# HOMEWORK8 - Bezier Curve

学号: 16340072 姓名: 何颢尧 专业方向: 数字媒体

## Basic

- 1. 用户能通过左键点击添加Bezier曲线的控制点,右键点击则对当前添加的最后一个控制点进行消除。
- 2. 工具根据鼠标绘制的控制点实时跟新Bezier曲线。

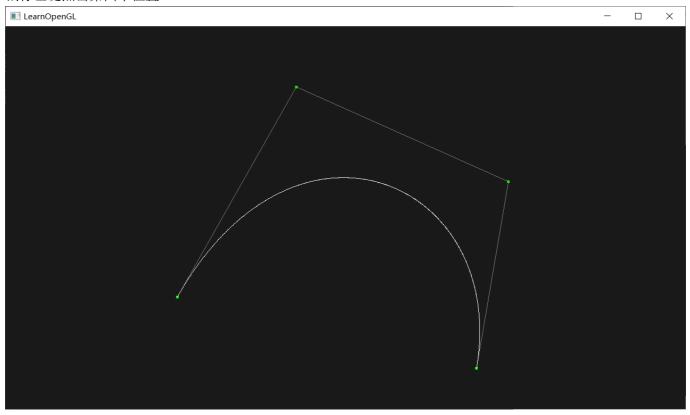
## Result

### 结果截图

鼠标左键点击任意三个位置



鼠标左键点击第四个位置



鼠标右键删除最后一个控制点



(动画效果请看.gif文件)

# Bezier曲线

Bezier curve本质上是由调和函数根据控制点插值生成,其参数方程如下

$$Q(t) = \sum_{i=0}^{n} P_i B_{i,n}(t) , \quad t \in [0,1]$$

上式为n次多项式,具有n+1项。其中,Pi(i = 0,1,... n)表示特征多边形的n+1个顶点向量;B(t)为伯恩斯坦 (Bernstein)基函数,其多项式表示为:

$$B_{i,n}(t) = \frac{n!}{i!(n-i)!}t^i(1-t)^{n-i}, i=0, 1...n$$

### 代码实现

鼠标点击与移动获取坐标位置

定义鼠标移动的回调函数,鼠标移动时,得出鼠标的位置坐标,xpos范围[0, SRC\_WIDTH - 1], ypos范围[0, SRC\_HEIGHT - 1]。要将xpos与ypos映射至[-1.0, 1.0]。 因为鼠标移动的回调函数获取的y坐标的坐标系与opengl 画图的坐标系不同,因此需要对y坐标进行处理。

```
void cursor_position_callback(GLFWwindow* window, double xpos, double ypos) {
    xPos = xpos / (SCR_WIDTH - 1) * 2 - 1;
    yPos = ypos / (SCR_HEIGHT - 1) * 2 - 1;
    yPos *= -1;
}
```

定义鼠标点击回调函数, 鼠标左键点击时,增加控制点。鼠标右键点击时,删除最后一个添加的控制点。

设置鼠标的回调函数

```
glfwSetCursorPosCallback(window, cursor_position_callback);
glfwSetMouseButtonCallback(window, mouse_button_callback);
```

一开始分别为曲线点与控制点新建一个足够大的缓冲区

注意glBufferData的第三个实参为NULL, 第四个实参为GL\_DYNAMIC\_DRAW,一开始时是没有控制点的,然后在后来添加控制点,才对缓冲区进行赋值。因为缓冲区的值会变,因此第四个参数需要为GL\_DYNAMIC\_DRAW。 顶点属性只有两个x坐标和y坐标

#### 定义如下

```
//CurvePoint
glGenVertexArrays(1, &curveVAO);
glGenBuffers(1, &curveVBO);
glBindVertexArray(curveVAO);
glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, curveVBO);
glBufferData(GL_ARRAY_BUFFER, MAX_POINT_NUM * 2 * sizeof(float), NULL, GL_DYNAMIC_DRAW);
glEnableVertexAttribArray(0);
glVertexAttribPointer(0, 2, GL_FLOAT, GL_FALSE, 2 * sizeof(float), (void*)0);
glBindVertexArray(0);
```

当每添加一个控制点或删除一个控制点时,都要重新计算曲线点 t范围[0, 1.0],为使Bezier曲线显示时比较连续,将dt取比较小的值。 计算完后,要曲线坐标信息赋予曲线点的顶点缓冲区中, 同时将新的控制点坐标信息赋予控制点的顶点缓冲区中。利用函数glBindSubData

```
void calculateCurvePoints() {
   curvePointCords.clear();
   float t = 0.00f;
   int n = controlPoints.size();
   while (t <= 1.0f) {
       glm::vec2 curvePoint = glm::vec2(0.0f, 0.0f);
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           curvePoint = curvePoint + controlPoints[i] * Bernstein(i, n - 1, t);
       curvePointCords. push_back(curvePoint. x);
       curvePointCords. push back(curvePoint. y);
        t += dt;
   glBindVertexArray(controlVAO);
   glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, controlVBO);
   glBufferSubData(GL_ARRAY_BUFFER, 0, controlPointCords.size() * sizeof(float), &controlPointCords[0]);
   glBindVertexArray(0);
   glBindVertexArray(curveVAO);
   glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, curveVBO);
   glBufferSubData(GL_ARRAY_BUFFER, 0, curvePointCords.size() * sizeof(float), &curvePointCords[0]);
   glBindVertexArray(0);
```

画曲线点与控制点

渲染时,只需要设置颜色,然后绑定对应缓冲对象,调用qlDrawArrays,

可以使用glEnable(GL\_POINT\_SIZE)与函数glPointSize(size),使控制点显示更大

```
//draw control points
shader.setVec3("color", glm::vec3(0.0f, 1.0f, 0.0f));
glEnable(GL_POINT_SIZE);
glBindVertexArray(controlVAO);
glPointSize(5);
glDrawArrays(GL_POINTS, 0, controlPoints.size());
```

```
// draw curve points
shader.setVec3("color", glm::vec3(1.0f, 1.0f, 1.0f));
glPointSize(1);
glBindVertexArray(curveVAO);
glDrawArrays(GL_POINTS, 0, curvePointCords.size() / 2);
glBindVertexArray(0);
```

#### 着色器代码

着色器代码非常简单

```
//顶点着色器
#version 330 core
layout (location = 0) in vec2 aPos;

void main()
{
    gl_Position = vec4(aPos.x, aPos.y, 0.0, 1.0);
}

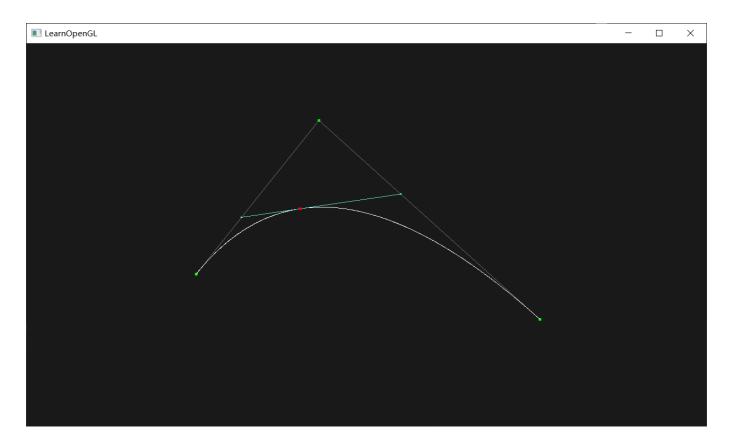
//片段着色器
#version 330 core
out vec4 FragColor;

uniform vec3 color;
void main()
{
    FragColor = vec4(color, 1.0);
}
```

#### Bonus

1. 动态地呈现Bezier曲线的生成过程。

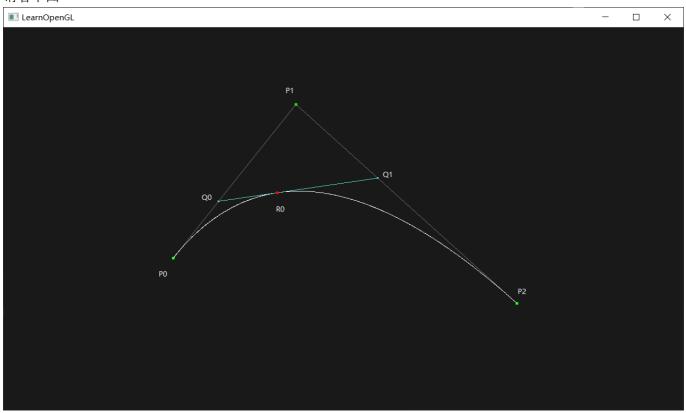
#### Result



(动画效果请看.gif文件)

## 实现原理

请看下图



己知控制P0,P1,P2

当t = t0时

$$Q0 = (1 - t) * P0 + t * P1$$

$$Q1 = (1 - t) * P1 + t * P2$$

$$R0 = (1 - t) * Q0 + t * Q1$$

实现动态的曲线生成,随着t的变化,画出变化后Q0 Q1线段与R0点。

### 代码实现

在初始化时,随机生成MAX\_CONTROL\_POINT\_NUM种颜色,在画线段时用到。 只有当控制点的数量大于2时,才有线段生成。当t=t0,循环向下生成线段顶点, 画出线段顶点与线段,和对应的曲线点。

```
void drawDynamicCurveGeneration(float t) {
    int n = controlPoints. size();
   if (n \le 1)
   vector(float) pointCords;
   vector(glm::vec2> points;
   points. insert(points. end(), controlPoints. begin(), controlPoints. end());
   //只有控制顶数大于2时,才有线段
       vector(glm::vec2> temp;
       temp. clear();
           glm::vec2 point = (1 - t) * points[i] + t * points[i + 1];
           pointCords. push_back(point. x);
           pointCords. push back(point. y);
           temp. push_back(point);
       shader.setVec3("color", color[j - 1]);
       glPointSize(3);
       glBindVertexArray(vao);
       glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, vbo);
       glBufferSubData(GL_ARRAY_BUFFER, 0, pointCords.size() * sizeof(float), &pointCords[0]);
       glDrawArrays(GL_POINTS, 0, temp.size());
       //draw Line
       glDrawArrays(GL_LINE_STRIP, 0, temp. size());
       glBindVertexArray(0);
       pointCords. clear();
       points. clear();
       points. insert (points. end(), temp. begin(), temp. end());
   shader.setVec3("color", glm::vec3(1.0f, 0.0f, 0.0f));
   int i = t / dt;
   glBindVertexArray(curveVAO);
   glPointSize(5);
   glBindVertexArray(0);
```

```
drawDynamicCurveGeneration(t);
if (time == timeout) {
    t += dt;
    time = 0;
}

if (t >= 1.0f)
    t = 0.00f;
time++;
```