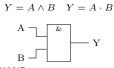
Digitaltechnik

Andrej Scheuer ascheuer@student.ethz.ch 13. Oktober 2020

Gates

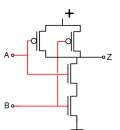
AND

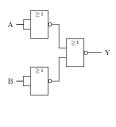


A	В	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

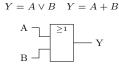
NAND

AND aus NOR





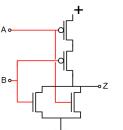
OR

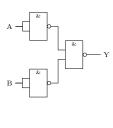


В	Y
0	0
1	1
0	1
1	1
	0

NOR

OR aus NAND





NOT







NOT aus NOR



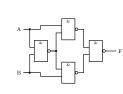
NOT aus NAND



Weitere Gates

NAND	NO	R		XNO	OR		XOR
$C = \overline{A \wedge B}$	D A	$=\overline{A}$	$\overline{\vee B}$	E =	$=\overline{A} \oplus$	\overline{B}	$F = A \oplus A$
в	В-		>- D	В 7		- E	в
			NAND	NOR	XNOR	XOR	
	A	В	С	D	E	F	
	0	0	1	1	1	0	
	0	1	1	0	0	1	

XOR aus NAND



XOR aus NOR: Gleiches Schema wie NAND + 1 Inverter

XNOR aus NAND: Gleiches Schema wie XOR aus NOR

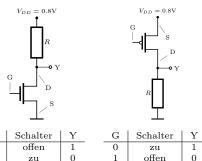
XNOR aus NOR: Gleiches Schema wie XOR aus NAND

Es versteht sich natürlich, dass wenn von "Gleichem Schema wie…" gesprochen wird, die Gates trotzdem getauscht werden müssen.

PMOS

CMOS



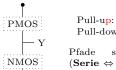


Konstruktion von CMOS-Gates

Regeln für CMOS-Schaltungen

- $\begin{array}{c} {\rm 1. \ \ CMOS\text{-}Gates \ bestehen \ aus \ gleich \ vielen \ NMOS \ und \ PMOS.} \end{array}$
- 2. m Eingänge: m NMOS und m PMOS.
- 3. NMOS in Serie \rightarrow PMOS parallel
- 4. NMOS parallel \rightarrow PMOS Serie

Allg. Aufbau CMOS

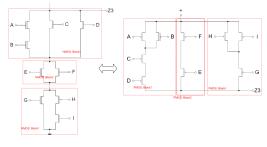


Pull-up: PMOS
Pull-down: NMOS

Pfade sind komplementär $(Serie \Leftrightarrow Parallel)$

Umwandlung Pull-up zu Pull-down

- 1. Teilbereiche (Blöcke) identifizieren.
- 2. Schritt 1 wiederholen, bis nur noch einzelne Transistoren vorkommen.
- 3. Falls Pull-down:
 - $\bullet\,\,$ Von GND aus mit äusserstem Block beginnen.
 - $PMOS \rightarrow NMOS$
- 4. Falls Pull-up:
 - Von V_{DD} aus mit äusserstem Block beginnen.
 - NMOS \rightarrow PMOS.



Funktionsgleichung

PMOS	$Parallel \rightarrow NAND$	$Serie \rightarrow NOR$
NMOS	$Parallel \rightarrow NOR$	$Serie \to NAND$

Boolsche Algebra

Grundregeln

Kommutativität

$$A \wedge B = B \wedge A$$
$$A \vee B = B \vee A$$

Assoziativität

$$A \wedge (B \wedge C) = A \wedge (B \wedge C)$$
$$A \vee (B \vee C) = A \vee (B \vee C)$$

Distributivität

$$(A \land B) \lor (A \land C) = A \land (B \lor C)$$
$$(A \lor B) \land (A \lor C) = A \lor (B \land C)$$

Nicht	$\overline{\overline{A}} = A$		
Null-Th.	$A \lor 0 = A$	$A \wedge 0 = 0$	
Eins-Th.	$A\vee 1=1$	$A \wedge 1 = A$	
Idempotenz	$A \lor A = A$	$A \wedge A = A$	
V. Komp.	$A \vee \overline{A} = 1$	$A \wedge \overline{A} = 0$	
Adsorp.	$A \vee (\overline{A} \wedge B) = A \vee B$		
	$A \wedge (\overline{A} \vee B) = A \wedge B$		
Adsorp.	$A \lor (A \land B) = A$		
	$A \wedge (A \vee B) = A$		
Nachbar.G.	$(A \wedge B) \vee (\overline{A} \wedge B) = B$		
	$(A \vee B) \wedge (\overline{A} \vee B) = B$		

De Morgan

- 1. Regel $\overline{A \wedge B} = \overline{A} \vee \overline{B}$
- 2. Regel $\overline{A \vee B} = \overline{A} \wedge \overline{B}$

Regel
n gelten auch für \boldsymbol{n} verknüpfte Terme.

Normalformen

Minterm	Maxterm
AND-Ausdruck	OR-Ausdruck
Output: 1	Output: 0
n Schaltvar. $\rightarrow 2^n$ mögl. Minterme.	n Schaltvar. $\rightarrow 2^n$ mög Maxterme.
nicht-invertierte Var: 1	nicht-invertierte Var: 0
invertierte Var: 0	invertierte Var: 0

Disjunktive Normalform

- 1. Identifiziere WT-Zeilen mit Output 1
- 2. Minterme für diese Zeilen aufstellen
- 3. Minterme mit \mathbf{OR} verknüpfen

Konjunktive Normalform

- 1. Identifiziere WT-Zeilen mit Output 0
- 2. Maxterme für diese Zeilen aufstellen
- 3. Maxterme mit \mathbf{AND} verknüpfen

A	В	Y	Minterme	Maxterme
0	0	1	$\overline{A} \wedge \overline{B}$	
0	1	0		$A \vee \overline{B}$
1	0	0		$\overline{A} \vee B$
1	1	1	$A \wedge B$	

DNF $Y = (\overline{A} \wedge \overline{B}) \vee (A \wedge B)$ 1 Mint. erf. \rightarrow 1

 $\mathbf{KNF} \qquad Y = (A \vee \overline{B}) \wedge (\overline{A} \vee B) \qquad 1 \text{ Maxt. erf.} \, \to \, 0$