和

```
S[i, j] = 第i行j列格子左上部分所有元素的和以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵的和为:
S[x2, y2] - S[x1 - 1, y2] - S[x2, y1 - 1] + S[x1 - 1, y1 - 1]
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e3+5;
int mp[N][N],dp[N][N];
int main()
{
```

```
int n,m,q,x1,x2,y1,y2;
    cin>>n>>m>>q;
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
             cin>>mp[i][j];
    }
    memset(dp,0,sizeof(dp));
//预处理二位前缀和数组dp
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=1; j \le m; j++)
             dp[i][j]=dp[i-1][j]+dp[i][j-1]-dp[i-1][j-1]+mp[i][j];
        }
    }
    while(q--)
    {
        cin>>x1>>y1>>x2>>y2;
        cout < dp[x2][y2] - dp[x2][y1-1] - dp[x1-1][y2] + dp[x1-1][y1-1] < end];
    }
}
```

一维差分

```
给区间[1, r]中的每个数加上c: B[1] += c, B[r + 1] -= c
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e6+5;
int a[N],b[N];
int main()
   int n,1,r,c;
   cin>>n;
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
       cin>>a[i];
       b[i]=a[i]-a[i-1];//构造差分数组
   while(cin>>l>>r>>c)
       b[1] += c;
       b[r+1]-=c;
       for(int i=1;i<=n;i++)a[i]=a[i-1]+b[i];
       for(int i=1;i<=n;i++)cout<<a[i]<<" ";//如果是连续差分求最终值,把这条放到while
外面就可以了,一般差分数据量比较大建议快速读入
```

```
cout<<endl;
}
return 0;
}</pre>
```

二维差分

```
给以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵中的所有元素加上c:
S[x1, y1] += c, S[x2 + 1, y1] -= c, S[x1, y2 + 1] -= c, S[x2 + 1, y2 + 1] += c
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e4+5;
int a[N][N],b[N][N];
inline int read()
{
    int x=0,y=1;char c=getchar();//y代表正负(1.-1),最后乘上x就可以了。
    while (c<'0'||c>'9') {if (c=='-') y=-1;c=getchar();}//如果c是负号就把y赋为-1
   while (c>='0'&&c<='9') x=x*10+c-'0', c=getchar();
   return x*y;//乘起来输出
}
int main()
    int n,m,q,x1,x2,y1,y2,c;
    n=read(), m=read(), q=read();
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
    {
        for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
            a[i][j]=read();
            b[i][j]=a[i][j]-a[i-1][j]-a[i][j-1]+a[i-1][j-1];//预处理差分
        }
    }
    while(q--)
        x1=read(),y1=read(),x2=read(),y2=read();
        b[x1][y1]+=c;
        b[x1][y2+1]=c;
        b[x2+1][y1]-=c;
        b[x2+1][y2+1]+=c;
    }
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
            a[i][j]=a[i-1][j]+a[i][j-1]-a[i-1][j-1]+b[i][j];
            printf("%d ",a[i][j]);
        }
```

```
printf("\n");
}
return 0;
}
```

注意事项

- 1. 前缀和,差分尽量使用快读
- 2. 涉及最大最小到时候min, max初值设为0, 以免遗漏开头的
- 3. 前缀和左上角,差分右下角,两者互为逆运算,容斥定理可推公式
- 4. 前缀和区间快速求和, 差分区间增减修改

字符串

KMP

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e5+10, M=1e6+10;
int n,m;
char p[N],s[M];
int ne[N];//最长公共前缀后缀
int main()
   cin>>n>>p+1>>m>>s+1;
   //预处理 ne数组
   for(int i=2,j=0;i<=n;i++)//从第二个开始处理,第一个肯定0啊
       while(j&&p[i]!=p[j+1])j=ne[j];//j+1和i试探一下看一不一样,不一样就j=ne[i]直到开
头
       if(p[i]==p[j+1])j++;
       ne[i]=j;
   }
   //kmp 匹配
   for(int i=1,j=0;i<=m;i++)
       while(j&&s[i]!=p[j+1])j=ne[j];
       if(s[i]==p[j+1])j++;
       if(j==n)
       {
           printf("%d ",i-n);
           j=ne[j];
   }
   return 0;
}
```

DP

DP思考方式

状态表示

集合

- 1. 维度的确定是最少要用几个维度来唯一确定如: 背包有容量和价值表状态,最原始两维度。最长子序列以i结尾,就只要一个。最长公共子序列两个序列,就要两个维度
- 2. 所有满足+(题目条件+状态表示的条件)+的集合

属性

- 1. max(开long long)
- 2. min (开long long)
- 3. 方案数 (直接开unsigned long long防爆)
- 4. 具体方案 (记录状态转移)

状态计算

划分

原则: 补充不漏

- 1. 以i-1为倒数第二个 (LIS)
- 2. 转移来源(数字三角)
- 3. 选i与不选i/选几个(背包)
- 4. a[i],b[j]是否包含在子序列当中

计算过程

要保证前面的已经计算好了, 状态转移不能成环

背包

01背包

二维

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e4+10;

int n,m;
int v[N],w[N];
int f[N][N];

int main()
{
    cin>>n>>m;
    for(int i=1;i<=n;i++)cin>>v[i]>>w[i];
```

一维

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e4+10;
int n,m;
int v[N],w[N];
int f[N];//有时候要开long long不然会爆
int main()
{
    cin>>n>>m;
    for(int i=1;i<=n;i++)cin>>v[i]>>w[i];
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=m;j>=v[i];j--)
            f[j]=max(f[j],f[j-v[i]]+w[i]);
    cout<<f[m]<<endl;</pre>
    return 0;
}
```

完全背包

二维

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e4+10;

int n,m;
int v[N],w[N];
int f[N][N];
```

二维优化

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N = 1010;
int f[N][N];
int v[N],w[N];
int main()
{
    int n,m;
    cin>>n>>m;
    for(int i = 1; i \le n; i ++)cin>>v[i]>>w[i];
    for(int i = 1 ; i <= n ; i++)
        for(int j = 0; j \le m; j + +)
        {
            f[i][j] = f[i-1][j];
            if(j>=v[i])f[i][j]=max(f[i][j],f[i][j-v[i]]+w[i]);
        }
    cout<<f[n][m]<<endl;</pre>
}
```

一维优化

```
cout<<f[m]<<end1;
return 0;
}</pre>
```

多重背包

暴力朴素

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e4+10;
int n,m;
int v[N],w[N],s[i];
int f[N][N];
int main()
    cin>>n>>m;
    for(int i=1;i<=n;i++)cin>>v[i]>>w[i]>>s[i];
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        for(int j=0; j \le m; j++)
             for(int k=0; k \le [i] & k v[i] \le j; k++)
                 f[i][j]=max(f[i][j],f[i][j-v[i]*k]+w[i]*k)
    cout<<f[n][m]<<endl;</pre>
    return 0;
}
```

二进制优化

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=25000,M=2010;//N要拆出来所以1000*log2000

int n,m;
int v[N],w[N];
int f[N];
int main()
{
    cin>>n>>m;
    int cnt=0;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        int a,b,s;//体积, 价值, 个数
```

```
cin>>a>>b>>s;
        int k=1;
        while(k<=s)</pre>
            cnt++;
            v[cnt]=a*k;//k个物品打包
            w[cnt]=b*k;//k个物品打包
            s-=k;
            k*=2;
        if(s>0)//补上c
        {
            cnt++;
            v[cnt]=a*s;
            w[cnt]=b*s;
        }
    }
    //01背包
    n=cnt;
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
         for(int j=m;j>=v[i];j--)
             f[j]=max(f[j],f[j-v[i]]+w[i]);
    cout<<f[m]<<endl;</pre>
    return 0;
}
```

分组背包

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=110;
int n,m;
int v[N][N],w[N][N],s[N];//s表示第i组物品种类
int f[N];
int main()
   cin>>n>>m;//n组物品,m容量
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
    {
       cin>>s[i];
       for(int j=0; j< s[i]; j++)
           cin>>v[i][j]>>w[i][j];
   }
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
       for(int j=m;j>=0;j--)//i-1推i逆序
           for(int k=0;k< s[i];k++)//有点像完全背包,k就是下标,注意自己是0开始还是1开始
的。选第i组的第k件物品
               if(v[i][k]<=j)
                   f[j]=max(f[j],f[j-v[i][k]]+w[i][k]);
```

```
cout<<f[m]<<end1;
return 0;
}</pre>
```

背包方案数

二维

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=1e4+10;
int w[N],f[N][N];
int main(){
        int n,m;
        scanf("%d%d",&n,&m);
        for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&w[i]);</pre>
        for(int i=0;i<=n;i++)f[i][0]=1;//从0开始
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
                 for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
                         f[i][j]+=f[i-1][j];
                         if(j>=w[i])f[i][j]+=f[i-1][j-w[i]];
                 }
        printf("%d",f[n][m]);
        return 0;
}
```

一维

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e4+10;
int w[N],f[N];
int main()
{
    int n,m;
    scanf("%d%d",&n,&m);
    for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&w[i]);
    f[0]=1;
    for(int i=1;i<=n;i++)
        for(int j=m;j>=w[i];j--)
        f[j]+=f[j-w[i]];

    printf("%d",f[m]);
    return 0;
}
```

线性DP

数字三角

最长上升子序列 (LIS)

最长公共子序列 (LCS)

区间DP

记忆化搜索