

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт космических и информационных технологий
институт
Программная инженерия
кафедра

ОТЧЕТ О ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ №1
Конечные автоматы

тема

Преподаватель

подпись, дата

А. С. Кузнецов

инициалы, фамилия

Студент КИ23-17/1Б, 032320072

номер группы, зачетной книжки

подпись, дата

М. А. Мальцев

инициалы, фамилия

Красноярск 2025

1 Цель

Реализация и исследование детерминированных и недетерминированных конечных автоматов.

2 Задание

Вариант – 6.

Для выполнения практической работы необходимо разработать в системе JFLAP конечные автоматы и произвести программную реализацию на языке C++ для следующих автоматов:

- 1) Построить ДКА, допускающий в алфавите $\{0, 1\}$ множество всех цепочек, у которых на пятой позиции справа стоит 1.
- 2) Построить НКА с количеством состояний, не превышающим 3, для языка $\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\}$.

3 Ход выполнения

Для начала была установлена программа JFLAP, в которой были построены конечные автоматы из условия задания. Каждый КА был сначала протестирован в JFLAP тестовыми цепочками, затем была написана программная реализация на C++, которая также была протестирована на корректность работы теми же самыми тестовыми цепочками.

3.1 Построение ДКА

Необходимо было реализовать детерминированный конечный автомат (ДКА), допускающий в алфавите $\{0, 1\}$ множество всех цепочек, у которых на пятой позиции справа стоит 1. Исходя из формулировки задачи было выдвинуто предположение, что на вход автомату может поступать строка неограниченной длины и необходимо определить, является ли пятый символ с конца единицей. Для решения данной задачи была придумана модель скользящего окна, которая имеет длину в 5 символов и проходит от самого начала строки до её конца (в самом начале окно слева от строки и заполнено нулями, в самом конце оно содержит последние пять символов исследуемой строки). В таком окне

максимально возможное количество различных комбинаций 1 и 0 это 32, и все они могут получиться при сдвиге окна, поэтому в ДКА будет 32 состояния и из каждого будут выходить два перехода (для 0 и 1). На рисунке 1 показана реализация ДКА первого задания в системе JFLAP.

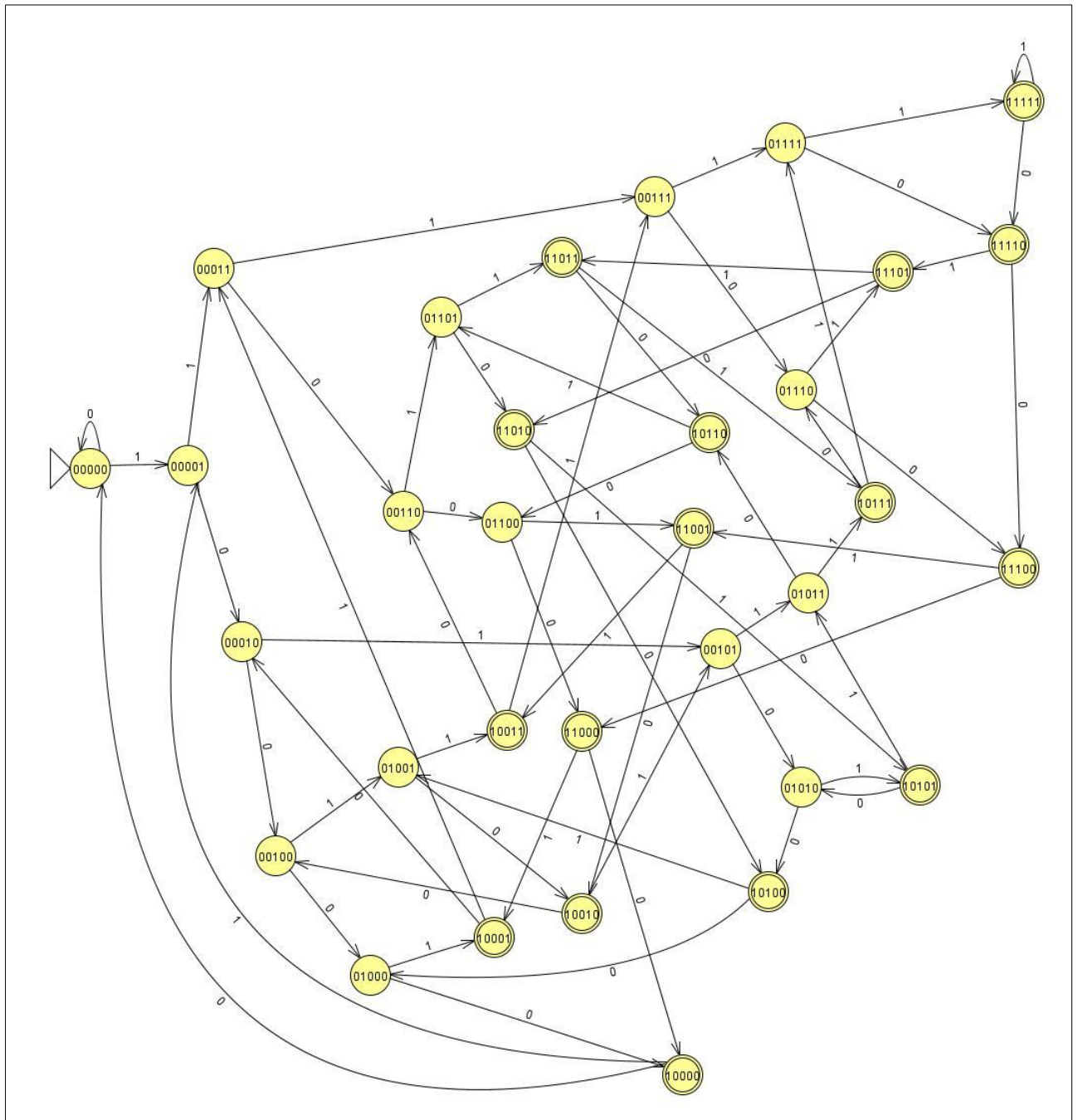


Рисунок 1 – ДКА в JFLAP

Конечный автомат получился довольно объемным благодаря условию задачи. Переписывание 64 функции перехода в таблицу могло занять много времени, поэтому было принято решение перейти к тестам. На рисунке 2 показан

тест ДКА для цепочки «0000110101», пятая цифра справа которого является единицей.

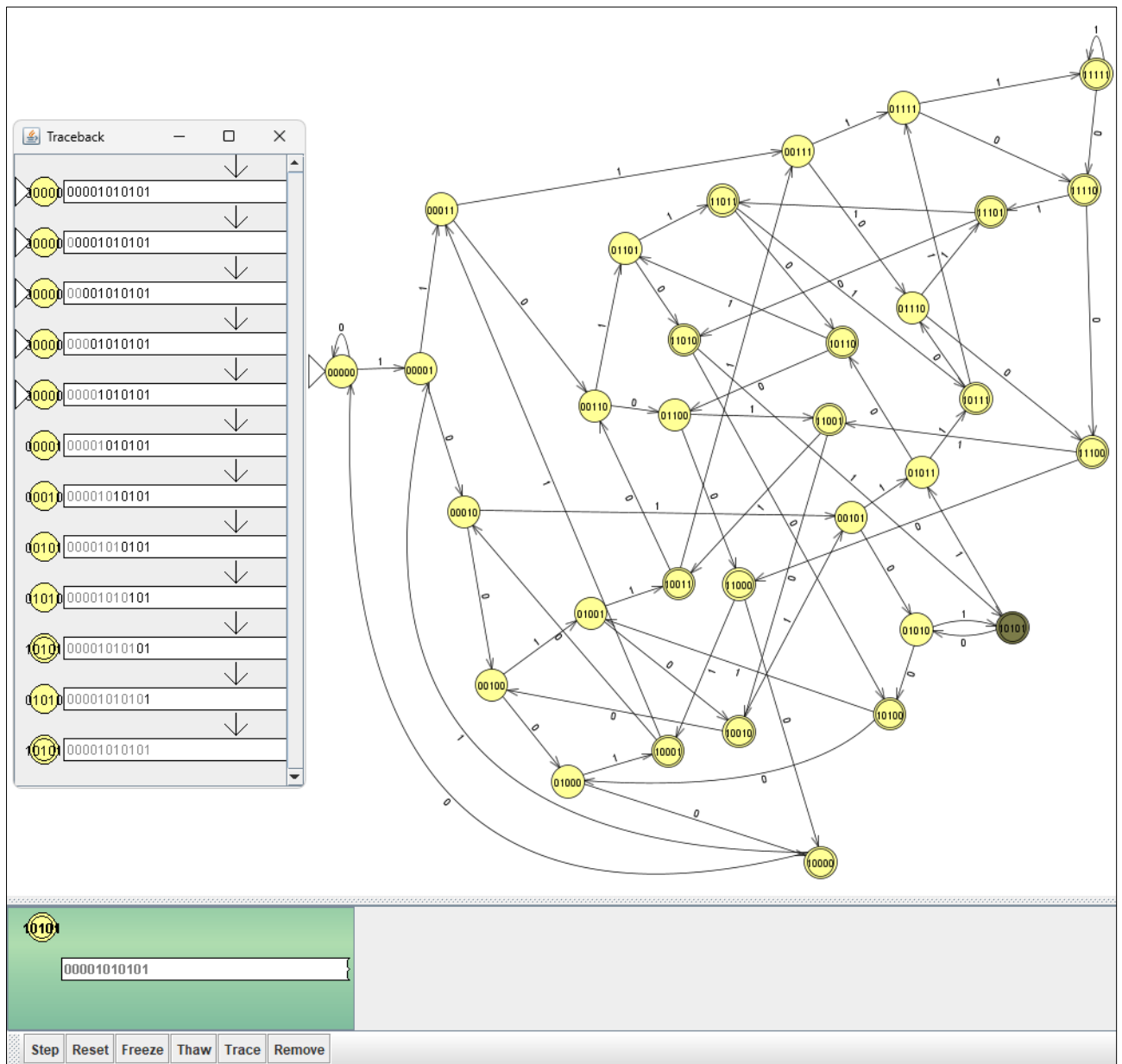


Рисунок 2 – Тест для цепочки «0000110101»

Также была проверка на отклонение строки, которая не удовлетворяет условию. На рисунке 3 показан тест ДКА для цепочки «0100001».

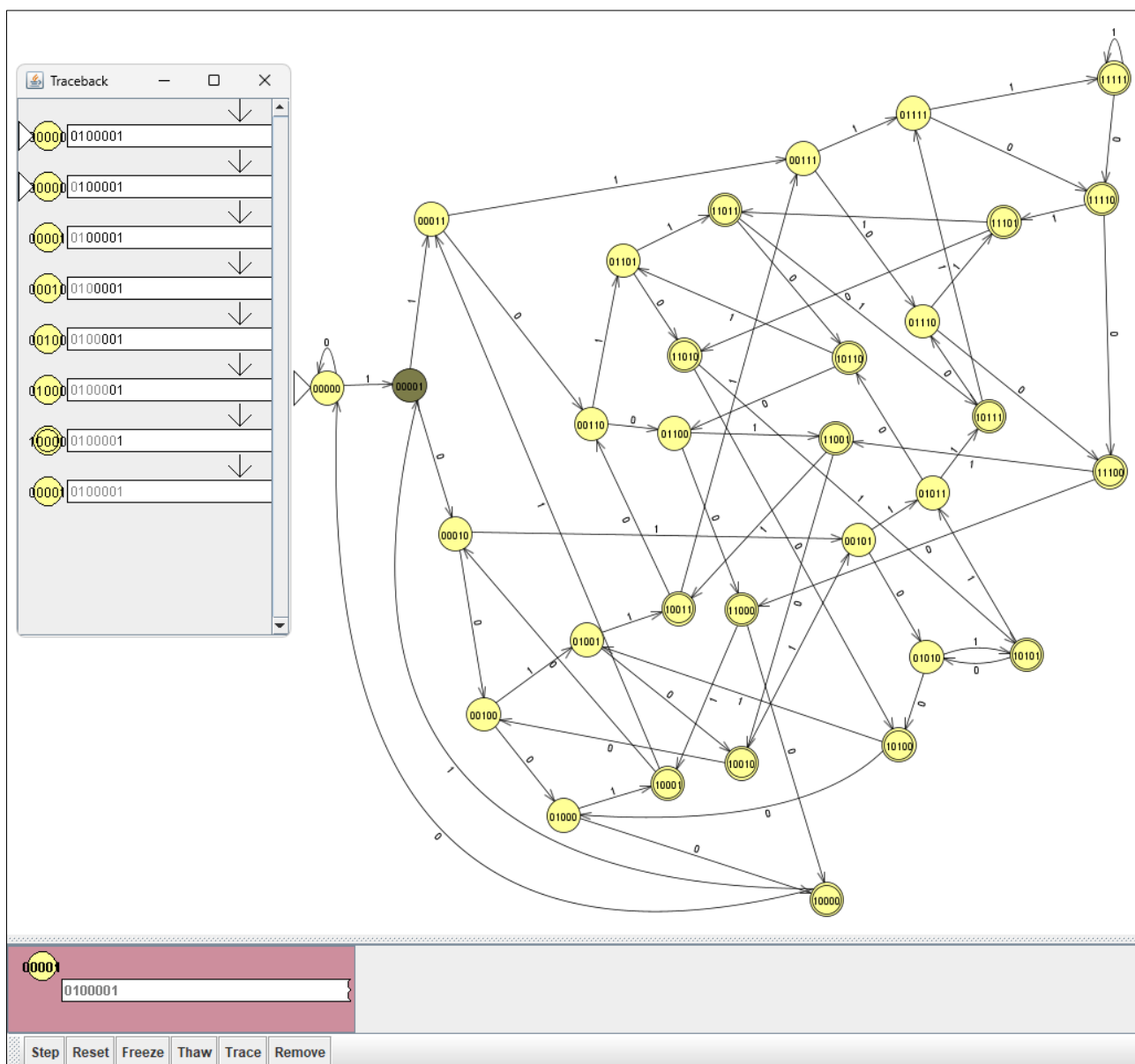


Рисунок 3 – Тест для цепочки «0100001»

Не смотря на свой размер, ДКА хорошо прошла все тесты. Метод минимизации ДКА (алгоритм заполнения таблицы) не дал результатов, поэтому данный вид является её основным.

Дальше был написан код на C++ для реализации данного ДКА, он показан на рисунке 4.

```

1  #include <iostream>
2  #include <array>
3
4  enum RESULT {
5      UNKNOWN_SYMBOL_ERR = 0,
6      NOT_REACHED_FINAL_STATE = 1,
7      REACHED_FINAL_STATE = 2
8  };
9
10 // The set Q
11 enum DFA_STATES {
12     q00000, q00001, q00010, q00011, q00100, q00101, q00110, q00111,
13     q01000, q01001, q01010, q01011, q01100, q01101, q01110, q01111,
14     q10000, q10001, q10010, q10011, q10100, q10101, q10110, q10111,
15     q11000, q11001, q11010, q11011, q11100, q11101, q11110, q11111,
16 };
17
18 constexpr int TOTAL_STATES = 32;
19 constexpr int ACCEPTED_STATES = 16;
20 constexpr int ALPHABET_CHARACTERS = 2;
21
22 // The set F
23 std::array<int, ACCEPTED_STATES> g_Accepted_states {
24     q10000, q10001, q10010, q10011, q10100, q10101, q10110, q10111,
25     q11000, q11001, q11010, q11011, q11100, q11101, q11110, q11111
26 };
27
28 // The set Sigma
29 std::array<char, ALPHABET_CHARACTERS> g_Alphabet { '0', '1' };
30
31 // Transition function
32 int g_Transition_Table[TOTAL_STATES][ALPHABET_CHARACTERS] = {};
33
34 //Start state of DFA
35 int g_Current_state = q00000;
36
37 void SetDFA_Transitions() {
38     g_Transition_Table[q00000][0] = q00000;
39     g_Transition_Table[q00000][1] = q00001;
40     g_Transition_Table[q00001][0] = q00010;
41     g_Transition_Table[q00001][1] = q00011;
42     g_Transition_Table[q00010][0] = q00100;
43     g_Transition_Table[q00010][1] = q00101;
44     g_Transition_Table[q00011][0] = q00110;
45     g_Transition_Table[q00011][1] = q00111;
46     g_Transition_Table[q00100][0] = q01000;
47     g_Transition_Table[q00100][1] = q01001;
48     g_Transition_Table[q00101][0] = q01010;
49     g_Transition_Table[q00101][1] = q01011;
50     g_Transition_Table[q00110][0] = q01100;
51     g_Transition_Table[q00110][1] = q01101;
52     g_Transition_Table[q00111][0] = q01110;
53     g_Transition_Table[q00111][1] = q01111;
54     g_Transition_Table[q01000][0] = q10000;
55     g_Transition_Table[q01000][1] = q10001;
56     g_Transition_Table[q01001][0] = q10010;
57     g_Transition_Table[q01001][1] = q10011;
58     g_Transition_Table[q01010][0] = q10100;
59     g_Transition_Table[q01010][1] = q10101;
60     g_Transition_Table[q01011][0] = q10110;
61     g_Transition_Table[q01011][1] = q10111;
62     g_Transition_Table[q01100][0] = q11000;
63     g_Transition_Table[q01100][1] = q11001;
64     g_Transition_Table[q01101][0] = q11010;
65     g_Transition_Table[q01101][1] = q11011;
66
67     g_Transition_Table[q10101][0] = q01010;
68     g_Transition_Table[q10101][1] = q01011;
69     g_Transition_Table[q10110][0] = q01100;
70     g_Transition_Table[q10110][1] = q01101;
71     g_Transition_Table[q10111][0] = q01110;
72     g_Transition_Table[q10111][1] = q01111;
73     g_Transition_Table[q11000][0] = q10000;
74     g_Transition_Table[q11000][1] = q10001;
75     g_Transition_Table[q11001][0] = q10010;
76     g_Transition_Table[q11001][1] = q10011;
77     g_Transition_Table[q11010][0] = q10100;
78     g_Transition_Table[q11010][1] = q10101;
79     g_Transition_Table[q11011][0] = q10110;
80     g_Transition_Table[q11011][1] = q10111;
81     g_Transition_Table[q11100][0] = q11000;
82     g_Transition_Table[q11100][1] = q11001;
83     g_Transition_Table[q11101][0] = q11010;
84     g_Transition_Table[q11101][1] = q11011;
85     g_Transition_Table[q11110][0] = q11100;
86     g_Transition_Table[q11110][1] = q11101;
87     g_Transition_Table[q11111][0] = q11110;
88     g_Transition_Table[q11111][1] = q11111;
89 }
90
91 int DFA(char current_symbol) {
92     int symbol_index = -1;
93
94     for (char symbol : g_Alphabet) {
95         if (symbol == current_symbol) {
96             symbol_index = (symbol == '0') ? 0 : 1;
97         }
98     }
99
100     if (symbol_index == -1)
101         return UNKNOWN_SYMBOL_ERR;
102
103     g_Current_state = g_Transition_Table[g_Current_state][symbol_index];
104
105     for (int st : g_Accepted_states) {
106         if (g_Current_state == st) return REACHED_FINAL_STATE;
107     }
108
109     return NOT_REACHED_FINAL_STATE;
110 }
111
112 int main()
113 {
114     SetDFA_Transitions();
115     std::cout << "Enter a string with '0's and '1's:\nPress Enter Key to stop\n";
116
117     char ch;
118     int result = NOT_REACHED_FINAL_STATE;
119     while(std::cin.get(ch) && ch != '\n') {
120         result = DFA(ch);
121         if (result == UNKNOWN_SYMBOL_ERR) break;
122     }
123
124     if (result == REACHED_FINAL_STATE) {
125         std::cout << "\nAccepted! The fifth symbol from the right is 1.\n";
126     } else {
127         std::cout << "\nRejected! The fifth symbol from the right is not 1.\n";
128     }
129
130     return 0;
131 }

```

Рисунок 4 – Код для ДКА на C++

После компиляции, сборки и запуска программы были повторно проведены тесты, показанные на рисунке 5.

```

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>dfa.exe
Enter a string with '0's and '1's:
Press Enter Key to stop
0000110101

Accepted! The fifth symbol from the right is 1.

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>dfa.exe
Enter a string with '0's and '1's:
Press Enter Key to stop
0100001

Rejected! The fifth symbol from the right is not 1.

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>dfa.exe
Enter a string with '0's and '1's:
Press Enter Key to stop
1100010000

Accepted! The fifth symbol from the right is 1.

```

Рисунок 5 – Тесты для ДКА на C++

3.2 Построение НКА

Также необходимо было реализовать недетерминированный конечный автомат (НКА), допускающий все строки из алфавита $\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\}$. Необходимо было создать не более трёх состояний. Для реализации НКА был принят во внимание тот факт, что ДКА является недетерминированным, например, в том случае, если из какого-либо состояния автомата есть несколько переходов с одним и тем же входным символом, а также то, что цепочка считается допустимой в том случае, если есть хотя бы одно допускающее состояние из всех «параллельно активных». Также анализ алфавита показал, что принимается либо любое количество символа «a», либо любое количество символа «b», либо любое количество «b» и после этого любое количество «a», либо пустая цепочка (при $m=k=0$ $b^m a^k$ равно пустой строке ϵ). На рисунке 6 показана реализация ДКА первого задания в системе JFLAP.

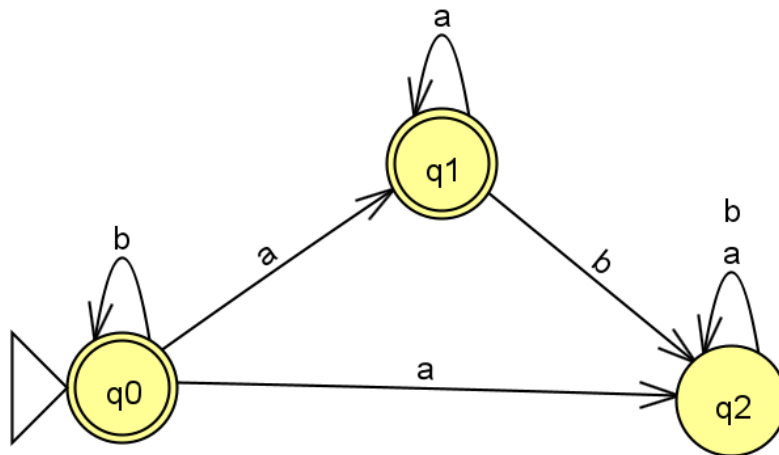


Рисунок 6 - НКА в JFLAP.

Таблица функций переходов данного НКА представлена на таблице 1.

Таблица 2 – Функция переходов для НКА

Состояние	a	b
q0	q1, q1	q0
q1	q1	q2
q2	q2	q2

Дальше необходимо было провести все самые главные тесты для этой цепочки, они показаны на рисунке 7, 8, 9, 10, 11.

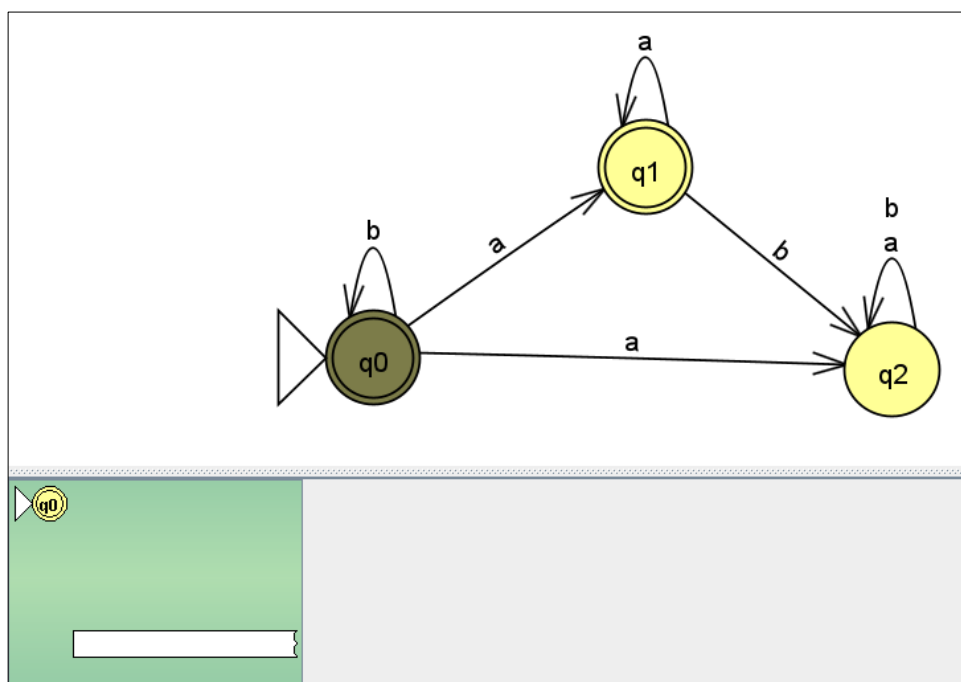


Рисунок 7 – Тест для пустой цепочки (ϵ).

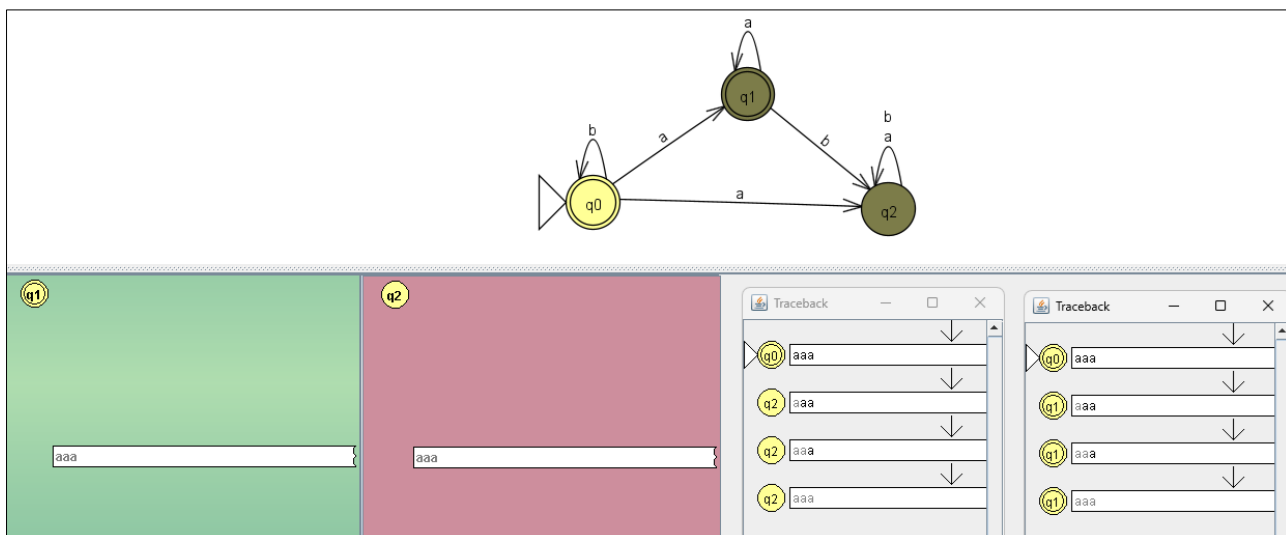


Рисунок 8 – Тест для цепочки «aaa»

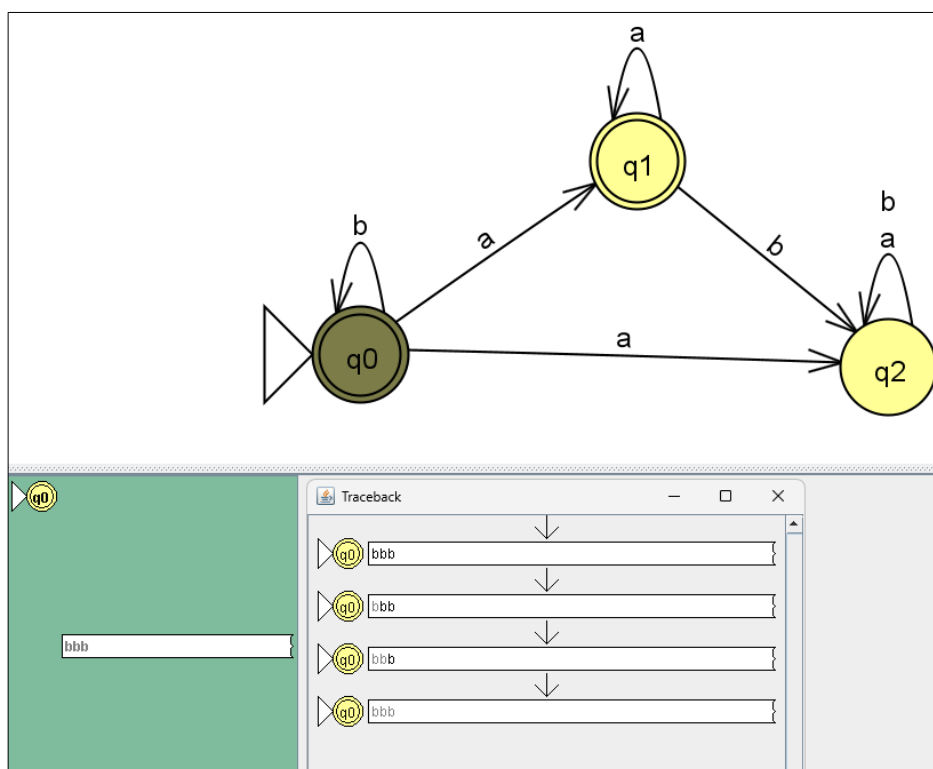


Рисунок 9 – Тест для цепочки «bbb»

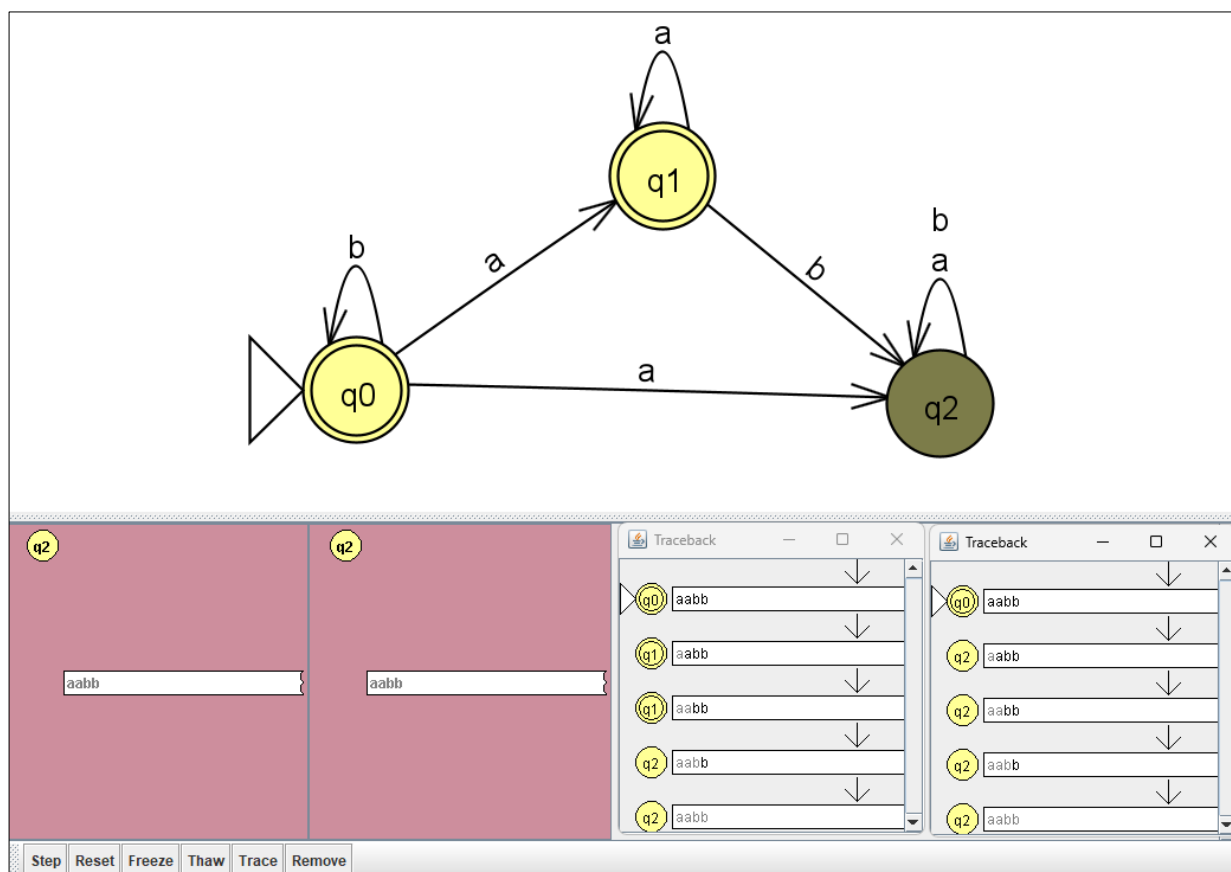


Рисунок 10 – Тест для цепочки «aabb»

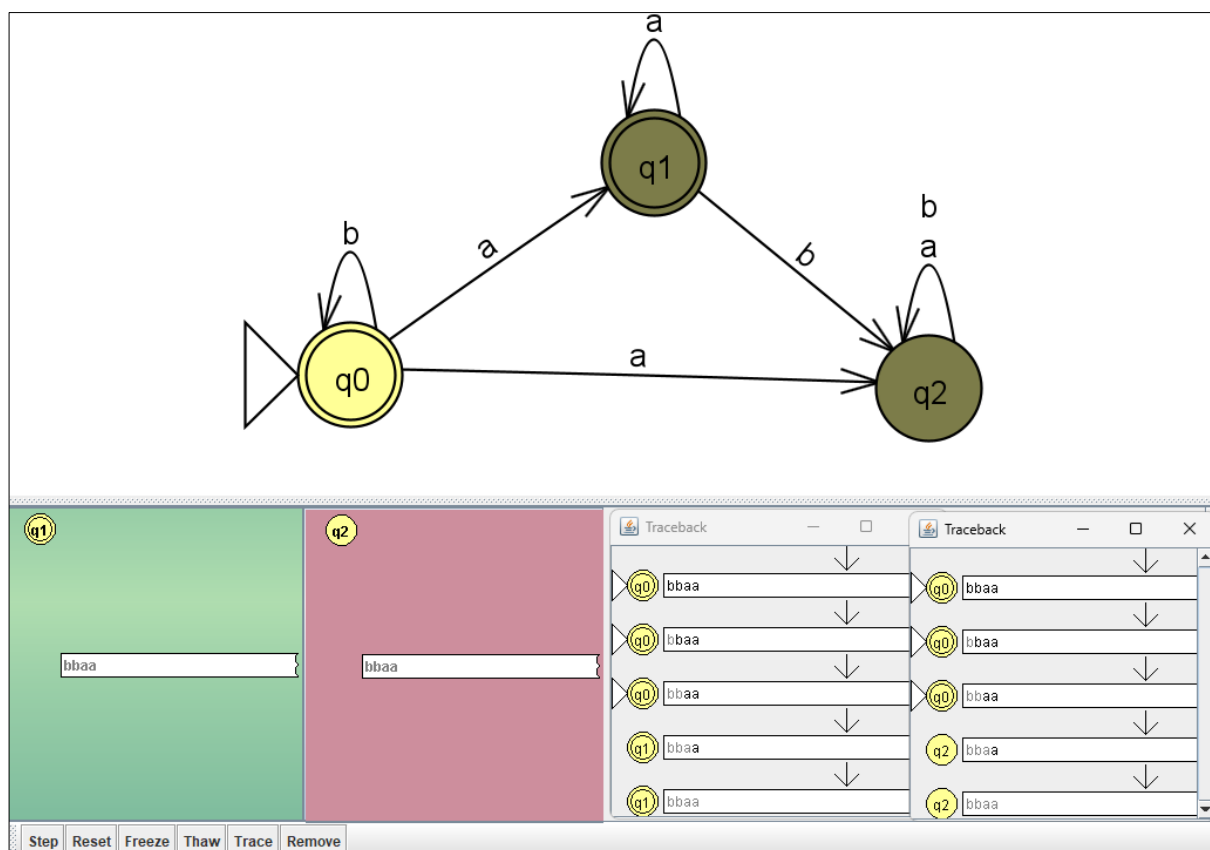


Рисунок 11 – Тест для цепочки «bbaa»

Все тесты были пройдены успешно. На рисунке 12 показан код на C++ для реализации данного НКА.

```

1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  #include <array>
4  #include <unordered_set>
5
6  enum RESULT
7  {
8      UNKNOWN_SYMBOL_ERR = 0,
9      NOT_REACHED_FINAL_STATE = 1,
10     REACHED_FINAL_STATE = 2
11 };
12
13 // The set Q
14 enum NFA_STATES
15 {
16     q0, q1, q2,
17 };
18
19 constexpr int TOTAL_STATES = 3;
20 constexpr int ACCEPTED_STATES = 2;
21 constexpr int ALPHABET_CHARACTERS = 2;
22
23 // The set F
24 std::array<int, ACCEPTED_STATES> g_Accepted_states{q0, q1};
25
26 // The set Sigma (a - 0, b - 1)
27 std::array<char, ALPHABET_CHARACTERS> g_Alphabet{'a', 'b'};
28
29 // Transition functions
30 // (сначала пустой со всеми возможными переходами, потом будем его :
31 std::vector<int> g_Transitions[TOTAL_STATES][ALPHABET_CHARACTERS];
32
33 // Current states
34 // (может быть несколько из-за NFA)
35 std::unordered_set<int> g_CurrentStates{q0};
36
37 // Symbol transition function
38 void AddSymbolTransition(int from, char symbol, int to)
39 {
40     int idx = (symbol == 'a') ? 0 : 1;
41     g_Transitions[from][idx].push_back(to);
42 }
43
44 // Checking for states in Accepted_states
45 // (по условию NFA нужно, чтобы хотя бы одно состояние из текущих бы
46 bool IsAccepting(const std::unordered_set<int> &states)
47 {
48     for (int s : states)
49     {
50         for (int acc : g_Accepted_states)
51         {
52             if (s == acc)
53                 return true;
54         }
55     }
56     return false;
57 }
58
59 void BuildNFA()
60 {
61     AddSymbolTransition(q0, 'b', q0);
62     AddSymbolTransition(q0, 'a', q1);
63     AddSymbolTransition(q0, 'a', q2);
64     AddSymbolTransition(q1, 'a', q1);
65     AddSymbolTransition(q1, 'b', q2);
66     AddSymbolTransition(q2, 'a', q2);
67     AddSymbolTransition(q2, 'b', q2);
68 }
69
70 int NFA_Step(char current_symbol)
71 {
72     int symbol_index = -1;
73
74     for (char symbol : g_Alphabet) {
75         if (symbol == current_symbol) {
76             symbol_index = (symbol == 'a') ? 0 : 1;
77         }
78     }
79
80     if (symbol_index == -1)
81     {
82         g_CurrentStates = {};
83         return UNKNOWN_SYMBOL_ERR;
84     }
85
86     std::unordered_set<int> nextStates;
87     for (int s : g_CurrentStates)
88     {
89         for (int tgt : g_Transitions[s][symbol_index])
90         {
91             nextStates.insert(tgt);
92         }
93     }
94
95     g_CurrentStates = std::move(nextStates);
96
97     if (IsAccepting(g_CurrentStates))
98         return REACHED_FINAL_STATE;
99     return NOT_REACHED_FINAL_STATE;
100 }
101
102 int main(int argc, char *argv[])
103 {
104     BuildNFA();
105
106     std::cout << "Enter a string with 'a's and 'b's:\nPress Enter Key to stop\n";
107     char ch;
108     int result = IsAccepting(g_CurrentStates) ? REACHED_FINAL_STATE : NOT_REACHED_FINAL_STATE;
109
110     while (std::cin.get(ch) && ch != '\n')
111     {
112         result = NFA_Step(ch);
113
114         if (result == UNKNOWN_SYMBOL_ERR || g_CurrentStates.empty())
115         {
116             break;
117         }
118     }
119
120     bool accepted = IsAccepting(g_CurrentStates);
121     if (result == REACHED_FINAL_STATE)
122     {
123         std::cout << "\nAccepted! The string belongs to the language b* a* ({a^n : n >= 1} U {b^n : n >= 1})";
124     }
125     else
126     {
127         std::cout << "\nRejected! The string does not belong the language b* a* ({a^n : n >= 1} U {b^n : n >= 1})";
128     }
129     return 0;
130 }

```

Рисунок 12 – Код для НКА на C++

После компиляции, сборки и запуска программы были повторно проведены тесты, показанные на рисунке 13.

```

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>nfa.exe
Enter a string with 'a's and 'b's:
Press Enter Key to stop
      ← пустая строка (enter)

Accepted! The string belongs to the language  $b^* a^* (\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\})$ .

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>nfa.exe
Enter a string with 'a's and 'b's:
Press Enter Key to stop
aaa

Accepted! The string belongs to the language  $b^* a^* (\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\})$ .

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>nfa.exe
Enter a string with 'a's and 'b's:
Press Enter Key to stop
bbb

Accepted! The string belongs to the language  $b^* a^* (\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\})$ .

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>nfa.exe
Enter a string with 'a's and 'b's:
Press Enter Key to stop
aabb

Rejected! The string does not belong the language  $b^* a^* (\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\})$ .

C:\work_space\AutomataTheoryCourse\pw1>nfa.exe
Enter a string with 'a's and 'b's:
Press Enter Key to stop
bbaa

Accepted! The string belongs to the language  $b^* a^* (\{a^n : n \geq 1\} \cup \{b^m a^k : m, k \geq 0\})$ .

```

Рисунок 13 – Тесты для НКА на C++

4 Выводы

В ходе данной практической работы был изучен материал о детерминированных и недетерминированных конечных автоматах, были выполнены все задания, построены ДКА и НКА в системе JFLAP и реализован программный код на C++.