

作业 2

PB19111708 杨云皓

1. 一个密码系统包括哪些要素？

明文空间、密文空间、密钥空间、加密算法和解密算法

2. RSA 算法的理论基础是什么？简述 RSA 算法的流程。

理论基础是数论中“大整数的素因子分解是困难问题”的结论，即求两个大素数的乘积在计算机上时是容易实现的，但要将一个大整数分解成两个大素数之积则是困难的。

流程：

(1) 密钥计算方法：

- ① 选择两个大素数 p 和 q (典型值为 1024 位)
- ② 计算 $n=p \times q$ 和 $z=(p-1) \times (q-1)$
- ③ 选择一个与 z 互质的数，令其为 d
- ④ 找到一个 e 使满足 $e \times d \equiv 1 \pmod{z}$
- ⑤ 公开密钥为 (e, n) ，私有密钥为 (d, n)

(2) 加密方法：

- ① 将明文看成比特串，将明文划分成 k 位的块 P 即可，这里 k 是满足 $2^k < n$ 的最大整数。
- ② 对每个数据块 P ，计算 $C = P^e \pmod{n}$ ， C 即为 P 的密文。

(3) 解密方法：

对每个密文块 C ，计算 $P = C^d \pmod{n}$ ， P 即为明文。

(4) 密钥计算：

- ① 取 $p=5$ ， $q=13$
- ② 则有 $n=p \times q=65$ ， $z=(p-1) \times (q-1)=(5-1) \times (13-1)=48$
- ③ 11 和 48 没有公因子，可取 $d=11$
- ④ 求满足 $11 \times e \equiv 1 \pmod{z} \equiv 1 \pmod{48}$ 的 e ，得到 $e=35$
- ⑤ 公钥为 $(e, n)=(35, 65)$ ，私钥为 $(d, n)=(11, 65)$

(5) 加密：

若明文 $P=63$ ，则密文 $C = P^e \pmod{65} = 63^{35} \pmod{65} = 32$ 。

(6) 解密：

计算 $P = C^d \pmod{n} = 32^{11} \pmod{65} = 63$ ，恢复出原文

3. 数字签名和消息鉴别的主要区别是什么？

消息鉴别也称为“报文鉴别”或“消息认证”，是一个对收到的消息进行完整性和真实性验证的过程。数字签名是手写签名的数字化形式，是公钥密码学发展过程中最重要的概念之一，也是现代密码学的一个最重要的组成部分之一。

4. 假设计算能力遵循摩尔定律，分析三重 DES 目前在计算上是否安全的。

2000 年 1 月，在“第三届 DES 挑战赛”上，EFF 研制的 DES 解密机以 22.5 小时的战绩，成功地破解了 DES 加密算法。今天 2022 年 3 月，与上述时间相差 266 个月，即 15 次摩尔定律生效次数，即当今的计算能力是当时的 2^{15} 倍。破解 DES3 密文需要 2^{112} 次穷举搜索，而破解 DES2 则需 2^{56} 次穷举搜索，即时间复杂度 $T(\text{DES3}) = 2^{56} T(\text{DES2})$ ；所以现在破解时

间应为 $t = \frac{2^{56}}{2^{15}} \times 22.5 = 2^{41} \times 22.5\text{h}$ ，所以理论上来说目前 DES3 是安全的。