آزمونک چهارم - درس نظریه گروهها

استاد درس: دكتر رضاخاني

دستیارهای درس: حسین محمدی، زهرا کبیری **۳۰**

سوالهای زیر با هدف مرور مفاهیم اولیه گروههای ماتریسی طراحی شدهاست. از بین دو سوال زیر یکی را به دلخواه انتخاب و حل کنید.

سوال (۱): G را گروه ماتریسی زیر بگیرید.

$$G = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \mid a, b, c, d \in \mathbb{Z} \right\}$$

عملِ گروه هم جمع اعداد صحیح است. زیرگروه H را متشکل از ماتریسهای Υ در Υ بگیرید که تمام درایههایش زوج است. گروه خارج قسمتی G/H را پیدا کنید و مرتبهاش را بنویسید.

سوال (٢):

ماتریسهای $R \in SO(\Upsilon)$ و ماتریس دلخواه T که $Y \times \Upsilon$ است و درایههای حقیقی دارد، $L \in SL(\Upsilon, \mathbb{R})$ و ماتریسهای در نظر داشته باشید. همچنین ماتریس $\Upsilon_{\Upsilon \times \Upsilon}$ ماتریسی است که تمام درایههایش صفر است. ماتریس 0×0 زیر را بسازید.

$$\begin{bmatrix} R_{\mathsf{T}\times\mathsf{T}} & T_{\mathsf{T}\times\mathsf{T}} \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ \end{bmatrix}$$

آیا این ماتریسهای با عمل ضرب ماتریسی، تشکیل یک گروه میدهند؟