

TI DSP, MCU, Xilinx Zynq FPGA 기반의 프로그래밍 전문가 과정

**<공학 수학>
2018.05.17 - 56 일차**

강사 - Innova Lee(이상훈)
gcccompil3r@gmail.com

학생 - 안상재
sangjae2015@naver.com

1. 가우스 조르단 소거법

$$A|I \Rightarrow I|A^{-1} \quad (I \text{ 는 단위 행렬})$$

A를 숫자 조작을 통해서 I로 만들면 I는 A^{-1} 가 됨.

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 8 \\ 16 & 8 & 4 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix} \left| \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right. \quad \begin{pmatrix} 15 \\ 6 \end{pmatrix} \quad \begin{matrix} \text{No.} \\ \text{Date} \end{matrix} \begin{matrix} 3 \\ 2 \end{matrix} \begin{matrix} 4 \\ -3 \end{matrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & -24 & -60 & -8 & 1 & 0 \\ 0 & -2 & -6 & -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & -24 & -60 & -8 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{12} & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & \frac{1}{6} & \frac{1}{12} & 0 \\ 0 & 1 & \frac{5}{2} & \frac{1}{3} & -\frac{1}{24} & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{12} & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{1}{6} & \frac{1}{6} & -1 \\ 0 & 1 & 0 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{12} & -1 \end{pmatrix}$$

2. 역행렬 구하는 정석적인 방법 ($A^{-1} = \text{adj}(A) / \det(A)$)

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 8 \\ 16 & 8 & 4 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix} \quad \det(A) = 64$$

$$A^{-1} = \frac{1}{64} \begin{pmatrix} 8 & 4 & 2 \\ 16 & 4 & 2 \\ 2 & 8 & 4 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1}_{11} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 8 & 4 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{1}{8}$$

$$A^{-1}_{12} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 16 & 4 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{3}{8}$$

$$A^{-1}_{13} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 4 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{1}{8}$$

$$A^{-1}_{21} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 4 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{1}{8}$$

$$A^{-1}_{22} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 16 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{3}{16}$$

$$A^{-1}_{23} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 2 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{1}{16}$$

$$A^{-1}_{31} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 16 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{3}{16}$$

$$A^{-1}_{32} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 2 & 8 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \frac{1}{16}$$

$$A^{-1}_{33} = \frac{1}{64} \begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 16 & 8 \end{vmatrix} = \frac{3}{4}$$

3. 크래머 공식

- 연립방정식의 해를 행렬의 판별식을 이용해서 쉽게 구함.

★ 크래머 공식

$$\det(A) = 2(2 \cdot 4 - 2 \cdot 2) + 4(2 \cdot 4 - 6 \cdot 4) + 4(4) = -40$$
$$X = \begin{pmatrix} 12 & 4 & 4 \\ 16 & 2 & 2 \\ 20 & 2 & 4 \end{pmatrix} \quad \det(X) = 12 \cdot 4 + 4(-24) + 4(-8) = -80$$
$$\therefore x = \frac{\det(X)}{\det(A)} = 2$$

$$Y = \begin{pmatrix} 2 & 12 & 4 \\ 6 & 16 & 2 \\ 4 & 20 & 4 \end{pmatrix} \quad \det(Y) = 2 \cdot (24) + 12(-16) + 4(56) = 80$$
$$y = \frac{\det(Y)}{\det(A)} = -2$$

$$Z = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 12 \\ 6 & 2 & 16 \\ 4 & 2 & 20 \end{pmatrix} \quad \det(Z) = 2(8) + 4(-56) + 12(4) = -160$$
$$\therefore z = \frac{-160}{-40} = 4$$

<행렬의 연산 소스코드>

- 덧셈
- 뺄셈
- 곱셈
- 크래머 공식
- 전치
- 역행렬

1. 헤더 파일

- 헤더 파일에 사용할 연산 함수와 필요한 구조체를 정의함.

```
#ifndef __MATRIX_H
#define __MATRIX_H

#include <stdio.h>
#include <math.h>

// my_function 구조체에 각 연산에 대한 함수 포인터를 멤버로 선언함
struct my_function{
    void (* print) (float (*)[3]);
    void (* add) (float (*)[3], float (*)[3], float (*)[3]);
    void (* sub) (float (*)[3], float (*)[3], float (*)[3]);
    void (* multiply) (float (*)[3], float (*)[3], float (*)[3]);
    void (* crammer) (float (*)[3], float *, float *);
    void (* mat_inverse) (float (* mat)[3], float (* res)[3]);
};

typedef struct my_function function;    // function 이라는 구조체 자료형 선언

void mat_add(float (* mat1)[3], float (* mat2)[3], float (* res)[3])    // 행렬의 덧셈
{
    int i,j;

    for(i=0;i<3;i++)
    {
        for(j=0;j<3;j++)
        {
            res[i][j] = mat1[i][j] + mat2[i][j];
        }
    }
}

void mat_sub(float (* mat1)[3], float (* mat2)[3], float (* res)[3])    // 행렬의 뺄셈
{
    int i,j;

    for(i=0;i<3;i++)
    {
```

```

        for(j=0;j<3;j++)
        {
            res[i][j] = mat1[i][j] - mat2[i][j];
        }
    }
}

void mat_print(float (* res)[3])    // 행렬 출력
{
    int i,j;

    for(i=0;i<3;i++)
    {
        for(j=0;j<3;j++)
        {
            printf("%f ", res[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
}

void mat_multiply(float (* mat1)[3], float (* mat2)[3], float (* res)[3])    // 행렬의 곱셈
{
    int i,j;

    res[0][0] = mat1[0][0]*mat2[0][0] + mat1[0][1]*mat2[1][0] + mat1[0][2]*mat2[2][0];
    res[0][1] = mat1[0][0]*mat2[0][1] + mat1[0][1]*mat2[1][1] + mat1[0][2]*mat2[2][1];
    res[0][2] = mat1[0][0]*mat2[0][2] + mat1[0][1]*mat2[1][2] + mat1[0][2]*mat2[2][2];

    res[1][0] = mat1[1][0]*mat2[0][0] + mat1[1][1]*mat2[1][0] + mat1[1][2]*mat2[2][0];
    res[1][1] = mat1[1][0]*mat2[0][1] + mat1[1][1]*mat2[1][1] + mat1[1][2]*mat2[2][1];
    res[1][2] = mat1[1][0]*mat2[0][2] + mat1[1][1]*mat2[1][2] + mat1[1][2]*mat2[2][2];

    res[2][0] = mat1[2][0]*mat2[0][0] + mat1[2][1]*mat2[1][0] + mat1[2][2]*mat2[2][0];
    res[2][1] = mat1[2][0]*mat2[0][1] + mat1[2][1]*mat2[1][1] + mat1[2][2]*mat2[2][1];
    res[2][2] = mat1[2][0]*mat2[0][2] + mat1[2][1]*mat2[1][2] + mat1[2][2]*mat2[2][2];
}

float mat_det(float (* mat)[3]) // 판별식(determination) 구하기
{
    return mat[0][0]*(mat[1][1]*mat[2][2] - mat[1][2]*mat[2][1])
        +mat[0][1]*(mat[1][2]*mat[2][0] - mat[1][0]*mat[2][2])
        +mat[0][2]*(mat[1][0]*mat[2][1] - mat[1][1]*mat[2][0]);
}

void mat_adj(float (* mat)[3], float (* res)[3])    // 행렬의 adj 구하기
{

```

```
res[0][0] = mat[1][1]*mat[2][2] - mat[1][2]*mat[2][1];
res[0][1] = mat[1][2]*mat[2][0] - mat[1][0]*mat[2][2];
res[0][2] = mat[1][0]*mat[2][1] - mat[1][1]*mat[2][0];
```

```
res[1][0] = mat[0][2]*mat[2][1] - mat[0][1]*mat[2][2];
res[1][1] = mat[0][0]*mat[2][2] - mat[0][2]*mat[2][0];
res[1][2] = mat[0][1]*mat[2][0] - mat[0][0]*mat[2][1];
```

```
res[2][0] = mat[0][1]*mat[1][2] - mat[0][2]*mat[1][1];
res[2][1] = mat[0][2]*mat[1][0] - mat[0][0]*mat[1][2];
res[2][2] = mat[0][0]*mat[1][1] - mat[0][1]*mat[1][0];
```

```
}
```

```
void mat_crammer(float (* mat)[3], float *num, float *sol) // 크래머 공식
```

```
{
```

```
float x[3][3];
float y[3][3];
float z[3][3];
float det_A, det_x, det_y, det_z;
```

```
x[0][0] = num[0];
x[1][0] = num[1];
x[2][0] = num[2];
x[0][1] = mat[0][1];
x[0][2] = mat[0][2];
x[1][1] = mat[1][1];
x[1][2] = mat[1][2];
x[2][1] = mat[2][1];
x[2][2] = mat[2][2];
```

```
y[0][1] = num[0];
y[1][1] = num[1];
y[2][1] = num[2];
y[0][0] = mat[0][0];
y[1][0] = mat[1][0];
y[2][0] = mat[2][0];
y[0][2] = mat[0][2];
y[1][2] = mat[1][2];
y[2][2] = mat[2][2];
```

```
z[0][2] = num[0];
z[1][2] = num[1];
z[2][2] = num[2];
z[0][0] = mat[0][0];
z[0][1] = mat[0][1];
z[1][0] = mat[1][0];
z[1][1] = mat[1][1];
z[2][0] = mat[2][0];
```

```

    z[2][1] = mat[2][1];

    det_A = mat_det(mat);
    det_x = mat_det(x);
    det_y = mat_det(y);
    det_z = mat_det(z);

    sol[0] = det_x / det_A;
    sol[1] = det_y / det_A;
    sol[2] = det_z / det_A;
}

void mat_transport(float (* mat)[3], float (* res)[3])    // 행렬의 전치
{
    res[0][0] = mat[0][0];
    res[1][0] = mat[0][1];
    res[0][1] = mat[1][0];
    res[1][1] = mat[1][1];
    res[0][2] = mat[2][0];
    res[2][0] = mat[0][2];
    res[1][2] = mat[2][1];
    res[2][1] = mat[1][2];
    res[2][2] = mat[2][2];
}

void mat_inverse(float (* mat)[3], float (* res)[3])    // 역행렬 구하기
{
    int i,j;
    float det_A = mat_det(mat);

    mat_adj(mat, res);

    for(i=0;i<3;i++)
        for(j=0;j<3;j++)
            res[i][j] /= det_A;
}

#endif

```

2. c 파일

- 연산 함수를 main() 안에서 호출해서 연산 결과를 출력함

```
#include <stdio.h>
#include "matrix.h"

function func = {mat_print, mat_add, mat_sub, mat_multiply, mat_crammer,
mat_inverse};

float mat1[3][3] = {{2,4,4},{6,2,2},{4,2,4}};
float mat2[3][3] = {{1,2,3},{1,2,3},{1,2,3}};
float res[3][3] = {{0,0,0},{0,0,0},{0,0,0}};
float num[3] = {12,16,20};
float sol[3] = {0};
float A[3][3] = {{2,4,8},{16,8,4},{2,2,2}};

int main(void)
{

    func.add(mat1, mat2, res);    // 행렬의 덧셈
    printf("행렬의 덧셈\n");
    func.print(res);

    func.sub(mat1, mat2, res);    // 행렬의 뺄셈
    printf("행렬의 뺄셈\n");
    func.print(res);

    func.multiply(mat1, mat2, res);    // 행렬의 곱셈
    printf("행렬의 곱셈\n");
    func.print(res);

    func.crammer(mat1, num, sol);    // 크래머 공식
    printf("크래머 공식\n");
    printf("%f %f %f\n\n", sol[0], sol[1], sol[2]); /* 크래머 공식에 의한 해는 sol[0], sol[1],
                                                    sol[2] */

    mat_transport(mat1, res);    // 행렬의 전치
    printf("행렬의 전치\n");
    func.print(res);

    mat_inverse(A, res);    // 역행렬 구하기
    printf("역행렬 구하기\n");
    func.print(res);

    return 0;
}
```