# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

### ОТЧЕТ

# по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Поиск с возвратом

Студент гр. 9383	Камзолов Н.А.
Преподаватель	Фирсов М.А.

Санкт-Петербург 2020

### Цель работы.

Применить на практике алгоритм поиска с возвратом для заполнения квадрата минимальным кол-вом меньших квадратов.

### Задание. Вариант – 1и(итеративный бэктрекинг).

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до N-1, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу - квадрат размера N. Он может получить ее, собрав из уже имеющихся обрезков(квадратов).

Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

Входные данные:

Размер столешницы - одно целое число  $N \ (2 \le N \le 40)$ .

Выходные данные:

Одно число K, задающее минимальное количество обрезков(квадратов), из которых можно построить столешницу(квадрат) заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x, y и w, задающие координаты левого верхнего угла  $(1 \le x, y \le N)$  и длину стороны соответствующего обрезка(квадрата).

### Основные теоретические положения.

**Бэктрекинг** - общий метод нахождения решений задачи, в которой требуется полный перебор всех возможных вариантов в некотором множестве.

Решение задачи методом поиска с возвратом сводится к последовательному расширению частичного решения. Если на очередном шаге такое расширение провести не удается, то возвращается к более короткому частичному решению и продолжают поиск дальше. Данный алгоритм позволяет найти все решения поставленной задачи, если они существуют.

### Описание алгоритма.

Для решения задачи был реализован итеративный алгоритм бэктрекинга, который перебирает все возможные заполнения квадрата квадратами меньшей стороны:

- 1. Проходим циклом по матрице, которая является прототипом столешницы и находим минимальную свободную ячейку, в которую можно вместить квадрат и помещаем туда максимально возможный (квадраты помещаем в стек). Так делаем до тех пор, пока массив не будет полностью заполнен.
- 2. Если разложение, которое мы получили на первом шаге является минимальным на текущий момент, то запоминаем его (запоминаем стек).
- 3. Дальше функция, которая имитирует работу бэктрекинга поочерёдно удаляет из стека квадраты с единичной стороной, если ей на пути встречается квадрат со стороной больше единицы, то она уменьшает сторону этого квадрата на один и возвращается к шагу 1. В том случае, если удаление квадратов больше невозможно алгоритм прекращает работу.

Было подмечено, что у столешниц со стороной равной простому числу (кроме 2) есть совпадения при разложении. У всех них совпадают три квадрата, расположенных по трем смежным углам столешницы. Таким образом в левом верхнем углу расположен квадрат со стороной W / 2 + 1, в левом нижнем углу – W / 2, в правом верхнем – W / 2, где W – сторона столешницы. Таким образом, проставив эти квадраты до начала работы основного алгоритма, мы уменьшили количество переборных операций примерно в 4 раза. Для столешниц со стороной кратной 2 — написан отдельный случай, который разбивает столешницу на 4 квадрата со стороной W / 2. Также было подмечено, что у столешницы со стороной не равной простому числу разложение совпадает с разложением столешницы, у которой сторона является минимальным простым делителем стороны первой (столешницы) в уменьшенном масштабе.

### Сложность.

Не смотря на все оптимизации алгоритм все равно имеет экспоненциальную сложность  $(O(2^n))$ , где n- длина стороны столешницы), так как нам приходится перебирать все возможные варианты квадратов для оставшегося куска столешницы.

### Описание функций и структур данных.

Все операции с полем подразумевают работу с матрицей размера W\*W. Матрица реализуется с помощью std::vector.

*struct Square* — структура данных, которая является прототипом квадратных обрезков доски. В ней содержатся координаты левого верхнего угла квадрата, а также длина его стороны.

class Table – класс, являющийся прототипом столешницы. Внутри этого класса содержатся методы, который реализуют алгоритм заполнения квадратами столешницы:

void running() — метод, который в зависимости от введенных данных запускает алгоритм заполнения (здесь рассматриваются особые случаи для квадратов со сторонами, делящимися на 2/3/7).

void calculations() — метод, реализующий работу алгоритма — заполняет столешницу квадратами, проверяет является ли это разложение минимальным (если да, то запоминает его), а затем вызывает бэктрекинг.

void startAlignment() – метод, реализующий оптимизацию с расставлением трех изначальных квадратов.

bool newSquare() — метод, который проверяет можно ли поместить в текущую позицию квадрат с выбранной стороной, если это возможно, то помещает его в это место.

bool clearSquare(int x, int y, int side) — метод, очищающий квадрат по выбранным координатам (x и y), с заданной стороной (side).

bool alignment() — метод, реализующий алгоритм заполнения столешницы квадратами с максимально возможной стороной. Возвращает true в том случае, если ему удалось заполнить квадрат и false, если не удалось.

bool backtracking() — метод, реализующий алгоритм бэктрекинга. Пробегается по стеку и удаляет квадраты из него в том случае, если квадрат имеет единичную сторону или уменьшает сторону квадрата на один, если сторона квадрата была больше единицы. Возвращает true, если дальнейшее заполнение имеет смысл и false, если со столешницы удалены все квадраты, кроме трех изначальных.

Также для функций написано тестирование с помощью библиотеки Catch2.

Для файлов тестирования и основной программы написан Makefile.

Рисунок 1 – Демонстрация корректного отрабатывания тестирования.

### Тестирование.

Ввод	Вывод
2	4
	1 1 1
	2 1 1
	1 2 1
	2 2 1
4	4
	1 1 2
	3 1 2
	1 3 2
	3 3 2
3	6
	3 3 1
	2 3 1
	3 2 1

311 112 9 6 773 473 743 173 713 116 5 8 551 451 351 341 432 142 412 113 25 8 21215 16215 11215 1165 16110 11610 11610 1115		
9 6 773 473 743 173 713 116 5 8 551 451 351 341 432 142 412 113 25 8 21215 16215 11215 1165 16110 11610 11610 1115		1 3 1
9 6 773 473 743 173 713 116 5 8 551 451 351 341 432 142 412 113 25 8 21215 16215 11215 11165 16110 11610 16110 1115		3 1 1
773 473 743 173 713 116  5  8  551 451 351 341 432 142 412 113  25  8  21215 16215 11215 1165 16110 11610 16110 1115		1 1 2
473 743 173 713 116  5  8  551 451 351 341 432 142 412 113  25  8  21215 16215 11215 1165 16110 11610 16110 1115	9	6
7 4 3 1 7 3 7 1 3 1 1 6  5		773
173 713 116  5		473
7 1 3 1 1 6  5		7 4 3
116  8  551 451 351 341 432 142 412 113  25  8  21215 16215 11215 11165 161110 11610 16110 1115		173
5       8         5 5 1       45 1         3 5 1       3 4 1         4 3 2       1 4 2         4 1 2       1 1 3         25       8         21 21 5       16 21 5         11 21 5       11 16 5         16 11 10       1 16 10         16 1 10       1 1 15		7 1 3
551 451 351 341 432 142 412 113 25 8 21215 16215 11215 1165 161110 11610 1115		1 1 6
451 351 341 432 142 412 113  25  8  21215 16215 11215 11165 161110 11610 16110 1115	5	8
351 341 432 142 412 113  25  8 21215 16215 11215 11165 161110 11610 11610 1115		5 5 1
3 4 1 4 3 2 1 4 2 4 1 2 1 1 3 25 8 21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 16 10 1 1 15		4 5 1
4 3 2 1 4 2 4 1 2 1 1 3  25  8  21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 11 10 1 1 15		3 5 1
1 4 2 4 1 2 1 1 3 25 8 21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 16 10 1 1 15		3 4 1
4 1 2 1 1 3 25 8 21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 16 10 1 1 15		4 3 2
1 1 3  8  21 21 5  16 21 5  11 21 5  11 16 5  16 11 10  1 16 10  1 1 15		1 4 2
25 8 21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 1 15		4 1 2
21 21 5 16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 16 1 10 1 1 15		1 1 3
16 21 5 11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 1 1 15	25	8
11 21 5 11 16 5 16 11 10 1 16 10 16 1 10 1 1 15		21 21 5
11 16 5 16 11 10 1 16 10 16 1 10 1 1 15		16 21 5
16 11 10 1 16 10 16 1 10 1 1 15		11 21 5
1 16 10 16 1 10 1 1 15		11 16 5
16 1 10 1 1 15		16 11 10
1 1 15		1 16 10
		16 1 10
17 12		1 1 15
	17	12

	9 14 4
	13 13 5
	12 13 1
	16 11 2
	9 11 3
	9 10 1
	1692
	12 9 4
	10 9 2
	1 10 8
	10 1 8
	119
13	11
	9 12 2
	7 12 2
	11 11 3
	10 11 1
	793
	7 8 1
	10 7 4
	872
	186
	8 1 6
	1 1 7

### Демонстрация работы.

```
13
Count of squares: 11
x: 9 y: 12 side: 2
x: 7 y: 12 side: 2
x: 11 y: 11 side: 3
x: 10 y: 11 side: 1
x: 7 y: 9 side: 3
x: 7 y: 8 side: 1
x: 10 y: 7 side: 4
x: 8 y: 7 side: 2
x: 1 y: 8 side: 6
x: 8 y: 1 side: 6
x: 1 y: 1 side: 7
```

Рисунок 2 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 13.

```
27
Count of squares: 6
x: 19 y: 19 side: 9
x: 10 y: 19 side: 9
x: 19 y: 10 side: 9
x: 1 y: 19 side: 9
x: 19 y: 1 side: 9
x: 1 y: 1 side: 9
```

Рисунок 3 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 27.

```
Count of squares: 15
x: 25 y: 33 side: 5
x: 26 y: 32 side: 1
x: 25 y: 32 side: 1
x: 19 y: 32 side: 6
  30 y: 30 side: 8
x: 27 y: 30 side: 3
x: 19 y: 24 side: 8
x: 19 y: 21 side: 3
x: 19 y: 20 side: 1
x: 27 y: 19 side: 11
x: 22 y: 19 side: 5
x: 20 y: 19 side: 2
x: 1 y: 20 side: 18
x: 20 y: 1 side: 18
x: 1 y: 1 side: 19
```

Рисунок 4 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 27.

-40 Wrong input!

Рисунок 5 – Демонстрация работы программы при некорректном вводе данных.

### Выводы.

Применен на практике алгоритм поиска с возвратом для заполнения квадрата минимальным кол-вом меньших квадратов. Придумана оптимизация, позволяющая сократить кол-во переборных операций в 4 раза. Написана программа, реализующая алгоритм заполнения квадрата минимальным кол-вом квадратов меньшей стороны с помощью поиска с возвратом.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

### Файл main.cpp:

```
#include "Table.hpp"
using namespace std;
int main() {
   int side;
   cin >> side;
   Table a(side);
   a.running();
```

### Файл Table.hpp:

```
#include <bitset>
#include <iostream>
#include <list>
#include <vector>
#include <stack>
using namespace std;
struct Square {
    int x = 0;
    int y = 0;
    int side = 0;
    Square(int x, int y, int side): x(x), y(y), side(side) {}
};
class Table {
    vector <vector<int>> table;
    vector <vector<int>> bestTable;
    int tempY;
    int tempX;
    int width;
    int squaresCounter;
    int minSquares;
    int currentSquare;
    stack<Square> squares;
public:
    const vector <vector<int>> getTable() { return table; }
    int getsquaresCounter() { return squaresCounter; }
    void setTempX(int tempX) { this->tempX = tempX; }
    void setTempY(int tempY) { this->tempY = tempY; }
    void setCurrentSquare(int tempSquare) { currentSquare = tempSquare; }
    void calculations();
    void printAnswer(int pow = 1);
```

```
void startAlignment();
void print();
bool alignment();
bool newSquare();
void clearSquare(int x, int y, int side);
bool backTracking();

stack<Square> bestCase;
void running();
Table(int width);
};
```

### Файл Table.cpp:

```
#include "Table.hpp"
using namespace std;
Table::Table(int width) {
    tempY = 0;
    tempX = 0;
    squaresCounter = 0;
    minSquares = 0;
    this->width = width;
    table.resize(width);
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        table[i].resize(width);
        for(int j = 0; j < width; j++) {
            table[i][j] = 0;
        }
    }
}
void Table::calculations() {
    startAlignment();
    int min = width * width;
    minSquares = min;
    do {
        if(alignment()) {
            if(squaresCounter < min) {</pre>
                bestCase = squares;
                bestTable = table;
                min = squaresCounter;
                minSquares = min;
            }
        if(!backTracking())
            break;
    }while(true);
}
void Table::running() {
    if (width % 2 == 0) {
        cout << 4 << endl;
        cout << 1 << ' ' << 1 << ' ' << width / 2 << '\n';
        cout << width / 2 + 1 << ' ' << 1 << ' ' << width / 2 << '\n';
```

```
cout << 1 << ' ' << width / 2 + 1 << ' ' << width / 2 << '\n';
        cout << width / 2 + 1 << ' ' << width / 2 + 1 << ' ' << width / 2
<< '\n';
        return;
    }
    if (width % 3 == 0) {
        int tempW = width;
        width = 3;
        calculations();
        printAnswer(tempW / width);
        return;
    }
    if (width % 5 == 0) {
        int tempW = width;
        width = 5;
        calculations();
        printAnswer(tempW / width);
        return;
    }
    calculations();
    printAnswer();
}
void Table::printAnswer(int pow) {
    cout << minSquares << endl;</pre>
    for(int i = 0; i < minSquares; i++) {</pre>
        Square temp = bestCase.top();
        bestCase.pop();
        cout << temp.x * pow + 1 <<</pre>
            << temp.y * pow + 1 << ' ' << temp.side * pow <<endl;
    }
}
void Table::startAlignment() {
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        for (int j = 0; j < width; j++) {
            if(i < width/2 + 1 && j < width/2 + 1) {
                table[i][j] = 1;
            else if (j < width/2) {
                table[i][j] = 2;
            else if (i < width/2) {
                table[i][j] = 3;
        }
    }
    squaresCounter = 3;
    squares.push(Square(0, 0, width/2 + 1));
    squares.push(Square(width/2 + 1, 0, width/2));
    squares.push(Square(0, width/2 + 1, width/2));
    tempX = width/2;
    tempY = width/2;
```

```
}
void Table::print() {
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        for (int j = 0; j < width; j++) {
             cout << bestTable[i][j];</pre>
        cout << endl;</pre>
    }
bool Table::alignment() {
    if(currentSquare == 0)
        currentSquare = width / 2;
    for (int i = width/2; i < width; i++) {
        for (int j = width/2; j < width; j++) {
             if(table[i][j] == 0) {
                 tempY = i;
                 tempX = j;
                 if(squaresCounter >= minSquares) {
                     return false;
                 while(true) {
                     if (newSquare())
                          currentSquare = width / 2;
                         break;
                     else currentSquare--;
                 }
             }
    return true;
}
bool Table::newSquare() {
    if(tempX + currentSquare > width
    || tempY + currentSquare > width) return false;
    for (int i = tempY; i < tempY + currentSquare; i++) {</pre>
        for (int j = tempX; j < tempX + currentSquare; j++) {</pre>
             if(table[i][j]) return false;
        }
    squaresCounter++;
    for (int i = tempY; i < tempY + currentSquare; i++) {</pre>
        for (int j = tempX; j < tempX + currentSquare; j++) {</pre>
             table[i][j] = squaresCounter;
        }
    }
    squares.push(Square(tempX, tempY, currentSquare));
    return true;
}
void Table::clearSquare(int x, int y, int side) {
    if (x < 0 \mid | y < 0 \mid | x + side > width
```

```
| | y + side > width | | side < 0 | | squares.empty())
        return;
    for(int i = y; i < y + side; i++) {
        for(int j = x; j < x + side; j++) {
            table[i][j] = 0;
    squares.pop();
    squaresCounter--;
}
bool Table::backTracking() {
    Square temp = squares.top();
    while(squares.size() > 3 && temp.side == 1) {
        clearSquare(squares.top().x, squares.top().y,
squares.top().side);
        temp = squares.top();
    }
    if(squares.size() == 3){
        return false;
    }
    clearSquare(squares.top().x, squares.top().y, squares.top().side);
    currentSquare = temp.side - 1;
    return true;
}
```

### Файл AlgosTest.cpp:

```
#define CATCH CONFIG MAIN
#include "catch.hpp"
#include "../Source/Table.hpp"
vector<vector<int>> testTable;
Table table = Table(10);
TEST CASE( "Squares are placed when appropriate", "[placing]" ) {
    testTable = {{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0},
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
```

```
REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
    testTable = {{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
                \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 2, 2, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 2, 2, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setTempX(3);
    table.setTempY(2);
    table.setCurrentSquare(2);
    table.newSquare();
    table.setTempX(6);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(3, 2, 2);
    table.clearSquare(6, 2, 2);
    \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2, 2\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2\}
                \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2, 2\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.setTempX(5);
    table.setTempY(5);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
    table.clearSquare(5, 5, 5);
TEST CASE ( "Squares are not placed when they are not appropriate", "[not
placing]" ) {
```

}

```
\{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 }};
table.setCurrentSquare(5);
table.setTempX(6);
table.setTempY(6);
table.newSquare();
REQUIRE(table.getTable() == testTable);
testTable = {{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, },
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 }};
table.setTempX(3);
table.setTempY(2);
table.setCurrentSquare(2);
table.newSquare();
table.newSquare();
REQUIRE(table.getTable() == testTable);
table.clearSquare(3, 2, 2);
\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
table.setCurrentSquare(5);
table.setTempX(0);
table.setTempY(0);
table.newSquare();
table.setTempX(4);
```

```
table.setTempY(4);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
TEST CASE ( "Squares are cleared when it is possible ", "[clearing]" ) {
    testTable = {{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
                {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(10);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(0, 0, 10);
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                \{1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(3, 3, 2);
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.setCurrentSquare(2);
    table.setTempX(3);
    table.setTempY(3);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(0, 0, 5);
}
```

```
TEST CASE ( "Squares are not cleared when it is not possible ", "[no
clearing]" ) {
    testTable = \{\{0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(-1, 0, 2);
    REQUIRE(table.getTable() != testTable);
    testTable = {{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0},
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 {1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0 },
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \};
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
Table table 3 = Table(3);
Table table5 = Table(5);
TEST CASE( "Start alignment works right ", "[start alignment]" ) {
    testTable = \{\{1, 1, 3\},
                 {1, 1, 0},
                 {2, 0, 0}};
    table3.startAlignment();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    table3.clearSquare(2, 0, 1);
    table3.clearSquare(0, 2, 1);
    table3.clearSquare(0, 0, 2);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 3, 3\},
                 {1, 1, 1, 3, 3},
                 \{1, 1, 1, 0, 0\},\
                 \{2, 2, 0, 0, 0\},\
                 {2, 2, 0, 0, 0}};
    table5.startAlignment();
    REQUIRE(table5.getTable() == testTable);
    table5.clearSquare(3, 0, 2);
    table5.clearSquare(0, 3, 2);
```

```
table5.clearSquare(0, 0, 3);
}
TEST_CASE( "Backtracking works right ", "[alignment]" ) {
    testTable = \{\{1, 1, 3\},
                {1, 1, 0},
                {2, 0, 0}};
    table3.startAlignment();
    table3.setCurrentSquare(1);
    table3.setTempX(1);
    table3.setTempY(2);
    table3.newSquare();
    table3.setTempX(2);
    table3.setTempY(2);
    table3.newSquare();
    table3.backTracking();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    table3.setCurrentSquare(0);
    table3.alignment();
    table3.backTracking();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 3, 3\},
                {1, 1, 1, 3, 3},
                {1, 1, 1, 0, 0},
                {2, 2, 0, 0, 0},
                {2, 2, 0, 0, 0}};
    table5.startAlignment();
    table5.setCurrentSquare(2);
    table5.setTempX(3);
    table5.setTempY(2);
    table5.newSquare();
    table5.backTracking();
   REQUIRE(table5.getTable() == testTable);
}
```