**Лабораторная работа №3. Метод ветвей и границ**

**Цель работы:** освоить общие принципы решения задач методом ветвей и границ, решить задачу о коммивояжере данным методом, сравнить полученное решение задачи с комбинаторным методом перестановок.

**Ход работы**

## **1.1 Формулировка условия задачи коммивояжера.**

Для построения условия задачи коммивояжера была использована матрица расстояний, куда требовалось подставить номер варианта. Полученный результат представлен в таблице 1.1.

Таблица 1.1. Таблица расстояний

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Город** | **1** | **2** | **3** | **4** | **5** |
| **1** |  | 24 | 33 |  | 12 |
| **2** | 12 |  | 27 | 56 | 72 |
| **3** | 14 | 36 |  | 86 | 61 |
| **4** | 29 | 46 | 48 |  | 36 |
| **5** | 81 | 78 | 52 | 25 |  |

## **1.2 Решение задачи коммивояжера методом ветвей и границ.**

Для решения задачи, изначально приведем таблицу в форму матрицы расстояний:

Если все элементы первой строки таблицы уменьшить на 12 (наименьшее значение в строке), то это не повлияет на порядок городов в кратчайшем кольцевом маршруте, проходящем через все города по одному разу, а лишь сократит его длину на 12. Будем называть эту операцию приведением таблицы по строке, а число 12 – константой приведения. Аналогично можно поступить со всеми строками таблицы.

Приведённая по строкам матрица:

12+12+14+29+25 = 92

Если все элементы второго столбца таблицы уменьшить на 12 (наименьшее значение в столбце), то это не повлияет на порядок городов в кратчайшем кольцевом маршруте, проходящем через все города по одному разу, а лишь сократит его длину на 12. Будем называть эту операцию приведением таблицы по столбцу, а число 12 – константой приведения.

Полностью приведённая матрица:

0+12+15+0+0= 27

Нижняя граница длинны кольцевого маршрута φ = 92+27 = 119.

Для каждой нулевой клетки получившейся преобразованной матрицы находим «оценку». Ею будет сумма минимального элемента по строке и минимального элемента по столбцу, в которых размещена данная нулевая клетка. Полученную оценку записываем рядом с нулем, в скобках. И находим среди вычисленных нулевых клеток максимальную оценку.

Выбираем нулевую клетку с наибольшей оценкой. Заменяем ее на «INF». Мы нашли один из отрезков пути. Ту строку и тот столбец, где образовалось две «INF» полностью вычеркиваем. В клетку, соответствующую обратному пути, ставим еще одну букву «INF» (т.к. мы уже не будем возвращаться обратно).

В случае если мы идём по маршруту (5, 4) то расстояние будет равно нижней границе кольцевого маршрута, то есть 119, а если не пойдём, то расстояние будет равно 56 + 119 = 175.

Так как меньшее расстояние 119, то мы идём из города 5 в город 4. Следовательно для дальнейших вычислений вычёркиваем 5 строку и 4 столбец из матрицы и повторяем те же действия:

Выбираем максимальное значение и получаем путь из города 1 в 5.

Следовательно, для дальнейших вычислений вычёркиваем 1 строку и 5 столбец из матрицы:

Данная матрица не является полностью приведённой, поэтому её надо привести по столбцам и соответственно она примет вид:

Нижняя граница изменится 119+5=124

Заменим (4,1) на бесконечность, чтобы не было подциклов.

Удаляем (3,1)..Убираем строку 3 и ребро 1.

Нижняя граница множества равна φ = 124+0=124. Из матрицы следуют пути (4,2) и (2,3)

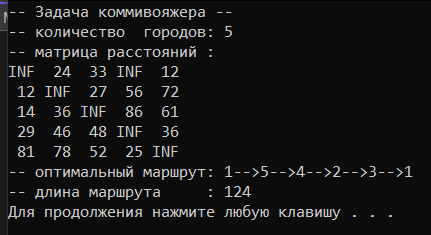
Полученный путь имеет следующий вид:

***1 > 5 > 4 > 2 >3 >1***

1-5 = 12 , 5-4 =25 , 4-2 =46 , 2-3 =27 , 3-1 =14

## **1.3 Проверка правильности решения используя генератор перестановок.**

Для проверки решения была использована программа из предыдущей лабораторной работы, которая основывалась на генераторе перестановок.



Полученные значения идентичны с результатом работы метода ветвей и границ.

Вывод: освоил общие принципы решения задач методом ветвей и границ, решил задачу о коммивояжере данным методом, сравнил полученное решение задачи с комбинаторным методом перестановок.