

▼ Classificador Binário com Regressão Logística

Você criará um classificador baseado em regressão logística para reconhecer gatos em imagens. Contudo, diferente da última prática, você fará uma arquitetura multilayer.

Dica:

- Evite loops (for / while) em seu código. Isso o tornará mais eficiente.
- Use o código da última prática.

Notebook para:

- Construir a arquitetura geral de um algoritmo regressão logística, incluindo:
 - Inicializando parâmetros
 - Cálculo da função de custo e seu gradiente
 - Cálculo para uma arquitetura multilayer.

▼ Preparação do ambiente

Primeiro precisamos importar os pacotes. Vamos executar a célula abaixo para importar todos os pacotes que precisaremos.

- [numpy](#) é o pacote fundamental para a computação científica com Python.
- [h5py](#) é um pacote comum para interagir com um conjunto de dados armazenado em um arquivo H5.
- [matplotlib](#) é uma biblioteca famosa para plotar gráficos em Python.
- [PIL](#) e [scipy](#) são usados aqui para carregar as imagens e testar seu modelo final.
- `np.random.seed(1)` é usado para manter todas as chamadas de funções aleatórias.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import h5py
import scipy
from PIL import Image
from scipy import ndimage
```

▼ Lab 3 - BCC406/PCC177

REDES NEURAIIS E APRENDIZAGEM EM PROFUNDIDADE

Regressão Logística com multilayer

Prof. Eduardo e Prof. Pedro

Objetivos:

- Regressão Logística.

Data da entrega : 31/10

- Complete o código (marcado com 'ToDo') e quando requisitado, escreva textos diretamente nos notebooks. Onde tiver *None*, substitua pelo seu código.
- Execute todo notebook e salve tudo em um PDF **nomeado** como "NomeSobrenome-LabX.pdf"
- Envie o PDF via google [FORM](#)
- Envie o *.ipynb* também.

O próximo passo é configurar o *matplotlib* e a geração de valores aleatórios.

```
%matplotlib inline
plt.rcParams['figure.figsize'] = (5.0, 4.0) # set default size of plots
plt.rcParams['image.interpolation'] = 'nearest'
plt.rcParams['image.cmap'] = 'gray'

%load_ext autoreload
%autoreload 2

np.random.seed(1)

The autoreload extension is already loaded. To reload it, use:
%reload_ext autoreload
```

Configurando o Google Colab.

```
# Você vai precisar fazer o upload dos arquivos no seu drive (faer na pasta raiz) e montá-lo
# não se esqueça de ajustar o path para o seu drive
from google.colab import drive
drive.mount('/content/drive')

Drive already mounted at /content/drive; to attempt to forcibly remount, call drive.mount("/content/drive", force_remount=True).
```

▼ Carregando e préprocessamento dos dados

```
# Função para ler os dados (gato/não-gato)
def load_dataset():
    def _load_data():
        train_dataset = h5py.File('drive/MyDrive/datasets/train_catvnoncat.h5', "r")
        train_set_x_orig = np.array(train_dataset["train_set_x"][:]) # your train set features
        train_set_y_orig = np.array(train_dataset["train_set_y"][:]) # your train set labels

        test_dataset = h5py.File('drive/MyDrive/datasets/test_catvnoncat.h5', "r")
        test_set_x_orig = np.array(test_dataset["test_set_x"][:]) # your test set features
        test_set_y_orig = np.array(test_dataset["test_set_y"][:]) # your test set labels

        classes = np.array(test_dataset["list_classes"][:]) # the list of classes
        train_set_y_orig = train_set_y_orig.reshape((1, train_set_y_orig.shape[0]))
        test_set_y_orig = test_set_y_orig.reshape((1, test_set_y_orig.shape[0]))

        return train_set_x_orig, train_set_y_orig, test_set_x_orig, test_set_y_orig, classes

    def _preprocess_dataset(_treino_x_orig, _teste_x_orig):
        num_px = 64
        # Formate o conjunto de treinamento e teste dados de treinamento e teste para que as imagens
        # de tamanho (num_px, num_px, 3) sejam vetores de forma (num_px * num_px * 3, 1)
        # ToDo: vetorizar os dados de treinamento aqui e transposta
        _treino_x_vet = _treino_x_orig.reshape((_treino_x_orig.shape[0], num_px * num_px * 3)).T
        # ToDo: vetorizar os dados de teste aqui e transposta
        _teste_x_vet = _teste_x_orig.reshape((_teste_x_orig.shape[0], num_px * num_px * 3)).T

        # Normalize os dados (colocar no intervalo [0.0, 1.0])
        # ToDo: normalize os dados de treinamento aqui
        _treino_x = _treino_x_vet / 250
        # ToDo: normalize os dados de teste aqui
        _teste_x = _teste_x_vet / 250
        return _treino_x, _teste_x

    treino_x_orig, treino_y, teste_x_orig, teste_y, classes = _load_data()
    treino_x, teste_x = _preprocess_dataset(treino_x_orig, teste_x_orig)
    return treino_x, treino_y, teste_x, teste_y, classes
```

Carregando os dados

```
# Lendo os dados (gato/não-gato)
treino_x, treino_y, teste_x, teste_y, classes = load_dataset()
```

▼ Criando funções auxiliares (10pt)

Agora que entendemos a arquitetura da rede multicamadas (uma camada de entrada, L camadas ocultas e uma camada de saída), precisamos criar as funções auxiliares para treinar o modelo. Observe que todas as funções já foram implementadas por você na última prática, logo você somente precisará fazer uma adaptação.

▼ Inicialização dos pesos (5pt)

O modelo precisa que os seus pesos sejam inicializados. Essa inicialização pode ser feita gerando os pesos aleatoriamente ou com valores zerados dada uma dimensão.

Para testarmos, começaremos inicializando o vetor w e b como zero dada uma dimensão dim .

```
def initialize_parameters(dim):
```

```
def initialize_parametros(camadas_dims):
    """
    Inicializa um vetor de vetores para w e b.

    Entrada:
    camadas_dims -- lista contendo a dimensão de cada camada da rede.
    Saída:
    parametros -- python dicionario contendo os parametros "w1", "b1", ..., "wL", "bL":
    w1 -- vetor de pesos com formato (camadas_dims[1], camadas_dims[1-1])
    b1 -- vetor de vies com formato (camadas_dims[1], 1)
    """

    parametros = {}
    L = len(camadas_dims) - 1 # O número de camadas é um a menos que o tamanho da lista

    for l in range(1, L + 1): # Garanta que você itere até L (inclusive)
        parametros[f'w{l}'] = np.random.randn(camadas_dims[l], camadas_dims[l-1]) * 0.01 # Inicialize os pesos com pequenos valores alea
        parametros[f'b{l}'] = np.zeros((camadas_dims[l], 1)) # Inicialize o bias com zeros

    return parametros
```

Agora vamos testar a função `initialize()`. Primeiro, certifique-se de que as dimensões entre cada camada estejam corretas. Lembre-se de que $n^{[l]}$ é o número de unidades na camada l . Assim, por exemplo, se o tamanho da nossa entrada X for $(12288, 209)$ (com número de exemplos $m = 209$), então:

	Formato de W	Formato de b	Cálculo da Ativação em cada camada	Formato da Ativação
Camada 1	$(n^{[1]}, 12288)$	$(n^{[1]}, 1)$	$Z^{[1]} = W^{[1]}X + b^{[1]}$	$(n^{[1]}, 209)$
Camada 2	$(n^{[2]}, n^{[1]})$	$(n^{[2]}, 1)$	$Z^{[2]} = W^{[2]}A^{[1]} + b^{[2]}$	$(n^{[2]}, 209)$
\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots
Camada L-1	$(n^{[L-1]}, n^{[L-2]})$	$(n^{[L-1]}, 1)$	$Z^{[L-1]} = W^{[L-1]}A^{[L-2]} + b^{[L-1]}$	$(n^{[L-1]}, 209)$
Camada L	$(n^{[L]}, n^{[L-1]})$	$(n^{[L]}, 1)$	$Z^{[L]} = W^{[L]}A^{[L-1]} + b^{[L]}$	$(n^{[L]}, 209)$

Para testar a sua função, criaremos uma arquitetura com 3 camadas: 5, 4 e 3.

Os valores esperados são:

```
w1 = [[0. 0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0. 0.]]
b1 = [[0.]
 [0.]
 [0.]
 [0.]]
w2 = [[0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0.]]
b2 = [[0.]
 [0.]
 [0.]]

parametros = initialize_parametros([5,4,3])
print(f'w1 = {parametros["w1"]}')
print(f'b1 = {parametros["b1"]}')
print(f'w2 = {parametros["w2"]}')
print(f'b2 = {parametros["b2"]}')

w1 = [[ 0.01624345 -0.00611756 -0.00528172 -0.01072969  0.00865408]
 [-0.02301539  0.01744812 -0.00761207  0.00319039 -0.0024937 ]
 [ 0.01462108 -0.02060141 -0.00322417 -0.00384054  0.01133769]
 [-0.01099891 -0.00172428 -0.00877858  0.00042214  0.00582815]]
b1 = [[0.]
 [0.]
 [0.]
 [0.]]
w2 = [[-0.01100619  0.01144724  0.00901591  0.00502494]
 [ 0.00900856 -0.00683728 -0.0012289  -0.00935769]
 [-0.00267888  0.00530355 -0.00691661 -0.00396754]]
b2 = [[0.]
 [0.]
 [0.]]
```

▼ Funções de Ativação

Nessa prática serão usadas duas funções de ativação: *Sigmoid* e *ReLU*. Ambas já estão implementadas.

Sigmoid

```
def sigmoid(Z):
    """
    Implementa a função de ativação sigmoid em numpy.

    Entrada:
        Z -- array numpy de qualquer formato
    Saída:
        A -- saída da sigmoid(z) (mesmo formato de Z)
        cache -- retorna Z também (útil durante o backpropagation)
    """
    A = 1/(1+np.exp(-Z))
    cache = Z
    return A, cache

def sigmoid_backward(dA, cache):
    """
    Implementa a retropropagação para uma única unidade Sigmoid.

    Entrada:
        dA -- gradiente pós-ativação de qualquer formato
        cache -- 'Z' onde armazenamos para calcular a propagação retroativa de forma eficiente
    Saída:
        dZ -- Gradiente do custo em relação a Z
    """
    Z = cache
    s = 1/(1+np.exp(-Z))
    dZ = dA * s * (1-s)
    assert (dZ.shape == Z.shape)

    return dZ
```

ReLU

```
def relu(Z):
    """
    Implementa a função ReLU em numpy.

    Entrada:
        Z -- array numpy de qualquer formato
    Saída:
        A -- Parâmetro pós-ativação, do mesmo formato de Z
        cache -- um dicionário python contendo "A" (armazenado para calcular o passe para trás de forma eficiente)
    """
    A = np.maximum(0,Z)
    cache = Z
    assert(A.shape == Z.shape)
    return A, cache

def relu_backward(dA, cache):
    """
    Implementa a retropropagação para uma única unidade ReLU.

    Entrada:
        dA -- gradiente pós-ativação de qualquer formato
        cache -- 'Z' onde armazenamos para calcular a propagação retroativa de forma eficiente
    Saída:
        dZ -- Gradiente do custo em relação a Z
    """
    Z = cache
    dZ = np.array(dA, copy=True) # somente convertendo dz para o objeto correto.
    # Quando z <= 0, você deveria setar dz para 0 também.
    dZ[Z <= 0] = 0
    assert (dZ.shape == Z.shape)

    return dZ
```

▼ Função de custo (5pt)

O objetivo da função de custo é calcular o erro ou a discrepância entre o que foi predito e o valor real.

Como já foi visto, você precisa calcular

$$J = -\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)} \log(a^{(i)}) + (1 - y^{(i)}) \log(1 - a^{(i)}).$$

```
def calcula_custo(AL, Y):
    """
    Calcula o custo J considerando Y e A.

    Entrada:
    AL -- Probabilidade de predição da rede, (1, número de exemplos)
    Y -- Vetor de rótulos dos exemplos de treinamento (0 se não tem gato, 1 se tem gato), (1, número de exemplos)
    Saída:
    custo -- custo da rede
    """

    m = Y.shape[1] # número de exemplos
    custo = - (1/m) * np.sum(Y * np.log(AL) + (1 - Y) * np.log(1 - AL)) # Fórmula da função de custo

    custo = np.squeeze(custo) # Garante o formato esperado (por exemplo, converte [[17]] para 17).

    return custo
```

Agora vamos testar a função `calcula_custo()`. Para isso, testaremos com `Y` (1, 1 e 0) e para `AL` (0.8, 0.9 e 0.4). O valor esperado é de 0.2797765635793422.

```
Y = np.asarray([[1, 1, 0]])
AL = np.array([[0.8, 0.9, 0.4]])

print(f'custo([1, 1, 0], [0.8, 0.9, 0.4]) = {calcula_custo(AL, Y)}')

custo([1, 1, 0], [0.8, 0.9, 0.4]) = 0.2797765635793422
```

▼ Fase 1: *Forward* (propagação) dos valores pelo modelo (30pt)

Para realizar a propagação da imagem pela rede é necessário passar por cada camada. Para isso, usaremos três funções, uma para realizar a propagação em uma camada (`linear_forward`), uma para aplicar a ativação (`linear_ativacao_forward`) e outra função para gerenciar a propagação por cada rede (`L_modelo_forward`).

▼ Linear *Forward* (10pt)

A função `linear_forward` (sobre todos os examples) é definida pela equação:

$$Z^{[l]} = W^{[l]}A^{[l-1]} + b^{[l]} \quad (4)$$

onde $A^{[0]} = X$.

Lembrete Lembre-se de que quando calculamos $WX + b$ em python, ele realiza `broadcasting`. Por exemplo, se:

$$W = \begin{bmatrix} j & k & l \\ m & n & o \\ p & q & r \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} s \\ t \\ u \end{bmatrix} \quad (2)$$

Então $WX + b$ será:

$$WX + b = \begin{bmatrix} (ja + kd + lg) + s & (jb + ke + lh) + s & (jc + kf + li) + s \\ (ma + nd + og) + t & (mb + ne + oh) + t & (mc + nf + oi) + t \\ (pa + qd + rg) + u & (pb + qe + rh) + u & (pc + qf + ri) + u \end{bmatrix} \quad (3)$$

```
def linear_forward(A, W, b):
    """
    Implementa a parte linear da fase de propagação nas camadas

    Entradas:
    A - dados de entrada da camada atual (ativações da camada anterior): formato (tamanho da camada anterior, número de exemplos)
    W - matriz de pesos: matriz numpy com formato (tamanho da camada atual, tamanho da camada anterior)
    b - vetor de viés, matriz numpy com formato (tamanho da camada atual, 1)
    Saídas:
    Z -- a entrada da função de ativação, também chamada de parâmetro de pré-ativação
    cache - uma tupla python contendo "A", "W" e "b"; (armazenado para usar na fase backward propagation)
    """
    Z = np.dot(W, A) + b # Realiza a operação linear
```

```

cache = (A, W, b)

return Z, cache

```

Testando a função de `linear_forward`. Valores Esperados:

```

Z [[ 3.26295337 -1.23429987]]

A = np.array([[1.62434536, -0.61175641], [-0.52817175, -1.07296862], [0.86540763, -2.3015387]])
W = np.array([[1.74481176, -0.7612069, 0.3190391]])
b = np.array([-0.24937038])

Z, linear_cache = linear_forward(A, W, b)

print(f'Z = {Z}')

Z = [[ 3.26295336 -1.23429988]]

```

▼ Linear-Ativação Forward (10pt)

Usaremos duas funções de ativação:

- **Sigmoid:**

$$\sigma(Z) = \sigma(WA + b) = \frac{1}{1 + e^{-(WA+b)}}$$

A função `sigmoid`, **retorna dois** itens: o valor de ativação "a" e um "cache" que contém "z" (necessário para a fase backward correspondente). Para usá-lo, basta chamar:

```
A, ativacao_cache = sigmoid(Z)
```

- **ReLU:**

$$A = \text{RELU}(Z) = \max(0, Z)$$

A função `relu`, **retorna dois** itens: o valor de ativação "a" e um "cache" que contém "z" (necessário para a fase backward correspondente). Para usá-lo, basta chamar:

```
A, ativacao_cache = relu(Z)
```

Implemente a *LINEAR-> ATIVAÇÃO* da camada da fase forward propagation. A relação matemática é: $A^{[l]} = g(Z^{[l]}) = g(W^{[l]}A^{[l-1]} + b^{[l]})$ onde a ativação "g" pode ser `sigmoid` ou `relu`. Use a função `linear_forward()`.

```

def linear_ativacao_forward(A_prev, W, b, ativacao):
    """
    Implementa a *LINEAR-> ATIVAÇÃO* da camada da fase forward propagation

    Entradas:
    A_prev -- dados de entrada da camada atual (ativações da camada anterior): formato (tamanho da camada anterior, número de exemplos)
    W - matriz de pesos: matriz numpy com formato (tamanho da camada atual, tamanho da camada anterior)
    b - vetor de viés, matriz numpy com formato (tamanho da camada atual, 1)
    ativacao -- "sigmoid" ou "relu"

    Saídas:
    A -- a saída da função de ativação, também chamada de valor da pós-ativação
    cache -- uma tupla python contendo "linear_cache" e "ativacao_cache";
    (armazenado para usar na fase backward propagation)
    """

    Z, linear_cache = linear_forward(A_prev, W, b) # Propagação linear

    if ativacao == "sigmoid":
        A, activation_cache = sigmoid(Z) # Função de ativação Sigmoid
    elif ativacao == "relu":
        A, activation_cache = relu(Z) # Função de ativação ReLU

    cache = (linear_cache, activation_cache)

    return A, cache

```

Testando a função de `linear_ativacao_forward`. Valores Esperados:

```

sigmoid(A) [[0.96890023 0.11013289]]
ReLU(A)     [[3.43896131 0.]]

A_prev = np.array([[ -0.41675785, -0.05626683], [-2.1361961, 1.64027081], [-1.79343559, -0.84174737]])
W = np.array([[0.50288142, -1.24528809, -1.05795222]])
b = np.array([[ -0.90900761]])

A, linear_ativacao_cache = linear_ativacao_forward(A_prev, W, b, ativacao = "sigmoid")
print(f'sigmoid(A) = {A}')
A, linear_ativacao_cache = linear_ativacao_forward(A_prev, W, b, ativacao = "relu")
print(f'com ReLU(A) = {A}')
```

```

sigmoid(A) = [[0.96890023 0.11013289]]
com ReLU(A) = [[3.43896134 0.      ]]
```

Modelo de L-camadas (10pt)

Replica a função `linear_ativacao_forward` com RELU ($L - 1$) vezes, depois uma vez `linear_ativacao_forward` com SIGMOID.

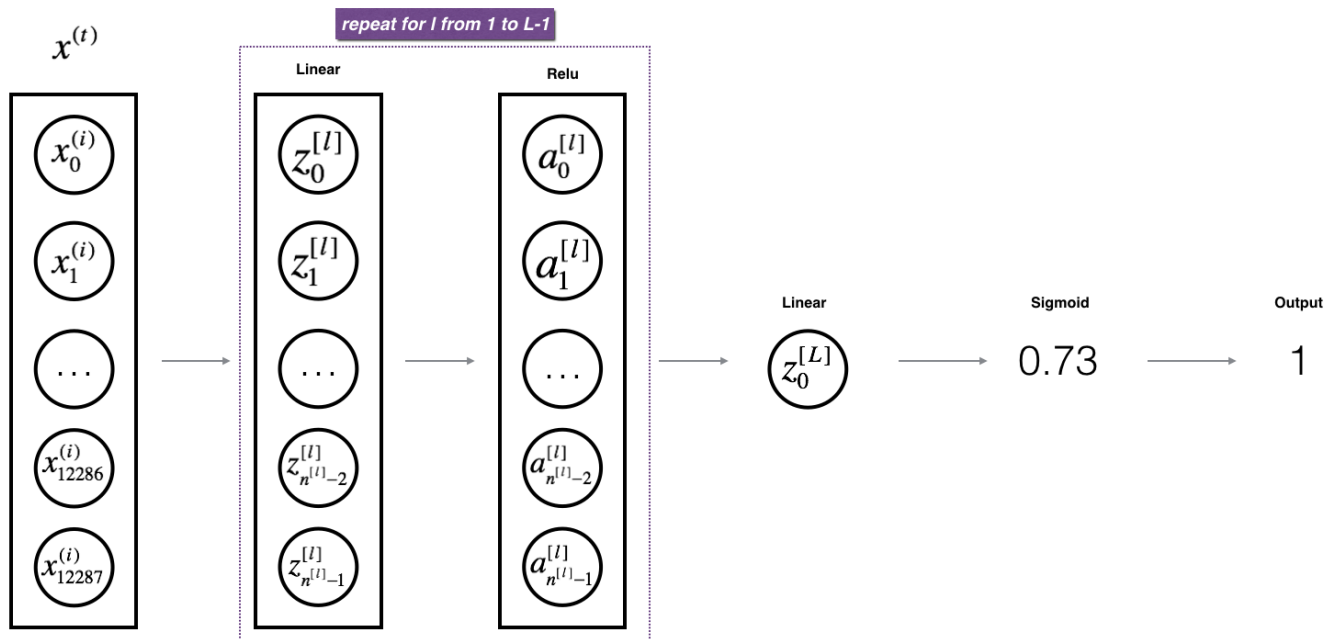


Figura: Esquema do modelo $[\text{LINEAR} \rightarrow \text{RELU}] \times (L-1) \rightarrow \text{LINEAR} \rightarrow \text{SIGMOID}$ *

Instrução: A variável AL é $A^{[L]} = \sigma(Z^{[L]}) = \sigma(W^{[L]}A^{[L-1]} + b^{[L]})$. (ativação da última camada, i.e., \hat{Y} .)

```

def L_modelo_forward(X, parametros):
    """
    Implementa a fase forward propagation

    Entradas:
    - X -- dados, numpy array de tamanho (input size, number of examples)
    - parametros -- parametros iniciais

    Saídas:
    - AL -- valor da pós-ativação da última camada
    - caches -- lista dos caches contendo:
    - todos caches da linear_ativacao_forward() (existem L-1 deles, indexados de 1 a L-1)
    """

    caches = []
    A = X # TODO: dados da camada inicial.
    L = len(parametros) // 2 # Números de camadas da rede

    for l in range(1, L):
        A_prev = A
        A, cache = linear_ativacao_forward(A_prev, parametros[f'W{l}'], parametros[f'b{l}'], ativacao="relu") # TODO: propagar o dado e c
        caches.append(cache)

    AL, cache = linear_ativacao_forward(A, parametros[f'W{L}'], parametros[f'b{L}'], ativacao="sigmoid") # TODO: propagar o dado e calcul
    caches.append(cache)

    return AL, caches
```

Agora vamos testar a função `L_modelo_forward()`. Para isso, consideraremos os seguintes formatos:

```
W1 = (4,5)
b1 = (4,1)
W2 = (3,4)
b2 = (3,1)
W3 = (1,3)
b3 = (1,1)
```

Os valores esperados são:

```
AL          [[ 0.03921668  0.70498921  0.19734387  0.04728177]]
Tamanho da lista caches  3

np.random.seed(6)
X = np.array([[ -0.31178367,  0.72900392,  0.21782079, -0.8990918],
               [-2.48678065,  0.91325152,  1.12706373, -1.51409323],
               [ 1.63929108, -0.4298936,  2.63128056,  0.60182225],
               [-0.33588161,  1.23773784,  0.11112817,  0.12915125],
               [ 0.07612761, -0.15512816,  0.63422534,  0.810655]])

parametros = {'W1': np.array([[ 0.35480861,  1.81259031, -1.3564758, -0.46363197,  0.82465384],
                               [-1.17643148,  1.56448966,  0.71270509, -0.1810066,  0.53419953],
                               [-0.58661296, -1.48185327,  0.85724762,  0.94309899,  0.11444143],
                               [-0.02195668, -2.12714455, -0.83440747, -0.46550831,  0.23371059]]),
              'b1': np.array([[ 1.38503523], [-0.51962709], [-0.78015214], [ 0.95560959]]),
              'W2': np.array([[ -0.12673638, -1.36861282,  1.21848065, -0.85750144],
                               [-0.56147088, -1.0335199,  0.35877096,  1.07368134],
                               [-0.37550472,  0.39636757, -0.47144628,  2.33660781]]),
              'b2': np.array([[ 1.50278553], [-0.59545972], [ 0.52834106]]),
              'W3': np.array([[ 0.9398248,  0.42628539, -0.75815703]]),
              'b3': np.array([[ -0.16236698]])}

AL, caches = L_modelo_forward(X, parametros)

print("AL = " + str(AL))
print("Tamanho da lista caches = " + str(len(caches)))

AL = [[0.03921668 0.70498921 0.19734387 0.04728177]]
Tamanho da lista caches = 3
```

▼ Fase 2: *Backward* (retropropagação) dos valores pelo modelo (40pt)

Com funções auxiliares, a fase back propagation é usada para calcular o gradiente da função loss em relação aos parâmetros.

Lembrete:

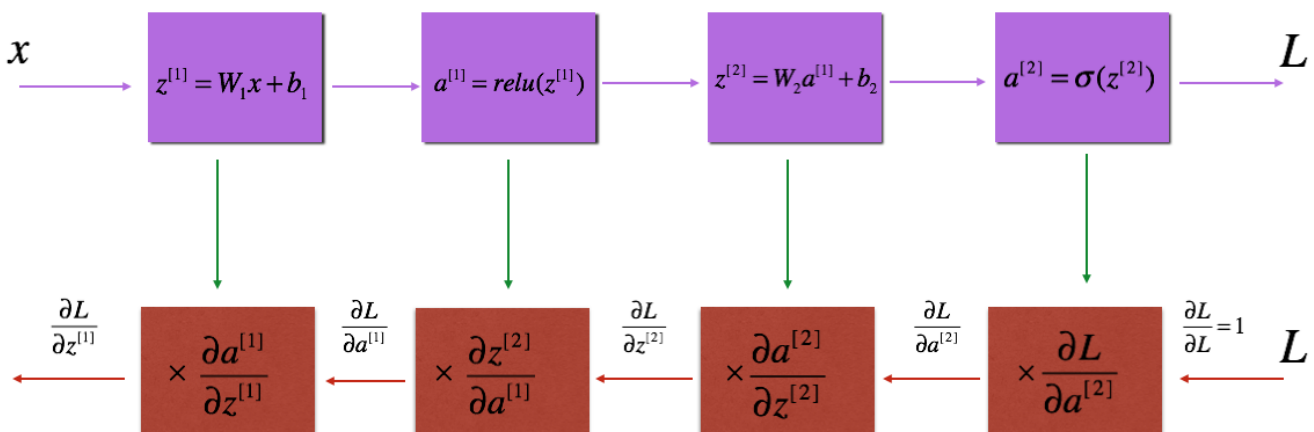


Figura:

Os blocos roxos representam a fase forward propagation, e os vermelhos representam a fase backward propagation.

Usaremos duas funções, igualmente feitas na fase forward:

- LINEAR
- [LINEAR -> RELU] \times (L-1) -> LINEAR -> SIGMOID

▼ Linear *backward* (10pt)

Para a camada l , a parte linear é:

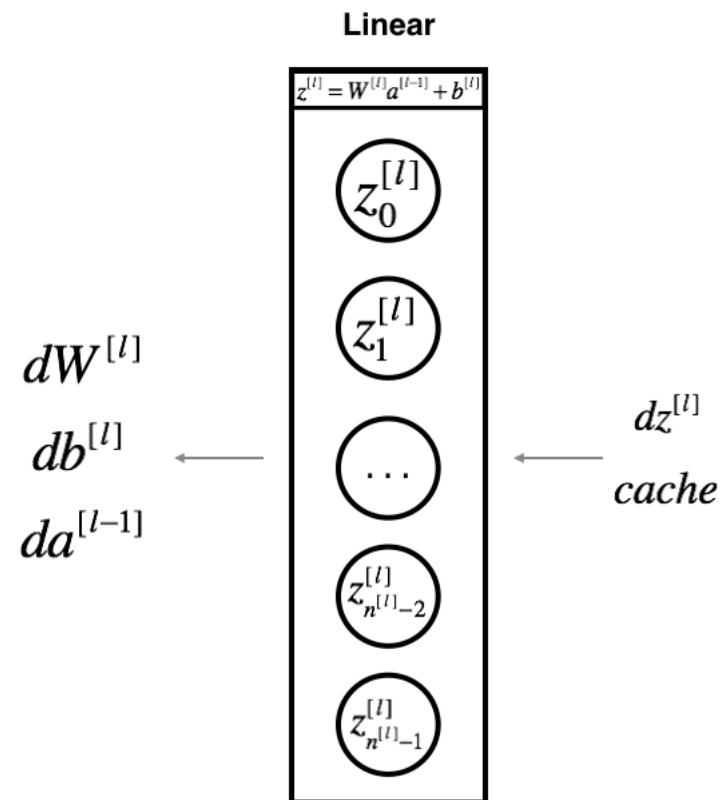
$$Z^{[l]} = W^{[l]} A^{[l-1]} + b^{[l]}$$

(seguida por uma ativação)

Suponha que

$$dZ^{[l]} = \frac{\partial L}{\partial Z^{[l]}}$$

já foi calculado.



As saídas $(dW^{[l]}, db^{[l]}, dA^{[l-1]})$ são calculadas usando $dZ^{[l]}$:

$$dW^{[l]} = \frac{\partial J}{\partial W^{[l]}} = \frac{1}{m} dZ^{[l]} A^{[l-1]T} \quad (8)$$

$$db^{[l]} = \frac{\partial J}{\partial b^{[l]}} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m dZ^{[l](i)} \quad (9)$$

$$dA^{[l-1]} = \frac{\partial L}{\partial A^{[l-1]}} = W^{[l]T} dZ^{[l]} \quad (10)$$

```
def linear_backward(dZ, cache):
    """
    Implementa a parte linear da fase backward propagation em uma camada l.

    Entradas:
    - dZ -- gradiente do custo em relação a saída linear da camada l
    - cache -- tupla (A_prev, W, b) vindo da forward propagation da camada l
    Saídas:
    - dA_prev -- gradiente do custo em relação a ativação da camada l-1,
    - dW -- gradiente do custo em relação a W da camada l,
    - db -- gradiente do custo em relação a b,
    """
    A_prev, W, b = cache
    m = A_prev.shape[1]

    dW = (1 / m) * np.dot(dZ, A_prev.T) # Gradiente em relação a W
    db = (1 / m) * np.sum(dZ, axis=1, keepdims=True) # Gradiente em relação a b
    dA_prev = np.dot(W.T, dZ) # Gradiente em relação a A_prev

    assert (dA_prev.shape == A_prev.shape)
    assert (dW.shape == W.shape)
    assert (db.shape == b.shape)

    return dA_prev, dW, db
```

Agora vamos testar a função `linear_backward`. Os valores esperados são:

```
dA_prev = [[-1.15171336  0.06718465 -0.3204696  2.09812712]
            [ 0.60345879 -3.72508701  5.81700741 -3.84326836]
            [-0.4319552  -1.30987417  1.72354705  0.05070578]
            [-0.38981415  0.60811244 -1.25938424  1.47191593]
            [-2.52214926  2.67882552 -0.67947465  1.48119548]]

dW = [[ 0.07313866 -0.0976715  -0.87585828  0.73763362  0.00785716]
      [ 0.85508818  0.37530413 -0.59912655  0.71278189 -0.58931808]
      [ 0.97913304 -0.24376494 -0.08839671  0.55151192 -0.10290907]]

db = [[-0.14713786]
      [-0.11313155]
      [-0.13209101]]

# Teste
np.random.seed(1)
dZ = np.array([[1.62434536, -0.61175641, -0.52817175, -1.07296862], [0.86540763, -2.3015387, 1.74481176, -0.7612069],
               [0.3190391, -0.24937038, 1.46210794, -2.06014071]])

A = np.array([[-0.3224172, -0.38405435, 1.13376944, -1.09989127],
              [-0.17242821, -0.87785842, 0.04221375, 0.58281521],
              [-1.10061918, 1.14472371, 0.90159072, 0.50249434],
              [ 0.90085595, -0.68372786, -0.12289023, -0.93576943],
              [-0.26788808, 0.53035547, -0.69166075, -0.39675353]])

W = np.array([[-0.6871727, -0.84520564, -0.67124613, -0.0126646, -1.11731035],
              [ 0.2344157, 1.65980218, 0.74204416, -0.19183555, -0.88762896],
              [-0.74715829, 1.6924546, 0.05080775, -0.63699565, 0.19091548]])

b = np.array([[2.10025514], [0.12015895], [0.61720311]])

linear_cache = (A, W, b)
dA_prev, dW, db = linear_backward(dZ, linear_cache)

print(f'dA_prev = {dA_prev}')
print(f'dW = {dW}')
print(f'db = {db}')
```

```
dA_prev = [[-1.15171336  0.06718465 -0.32046959  2.09812711]
            [ 0.6034588  -3.72508703  5.81700741 -3.84326836]
            [-0.4319552  -1.30987418  1.72354703  0.05070578]
            [-0.38981415  0.60811244 -1.25938424  1.47191593]
            [-2.52214925  2.67882551 -0.67947465  1.48119548]]
dW = [[ 0.07313866 -0.0976715  -0.87585828  0.73763362  0.00785716]
      [ 0.85508818  0.37530413 -0.59912656  0.71278189 -0.58931808]
      [ 0.97913304 -0.24376493 -0.08839671  0.55151192 -0.10290907]]
db = [[-0.14713785]
      [-0.11313155]
      [-0.13209101]]
```

▼ Linear-Ativação *backward* (10pt)

A etapa backward para a ativação `linear_ativacao_backward`.

Use as funções:

- `sigmoid_backward`: backward propagation para Sigmoid:

```
dZ = sigmoid_backward(dA, ativacao_cache)
```

- `relu_backward`: backward propagation para ReLU:

```
dZ = relu_backward(dA, ativacao_cache)
```

Se $g(\cdot)$ é a função de ativação, `sigmoid_backward` e `relu_backward` calcula

$$dZ^{[l]} = dA^{[l]} * g'(Z^{[l]}) \quad (11)$$

```
def linear_ativacao_backward(dA, cache, ativacao):
    """
```

```
    Implementa a backward propagation para ativação.
```

```
    Entradas:
```

```
    dA -- gradiente da pos-ativacao gradient para camada l
    cache -- tupla de valores (linear_cache, ativacao_cache)
    ativacao -- "sigmoid" or "relu"
```

```

Saídas:
dA_prev -- gradiente do custo em relação a ativação da camada l-1.
dW -- gradiente do custo em relação a W da camada l.
db -- gradiente do custo em relação a b.
"""

linear_cache, ativacao_cache = cache

if ativacao == "relu":
    dZ = relu_backward(dA, ativacao_cache) # TODO: calcular o relu_backward
elif ativacao == "sigmoid":
    dZ = sigmoid_backward(dA, ativacao_cache) # TODO: calcular o sigmoid_backward

dA_prev, dW, db = linear_backward(dZ, linear_cache) # TODO: calcular o linear_backward

return dA_prev, dW, db

```

Agora vamos testar a função `linear_backward`.

Valores esperados para *Sigmoid*:

```

dA_prev = [[ 0.11017994  0.01105339] [ 0.09466817  0.00949723] [-0.05743092 -0.00576154]]
dW = [[ 0.10266786  0.09778551 -0.01968084]]
db = [[-0.05729622]]

```

Valores esperados com *ReLU*:

```

dA_prev = [[ 0.44090989  0.          ] [ 0.37883606  0.          ] [-0.2298228  0.          ]]
dW = [[ 0.44513824  0.37371418 -0.10478989]]
db = [[-0.20837892]]

```

```

dAL = np.array([[-0.41675785, -0.05626683]])
A = np.array([[ -2.1361961 ,  1.64027081], [-1.79343559, -0.84174737], [ 0.50288142, -1.24528809]])
W = np.array([[ -1.05795222, -0.90900761,  0.55145404]])
b = np.array([[2.29220801]])
Z = np.array([[ 0.04153939, -1.11792545]])
linear_cache = (A, W, b)
activation_cache = Z
linear_ativacao_cache = (linear_cache, activation_cache)

dA_prev, dW, db = linear_ativacao_backward(dAL, linear_ativacao_cache, ativacao="sigmoid")
print ("sigmoid:")
print ("dA_prev = "+ str(dA_prev))
print ("dW = " + str(dW))
print ("db = " + str(db) + "\n")

dA_prev, dW, db = linear_ativacao_backward(dAL, linear_ativacao_cache, ativacao="relu")
print ("relu:")
print ("dA_prev = "+ str(dA_prev))
print ("dW = " + str(dW))
print ("db = " + str(db))

```

```

sigmoid:
dA_prev = [[ 0.11017994  0.0110534 ]
 [ 0.09466817  0.00949723]
 [-0.05743092 -0.00576155]]
dW = [[ 0.10266786  0.09778551 -0.01968084]]
db = [[-0.05729622]]

```

```

relu:
dA_prev = [[ 0.44090989  0.          ]
 [ 0.37883606  0.          ]
 [-0.2298228  0.          ]]
dW = [[ 0.44513825  0.37371418 -0.10478989]]
db = [[-0.20837892]]

```

▼ L-Modelo *Backward* (10pt)

A Figura mostra a fase backward.

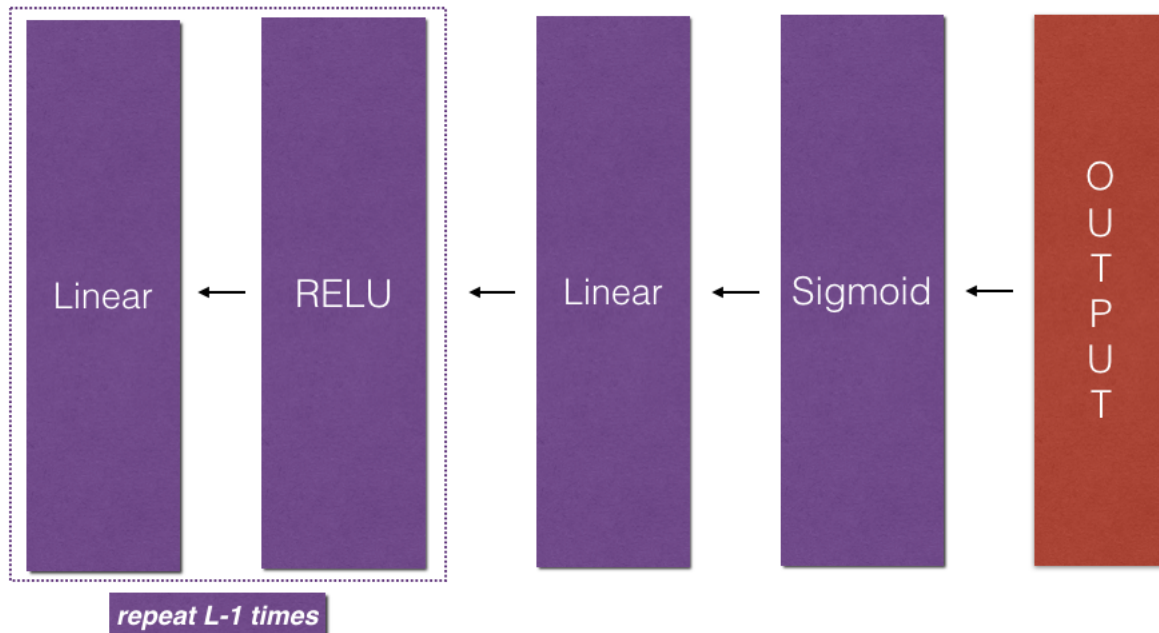


Figura: Fase Backward

Inicializando a fase backpropagation: A saída da rede é,

$$A^{[L]} = \sigma(Z^{[L]})$$

Então temos que calcular $dAL = \frac{\partial L}{\partial A^{[L]}}$:

$$dAL = \frac{Y}{AL} - \frac{1-Y}{1-AL}$$

O gradiente dAL para continuar propagando. Como visto na Figura 5, dAL vai alimentar a `linear_ativacao_backward` com ativação SIGMOID (que utilizará os valores armazenados em cache armazenados pela função `L_modelo_forward`). Depois disso, você terá que usar um loop `for` para percorrer todas as outras camadas usando `linear_ativacao_backward` com ativação RELU. Você deve armazenar cada dA , dW e db no dicionário `grads`.

```
def L_modelo_backward(AL, Y, caches):
    """
    Implementa a backward propagation para [LINEAR->RELU] * (L-1) -> LINEAR -> SIGMOID

    Entradas:
    AL -- Probabilidade de predição da rede, saída da fase forward propagation (L_modelo_forward())
    Y -- Vetor de rótulos dos exemplos de treinamento ( 0 se não tem gato, 1 tem gato )
    caches -- lista de caches contendo:
        todos cache da linear_ativacao_forward() com "relu" ( caches[1], 1 = 0...L-2)
        o cache da linear_ativacao_forward() com "sigmoid" (caches[L-1])

    Saídas:
    grads -- Um dicionário com os gradientes
    """
    grads = {}
    L = len(caches) # número de camadas
    m = AL.shape[1] # número de exemplos

    Y = Y.reshape(AL.shape) # Y deve ter o mesmo formato que AL

    # Inicializando a fase de backpropagation
    dAL = - (np.divide(Y, AL) - np.divide(1 - Y, 1 - AL)) # Gradiente do custo em relação a AL

    # Gradiente da l-ésima camada (SIGMOID -> LINEAR).
    # Entrada: "dAL, current_cache". Saída: "d(AL-1), dWL, dbL"
    current_cache = caches[L - 1] # Obtendo a cache da camada L - 1
    grads['dA' + str(L - 1)], grads['dW' + str(L)], grads['db' + str(L)] = linear_ativacao_backward(dAL, current_cache, "sigmoid")

    # Gradientes das camadas anteriores: (RELU -> LINEAR)
    # Entradas: "dA(l+1), corrente_cache".
    # Saídas: "dA(l), dW(l+1), db(l+1)"
    for l in reversed(range(L - 1)):
        current_cache = caches[l]
        dA_prev_temp, dW_temp, db_temp = linear_ativacao_backward(grads['dA' + str(l + 1)], current_cache, "relu")
        grads['dA' + str(l)] = dA_prev_temp
        grads['dW' + str(l + 1)] = dW_temp
        grads['db' + str(l + 1)] = db_temp

    return grads
```

Agora vamos testar a função criada. Os valores esperados são:

```
dw1 = [[0.41010002 0.07807203 0.13798444 0.10502167]
        [0.          0.          0.          0.          ]
        [0.05283652 0.01005865 0.01777766 0.0135308  ]]
db1 = [[-0.22007063]
        [ 0.          ]
        [-0.02835349]]
dA1 = [[ 0.          0.52257901]
        [ 0.          -0.3269206 ]
        [ 0.          -0.32070404]
        [ 0.          -0.74079187]]

AL = np.array([[1.78862847, 0.43650985]])
Y_teste = np.array([[1, 0]])
A1 = np.array([[ 0.09649747, -1.8634927 ], [-0.2773882, -0.35475898], [-0.08274148, -0.62700068], [-0.04381817, -0.47721803]])
W1 = np.array([[ -1.31386475,  0.88462238,  0.88131804,  1.70957306],
                [ 0.05003364, -0.40467741, -0.54535995, -1.54647732],
                [ 0.98236743, -1.10106763, -1.18504653, -0.2056499  ]])
b1 = np.array([[ 1.48614836], [ 0.23671627], [-1.02378514]])
Z1 = np.array([[-0.7129932,  0.62524497], [-0.16051336, -0.76883635], [-0.23003072,  0.74505627]])
linear_cache_activation_1 = ((A1, W1, b1), Z1)

A2 = np.array([[ 1.97611078, -1.24412333], [-0.62641691, -0.80376609], [-2.41908317, -0.92379202]])
W2 = np.array([[-1.02387576,  1.12397796, -0.13191423]])
b2 = np.array([[-1.62328545]])
Z2 = np.array([[ 0.64667545, -0.35627076]])
linear_cache_activation_2 = ((A2, W2, b2), Z2)

caches = (linear_cache_activation_1, linear_cache_activation_2)
grads = L_modelo_backward(AL, Y_teste, caches)
print(f'dw1 = {grads["dw1"]}')
print(f'db1 = {grads["db1"]}')
print(f'dA1 = {grads["dA1"]}\n')
```

```
dw1 = [[0.41010002 0.07807203 0.13798444 0.10502167]
        [0.          0.          0.          0.          ]
        [0.05283652 0.01005865 0.01777766 0.0135308  ]]
db1 = [[-0.22007063]
        [ 0.          ]
        [-0.02835349]]
dA1 = [[ 0.12913162 -0.44014127]
        [-0.14175655  0.48317296]
        [ 0.01663708 -0.05670697]]
```

▼ Atualização dos parâmetros (10pt)

Usando gradiente descendente tem-se:

$$W^{[l]} = W^{[l]} - \alpha dW^{[l]} \quad (16)$$

$$b^{[l]} = b^{[l]} - \alpha db^{[l]} \quad (17)$$

onde α é a taxa de aprendizagem.

Seu objetivo agora é a atualização dos parâmetros usando gradiente descendente: $W^{[l]}$ and $b^{[l]}$ para $l = 1, 2, \dots, L$.

```
def atualize_parametros(parametros, grads, learning_rate):
    """
    Atualização dos parâmetros usando gradiente descendente:

    Entradas:
    parametros -- python dicionario contendo os parametros
    grads -- python dicionario contendo os gradientes, saída L_modelo_backward

    Saídas:
    parametros -- python dicionario contendo os parametros

    """

    L = len(parametros) // 2 # número de camadas da rede

    # Atualiza os parametros.
    ### Início do código ###
    for l in range(L):
```

```

    parametros["w" + str(l+1)] = parametros["w" + str(l+1)] - learning_rate * grads["dw" + str(l+1)]
    parametros["b" + str(l+1)] = parametros["b" + str(l+1)] - learning_rate * grads["db" + str(l+1)]
### Fim do código ###
return parametros

```

Agora vamos testar a função `atualize_parametros`. Os valores esperados são:

```

W1 = [[-0.59562069 -0.09991781 -2.14584584  1.82662008]
       [-1.76569676 -0.80627147  0.51115557 -1.18258802]
       [-1.0535704  -0.86128581  0.68284052  2.20374577]]
b1 = [[-0.04659241]
       [-1.28888275]
       [ 0.53405496]]
W2 = [[-0.55569196  0.0354055  1.32964895]]
b2 = [[-0.84610769]]

W1 = np.array([[ -0.41675785, -0.05626683, -2.1361961 ,  1.64027081],
               [-1.79343559, -0.84174737,  0.50288142, -1.24528809],
               [-1.05795222, -0.90900761,  0.55145404,  2.29220801]])
b1 = np.array([[ 0.04153939], [-1.11792545], [ 0.53905832]])
W2 = np.array([[ -0.5961597 , -0.0191305 ,  1.17500122]])
b2 = np.array([[ -0.74787095]])
parametros = {"W1": W1, "b1": b1, "W2": W2, "b2": b2}

dw1 = np.array([[ 1.78862847,  0.43650985,  0.09649747, -1.8634927 ],
               [-0.2773882 , -0.35475898, -0.08274148, -0.62700068],
               [-0.04381817, -0.47721803, -1.31386475,  0.88462238]])
db1 = np.array([[0.88131804], [1.70957306], [0.05003364]])
dw2 = np.array([[ -0.40467741, -0.54535995, -1.54647732]])
db2 = np.array([[0.98236743]])
grads = {"dw1": dw1, "db1": db1, "dw2": dw2, "db2": db2}

parametros = atualize_parametros(parametros, grads, 0.1)

print ("W1 = "+ str(parametros["W1"]))
print ("b1 = "+ str(parametros["b1"]))
print ("W2 = "+ str(parametros["W2"]))
print ("b2 = "+ str(parametros["b2"]))

W1 = [[-0.5956207  -0.09991781 -2.14584585  1.82662008]
       [-1.76569677 -0.80627147  0.51115557 -1.18258802]
       [-1.0535704  -0.86128581  0.68284051  2.20374577]]
b1 = [[-0.04659241]
       [-1.28888276]
       [ 0.53405496]]
W2 = [[-0.55569196  0.0354055  1.32964895]]
b2 = [[-0.84610769]]

```

▼ Construção e teste do modelo (20pt)

Implemente o modelo usando as funções anteriores para treinar os parâmetros da rede no conjunto de dados.

▼ Treinando o modelo (10pt)

```

def treinar_modelo_com_L_camadas(X, Y, camada_dims, learning_rate = 0.0075, num_iter = 3000, print_custo=False):
    """
    Implementa a uma rede neural com L-camadas: [LINEAR->RELU]*(L-1)->LINEAR->SIGMOID.

    Entradas:
    X -- conjunto de treinamento representado por uma matriz numpy da forma (num_px * num_px * 3, numero de exemplos)
    Y -- rótulos de treinamento representados por uma matriz numpy (vetor) da forma (1, numero de exemplos)
    camadas_dims -- lista contendo a dimensão dos dados de entrada e tamanho de cada camada da rede, (numero de camadas + 1).
    learning_rate -- hiperparâmetro que representa a taxa de aprendizado usada na regra de atualização do gradiente descendente
    num_iter -- hiperparâmetro que representa o número de iterações para otimizar os parâmetros
    print_custo -- imprime o custo a cada 100 iterações

    Saida:
    parametros -- parametros aprendidos do modelo.
    """

    np.random.seed(1)
    custos = [] # guarda o custo

    parameters = initialize_parametros(camada_dims) # ToDo: inicializar os parâmetros **dica** ver sua função de inicializacao

```

```
# Gradiente descendente. Dica : use as funções que você escreveu acima
for i in range(0, num_iter):

    # ToDo: Chamar a função de forward das camadas passando X
    # ToDo: Calcular o custo
    # ToDo: Calcular o backward
    # ToDo: Atualizar os custos

    AL, caches = L_modelo_forward(X, parameters) # Fase forward
    cost = calcula_custo(AL, Y) # Calcula o custo
    grads = L_modelo_backward(AL, Y, caches) # Retropropagação
    parameters = atualize_parametros(parameters, grads, learning_rate) # Atualiza os parâmetros

# Imprime o custo cada 100 iterações
if print_custo and i % 100 == 0:
    print ("Custo depois da iteração %i: %f" %(i, cost))
if print_custo and i % 100 == 0:
    custos.append(cost)

# plot the cost
plt.plot(np.squeeze(custos))
plt.ylabel('custo')
plt.xlabel('iterações (por centenas)')
plt.title("Taxa de aprendizagem =" + str(learning_rate))
plt.show()

return parameters
```

▼ Treinando um modelo com duas camadas

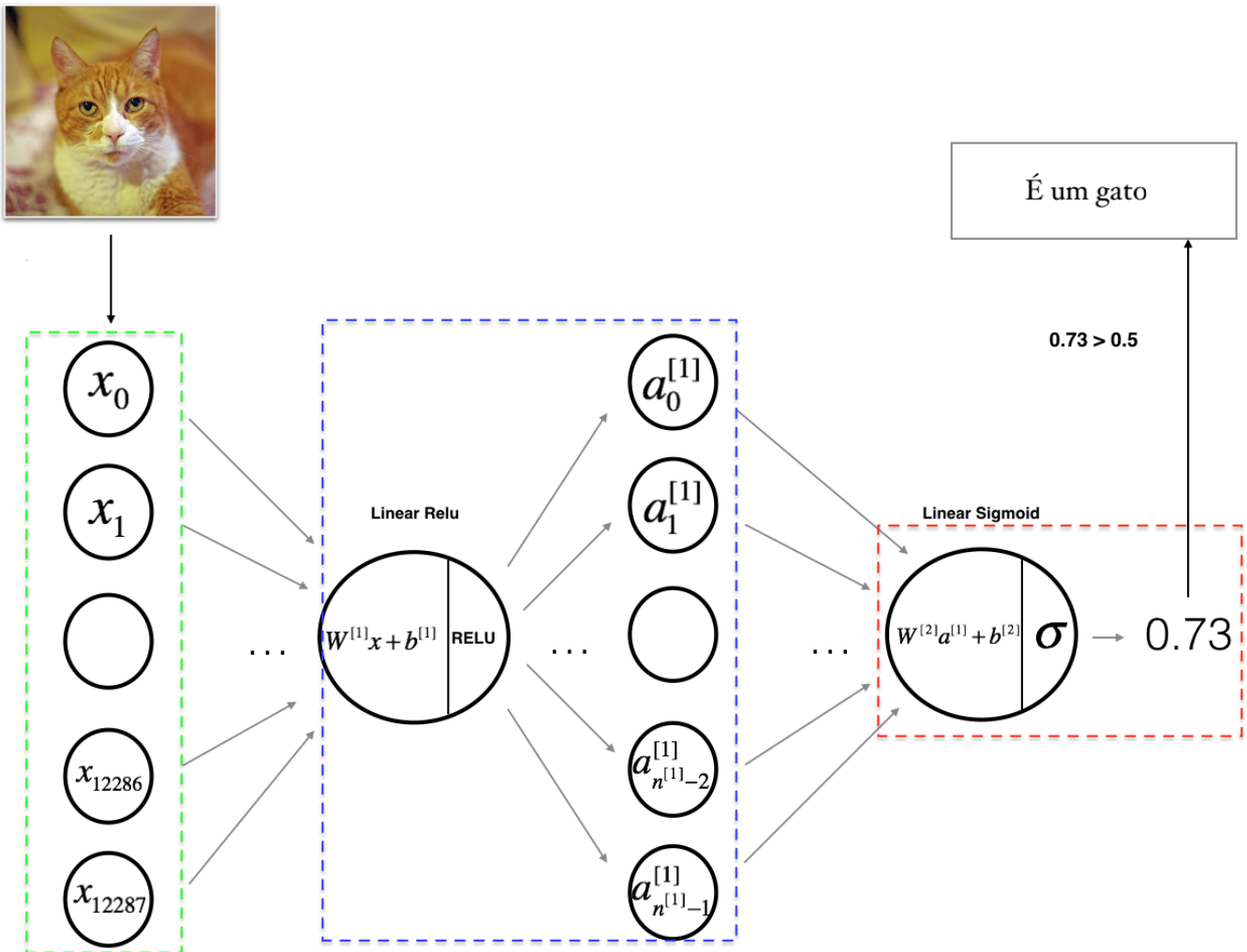


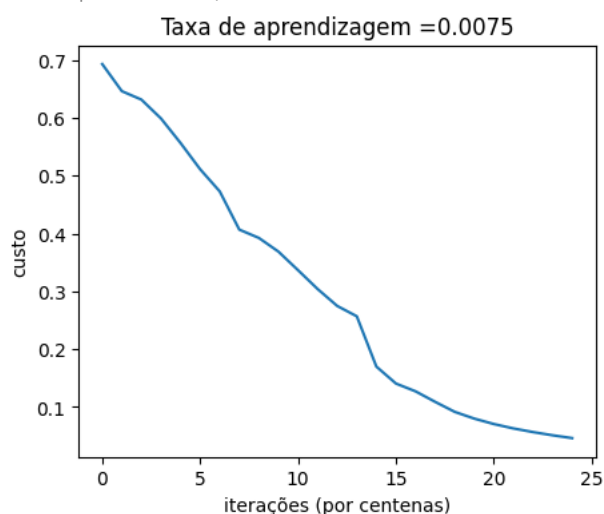
Figura: Rede neural com 2 camadas.

Resumo do modelo: ***ENTRADA -> LINEAR -> RELU -> LINEAR -> SIGMOID -> SAIDA***.

```
# Executar uma rede de 2 camadas
camada_dims = [12288, 7, 1]
```

```
# Treine a rede
parametros = treinar_modelo_com_L_camadas(treino_x, treino_y, camada_dims, num_iter = 2500, print_custo=True)
```

```
Custo depois da iteração 0: 0.693048
Custo depois da iteração 100: 0.646238
Custo depois da iteração 200: 0.631612
Custo depois da iteração 300: 0.599038
Custo depois da iteração 400: 0.556570
Custo depois da iteração 500: 0.511237
Custo depois da iteração 600: 0.472966
Custo depois da iteração 700: 0.406852
Custo depois da iteração 800: 0.392433
Custo depois da iteração 900: 0.368748
Custo depois da iteração 1000: 0.336662
Custo depois da iteração 1100: 0.304120
Custo depois da iteração 1200: 0.274869
Custo depois da iteração 1300: 0.256975
Custo depois da iteração 1400: 0.170027
Custo depois da iteração 1500: 0.140718
Custo depois da iteração 1600: 0.127245
Custo depois da iteração 1700: 0.109085
Custo depois da iteração 1800: 0.091775
Custo depois da iteração 1900: 0.080071
Custo depois da iteração 2000: 0.070698
Custo depois da iteração 2100: 0.063094
Custo depois da iteração 2200: 0.056801
Custo depois da iteração 2300: 0.051246
Custo depois da iteração 2400: 0.046340
```



▼ Função para utilizar do modelo treinado para predizer (8pt):

```
def predicao(treino_x, treino_y, teste_x, teste_y):
    ...
    Prediz se o rótulo é 0 ou 1 usando os parâmetros de aprendizagem (w,b) da regressão logística

    Entrada:
        w -- pesos, de tamanho (num_px * num_px * 3, 1)
        b -- bias, um escalar
        X -- dados de treinamentos de tamanho (num_px * num_px * 3, número de exemplos)
    Saída:
        Y_pred -- um vetor contendo todas as predições (0/1) para os dados X
    ...

    m_treino = treino_x.shape[1] # número de exemplos
    m_teste = teste_x.shape[1]
    Y_pred_treino = np.zeros((1, m_treino)) # inicialize o vetor de predições
    Y_pred_teste = np.zeros((1, m_teste))
    A_treino, C_treino = L_modelo_forward(treino_x, parametros) # Fazer o forward dos dados pelo modelo de treino
    A_teste, C_teste = L_modelo_forward(teste_x, parametros) # Fazer o forward dos dados pelo modelo de teste

    for i in range(A_teste.shape[1]):
        Y_pred_teste[0,i] = 1 if A_teste[0, i] > 0.5 else 0
    assert(Y_pred_teste.shape == (1, m_teste))

    for i in range(A_treino.shape[1]):
        Y_pred_treino[0,i] = 1 if A_treino[0, i] > 0.5 else 0
    assert(Y_pred_treino.shape == (1, m_treino))

    soma_treino = 0
    for i in range(Y_pred_treino.size):
        if Y_pred_treino[0,i] == treino_y[0,i]:
            soma_treino += 1
```



```
print(f'Acuracia do treino: {(soma_treino/Y_pred_treino.size)*100}%')

soma_teste = 0
for i in range(Y_pred_teste.size):
    if Y_pred_teste[0,i] == teste_y[0,i]:
        soma_teste += 1
print(f' Acuracia do teste: {(soma_teste/Y_pred_teste.size)*100}%')

return Y_pred_treino,Y_pred_teste
```

Agora testaremos o modelo treinado. O resultado esperado:

```
Acurácia no treino: 0.6555023923444976
Acurácia no teste: 0.34
```

```
# Predição da rede
Y_pred_treino,Y_pred_teste = predicao(treino_x,treino_y,teste_x,teste_y)

Acuracia do treino: 100.0%
Acuracia do teste: 72.0%
```

▼ Testando um modelo mais profundo com quatro camadas

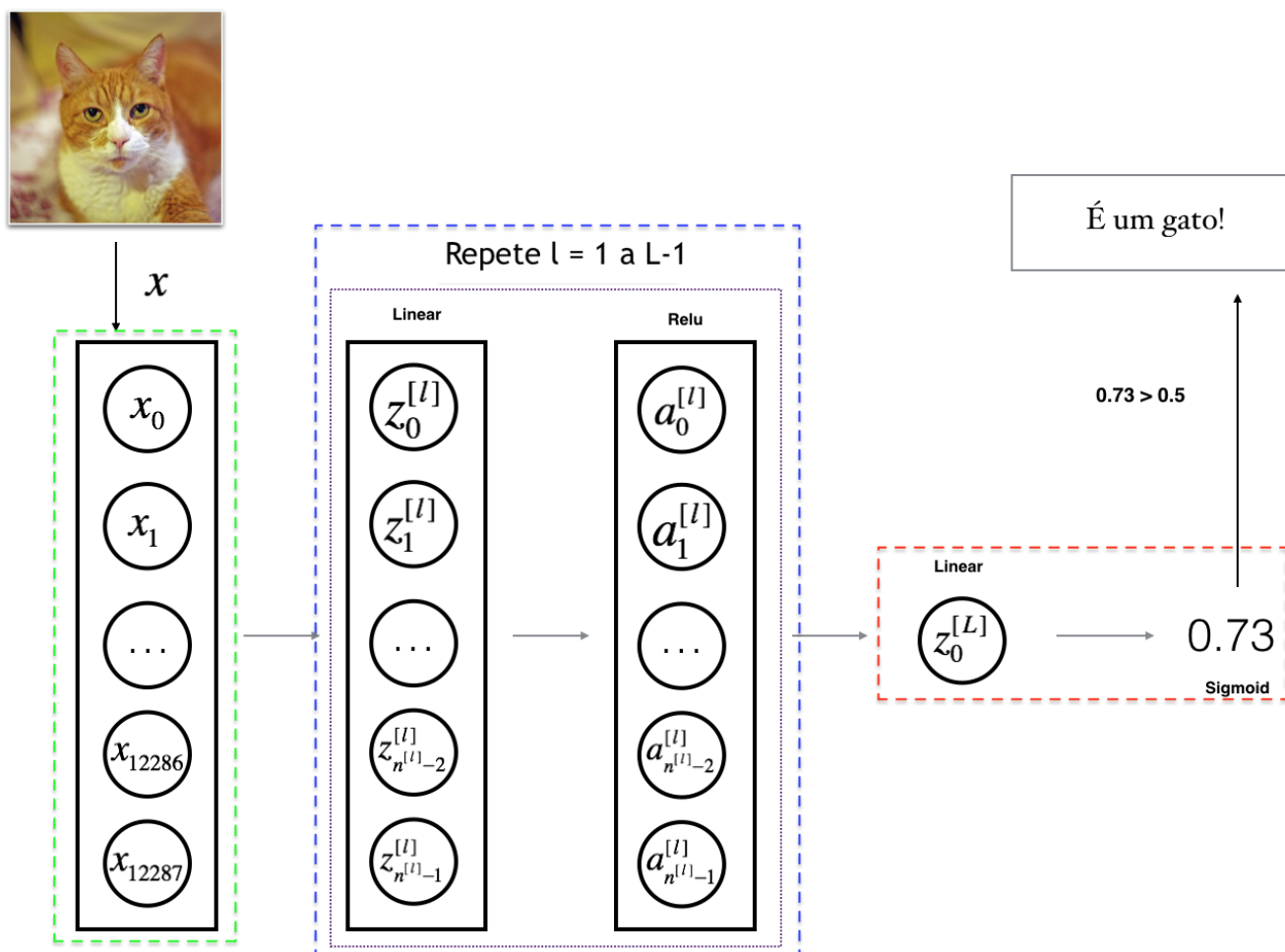


Figura: Rede neural com L camadas.

Resumo do modelo: ***ENTRADA -> LINEAR -> RELU -> LINEAR -> SIGMOID -> SAIDA***.

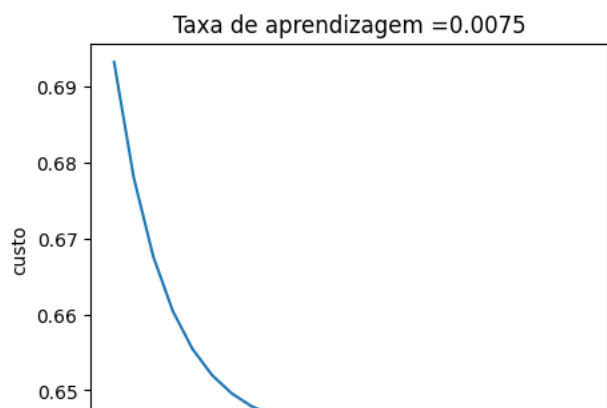
```
# Executar uma rede de 4 camada
camadas_dims = [12288, 20, 7, 5, 1]

## Treine a rede
parametros = treinar_modelo_com_L_camadas(treino_x, treino_y, camadas_dims, num_iter = 2500, print_custo=True)
```

```

Custo depois da iteração 0: 0.693149
Custo depois da iteração 100: 0.678010
Custo depois da iteração 200: 0.667599
Custo depois da iteração 300: 0.660421
Custo depois da iteração 400: 0.655457
Custo depois da iteração 500: 0.652013
Custo depois da iteração 600: 0.649615
Custo depois da iteração 700: 0.647941
Custo depois da iteração 800: 0.646769
Custo depois da iteração 900: 0.645947
Custo depois da iteração 1000: 0.645368
Custo depois da iteração 1100: 0.644960
Custo depois da iteração 1200: 0.644673
Custo depois da iteração 1300: 0.644469
Custo depois da iteração 1400: 0.644325
Custo depois da iteração 1500: 0.644223
Custo depois da iteração 1600: 0.644151
Custo depois da iteração 1700: 0.644100
Custo depois da iteração 1800: 0.644063
Custo depois da iteração 1900: 0.644037
Custo depois da iteração 2000: 0.644019
Custo depois da iteração 2100: 0.644006
Custo depois da iteração 2200: 0.643997
Custo depois da iteração 2300: 0.643990
Custo depois da iteração 2400: 0.643985

```



```

# Predição da rede
Y_pred_treino, Y_pred_teste = predicacao(treino_x, treino_y, teste_x, teste_y)

Acuracia do treino: 65.55023923444976%
Acuracia do teste: 34.0%

```

▼ Pergunta (2pt)

ToDo: Este resultado foi melhor ou pior do que com duas camadas (última prática)? Tente explicar os motivos.

Comparação em relação à prática anterior (Regressão Logística 'simples')

O resultado da rede de 4 camadas (com camadas_dims = [12288, 20, 7, 5, 1])

[Acuracia do treino: 65%; Acuracia do teste: 34%.]

é pior do que o resultado obtido na última prática

[Acuracia do treino: 97.61%; Acuracia do teste: 70%]

em termos de acurácia nos conjuntos de treinamento e teste, possivelmente devido:

- principalmente, o novo modelo com 4 camadas parecer estar sofrendo de overfitting, e
- à complexidade do modelo em relação ao tamanho do conjunto de treinamento:

*O modelo de 4 camadas é mais complexo e tem mais parâmetros do que o modelo anterior de regressão logística. Isso pode estar levando a um ajuste

**O aumento no número de unidades nas camadas ocultas TAMBÉM pode estar contribuindo para esse overfitting.

Comparação em relação à prática atual - (Regressão Logística com multilayer - em 2 camadas)

Os resultados da rede de 4 camadas (com camadas_dims = [12288, 20, 7, 5, 1])

[Acuracia do treino: 65%; Acuracia do teste: 34%.]

são piores do que os da rede de 2 camadas (com camadas_dims = [12288, 7, 1])

[Acuracia do treino: 100.0%; Acuracia do teste: 72.0%]

em termos de acurácia nos conjuntos de treinamento e teste, possivelmente devido:

- ao tamanho do conjunto de treinamento (com apenas 209 exemplos pode ter contribuído para o overfitting na rede mais profunda),
- à quantidade limitada de iterações (ambas as redes foram treinadas por 2500 iterações, o que pode não ter sido suficiente para a rede de 4 camadas),
- à própria arquitetura da rede (que pode não ser ideal para o problema em questão).

*A falta de uso de técnicas de regularização pode ser um problema também.

