Վեբբյան ուսուցում

Յրանտ Խաչատրյան

Երևանի պետական համալսարան, Ինֆորմատիկայի և կիրառական մաթեմատիկայի ֆակուլտետ *E-mail address*: hrant.khachatrian@ysu.am

1. Ներածություն

Նեյրոճկունությունը (neuroplasticity)՝ ուղեղումնեյրոնների միջև կապերի փոփոխվելու հատկությունը, համարվում է ուղեղում ուսուցման պրոցեսի հիմնական մեխանիզմը [13]։ Նեյրոգիտության մեջ տարբերակում են ուղեղի սինապտիկ և ոչ սինապտիկ ճկունություն։ Սինապտիկ ճկունությունը նեյրոնների միջև սինապսների ուժեղացումն ու թուլացումն է, իսկ ոչ սինապտիկ ճկունությունը աբսոններում, դենդրիտներում, ինչպես նաև բջջի մարմնում կատարվող կենսաբիմիական փոփոխություններն են, որոնք փոխում են նեյրոնի էլեկտրական հատկությունները։ Սինապտիկ ճկունությունը կարող է լինել կարճաժամկետ (մի քանի վայրկյան) և երկարաժամկետ (րոպեներ և ավել)։ Կանադացի հոգեբան Դոնալդ Յեբբը 1949թ. առաջարկեց երկարաժամկետ սինապտիկ ճկունության քանակական տեսություն [10], որը հաճախ ձևակերպվում է մեկ կանխադրույթով. «միաժամանակ գրգռվող նեյրոնները կապվում են միմյանց»։ Այս սկզբունքը հետագայում զարգացվեց՝ վերածվելով ավելի բարդ մաթեմատիկական մոդելների, որոնցից օրինակ BCM տեսությունը հաջողությամբ նկարագրում է ուղեղի որոշ հատվածներում (տեսողական կեղև, հիպոկամպ) նեյրոնների վարքը և հաստատվել է մի շարք փորձարարական փաստերով [7]։

Յամակարգչային գիտություններում մի շարք կիրառական խնդիրների լուծման գործում մեծ դեր են խաղում կենսաբանական մեխանիզմներից ներշնչված արհեստական նեյրոնային ցանցերը։ Մասնավորապես, ձայնի և պատկերների ճանաչման խնդիրներում ամենաարդյունավետ ծրագրերից շատերը հիմնված են այսպես կոչված խորը նեյրոնային ցանցերի վրա, որի տեսական հիմքերը տանում են մինչև Յեբբյան տեսություն։ Այս աշխատանքի նպատակն է նկարագրել սինապտիկ ճկունության Յեբբյան և նրանից ածանցյալ տեսությունները, ինչպես նաև նրանց ազդեցությունը արհեստական նեյրոնային ցանցերի նախագծման վրա։

1

2. Յեբբյան տեսություն

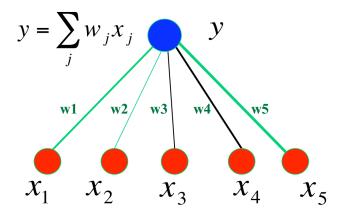
Նեյրոնների գրգռման պրոցեսը կարելի է մոդելավորել գրաֆի միջոցով, որտեղ գրաֆի գագաթները նեյրոններն են, իսկ կողերը՝ սինապսները։ Դիցուք n նեյրոնների աքսոնները միանում են մի նեյրոնի (Նկ. 1)։ x_j -ով նշանակվում է j-րդ սինապսի նախասինապսային նեյրոնի ակտիվությունը, իսկ y-ով՝ հետսինապսային նեյրոնի ակտիվությունը։ Յաճախ ընդունվում է, որ հետսինապսային ակտիվությունը հավասար է նախասինասպային ակտիվությունների գումարին՝ կշռված սինապսների w_j կշիռներով (այս դեպբում նեյրոնը կոչվում է գծային նեյրոն)։

$$y = \sum_{j=1}^{n} w_j x_j$$

Սինապսային ճկունությունը կայանում է նրանում, որ սինապսների կշիռները ժամանակի ընթացքում փոխվում են։ Դոնալդ Յեբբը իր The Organization of Behavior [10] գրբում առաջարկեց սինապսների ուժգնության այդպիսի փոփոխությունները նկարագրող տեսություն։ Ըստ նրա, եթե A նեյրոնի աքսոնը պարբերաբար մասնակցում է B նեյրոնի գրգռմանը, ապա այդ նեյրոններում տեղի են ունենում որոշակի փոփոխություններ, որոնց արդյունքում B նեյրոնի գրգռման գործում A նեյրոնի արդյունավետությունը մեծանում է։ Այս փաստը կարելի է մոդելավորել հետևյալ կերպ. սինապսային ուժգնության փոփոխությունը համեմատական է նախասինապսային ակտիվությանը։ Յաճախ դա գրվում է այսպես.

$$\frac{dw_i}{dt} = \eta x_i y$$

որտեղ η -ն ուսուցման արագությունն է։ Այս պարզունակ մոդելը ունի մի շարք թերություններ։ Մասնավորապես, այն թույլ է տալիս սինապսների անվերջ ուժեղացում և կայուն չէ։ Այս խնդիրը լուծելու համար առաջարկվել են Յեբբի մոդելի մի շարք ընդհանրացումներ։



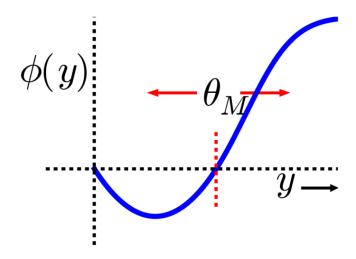
Նկ. 1. Նեյրոնի գրգռման մոդելավորումը գրաֆի միջոցով [18]

2.1. Օյայի կանոն. Ֆինն մաթեմատիկոս Էրկի Օյան 1982թ. առաջարկեց Յեբբի մոդելին ավելացնել որոշակի նորմավորում, ինչը թույլ տվեց լուծել կայունության խնդիրը [12]։ Օյայի կանոնը գրվում է հետևյալ կերպ.

$$\frac{dw_i}{d_t} = \eta y(x_i - yw_i)$$

Ապացուցվում է, որ այս օրենքով աշխատող համակարգը կայուն է և սինապսների ուժգնությունը անվերջ չի աճում։

- 2.2. BCM տեսություն. Յեբբի մոդելի մեկ այլ ընդհանրացում առաջարկվեց Բինենստոկի, Կուպերի և Մունրոյի կողմից 1982թ. [2]։ Ուսումնասիրելով կենդանիների տեսողական կեղևի մասին հայտնի փորձարարական տվյալները նրանք առաջարկեցին հետևյալ երեք կանխադրույթները.
 - (1) Սինապսի կշռի dw_i/dt փոփոխությունը համեմատական է x_i նախասինապսային ակտիվությանը
 - (2) Սինապսի կշռի փոփոխությունը համեմատական է y հետսինապսային ակտիվությունից կախված ոչ գծային և ոչ մոնոտոն ֆունկցիայի՝ $\phi(y,\theta_M)$: Այս ֆունկցիան կախված θ_M փոփոխման շեմից կարող է լինել բացասական (երբ հետսինապսային ակտիվությունը թույլ է՝ $y < \theta_M$) կամ դրական (երբ $y > \theta_M$, Նկ. 2)
 - (3) θ_M փոփոխման շեմը իր հերթին կախված է հետսինապսային ակտիվության պատմությունից։



Ակ. 2. Սինապսի ուժգնության փոփոխության կախումը նեյրոնի գրգռման աստիճանից [3]

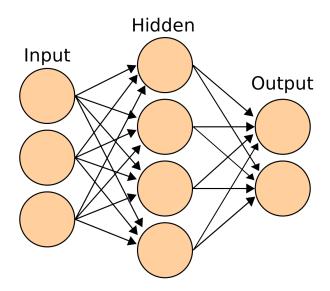
Այս սկզբունքներին բավարարող բազմաթիվ մաթեմատիկական մոդելներ կան, օրինակ.

$$y = \sum_{i} w_{i}x_{i}$$
$$\frac{dw_{i}}{d_{t}} = x_{i}\phi(y_{i}, \theta_{M}) - \epsilon w_{i}$$
$$\theta_{M} = E[(y/y_{0})]$$

Յեղինակները իրենց առաջին հոդվածում որպես $\phi(y,\theta_M)$ ֆունկցիա վերցնում Էին $y(y-\theta_M)$ ։ Յետագայում առաջարկվել են մի շարք այլ մոտեցումներ ևս [3]։ BCM մոդելի կայունությունը ապահովվում է փոփոխվող θ_M շեմի միջոցով, որը հավասար է ժամանակի ընթացքում հետսինապսային ակտիվության միջին արժեքին (որոշ մոդելներում՝ նորմավորված որևէ y_0 հաստատունով)։ Սինապսի ուժգնության փոփոխությանը մասնակցում է նաև $-\epsilon w_i$ գումարելին, ինչը ապահովում է նեյրոնների ակտիվության բացակայության ժամանակ սինապսի ուժգնության հավասարաչափ թուլացում ϵ արագությամբ։

3. Արհեստական նեյրոնային ցանցեր

Արհեստական նեյրոնային ցանցերը մեքենայական ուսուցման ալգորիթմներ են՝ ներշնչված կենսաբանական նեյրոնային ցանցերից։ Նեյրոնային ցանցը կազմված է մի քանի շերտ դասավորված նեյրոններից։ Առաջին շերտի նեյրոնները կոչվում են մուտքի նեյրոններ և նրանց գրգռումը ուղղակիորեն կախված է ալգորիթմի մուտքից։



Նկ. 3. Պարզագույն նեյրոնային ցանց. ձախ շարբում մուտքի նեյրոններն են, մեջտեղում՝ թաբնված շերտը, աջ շարբում՝ ելբի նեյրոնները [19]

Օրինակ, պատկերների ճանաչման մի շարք խնդիրներում պատկերը ներկայացվում է երկուական մատրիցի տեսքով, որտեղ պատկերի ամեն մի կետը (պիքսելը) ներկայացվում է որպես զրո կամ մեկ։ Ամեն կետին համապատասխանեցվում է մի նեյրոն, որը գրգռվում է, եթե կետի արժեքը հավասար է մեկի։ Յաջորդ շերտերի նեյրոնները գրգռվում են կախված նախորդ շերտի նեյրոնների վիճակից և նախորդ շերտի հետ ունեցած կապերի ուժգնությունից։ Նեյրոնային ցանցի ուսուցման պրոցեսում այդ կապերի ուժգնությունը փոխվում է։ Վերջին շերտի նեյրոնները կոչվում են ելքի նեյրոններ և նրանց վիճակը ալգորիթմի աշխատանքի վերջում հանդիսանում է ալգորիթմի ելքը։ Օրինակ, թվանշանների ճանաչման համար նախատեսված նեյրոնային ցանցի վերջին շերտում սովորաբար լինում են տաս նեյրոններ, որոնցից յուրաքանչյուրը համապատասխանում է մի թվանշանի։ Այսպիսով, արհեստական նեյրոնային ցանցերը տրվում են ըստ երեք պարամետրերի [20].

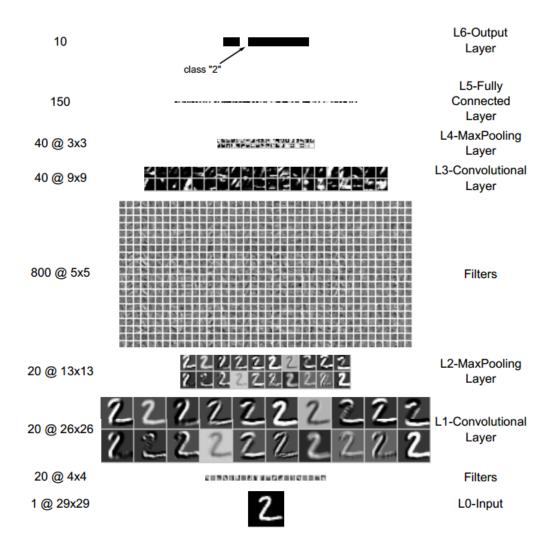
- (1) Նեյրոնների միջև եղած կապեր՝ ցանցի հիմբում ընկած գրաֆը։ Երբ գրաֆը ուղղորդված է և ցիկլ չի պարունակում, գործ ունենք feedforward նեյրոնային ցանցերի հետ։ Երբ ցանցում կան ցիկլեր, այն կոչվում է անդրադարձ (recurrent) ցանց
- (2) Ուսուցման պրոցես, ըստ որի փոփոխվում են նեյրոնների միջև եղած կապերի ուժգնությունը
- (3) Ակտիվացման ֆունկցիա, ըստ որի նեյրոնի ստացած մուտքի համաձայն որոշվում է նեյրոնի գրգռման աստիճանը

Յեբբյան ուսուցման վրա հիմնված նեյրոնային ցանց ստեղծվեց արդեն 1953թ. [8]։ Սակայն կիրառական խնդիրների լուծման գործում մեծ հաջողությունների հասնել երկար ժամանակ չէր հաջողվում, քանի որ պահանջվող հաշվարկները չափազանց բարդ էին գոյություն ունեցող համակարգիչների համար։ 1990-ականներին մեբենայական ուսուցման այլ մեխանիզմների հաջողությունները (support vector machines, linear classifiers) ժամանակավորապես դուրս մղեցին նեյրոնային ցանցերին կիրառություններից [20]։

3.1. Խորը նեյրոնային ցանցեր. Պարզագույն նեյրոնային ցանցերը բացի մուտքի և ելքի նեյրոններից ունեն միայն մեկ շերտ նեյրոններ։ Դա հնարավորություն չի տալիս նեյրոնային ցանցին սովորել բարդ կառուցվածքներ առանց նեյրոնների թվի զգալի մեծացման։ Այս խնդիրը լուծելու համար 1990-ականներին սկսեցին դիտարկել մեկից ավելի միջանկյալ շերտերով նեյրոնային ցանցեր, որոնք կոչվեցին խորը նեյրոնային ցանցեր (deep neural networks)։ Սակայն այս համակարգերը արդյունավետությամբ զիջում էին մեքենայական ուսուցման այլ համակարգերին տեխնիկական պատճառներով։

Խորը նեյրոնային ցանցերի զարգացման պատմությունը մանրամասն շարադրված Է Շմիդիուբերի 2014թ. իրապարակված հոդվածում [14]։ Վերջին տարիներին մի շարք տեսական նվաճումների, ինչպես նաև համակարգիչների արագործության մեծացման շնորհիվ, այսպիսի նեյրոնային ցանցերով աշխատող համակարգերը արդյունավետությամբ շրջանցեցին գոյություն ունեցող բոլոր այլ համակարգերին մի շարք ոլորտներում (խոսքի ճանաչում, մարդու դիրքի որոշում, պատկերների ճանաչում և այլն)։

3.2. Թվանշանների ճանաչում. Ձեռագիր թվանշանների ճանաչման տարբեր ալգորիթմների համեմատության համար ստեղծվել է թվանշանների պատկերների MINST տվյալների բազան [11]։ Այն պարունակում է 60000 պատկեր մեբենային ուսուցանելու համար և ևս 10000 պատկեր ծրագրի աշխատանքը ստուգելու համար։ Թվանշանները

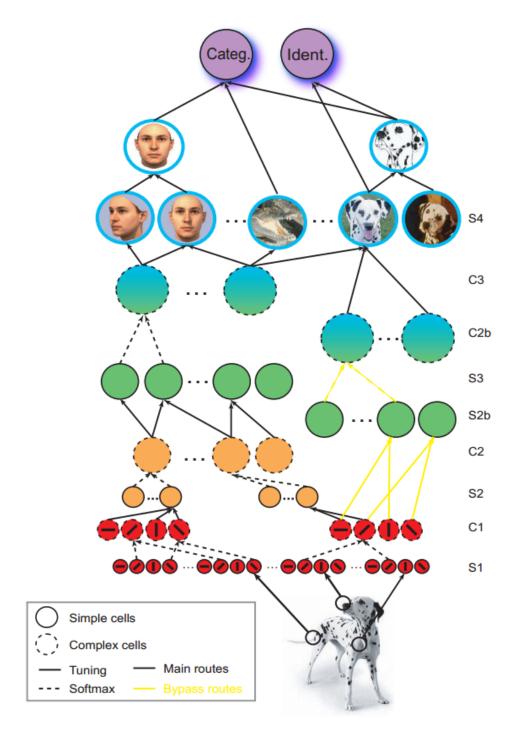


Նկ. 4. Ձեռագիր թվանշաններ ճանաչող նեյրոնային ցանցի սխեմատիկ նկարագրությունը [4] հոդվածից

գրված են ԱՄՆ պետական աշխատողների և ուսանողների կողմից։ Բոլոր պատկերները նորմալիզացված չափերի են` 20x20 կետայնությամբ և գունավոր չեն։ 2010թ. խորը նեյրոնային ցանցի հիման վրա աշխատող ծրագիրը կարողացավ հասնել 99.65% ճշտության, հաշվարկները կատարելով գրաֆիկական պրոցեսորների վրա [5]։ 2014թ. դեկտեմբերի դրությամբ լավագույն արդյունքը պատկանում է նույն հեղինակներին՝ 99.77% ճշտություն [4]։ Դամարվում է, որ մարդը ձեռագիր թվանշանները ճանաչում է մոտ 99.8% ճշտությամբ։ Այս վերջին հոդվածում հեղինակները նկարագրում են նման նեյրոնային ցանցերի աշխատանքը մի շարք այլ խնդիրների համար ևս, ինչպես օրինակ լատիներեն և չինարեն տառերի ճանաչում, ճանապարհային նշանների ճանաչում, ճռաչափ պատկերի ճանաչում լուսանկարում։ Բոլոր այս խնդիրներում ներկայացվող ծրագրերը գրանցել են ճանաչման ճշտության նոր ռեկորդներ։

- 3.3. Տեսական արդյունքներ խորը նեյրոնային ցանցերի վերաբերյալ. Գործնականում գրանցված հաջողություններից միայն մի բանի տարի անգ, 2013թ., ստացվեցին խորը նելրոնային ցանցերի արդյունավետության առաջին տեսական հիմնավորումները։ [1]-ում նկարագրվեց խորը ուսուցման այգորիթմ, որի արդյունավետությունը ապացուցվեց տեսական ճանապարհով, հաշվարկվեց այգորիթմի բարդությունը և այլն։ Յեղինակների պնդմամբ, առաջարկված ալգորիթմը հետևում է Յեբբի կանոնին, հետևյալ մեկնաբանությամբ. «միևնույն շերտում գտնվող միաժամանակ գրգռվող նեյրոնները մեծ հավանականությամբ կապված են հաջորդ բարձր շերտի միևնույն նելրոնին»։ Այգորիթմի աշխատանքի ընթացքում հայտնաբերվում են այսպես կորելացված նելրոնների զույգերը և դրանց միջոցով վերականգնվում է ամբողջ նելրոնային ցանցը։ Դա բերվում է հայտնի խնդրի մաթեմատիկայից (գրաֆների տեսությունից)՝ երկկողմանի գրաֆի վերականգնումը երկու հեռավորության վրա գտնվող գագաթների ցույգերից։ Վատագույն դեպքում այս խնդիրը NP-լրիվ է, սակայն նոսը պատահական գրաֆների համար կառուցվում է բազմանդամային այգորիթմ։
- 3.4. Օբյեկտների ճանաչում լուսանկարից. Մեբենայական ուսուցման ամենաբարդ խնդիրներից մեկը լուսանկարներից օբյեկտների ճանաչումն է։ Այսպիսի ծրագրերի համեմատության համար 2010թ. ամեն տարի Սթենֆորդի համալսարանը անցկացնում է ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge մրցույթը։ 2014թ. մրցույթի համար հավաբվել էին մոտ 1.2 միլիոն լուսանկարներ վարժեցման համար (հիմնականում Flickr կայբից), որոնցից յուրաբանչյուրի մեջ նշվել էին երևացող օբյեկտները թվով 1000 կատեգորիաներից։ Դրվում են մի քանի խնդիրներ, օրինակ՝ դասակարգել 100000 նոր լուսանկարներ նույն 1000 կատեգորիաներում։ 2014թ. մրցույթում լավագույն արդյունբը ցուցադրեց Google ընկերության աշխատակիցների ստեղծած GoogLeNet ծրագիրը։ Ծրագիրը յուրաբանչյուր լուսանկարի համար նշում է հինգ կատեգորիաներ, որոնց

պետք է պատկանի այդ լուսանկարը։ GoogLeNet-ը այս չափանիշով ունեցավ 93.33%



Նկ. 5. Տեսողական կեղևում օբյեկտի ճանաչման սխեման ըստ [15] աշխատանբում նկարագրված տեսության։ Առաջին շերտերի նեյրոնները ճանաչում են պարզագույն կառուցվածքները (գծեր, կորեր), ավելի բարձր շերտերի նեյրոնները ճանաչում են ավելի բարդ կառուցվածքներ

արդյունավետություն (2013թ. լավագույն ցուցանիշը 88.8% էր)։ Ծրագիրը օգտագործում է 22 շերտ ունեցող խորը նեյրոնային ցանց, որի աշխատանքը մանրամասն նկարագրված է հեղինակների աշխատանքում [17]։ Մասնավորապես նրանք նշում են, որ հիմնվել են [1] աշխատանքում կատարված տեսական աշխատանքի վրա, այսպիսով իրենց ծրագիրը կապելով Յեբբյան մոդելներին։

GoogLeNet-ի հիմքում ընկած են նեյրոգիտության այլ նվաճումներ ևս։ 2005թ. [15]-ում առաջարկվել է պրիմատների տեսողական կեղևի մի հատվածում (ventral stream) տեղի ունեցող օբյեկտների ճանաչման պրոցեսի քանակական տեսություն, որը համապատասխանում է օբյեկտի նախնական ճանաչման փուլին։ Այդ փուլը տեղի է ունենում ճանաչման առաջին 150մվ ընթացքում, երբ ուղեղի այլ հատվածներից եկող ազդակները (top-down signals) դեռևս դեր չեն խաղում ճանաչման համար։ Յեղինակները պնդում են որ այս փուլում են կատարվում օբյեկտների դասակարգման հիմնական քայլերը։

Այս տեսության հիման վրա [16]-ում ստեղծվել է պատկերների ավտոմատ ճանաչման համակարգ։ Այս համակարգի կարևորագույն հատկությունը, ինչպես նշում են GoogLeNet-ի հեղինակները, օբյեկտների ճանաչման կարողությունն է անկախ նրանց մասշտաբից և ուղղությունից։ GoogLeNet-ում ևս կիրառվել են այդ մեթոդները, սակայն ոչ թե նեյրոնային ցանցի երկու շերտերով, ինչպես [16]-ում, այլ միանգամից 22։

Եզրակացություն

Վերջին տասնամյակներում նեյրոգիտության նվաճումների արդյունքում զգալիորեն րնդյայնվել են պատկերացումները մարդու ուղեղի աշխատանքի վերաբերյալ։ Ի հայտ են գայիս քանակական տեսություններ, որոնք փորձում են բացատրել ուղեղի այս կամ այն հատվածի աշխատանբը։ Յամակարգչային գիտությունների ներկայացուցիչները հետևելով այս զարգացումներին կարողանում են ստեղծել ուղեղում ընթացող պրոցեսները նմանակող արհեստական նեյրոնային ցանցեր, որոնց արդյունավետությունը գերազանցում է գոլություն ունեցող մեբենայական ուսուցման այլ համակարգերին բազմաթիվ կիրառական խնդիրների համար։ Նեյրոնային ցանցերը սկսում են օգտագործվել ոչ միայն դասակարգման կամ ճանաչման խնդիրներում։ Այսպես, 2014թ. դեկտեմբերին Google ընկերության Deep Mind թիմը հայտարարեց նելրոնային ցանցով աշխատող մի ծրագրի մասին, որը կարողանում է սովորել իրականացնել պարգագույն այգորիթմներ, ինչպես օրինակ տվյալների արտագրում կամ սորտավորում [9]։ [6] աշխատանքում նկարագրված է, թե ինչպես են խորը նեյրոնային ցանցերը օգտագործվում Գո սեղանի խաղի համար (որի դեպքում, ի տարբերություն շախմատի, լավագույն խաղացողները դեռևս հեշտությամբ հաղթում են համակարգչային ծրագրերին)։

Ամեն տարի անցկացվող Neural Information Processing Systems գիտաժողովում ներկայացվող աշխատանքներում խորը նեյրոնային ցանցերի մասին աշխատանքների քանակը աճում է տարեկան մոտ երկու անգամ։ Ոլորտի նկատմամբ հետաքրքրությունը աճում է չափազանց մեծ տեմպերով, և չնայած նեյրոնային ցանցերը շարունակում են նոր հաջողություններ գրանցել տարբեր կիրառական խնդիրներում, անհրաժեշտություն կա կատարել նաև տեսական բնույթի աշխատանքներ՝ մեթոդների կիրառելիության սահմանները հասկանալու համար։

Գրականություն

- [1] Sanjeev Arora et al. "Provable Bounds for Learning Some Deep Representations". In: CoRR abs/1310.6343 (2013). url: http://arxiv.org/abs/1310.6343.
- [2] E. L. Bienenstock, L. N. Cooper, and P. W. Munro. "Theory for the development of neuron selectivity: orientation specificity and binocular interaction in visual cortex". In: *J. Neurosci.* 2.1 (Jan. 1982), pp. 32–48.
- [3] B. S. Blais and L. Cooper. "BCM theory". In: 3.3 (2008). revision 91041, p. 1570. url: http://www.scholarpedia.org/article/BCM_rule.
- [4] Dan C. Ciresan, Ueli Meier, and Jürgen Schmidhuber. "Multi-column Deep Neural Networks for Image Classification". In: *CoRR* abs/1202.2745 (2012). url: http://arxiv.org/abs/1202.2745.
- [5] Dan Claudiu Ciresan et al. "Deep Big Simple Neural Nets Excel on Handwritten Digit Recognition". In: *CoRR* abs/1003.0358 (2010). url: http://arxiv.org/abs/1003.0358.
- [6] C. Clark and A. Storkey. "Teaching Deep Convolutional Neural Networks to Play Go". In: *ArXiv e-prints* (Dec. 2014). arXiv: 1412.3409 [cs.AI].
- [7] Leon N. Cooper et al. *Theory of Cortical Plasticity*. World Scientific Pub Co Inc, Apr. 2004. isbn: 9789812387912. url: http://amazon.com/o/ASIN/9812387919/.
- [8] B.G. Farley and W. Clark. "Simulation of self-organizing systems by digital computer". In: *Information Theory, Transactions of the IRE Professional Group on* 4.4 (Sept. 1954), pp. 76–84. issn: 2168-2690. doi: 10.1109/TIT.1954.1057468.
- [9] Alex Graves, Greg Wayne, and Ivo Danihelka. "Neural Turing Machines". In: *CoRR* abs/1410.5401 (2014). url: http://arxiv.org/abs/1410.5401.
- [10] Donald O. Hebb. *The Organization of Behavior*. 99th. John Wiley & Sons Inc, Dec. 1949. isbn: 9780471367277. url: http://amazon.com/o/ASIN/0471367273/.
- [11] MNIST database. url: http://yann.lecun.com/exdb/mnist/.

- [12] Erkki Oja. "Simplified neuron model as a principal component analyzer". English. In: *Journal of Mathematical Biology* 15.3 (1982), pp. 267–273. issn: 0303-6812. doi: 10. 1007/BF00275687. url: http://dx.doi.org/10.1007/BF00275687.
- [13] Alvaro Pascual-Leone et al. "THE PLASTIC HUMAN BRAIN CORTEX". In: *Annual Review of Neuroscience* 28.1 (2005). PMID: 16022601, pp. 377-401. doi: 10.1146/annurev. neuro.27.070203.144216. url: http://dx.doi.org/10.1146/annurev.neuro.27.070203.144216.
- [14] Jürgen Schmidhuber. "Deep Learning in Neural Networks: An Overview". In: *CoRR* abs/1404.7828 (2014). url: http://arxiv.org/abs/1404.7828.
- [15] Thomas Serre et al. A theory of object recognition: computations and circuits in the feed-forward path of the ventral stream in primate visual cortex. 2005.
- [16] Thomas Serre et al. "Robust Object Recognition with Cortex-Like Mechanisms". In: *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.* 29.3 (Mar. 2007), pp. 411–426. issn: 0162-8828. doi: 10.1109/TPAMI.2007.56. url: http://dx.doi.org/10.1109/TPAMI.2007.56.
- [17] Christian Szegedy et al. "Going Deeper with Convolutions". In: *CoRR* abs/1409.4842 (2014). url: http://arxiv.org/abs/1409.4842.
- [18] The BCM theory of cortical plasticity (nuunupumungh ununupumungh), The University of Texas, Health Science Center at Houston, Shouval Lab. url: http://nba.uth.tmc.edu/homepage/shouval/Assets/other/Lecture%203%20-%20BCM.pdf.
- [19] Wikipedia. url: https://en.wikipedia.org/wiki/File:Artificial_neural_network.svg.
- [20] Wikipedia.url: https://en.wikipedia.org/wiki/Artificial_neural_network.