

Федеральное государственное автономное
образовательное учреждение
высшего образования
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт космических и информационных технологий
институт

Программная инженерия
кафедра

ОТЧЕТ О ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ №7

Исчисления и абстрактная интерпретация
тема

Преподаватель

Студент

КИ22-17/1Б, 03221283

номер группы, зачетной книжки

подпись, дата

подпись, дата

А. С. Кузнецов

инициалы, фамилия

А. Н. Воробьев

инициалы, фамилия

Красноярск 2025

Содержание

| | |
|------------------------|----|
| Содержание..... | 2 |
| 1 Цель | 3 |
| 2 Задача | 3 |
| 3 Ход работы | 3 |
| 3.1 Первая часть | 3 |
| 3.2 Вторая часть | 5 |
| Вывод | 10 |

1 Цель

Исследование проблем вычислимости без использования абстрактной машины Тьюринга.

2 Задача

Вариант 6.

В части 1 необходимо произвести программную реализацию вычислителя заданной математической функции для заданных аргументов, причем исключительно средствами примитивной и частичной рекурсии, или формально доказать невозможность этого. Привести примеры выполнения вычислений. В части 2 необходимо, используя метод абстрактной интерпретации, для произвольной программной процедуры с количеством строк кода без комментариев не менее 10, определить знаки всех переменных.

3 Ход работы

3.1 Первая часть

Программная реализация для вычисления заданной математической функции ($f(x) = 2^{(x!)}$) приведена на листинге 1.

Листинг 1 – Программная реализация

```
import sys
sys.setrecursionlimit(100000)

# --- Примитивные функции ---

def zero(x):
    return 0

def succ(x):
    return x + 1

# --- Суперпозиции и примитивные рекурсии ---
```

```

def add(x, y):
    if y == 0:
        return x
    return succ(add(x, y - 1))

def mul(x, y):
    if y == 0:
        return 0
    return add(x, mul(x, y - 1))

def pow_rec(a, b):
    if b == 0:
        return 1
    return mul(a, pow_rec(a, b - 1))

def fact(x):
    if x == 0:
        return 1
    return mul(x, fact(x - 1))

def f(x):
    """Искомая функция  $f(x) = 2^{(x!)}$ """
    return pow_rec(2, fact(x))

def main():
    # --- Примеры вычислений ---
    for i in range(4):
        print(f"f({i}) = 2^({i}!) = {f(i)}")

if __name__ == "__main__":
    main()

```

Результат выполнения программы можно увидеть на рисунке 1.

```
f(0) = 2^(0!) = 2
f(1) = 2^(1!) = 2
f(2) = 2^(2!) = 4
f(3) = 2^(3!) = 64

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 1 – Пример работы

3.2 Вторая часть

Программная реализация вычислителя знаков переменных с использованием метода абстрактной интерпретации представлена на листинге 2.

Листинг 2 – Программная реализация

```
plus = "plus"
minus = "minus"
zero = "zero"
unknown = "unknown"

signs = {}

# --- Проверка и определение знаков чисел ---
def is_digit(value: str):
    try:
        int(value)
        return True
    except ValueError:
        return False

def sign_of_digit(value: int):
    if value > 0:
        return plus
    elif value < 0:
        return minus
```

```

else:
    return zero

# --- Абстрактные правила для операций ---
def combine_signs(x, y, op):
    # Если хоть одно неизвестно
    if x == unknown or y == unknown:
        return unknown

    if op == "+":
        if x == zero:
            return y
        if y == zero:
            return x
        if x == y:
            return x
        return unknown

    if op == "-":
        if y == zero:
            return x
        if x == y:
            return unknown
        if x == plus and y == minus:
            return plus
        if x == minus and y == plus:
            return minus
        return unknown

    if op == "*":
        if x == zero or y == zero:
            return zero
        if (x == plus and y == plus) or (x == minus and y ==
minus):

```

```

        return plus
    if (x == plus and y == minus) or (x == minus and y
== plus):
        return minus
    return unknown

if op == "/":
    if y == zero:
        return unknown # деление на ноль не определено
    if x == zero:
        return zero
    if (x == plus and y == plus) or (x == minus and y ==
minus):
        return plus
    if (x == plus and y == minus) or (x == minus and y
== plus):
        return minus
    return unknown

return unknown

```

--- Рекурсивное вычисление знаков выражений ---

```

def determine_sign(expr):
    expr = expr.strip().replace(" ", "")

```

если это число

```

if is_digit(expr):
    return sign_of_digit(int(expr))

```

если это просто переменная

```

if expr in signs:
    return signs[expr]

```

если в скобках целиком

```

        if expr.startswith("(") and expr.endswith(")") and
check_brackets(expr[1:-1]):
            return determine_sign(expr[1:-1])

# ищем главную операцию (с учётом скобок)
depth = 0
main_op = None
main_index = -1
for i in range(len(expr) - 1, -1, -1): # справа налево
(чтобы + и - имели меньший приоритет)
    c = expr[i]
    if c == ')':
        depth += 1
    elif c == '(':
        depth -= 1
    elif depth == 0 and c in "+-*/":
        main_op = c
        main_index = i
        break

if main_op is None:
    return unknown

left = expr[:main_index]
right = expr[main_index + 1:]
x = determine_sign(left)
y = determine_sign(right)
return combine_signs(x, y, main_op)

def check_brackets(expr):
    """Проверяет сбалансированность скобок"""
    depth = 0
    for c in expr:
        if c == '(':

```



```

        depth += 1
    elif c == ')':
        depth -= 1
        if depth < 0:
            return False
    return depth == 0

# --- Основная функция анализа ---
def analyze(procedure):
    lines = [line.strip() for line in procedure.split("\n")
if line.strip()]
    for line in lines:
        if "=" in line:
            left, right = line.split("=", 1)
            var = left.strip()
            expr = right.strip()
            signs[var] = determine_sign(expr)

    print("\nПроцедура:")
    print(procedure)
    print("\nЗнаки переменных:")
    for var, s in signs.items():
        print(f"{var}: {s}")

# --- Пример использования ---
def main():
    # пример процедуры
    procedure = """
a = 5
b = -2
c = a + b
d = a - b
e = a * b

```

```

f = d + e
g = f - b
h = g * 2
j = (a - b) * (b + 3)
k = (a + e) / b
"""
analyze(procedure)

if __name__ == "__main__":
    main()

```

Результаты выполнения для заданных процедур показаны на рисунке 2.

```

Процедура:

a = 5
b = -2
c = a + b
d = a - b
e = a * b
f = d + e
g = f - b
h = g * 2
j = (a - b) * (b + 3)
k = (a + e) / b

Знаки переменных:
a: plus
b: minus
c: unknown
d: plus
e: minus
f: unknown
g: unknown
h: unknown
j: unknown
k: unknown

```

Рисунок 2 – Результат работы

Вывод

Произвели программную реализацию вычислителя заданной математической функции для заданных аргументов, причем исключительно

средствами примитивной и частичной рекурсии, а также используя метод абстрактной интерпретации, определили знаки всех переменных.