# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

#### ОТЧЕТ

# по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Поиск с возвратом

Студент гр. 9383	Камзолов Н.А.
Преподаватель	Фирсов М.А.

Санкт-Петербург 2020

## Цель работы.

Применить на практике алгоритм поиска с возвратом для заполнения квадрата минимальным кол-вом меньших квадратов.

#### Задание. Вариант – 1и(итеративный бэктрекинг).

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до N-1, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу - квадрат размера N. Он может получить ее, собрав из уже имеющихся обрезков(квадратов).

Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

Входные данные:

Размер столешницы - одно целое число  $N \ (2 \le N \le 40)$ .

Выходные данные:

Одно число K, задающее минимальное количество обрезков(квадратов), из которых можно построить столешницу(квадрат) заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x, y и w, задающие координаты левого верхнего угла  $(1 \le x, y \le N)$  и длину стороны соответствующего обрезка(квадрата).

#### Описание алгоритма.

Для решения задачи был реализован итеративный алгоритм бэктрекинга, который перебирает все возможные заполнения квадрата квадратами меньшей стороны:

1. Проходим циклом по матрице, которая является прототипом столешницы и находим минимальную свободную ячейку, в которую можно вместить квадрат и помещаем туда максимально возможный (квадраты помещаем в стек). Так делаем до тех пор, пока массив не будет полностью заполнен.

- 2. Если разложение, которое мы получили на первом шаге является минимальным на текущий момент, то запоминаем его (запоминаем стек).
- 3. Дальше функция, которая имитирует работу бэктрекинга поочерёдно удаляет из стека квадраты с единичной стороной, если ей на пути встречается квадрат со стороной больше единицы, то она уменьшает сторону этого квадрата на один и возвращается к шагу 1. В том случае, если удаление квадратов больше невозможно алгоритм прекращает работу.

Было подмечено, что у столешниц со стороной равной простому числу (кроме 2) есть совпадения при разложении. У всех них совпадают три квадрата, расположенных по трем смежным углам столешницы. Таким образом в левом верхнем углу расположен квадрат со стороной W / 2 + 1, в левом нижнем углу – W / 2, в правом верхнем – W / 2, где W – сторона столешницы. Таким образом, проставив эти квадраты до начала работы основного алгоритма, мы уменьшили количество переборных операций примерно в 4 раза. Для столешниц со стороной кратной 2 — написан отдельный случай, который разбивает столешницу на 4 квадрата со стороной W / 2. Также было подмечено, что у столешницы со стороной не равной простому числу разложение совпадает с разложением столешницы, у которой сторона является минимальным простым делителем стороны первой (столешницы) в уменьшенном масштабе.

Не смотря на все оптимизации алгоритм все равно имеет экспоненциальную сложность.

## Описание функций и структур данных.

Все операции с полем подразумевают работу с матрицей размера W\*W. Матрица реализуется с помощью std::vector.

*struct Square* — структура данных, которая является прототипом квадратных обрезков доски. В ней содержатся координаты левого верхнего угла квадрата, а также длина его стороны.

class Table – класс, являющийся прототипом столешницы. Внутри этого класса содержатся методы, который реализуют алгоритм заполнения квадратами столешницы:

void running() — метод, который в зависимости от введенных данных запускает алгоритм заполнения (здесь рассматриваются особые случаи для квадратов со сторонами, делящимися на 2/3/7).

void calculations() — метод, реализующий работу алгоритма — заполняет столешницу квадратами, проверяет является ли это разложение минимальным (если да, то запоминает его), а затем вызывает бэктрекинг.

void startAlignment() – метод, реализующий оптимизацию с расставлением трех изначальных квадратов.

bool newSquare() — метод, который проверяет можно ли поместить в текущую позицию квадрат с выбранной стороной, если это возможно, то помещает его в это место.

bool clearSquare(int x, int y, int side) — метод, очищающий квадрат по выбранным координатам (x и y), с заданной стороной (side).

bool alignment() — метод, реализующий алгоритм заполнения столешницы квадратами с максимально возможной стороной. Возвращает true в том случае, если ему удалось заполнить квадрат и false, если не удалось.

bool backtracking() — метод, реализующий алгоритм бэктрекинга. Пробегается по стеку и удаляет квадраты из него в том случае, если квадрат имеет единичную сторону или уменьшает сторону квадрата на один, если сторона квадрата была больше единицы. Возвращает true, если дальнейшее заполнение имеет смысл и false, если со столешницы удалены все квадраты, кроме трех изначальных.

Также для функций написано тестирование с помощью библиотеки Catch2.

Для файлов тестирования и основной программы написан Makefile.

Рисунок 1 – Демонстрация корректного отрабатывания тестирования.

# Демонстрация работы.

```
6
Count of squares: 4
x: 1 y: 1 side: 3
x: 4 y: 1 side: 3
x: 1 y: 4 side: 3
x: 4 y: 4 side: 3
```

Рисунок 2 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 6.

```
9
Count of squares: 6
x: 7 y: 7 side: 3
x: 4 y: 7 side: 3
x: 7 y: 4 side: 3
x: 1 y: 7 side: 3
x: 7 y: 1 side: 3
x: 1 y: 1 side: 6
```

Рисунок 3 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 9.

```
13
Count of squares: 11
x: 9 y: 12 side: 2
x: 7 y: 12 side: 2
x: 11 y: 11 side: 3
x: 10 y: 11 side: 1
x: 7 y: 9 side: 3
x: 7 y: 8 side: 1
x: 10 y: 7 side: 4
x: 8 y: 7 side: 2
x: 1 y: 8 side: 6
x: 8 y: 1 side: 6
x: 1 y: 1 side: 7
```

Рисунок 4 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 13.

```
Count of squares: 13
x: 19 y: 19 side: 5
x: 19 y: 17 side: 2
x: 12 y: 17 side: 7
x: 21 y: 16 side: 3
x: 20 y: 16 side: 1
x: 12 y: 14 side: 3
x: 12 y: 13 side: 1
x: 20 y: 12 side: 4
x: 15 y: 12 side: 5
x: 13 y: 12 side: 2
x: 1 y: 13 side: 11
x: 13 y: 1 side: 11
x: 13 y: 1 side: 12
```

Рисунок 5 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 23.

```
28
Count of squares: 4
x: 1 y: 1 side: 14
x: 15 y: 1 side: 14
x: 1 y: 15 side: 14
x: 15 y: 15 side: 14
```

Рисунок 6 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 28.

```
Count of squares: 15
x: 25 y: 33 side: 5
x: 26 y: 32 side: 1
x: 25 y: 32 side: 1
x: 19 y: 32 side: 6
x: 30 y: 30 side: 8
x: 27 y: 30 side: 3
x: 19 y: 24 side: 8
x: 19 y: 21 side: 3
x: 19 y: 20 side: 1
x: 27 y: 19 side: 11
x: 22 y: 19 side: 5
x: 20 y: 19 side: 2
x: 1 y: 20 side: 18
x: 20 y: 1 side: 18
x: 1 y: 1 side: 19
```

Рисунок 7 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 37.

```
38
Count of squares: 4
x: 1 y: 1 side: 19
x: 20 y: 1 side: 19
x: 1 y: 20 side: 19
x: 20 y: 20 side: 19
```

Рисунок 8 – Демонстрация работы программы при столешнице со стороной 38.

# Выводы.

Применен на практике алгоритм поиска с возвратом для заполнения квадрата минимальным кол-вом меньших квадратов. Придумана оптимизация, позволяющая сократить кол-во переборных операций в 4 раза. Написана программа, реализующая алгоритм заполнения квадрата минимальным кол-вом квадратов меньшей стороны с помощью поиска с возвратом.

# ПРИЛОЖЕНИЕ А ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

### Файл main.cpp:

```
#include "Table.hpp"
using namespace std;
int main() {
   int side;
   cin >> side;
   Table a(side);
   a.running();
}
```

### Файл Table.hpp:

```
#include <bitset>
#include <iostream>
#include <list>
#include <vector>
#include <stack>
struct Square {
    int x = 0;
    int y = 0;
    int side = 0;
    Square(int x, int y, int side): x(x), y(y), side(side) {}
};
class Table {
    std::vector <std::vector<int>> table;
    std::vector <std::vector<int>> bestTable;
    int tempY = 0;
    int tempX = 0;
    int width;
    int squaresCounter = 0;
    int minSquares = 0;
    int currentSquare;
    std::stack<Square> squares;
public:
    const std::vector <std::vector<int>> getTable() { return table; }
    int getsquaresCounter() { return squaresCounter; }
    void setTempX(int tempX) { this->tempX = tempX; }
    void setTempY(int tempY) { this->tempY = tempY; }
    void setCurrentSquare(int tempSquare) { currentSquare = tempSquare; }
    void calculations();
```

```
void printAnswer(int pow = 1);
void startAlignment();
void print();
bool isFullAlignment();
bool newSquare();
void clearSquare(int x, int y, int side);
bool backTracking();

std::stack<Square> bestCase;
void running();
Table(int width);
};
```

# Файл Table.cpp:

```
#include "Table.hpp"
Table::Table(int width) {
    this->width = width;
    table.resize(width);
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        table[i].resize(width);
        for (int j = 0; j < width; j++) {
            table[i][j] = 0;
    }
}
void Table::calculations() {
    startAlignment();
    int min = width * width;
    minSquares = min;
    do {
        if(isFullAlignment()) {
            if(squaresCounter < min) {</pre>
                bestCase = squares;
                bestTable = table;
                min = squaresCounter;
                minSquares = min;
            }
        if(!backTracking())
            break;
    }while(true);
}
void Table::running() {
    if (width % 2 == 0) {
        std::cout << "Count of squares: " << 4 << std::endl;</pre>
        std::cout << "x: " << 1 << " y: " << 1 << " side: " << width / 2
<< '\n';
        std::cout << "x: " << width / 2 + 1
                   << " y: " << 1
```

```
<< " side: " << width / 2
                   << '\n';
        std::cout << "x: " << 1
                   << " y: " << width / 2 + 1
                   << " side: " << width / 2
                   << '\n';
        std::cout << "x: " << width / 2 + 1
                   << " y: " << width / 2 + 1
                   << " side: " << width / 2
                   << '\n';
        return;
    }
    if (width % 3 == 0) {
        int tempW = width;
        width = 3;
        calculations();
        printAnswer(tempW / width);
        return;
    }
    if (width % 5 == 0) {
        int tempW = width;
        width = 5;
        calculations();
        printAnswer(tempW / width);
        return;
    }
    calculations();
    printAnswer();
}
void Table::printAnswer(int pow) {
    std::cout << "Count of squares: "<< minSquares << std::endl;</pre>
    for(int i = 0; i < minSquares; i++) {</pre>
        Square temp = bestCase.top();
        bestCase.pop();
        std::cout << "x: " <<temp.x * pow + 1
            << " y: " << temp.y * pow + 1
            << " side: "<< temp.side * pow
            << std::endl;
    }
}
void Table::startAlignment() {
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        for(int j = 0; j < width; j++) {
            if(i < width/2 + 1 && j < width/2 + 1) {
                table[i][j] = 1;
            else if(j < width/2) {
                table[i][j] = 2;
            else if(i < width/2) {</pre>
                table[i][j] = 3;
```

```
}
        }
    }
    squaresCounter = 3;
    squares.push(Square(0, 0, width/2 + 1));
    squares.push(Square(width/2 + 1, 0, width/2));
    squares.push(Square(0, width/2 + 1, width/2));
    tempX = width/2;
    tempY = width/2;
}
void Table::print() {
    for (int i = 0; i < width; i++) {
        for(int j = 0; j < width; j++) {
            std::cout << bestTable[i][j];</pre>
        std::cout << std::endl;</pre>
    }
bool Table::isFullAlignment() {
    if(currentSquare == 0)
        currentSquare = width / 2;
    for (int i = width/2; i < width; i++) {
        for(int j = width/2; j < width; j++) {
             if(table[i][j] == 0) {
                 tempY = i;
                 tempX = j;
                 if(squaresCounter >= minSquares) {
                     return false;
                 while(true) {
                     if (newSquare())
                         currentSquare = width / 2;
                         break;
                     else currentSquare--;
                 }
             }
    return true;
}
bool Table::newSquare() {
    if(tempX + currentSquare > width
    || tempY + currentSquare > width) return false;
    for (int i = tempY; i < tempY + currentSquare; i++) {</pre>
        for (int j = tempX; j < tempX + currentSquare; j++) {</pre>
            if(table[i][j]) return false;
    squaresCounter++;
    for (int i = tempY; i < tempY + currentSquare; i++) {</pre>
        for (int j = tempX; j < tempX + currentSquare; j++) {</pre>
             table[i][j] = squaresCounter;
```

```
}
    }
    squares.push(Square(tempX, tempY, currentSquare));
    return true;
}
void Table::clearSquare(int x, int y, int side) {
    if (x < 0 \mid | y < 0 \mid | x + side > width
        | | y + side > width | | side < 0 | | squares.empty())
        return;
    for(int i = y; i < y + side; i++) {
        for(int j = x; j < x + side; j++) {
            table[i][j] = 0;
    squares.pop();
    squaresCounter--;
}
bool Table::backTracking() {
    Square temp = squares.top();
    while(squares.size() > 3 && temp.side == 1) {
        clearSquare(squares.top().x, squares.top().y,
squares.top().side);
        temp = squares.top();
    }
    if(squares.size() == 3){
        return false;
    clearSquare(squares.top().x, squares.top().y, squares.top().side);
    currentSquare = temp.side - 1;
    return true;
}
```

# Файл AlgosTest.cpp:

```
\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 }};
table.setCurrentSquare(5);
table.setTempX(0);
table.setTempY(0);
table.newSquare();
REQUIRE(table.getTable() == testTable);
table.clearSquare(0, 0, 5);
\{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 2, 2, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 2, 2, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 }};
table.setTempX(3);
table.setTempY(2);
table.setCurrentSquare(2);
table.newSquare();
table.setTempX(6);
table.newSquare();
REQUIRE(table.getTable() == testTable);
table.clearSquare(3, 2, 2);
table.clearSquare(6, 2, 2);
\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2, 2\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2\}
            \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2, 2\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2, 2\},\
            \{0, 0, 0, 0, 0, 2, 2, 2, 2, 2\};
table.setCurrentSquare(5);
table.setTempX(0);
table.setTempY(0);
table.newSquare();
```

```
table.setTempX(5);
    table.setTempY(5);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
    table.clearSquare(5, 5, 5);
}
TEST CASE ( "Squares are not placed when they are not appropriate", "[not
placing]" ) {
    Table table = Table(10);
    std::vector<std::vector<int>> testTable = {
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(6);
    table.setTempY(6);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
                 \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 }};
    table.setTempX(3);
    table.setTempY(2);
    table.setCurrentSquare(2);
    table.newSquare();
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(3, 2, 2);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, \},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
```

```
\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.setTempX(4);
    table.setTempY(4);
    table.newSquare();
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
}
TEST CASE ( "Squares are cleared when it is possible ", "[clearing]" ) {
    Table table = Table(10);
    std::vector<std::vector<int>> testTable = {
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(10);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(0, 0, 10);
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    testTable = {{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0},
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
```

```
table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(3, 3, 2);
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.setCurrentSquare(2);
    table.setTempX(3);
    table.setTempY(3);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(0, 0, 5);
}
TEST CASE ( "Squares are not cleared when it is not possible ", "[no
clearing]" ) {
    Table table = Table(10);
    std::vector<std::vector<int>> testTable = {
                 \{0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    table.setCurrentSquare(5);
    table.setTempX(0);
    table.setTempY(0);
    table.newSquare();
    table.clearSquare(-1, 0, 2);
    REQUIRE(table.getTable() != testTable);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \}
                 {1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0 },
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 {1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0 },
                 \{1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\},\
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\};
    REQUIRE(table.getTable() == testTable);
    table.clearSquare(0, 0, 5);
TEST_CASE( "Start alignment works right ", "[start alignment]" ) {
    Table table 3 = Table(3);
    std::vector<std::vector<int>> testTable = {
```

```
{1, 1, 3},
                 {1, 1, 0},
                {2, 0, 0}};
    table3.startAlignment();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    table3.clearSquare(2, 0, 1);
    table3.clearSquare(0, 2, 1);
    table3.clearSquare(0, 0, 2);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 3, 3\},
                {1, 1, 1, 3, 3},
                \{1, 1, 1, 0, 0\},\
                \{2, 2, 0, 0, 0\},\
                {2, 2, 0, 0, 0}};
    Table table5 = Table(5);
    table5.startAlignment();
    REQUIRE(table5.getTable() == testTable);
    table5.clearSquare(3, 0, 2);
    table5.clearSquare(0, 3, 2);
    table5.clearSquare(0, 0, 3);
TEST CASE ( "Backtracking works right ", "[alignment]" ) {
    Table table3 = Table(3);
    std::vector<std::vector<int>> testTable = {
                \{1, 1, 3\},\
                \{1, 1, 0\},\
                {2, 0, 0}};
    table3.startAlignment();
    table3.setCurrentSquare(1);
    table3.setTempX(1);
    table3.setTempY(2);
    table3.newSquare();
    table3.setTempX(2);
    table3.setTempY(2);
    table3.newSquare();
    table3.backTracking();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    table3.setCurrentSquare(0);
    table3.isFullAlignment();
    table3.backTracking();
    REQUIRE(table3.getTable() == testTable);
    Table table5 = Table(5);
    testTable = \{\{1, 1, 1, 3, 3\},
                {1, 1, 1, 3, 3},
                \{1, 1, 1, 0, 0\},\
                \{2, 2, 0, 0, 0\},\
                {2, 2, 0, 0, 0}};
```

```
table5.startAlignment();
table5.setCurrentSquare(2);
table5.setTempX(3);
table5.setTempY(2);
table5.newSquare();
table5.backTracking();
REQUIRE(table5.getTable() == testTable);
}
```