

بسه تعالی

داکیومنت پروژه طراحی الگوریتم  
استاد: دکتر ادیبی

اعضای گروه:

سهیل سلیمی  
حسین آقایی

بهار ۱۴۰۱

# توضیحات پروژه

## بخش اول

در این بخش هدف رنگ آمیزی فرش است بطوریکه حداقل رنگ استفاده شود و هیچ دو ناحیه ای هم رنگ نباشد. در این بخش ما ناحیه های فرش را به راس های یک گراف تشبیه کردیم و همسایگی دو یال را، به

```
Graph(int v) {  
    V = v;  
    adj = new LinkedList[v];  
    for (int i = 0; i < v; ++i)  
        adj[i] = new LinkedList();  
}
```

وجود یک یال بین این ناحیه تعبیر کردیم. اینگونه میتوان این مسئله را با کمک گرفتن از الگوریتم رنگ آمیزی گراف حل کرد. در فایل graphColor.txt ابتدا سائز گراف (تعداد راس ها) گرفته میشود و سپس در هر خط هر دو یالی که باهم همسایه اند نوشته میشوند.

برای پیدا کردن تعداد رنگ از متد coloring استفاده می کنیم که ابتدا یک ارایه با مقدار اولیه -۱ ایجاد می کنیم سپس در حلقه ای که تمام راس ها را طی می کنند چک می کنیم که آیا رنگی به آن اختصاص داده شده یا نه و سعی می کنیم رنگی که همسایه های آن ندارند را به آن اختصاص دهیم

```
void coloring() {  
    int result[] = new int[V];  
    Arrays.fill(result, -1);  
    result[0] = 0;  
    boolean available[] = new boolean[V];  
    Arrays.fill(available, true);  
    for (int u = 1; u < V; u++) {  
        Iterator<Integer> it = adj[u].iterator();  
        while (it.hasNext()) {  
            int i = it.next();  
            if (result[i] != -1)  
                available[result[i]] = false;  
        }  
        int cr;  
        for (cr = 0; cr < V; cr++) {  
            if (available[cr])  
                break;  
        }  
    }  
}
```

```

        result[u] = cr; // Assign the found color

        Arrays.fill(available, true);
    }

    int min = -1 ;

    for (int u = 0; u < V; u++){
        if (min < result[u])
            min = result[u];
        System.out.println("Vertex " + u + " ---> Color "
            + result[u]);
    }

    System.out.println(min);
}

```

## بخش دوم

برای پیدا کردن فرش های مشابه به هم از الگوریتم Sequence alignment استفاده شده در کلاس Sequence alignment دو ارایه به عنوان ورودی وارد می شوند که با هم مقایسه می شوند در نهایت یک نمره از نظر شباهت محاسبه می شود و بازگشت داده می شود. به طوری که اگر دو ایتیم با هم برابر باشد ۱ به کل نمره اضافه می شود و اگر نباشد ۱ از نمره کم می شود

```

this.MATCH = 1;
this.MISMATCH = -1;
this.INDEL = -1;

```

در متد findSolution یک ماتریس ساخته می شود به طوری که یکی از ارایه ها به عنوان COL ها و یکی به عنوان ROW ها انتخاب می شود و اولین row and col امتیاز دهی می شوند به طوری که هر مدام یکی کمتر از ایتیم قبلی خود هستند

```

int[][] solution = new int[strand1.length + 1][strand2.length + 1];
solution[0][0] = 0;

for (int i = 1; i < strand2.length + 1; i++) {
    solution[0][i] = solution[0][i - 1] + INDEL;
}

for (int i = 1; i < strand1.length + 1; i++) {
    solution[i][0] = solution[i - 1][0] + INDEL;
}

```

بعد تمام ایتیم های دو آرایه ورودی را با هم مقایسه می کنیم و بیشترین مقدار

Position to the left -1 •

Position above -1 •

Position top-left + 1 •

را در ماتریس جواب قرار می دهیم

```
for (int i = 1; i < strand1.length + 1; i++) {
    for (int j = 1; j < strand2.length + 1; j++) {

        int matchValue;

        if (strand1[i - 1] == strand2[j - 1])
            matchValue = MATCH;
        else
            matchValue = MISMATCH;

        solution[i][j] = max(solution[i][j - 1] + INDEL, solution[i - 1][j] + INDEL,
                               solution[i - 1][j - 1] + matchValue);
    }
}
```

در نهایت نمره شباهت این دو در خانه

```
solution[solution.length - 1][solution[0].length - 1]
```

قرار می گیرد

چون نقشه فرش ها یک ماتریس است با استفاده یک الگوریتم آنها را به یک آرایه یک بعدی تبدیل می کنیم

بخش سوم

شرح کلی

در این بخش کاربر به ما مقدار پولی که می تواند برای خرید فرش بپردازد را می دهد و ما باید بیشترین فرشی که کاربر میتواند خریداری کند را به او اعلام کنیم. همانطور که در داک پروژه نوشته شده در حل این بخش از الگوریتم کوله پشتی استفاده شده است. در الگوریتم کوله پشتی دو مقدار `wieght` و `price` داریم، ولی اینجا فقط مقدار `weight` که همان پول وارد شده توسط کاربر است را داریم. در نتیجه نیازی به ماتریس نیست و می توان با یک آرایه یک بعدی به جواب رسید.

گزارش کار الگوریتم

بخش منطقی الگوریتم در کلاس BuyCarpet و بخش ارتباط با کاربر در کلاس App و در فانکشن buyCarpet نوشته شده است. در ادامه توابع کلاس BuyCarpet توضیح داده خواهد شد.

### تابع min

در این تابع یک آری لیست از موجودیت carpet داده میشود و به عنوان خروجی شی ای از نوع carpet که کمترین قیمت را دارد برگردانده میشود. ابتدا در متغیر answer قیمت اولین شی که در آری لیست است ذخیره میشود. سپس داخل حلقه فور همه اشیاء چک میشوند و اگر قیمت شی ای کمتر بود آن شی در answer ذخیره می شود.

```
private Long min(ArrayList carpets) { Long answer = Long.valueOf(carpet.get(0).price); for (int i = 0; i < carpets.size(); i++) { if (carpet.get(i).price < answer) answer = Long.valueOf(carpet.get(i).price); } return answer; }
```

### تابع getCarpet

در این آری لیستی از موجودیت carpet و یک قیمت میگیریم. به عنوان خروجی carpet که آن قیمت را دارد برمیگردانیم. این کار را با یک حلقه فور ساده روی آری لیست انجام میدهیم. اگر همچنین شی ای پیدا نشد مقدار null برگردانده میشود.

```
public Carpet getCarpet(Long price, ArrayList<Carpet> carpetsArr) {
    for (int i = 0; i < carpetsArr.size(); i++) {
        if (carpetsArr.get(i).price == price) {
            return carpetsArr.get(i);
        }
    }
    return null;
}
```

### تابع showLargestNumOfCarpet

این تابع عملیات اصلی محاسبه را انجام میدهد. به عنوان ورودی لیستی از همه فرشها را دریافت میکند. به طور خلاصه با استفاده از فرش های موجودی که در لیست آرایه ای carpets ذخیره شده و همچنین پول دریافتی از کاربر گرفته میشود لیستی از فرش هایی که مجموع قیمتشان کمتر مساوی پول کاربر است را آرایه می دهد. لیست فرش ها را میتوان داخل فایل carpet.txt مشاهده کرد. این الگوریتم بترتیب از ارزان ترین فرش ها تا گرانترین فرش ها پیش میرود و تا وقتی مجموع قیمت فرش های انتخاب شده به دارایی کاربر نرسد هربار ارزان ترین فرش باقی مانده در لیست فرش ها به غیر از فرش های انتخاب شده را به لیست اضافه میکند.

```
public ArrayList<String> showLargestNumOfCarpet(long money, ArrayList<Carpet> carpetsArr,
    long totalPrice = 0;
```

```

ArrayList<String> chosenCarpets = new ArrayList<>();
while (totalPrice < money) {
    if (carpetsArr.size() == 0)
        break;
    Long minPrice = min(carpetsArr);
    if (minPrice + totalPrice <= money) {
        totalPrice += minPrice;
        Carpet carpetWithMinPrice = getCarpet(minPrice, carpetsArr);
        chosenCarpets.add(carpetWithMinPrice.name);
        carpetsArr.remove(carpetWithMinPrice);

    } else
        break;
}
return chosenCarpets;
}

```

## نمونه ورودی و خروجی

input:30000

output:[machine-carpet1, machine-carpet2]

## تحلیل زمانی پروژ

پیچیدگی اصلی داخل حلقه وایل در تابع showLargestNumOfCarpet این حلقه در بدترین حالت به اندازه تعداد فرشها تکرار میشود و هر بار در دستور های و Long minPrice = min(carpetsArr) و Carpet carpetWithMinPrice = getCarpet(minPrice,carpetsArr) یک حلقه به تعداد فرشها پیمایش میشود اگر تعداد فرشها =  $n$  در نتیجه پیچیدگی این الگوریتم در بدترین حالت  $O(n)$

## بخش چهارم

در این بخش برای پیدا کردن مسیر از الگوریتم floyed استفاده شده است. در کلاس FindPath این الگوریتم پیاده سازی شده است

سازنده کلاس ارایه های مورد نیاز را برای این الگوریتم ایجاد می کند

```

FindPath(int V, int[][] graph) {
    for (int i = 0; i < V; i++) {
        for (int j = 0; j < V; j++) {
            dis[i][j] = graph[i][j];

            if (graph[i][j] == INF)
                Next[i][j] = -1;
        }
    }
}

```

```

        else
            Next[i][j] = j;
    }
}
floyd(V);
}

```

در اخر سازنده متد floyd فراخوانی می شود تا ماتریس Next و Des کامل شود

```

private void floyd(int V) {
    for (int k = 0; k < V; k++) {
        for (int i = 0; i < V; i++) {
            for (int j = 0; j < V; j++) {
                if (dis[i][k] == INF ||
                    dis[k][j] == INF)
                    continue;

                if (dis[i][j] > dis[i][k] +
                    dis[k][j]) {
                    dis[i][j] = dis[i][k] +
                        dis[k][j];
                    Next[i][j] = Next[i][k];
                }
            }
        }
    }
} k

```

و متد printPath برای پرینت فاصله بین دو نقطه است که در با یم حلقه که چک می کنند مه ایا به نقطه مورد نظر رسیده است یا خیر و در همین حین خانه هایی که رد کرده را چاپ می کند

```

void printPath(int u,
    int v) {
    if (Next[u][v] == -1)
        return;

    System.out.print(u + " -> ");

    while (u != v) {
        u = Next[u][v];
        System.out.print(u + " -> ");
    }
    System.out.println("END");
}

```

مرتبه این الگوریتم از  $O(n^3)$  است

سایت هایی که از آنها ایده گرفته شد:

- <https://www.geeksforgeeks.org/>
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Sequence\\_alignment](https://en.wikipedia.org/wiki/Sequence_alignment)
- <https://globin.bx.psu.edu/courses/fall2001/DP.pdf>