

TI DSP, MCU 및 Xilinx Zynq FPGA 프로그래밍 전문가 과정

강사 : Innova Lee(이상훈)

gcccompil3r@gmail.com

학생 : 황수정

sue100012@naver.com

56 일차 (2018. 05. 17)

목차

- 행렬
- 행렬 연산 코드화

행렬이란?

수나 식을 직사각형 모양으로 배열한 것이다. 가로를 행, 세로를 열이라 하고 배열된 수나 식을 그 행렬의 성분이라고 한다.

정방행렬

정사각행렬. Square matrix. 열과 행의 개수가 같은 행렬을 말한다. 1 개의 수 a 도 1 행 1 열의 정방행렬로 볼 수 있다.

대각행렬

Diagonal matrix. 행렬에서 주대각 원소를 제외한 나머지 모든 원소가 0 인 정방행렬이다. 통계, 칼만 필터

단위행렬

특수한 대각행렬의 일종으로 곱셈에 대한 항등식이다. 단위행렬과 행렬을 곱하면 그 값은 곱해진 행렬이 나오는 것이다.

전치행렬

transposed matrix. 행렬의 행과 열을 서로 맞바꾼 행렬이다.

$m \times n$ 의 크기를 갖는 행렬 $A = [a_{ij}]$ 에 대하여

$n \times m$ 의 크기를 갖는 행렬 $A^T = [a_{ij}^T]$ 로서 $a_{ij}^T = a_{ji}$ 를 만족할 때

A^T 를 행렬 A 의 '전치행렬'이라고 한다.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \Rightarrow A^T = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} x & y \\ z & w \end{bmatrix} \Rightarrow B^T = \begin{bmatrix} x & z \\ y & w \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ -3 & 5 & -2 & 7 \end{bmatrix} \Rightarrow C^T = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 1 & 5 \\ 1 & -2 \\ 1 & 7 \end{bmatrix}$$

$$1. (A^T)^T = A$$

$$2. (A+B)^T = A^T + B^T$$

$$3. (AB)^T = B^T A^T$$

$$4. (kA)^T = k A^T \quad (k \text{는 임의의 상수})$$

행렬의 덧셈

- 같은 위치에 있는

행렬의 곱셈

> 벡터와 마찬가지로 스칼라 배가 가능하다. 즉, 특정값을 전체 성분에 곱해주는 것이 가능하다.

연립방정식

Guass-Jordan 소거법

역행렬

단위행렬을 이용한다

행렬의 판별식

3 차원 판별식

수반행렬

adjoint

크래머 공식

/*

행렬의 덧셈, 뺄셈, 곱셈

역행렬 구하기(정식)

연립방정식

역행렬 구하기

크래머 공식

행렬의 전치

행렬의 판별식

*/

/*

#ifndef _matrix_3D_H__

#define _matrix_3D_H__

*/

/*되도록이면 for 문을 안 쓰는 것이 좋다. branch 가 들어가기 때문에

파이프라인이 깨지므로 성능이 안 좋다.*/

#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

//임의의 행렬

//랜덤으로 돌려주는 것이 더 좋은 것 같다.

int A[3][3] = {{1, 2, 3}, {2, 2, 4}, {0, 1, 0}};

int B[3][3] = {{2, 2, 2}, {1, 1, 0}, {1, 2, 1}};

int C[3][3] = {};

/*

```

void rand_arr(int A[3][3], int B[3][3])
{
    int i, j;

    for(i=0; i<3; i++)
    {
        for(j=0; j<3; j++)
        {
            A[3][3] = rand()%100;
        }
    }
}

```

```

// for 문 안 돌리는 방법이....
*/

```

```

//행렬의 덧셈
void add(int A[3][3], int B[3][3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 3; j++)
        {
            C[i][j] = A[i][j]+B[i][j];
            printf("%d\t", C[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

```

```

//행렬의 뺄셈
void sub(int A[3][3], int B[3][3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 3; j++)
        {
            C[i][j] = A[i][j]-B[i][j];

```

```

        printf("%d\t", C[i][j]);
    }
    printf("\n");
}

}

```

//행렬의 곱셈

```

void mul(int A[3][3], int B[3][3])
{
    int i, j, k;
    int sum = 0;

    for(i=0; i<3; i++)
    {
        for(j=0; j<3; j++)
        {
            sum = 0;
            for(k=0; k<3; k++)
            {
                sum += A[i][j]*B[j][k];
            }
            C[i][k] = sum;
            printf("%d\t", C[i][k]);
        }
        printf("\n");
    }
}

```

//전치행렬

```

int transposed(int (*A)[3])
{
    int i, j;
    int D[3][3];

    for(i=0; i<3; i++)
    {
        for(j=0; j<3; j++)
        {
            D[i][j] = A[j][i];
            printf("%d\t", D[i][j]);
        }
    }
}

```

```

    }
    printf("%d\n");
}
return A[3][3];
}

```

```

//역행렬(정석)
void inverse(int A[3][3])
{

}

```

```

int main(void)
{
    printf("행렬의 덧셈\n");
    add(A, B);

    printf("행렬의 뺄셈\n");
    sub(A, B);

    printf("행렬의 곱셈\n");
    mul(A, B);

    printf("A 의 전치행렬\n");
    transposed(A);
    printf("B 의 전치행렬\n");
    transposed(B);

    return 0;
}

```

```

/*
#endif */

```

```

선생님꺼
#include <stdbool.h>
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <time.h>

```

```

void init_mat(float (*A)[3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
        for(j = 0; j < 3; j++)
            A[i][j] = rand() % 4;
}

void print_mat(float (*R)[3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 3; j++)
            printf("%10.4f", R[i][j]);
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
}

void add_mat(float (*A)[3], float (*B)[3], float (*R)[3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
        for(j = 0; j < 3; j++)
            R[i][j] = A[i][j] + B[i][j];
}

void sub_mat(float (*A)[3], float (*B)[3], float (*R)[3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
        for(j = 0; j < 3; j++)
            R[i][j] = A[i][j] - B[i][j];
}

void scale_mat(float scale_factor, float (*A)[3], float (*R)[3])
{

```



```

int i, j;

for(i = 0; i < 3; i++)
    for(j = 0; j < 3; j++)
        R[i][j] = scale_factor * A[i][j];
}

#ifdef 0
A[0][0] A[0][1] A[0][2]      B[0][0] B[0][1] B[0][2]
A[1][0] A[1][1] A[1][2]      B[1][0] B[1][1] B[1][2]
A[2][0] A[2][1] A[2][2]      B[2][0] B[2][1] B[2][2]

A[0][0]*B[0][0]+A[0][1]*B[1][0]+A[0][2]*B[2][0]      A[0][0]*B[0][1]+A[0][1]*B[1][1]+A[0][2]*B[2][1]
      A[0][0]*B[0][2]+A[0][1]*B[1][2]+A[0][2]*B[2][2]
A[1][0]*B[0][0]+A[1][1]*B[1][0]+A[1][2]*B[2][0]      A[1][0]*B[0][1]+A[1][1]*B[1][1]+A[1][2]*B[2][1]
      A[1][0]*B[0][2]+A[1][1]*B[1][2]+A[1][2]*B[2][2]
A[2][0]*B[0][0]+A[2][1]*B[1][0]+A[2][2]*B[2][0]      A[2][0]*B[0][1]+A[2][1]*B[1][1]+A[2][2]*B[2][1]
      A[2][0]*B[0][2]+A[2][1]*B[1][2]+A[2][2]*B[2][2]
#endif

void mul_mat(float (*A)[3], float (*B)[3], float (*R)[3])
{
    R[0][0] = A[0][0]*B[0][0]+A[0][1]*B[1][0]+A[0][2]*B[2][0];
    R[0][1] = A[0][0]*B[0][1]+A[0][1]*B[1][1]+A[0][2]*B[2][1];
    R[0][2] = A[0][0]*B[0][2]+A[0][1]*B[1][2]+A[0][2]*B[2][2];

    R[1][0] = A[1][0]*B[0][0]+A[1][1]*B[1][0]+A[1][2]*B[2][0];
    R[1][1] = A[1][0]*B[0][1]+A[1][1]*B[1][1]+A[1][2]*B[2][1];
    R[1][2] = A[1][0]*B[0][2]+A[1][1]*B[1][2]+A[1][2]*B[2][2];

    R[2][0] = A[2][0]*B[0][0]+A[2][1]*B[1][0]+A[2][2]*B[2][0];
    R[2][1] = A[2][0]*B[0][1]+A[2][1]*B[1][1]+A[2][2]*B[2][1];
    R[2][2] = A[2][0]*B[0][2]+A[2][1]*B[1][2]+A[2][2]*B[2][2];
}

float det_mat(float (*A)[3])
{
    return A[0][0] * (A[1][1] * A[2][2] - A[1][2] * A[2][1]) +
           A[0][1] * (A[1][2] * A[2][0] - A[1][0] * A[2][2]) +
           A[0][2] * (A[1][0] * A[2][1] - A[1][1] * A[2][0]);
}

```

```

void trans_mat(float (*A)[3], float (*R)[3])
{
    R[0][0] = A[0][0];
    R[1][1] = A[1][1];
    R[2][2] = A[2][2];

    R[0][1] = A[1][0];
    R[1][0] = A[0][1];

    R[0][2] = A[2][0];
    R[2][0] = A[0][2];

    R[2][1] = A[1][2];
    R[1][2] = A[2][1];
}

#if 0
    R[0][1] = A[1][2] * A[2][0] - A[1][0] * A[2][2];
    R[0][2] = A[1][0] * A[2][1] - A[1][1] * A[2][0];

    R[1][0] = A[0][2] * A[2][1] - A[0][1] * A[2][2];
    R[1][2] = A[0][1] * A[2][0] - A[0][0] * A[2][1];

    R[2][0] = A[0][1] * A[1][2] - A[0][2] * A[1][1];
    R[2][1] = A[0][2] * A[1][0] - A[0][0] * A[1][2];
#endif

void adj_mat(float (*A)[3], float (*R)[3])
{
    R[0][0] = A[1][1] * A[2][2] - A[1][2] * A[2][1];
    R[0][1] = A[0][2] * A[2][1] - A[0][1] * A[2][2];
    R[0][2] = A[0][1] * A[1][2] - A[0][2] * A[1][1];

    R[1][0] = A[1][2] * A[2][0] - A[1][0] * A[2][2];
    R[1][1] = A[0][0] * A[2][2] - A[0][2] * A[2][0];
    R[1][2] = A[0][2] * A[1][0] - A[0][0] * A[1][2];

    R[2][0] = A[1][0] * A[2][1] - A[1][1] * A[2][0];
    R[2][1] = A[0][1] * A[2][0] - A[0][0] * A[2][1];
    R[2][2] = A[0][0] * A[1][1] - A[0][1] * A[1][0];
}

```

```

bool inv_mat(float (*A)[3], float (*R)[3])
{
    float det;

    det = det_mat(A);

    if(det == 0.0)
        return false;

    adj_mat(A, R);
#ifdef __DEBUG__
    printf("Adjoint Matrix\n");
    print_mat(R);
#endif
    scale_mat(1.0 / det, R, R);

    return true;
}

void molding_mat(float (*A)[3], float *ans, int idx, float (*R)[3])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 3; j++)
        {
            if(j == idx)
                continue;
            R[i][j] = A[i][j];
        }

        R[i][idx] = ans[i];
    }
}

void crammer_formula(float (*A)[3], float *ans, float *xyz)
{
    float detA, detX, detY, detZ;
    float R[3][3] = {};

    detA = det_mat(A);

```

```

        molding_mat(A, ans, 0, R);
#ifdef __DEBUG__
        print_mat(R);
#endif
        detX = det_mat(R);

```

```

        molding_mat(A, ans, 1, R);
#ifdef __DEBUG__
        print_mat(R);
#endif
        detY = det_mat(R);

```

```

        molding_mat(A, ans, 2, R);
#ifdef __DEBUG__
        print_mat(R);
#endif
        detZ = det_mat(R);

```

```

        xyz[0] = detX / detA;
        xyz[1] = detY / detA;
        xyz[2] = detZ / detA;
}

```

```

void print_vec3(float *vec)
{
    int i;

    for(i = 0; i < 3; i++)
        printf("%10.4f", vec[i]);

    printf("\n");
}

```

```

void create_3x4_mat(float (*A)[3], float *ans, float (*R)[4])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 3; j++)
            R[i][j] = A[i][j];
    }
}

```

```

        R[i][3] = ans[i];
    }
}

void print_3x4_mat(float (*R)[4])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 4; j++)
            printf("%10.4f", R[i][j]);
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
}

void adjust_3x4_mat(float (*A)[4], int idx, float (*R)[4])
{
    int i, j;
    float div_factor;

    for(i = idx + 1; i < 3; i++)
    {
        //div_factor = -A[idx][idx] / A[idx + 1][idx];
        //div_factor = -A[idx + 1][idx] / A[idx][idx];
        //div_factor = -A[i][0] / A[idx][0];
        div_factor = -A[i][idx] / A[idx][idx];
        printf("div_factor = %f\n", div_factor);

        for(j = 0; j < 4; j++)
            R[i][j] = A[idx][j] * div_factor + A[i][j];
    }
}

void finalize(float (*R)[4], float *xyz)
{
    xyz[2] = R[2][3] / R[2][2];
    xyz[1] = (R[1][3] - R[1][2] * xyz[2]) / R[1][1];
    xyz[0] = (R[0][3] - R[0][2] * xyz[2] - R[0][1] * xyz[1]) / R[0][0];
}

```

```

void gauss_elimination(float (*A)[3], float *ans, float *xyz)
{
    float R[3][4] = {};

    create_3x4_mat(A, ans, R);
#ifdef __DEBUG__
    print_3x4_mat(R);
#endif

    adjust_3x4_mat(R, 0, R);
#ifdef __DEBUG__
    print_3x4_mat(R);
#endif

    adjust_3x4_mat(R, 1, R);
#ifdef __DEBUG__
    print_3x4_mat(R);
#endif

    finalize(R, xyz);
}

```

```

void create_3x6_mat(float (*A)[3], float (*R)[6])
{
    int i, j;

    for(i = 0; i < 3; i++)
        for(j = 0; j < 3; j++)
        {
            R[i][j] = A[i][j];

            if(i == j)
                R[i][j + 3] = 1;
            else
                R[i][j + 3] = 0;
        }
}

```

```

void print_3x6_mat(float (*R)[6])
{
    int i, j;

```

```

        for(i = 0; i < 3; i++)
    {
        for(j = 0; j < 6; j++)
            printf("%10.4f", R[i][j]);
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
}

void adjust_3x6_mat(float (*A)[6], int idx, float (*R)[6])
{
    int i, j;
    float div_factor, scale;

    scale = A[idx][idx];

    for(i = idx + 1; i < 3; i++)
    {
        //div_factor = -A[idx][idx] / A[idx + 1][idx];
        //div_factor = -A[idx + 1][idx] / A[idx][idx];
        //div_factor = -A[i][0] / A[idx][0];
        div_factor = -A[i][idx] / A[idx][idx];
        printf("div_factor = %f\n", div_factor);

        if(div_factor == 0.0)
            continue;

        for(j = 0; j < 6; j++)
            R[i][j] = A[idx][j] * div_factor + A[i][j];
    }

    for(j = 0; j < 6; j++)
        R[idx][j] = A[idx][j] / scale;
}

void gauss_elim_mat(float (*A)[3], float (*R)[3])
{
    float mid[3][6] = {};

    create_3x6_mat(A, mid);
#ifdef __DEBUG__

```

```

        print_3x6_mat(mid);
    #endif

        adjust_3x6_mat(mid, 0, mid);
    #if __DEBUG__
        print_3x6_mat(mid);
    #endif

        adjust_3x6_mat(mid, 1, mid);
    #if __DEBUG__
        print_3x6_mat(mid);
    #endif
}

int main(void)
{
    bool inv_flag;

    float test[3][3] = {{2.0, 0.0, 4.0}, {0.0, 3.0, 9.0}, {0.0, 0.0, 1.0}};
    float stimul[3][3] = {{2.0, 4.0, 4.0}, {6.0, 2.0, 2.0}, {4.0, 2.0, 4.0}};
    float ans[3] = {12.0, 16.0, 20.0};
    float xyz[3] = {};

    float A[3][3] = {};
    float B[3][3] = {};
    float R[3][3] = {};

    srand(time(NULL));

    printf("Init A Matrix\n");
    init_mat(A);
    print_mat(A);

    printf("Init B Matrix\n");
    init_mat(B);
    print_mat(B);

    printf("A + B Matrix\n");
    add_mat(A, B, R);
    print_mat(R);

    printf("A - B Matrix\n");

```



```
sub_mat(A, B, R);  
print_mat(R);
```

```
printf("Matrix Scale(A)\n");  
scale_mat(0.5, A, R);  
print_mat(R);
```

```
printf("AB Matrix\n");  
mul_mat(A, B, R);  
print_mat(R);
```

```
printf("det(A) = %f\n", det_mat(A));  
printf("det(B) = %f\n", det_mat(B));
```

```
printf("\nA^T(Transpose) Matrix\n");  
trans_mat(A, R);  
print_mat(R);
```

```
printf("B^T(Transpose) Matrix\n");  
trans_mat(B, R);  
print_mat(R);
```

```
printf("A Inverse Matrix\n");  
inv_flag = inv_mat(A, R);  
if(inv_flag)  
    print_mat(R);  
else  
    printf("역행렬 없다!\n");
```

```
printf("test Inverse Matrix\n");  
inv_flag = inv_mat(test, R);  
if(inv_flag)  
    print_mat(R);  
else  
    printf("역행렬 없다!\n");
```

```
printf("크래머 공식 기반 연립 방정식 풀기!\n2x + 4y + 4z = 12\n6x + 2y + 2z = 16\n4x + 2y +  
4z = 20\n");  
crammer_formula(stimul, ans, xyz);  
print_vec3(xyz);
```

```
printf("가우스 소거법 기반 연립 방정식 풀기!(문제 위의 것과 동일함)\n");
```

```
gauss_elimination(stimul, ans, xyz);  
print_vec3(xyz);
```

```
printf("가우스 소거법으로 역행렬 구하기!\n");  
gauss_elim_mat(test, R);  
print_mat(R);
```

```
return 0;
```

```
}
```