Проект по Разпределени софтуерни архитектури

**Изобразяване на фрактал**

Изготвил: Виктор Христов, СИ 3, №62151

Дата: 13.06.2020

Съдържание

[1. Увод 2](#_Toc42970438)

[1.1. Цел и предназначение на проектираното приложение 2](#_Toc42970439)

[1.2. Преглед на решения на задачата на Манделброт 2](#_Toc42970440)

[1.3. Нефункционален анализ 6](#_Toc42970441)

[2. Проектиране 6](#_Toc42970442)

[2.1. Функционално проектиране 6](#_Toc42970443)

[2.2. Нефункционално проектиране 6](#_Toc42970444)

[3. Тестване 6](#_Toc42970445)

[4. Списък източници 7](#_Toc42970446)

[Parallel Implementation and Analysis of Mandelbrot Set Construction, 7](#_Toc42970447)

[Parallel Fractal Image Generation - A Study of Generating Sequential Data with Parallel Algorithms, 7](#_Toc42970448)

[Parallel Mandelbrot in Julia, C++, and OpenCL, 7](#_Toc42970449)

# Увод

# Цел и предназначение на проектираното приложение

Целта на този проект е да се създаде програма, която генерира изображение на множество на Манделброт с функция **Zn+1=C∗cos(Zn)** за комплексно число C чрез реализиране на паралелен алгоритъм.

Множеството на Манделброт е вид фрактал. Това са фигури, които рекурсивно съдържат себеподобни фигури по своите граници. Всеки фрактал се изобразява чрез множество от комплекси числа. Комплексните числа се пресмятат чрез използване на комплексна равнина. Това е координатна система, при която реалната част на числото се представя чрез абцисната ос, а имагинерната - чрез ординатната. След като се знае стойността на комплексното число, то тогава може да се определи дали то принадлежи към конкретния фрактал. Прилага се следната система:

1. Z0=0
2. Zn+1=C∗cos(Zn)

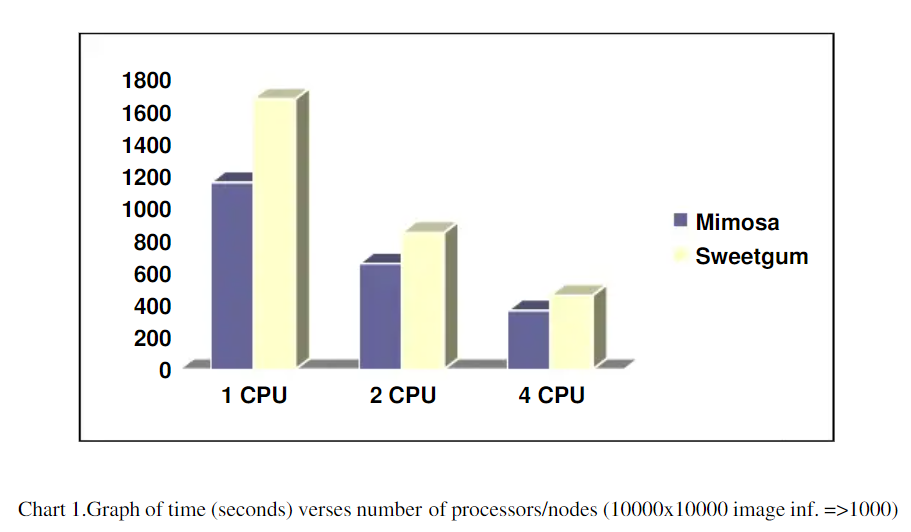
Ако след избран от програмиста брой итерации на функцията не може да се определи дали комплексното число клони към безкрайност, то тогава се приема, че принадлежи към това множество на Манделброт.

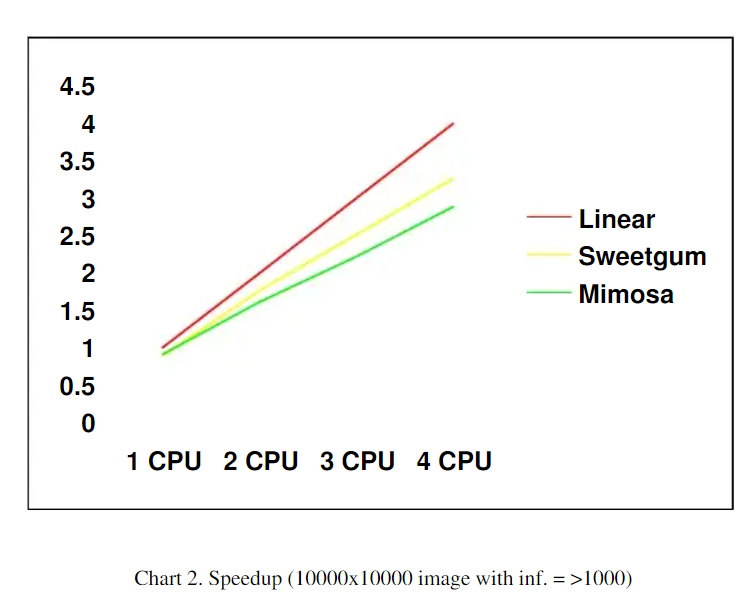
За да се генерира пълното изображение, ще е нужно да се изчисли всяка точка от зададената комплексна равнина, независимо дали е част от множеството на Манделброт или не. Единствено след като е приключило изчислението ще може да се запази генерираното изображение във визуален формат.

# Преглед на решения на задачата на Манделброт

В тази подточка ще се разгледат три решения на задачата за изобразяване на множество на Манделброт. Всяко от тях обяснява какво представлява задачата, как чрез комплекси числа се изобразява на координатна система и как се пресмята дали едно число е част от множеството. Поради това при този анализ ще се обърне внимание само на по-значителните части от статиите, главно какво алгоритми прилагат решенията.

1. Parallel Implementation and Analysis of Mandelbrot Set Construction [[1]](#_Parallel_Implementation_and)

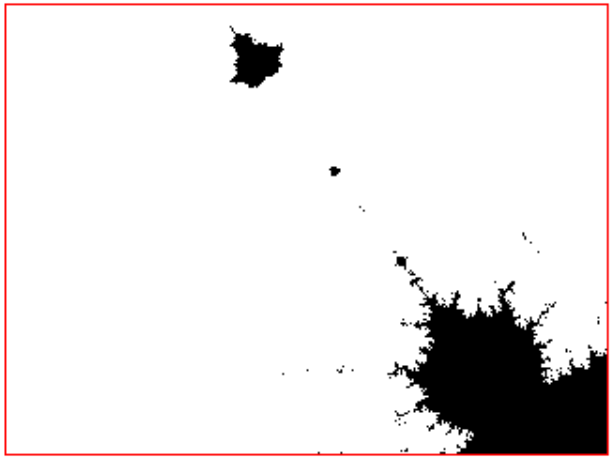
* Авторът обяснява „escape time“ алгоритъма, чрез който се извършва оцветяването на всеки пиксел от изображението. Алгоритъмът се състои от многократно изчисляване на функцията Zn+1=Zn2 + C. Константата C се определя спрямо координатите на пиксела, който в момента се пресмята, а броят максимални итерации е предварително зададен от програмиста. При всяка итерация се извършва проверка дали е удовлетворено условието за излизане.
  + Ако е изпълнено това условие, то се приема, че пиксела е извън множеството на Манделброт и се оцветява спрямо броя на итерации, които се били нужни, за да се изпълни условието.
  + Ако всички итерации приключат без да се изпълни условието, то се приема, че пиксела принадлежи на множеството и се оцветява в един конкретен цвят, като общоприетия вариант е черен цвят.
* Авторът обръща внимание на проблема, че при разделянето на изображението на големи задания се получа лошо балансиране на работата на процесите, и предлага своето решение.
* Идеята на неговия паралелен алгоритъм е всеки процес да изчислява случайно избрани пиксели от изображението. Инициализират се два вектора, които представляват интервала на координатите X и Y от комплексната равнина. На случаен принцип се генерира число, спрямо което стойностите на векторите се разбъркват. След това векторите се използват, за да се генерира изображението.
* Комуникацията между процесите е минимизирана. Преди да се извършат изчисленията, процесите получават информация за векторите, след което използват тази информация, за да пресметнат заданията, които са им разпределени. Накрая главния процес събира всичките задания и сглобява пълното изображение.

Фигура 1: Графика на тестови резултати представящ време за изпълнение спрямо брой процеси при тестване на две паралелни системи

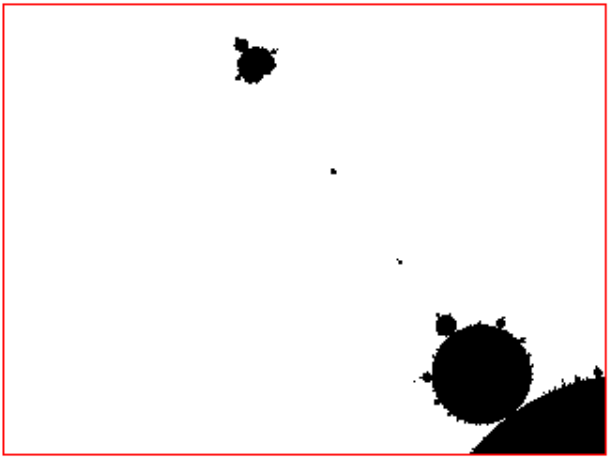
Фигура 2: Графика на тестови резултати представящ ускорение спрямо брой процеси при тестване на две паралелни системи

* Авторът е показал следните графики като резултат от проведените тестове. Полученото ускорение е близо до линейното, но не може да се направи точен извод, защото е тествано единствено до 4 процеса. Още от изпълнение с 3 процеса започва да се спада ефективността, което подсказва че при тестване с повече от 4 процеса резултатите няма да са задоволителни.
* Под въпрос е колко е правилно да се използва случайно-генерирано число при разбъркване на стойностите на векторите. Случайността призовава единствено допълнителен хаос и несигурност в програмата. В повечето случаи ще се получи разбъркване на координатите по такъв начин, че всеки процес да обработва равномерно-балансирани задания. Но в някои случаи разбъркванията ще доведат до концентриране на точките от множеството в малък брой задания и няма да реши проблема на едрата грануларност. Този проблем щеше да си проличи, ако авторът беше показал подробно тестване на алгоритъма.
* Авторът описва своя алгоритъм на високо ниво и без показване на примерен код, поради което възникват въпроси относно реализацията на паралелния алгоритъм. Неговият подход решава проблема за балансирането на работата в повечето случаи, но не се обяснява как точно заданията се разпределят между процесите след като те получат информацията от векторите.

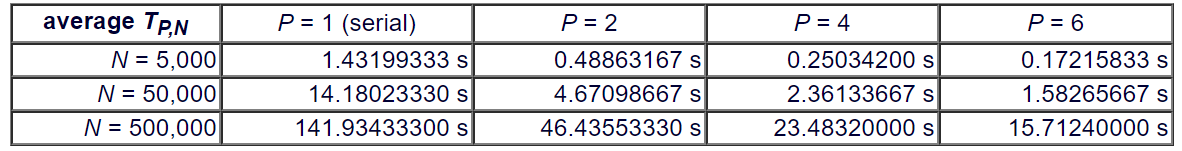
1. Parallel Fractal Image Generation - A Study of Generating Sequential Data with Parallel Algorithms [[2]](#_Parallel_Fractal_Image)

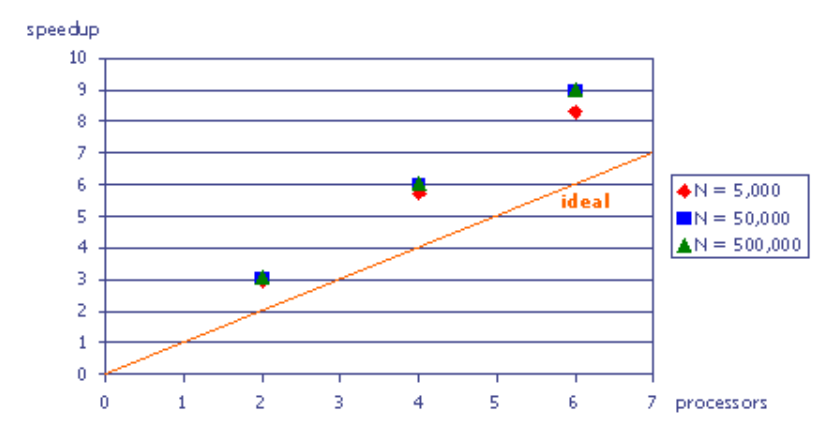
* Авторът на тази статия подчертава важността от броя на итерациите при изчисляване дали точка принадлежи на множеството на Манделброт. Някои точки се нуждаят от огромен брой итерации, за да се изпълни условието на „escape time“ алгоритъма, споменат в първия източник.

Фигура 3: Сектор от множеството на Манделброт след изчисление с 150 итерации



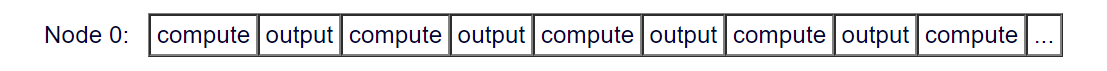
Фигура 4: Сектор от множеството на Манделброт след изчисление с 1500000 итерации

* Колкото повече итерации се извършват, толкова по-правилно ще е крайното изображение. Но от друга гледна точка, колкото повече итерации се извършват, толкова по-бавно ще се генерира изображението и приключи изпълнението на програмата. Поради това е важно да има компромис между точността и бързодействието на алгоритъма.
* Относно алгоритъма за паралелна обработка, авторът също разглежда проблема за балансиране на данните и показва че при едра грануларност малък брой процеси ще вършат голяма част от работата. Като решение на проблема предлага вместо отделни сегменти всеки процес да изчислява определени редове от изображението. Разпределянето на данните се извършва статично. Първия процес изчислява 1ви, 5ти, 9ти ред от изображението, втория процес изчислява 2ри, 6ти, 10ти ред и аналогично за останалите процеси.
* Авторът отбелязва, че това не перфектно решение. Причината е, че някои редове изискват повече изчисления от други, но този подход е достатъчно ефективен за повечето видове фрактали.
* Самото изчисление не изисква комуникация между процесите, защото всеки точка от изображението е независима една от друга. Комуникация е нужна единствено при сглобяване на крайния резултат. В неговата имплементация изображението се принтира на конзолата след изпълнение. Това довежда до нужда от синхронизация между процесите, защото те изчисляват алтерниращи редове, но трябва всеки процес да си изведе редовете в конзолата в правилна подредба.
* Авторът решава този проблем чрез имплементиране на „Polling“ синхронизация. Чрез този алгоритъм извеждането на завършеното изображение се разделя на еднакви сегменти Главния процес изпраща съобщение към останалите процеси, чрез което иска да получи първите изчислени редове на всеки процес. След това главния процес изчислява първия свой определен ред и ако при завършване на изчислението е получил първите редове на всички процеси, то тогава целият сегмент се принтира и се изтрива от паметта. В противен случай главният процес продължава да изчислява следващите свои редове докато не получи отговор от всички други процеси. След извеждането на първия сегмент, алгоритъмът се повтаря за следващите сегменти докато не се изведе цялото изображение.
* Авторът използва този алгоритъм, защото си е поставил ограничение, че никой процес не трябва да съдържа информация за цялото завършено изображение. Ако нямаше това ограничение, то можеше главния процес да съдържа буфер, в който останалите процеси да записват своите редове и да се премахне напълно нуждата от синхронизация.
* За проверка на алгоритъма се изпълняват тестове върху изображение с размер 160x120. Получени са следните резултати:

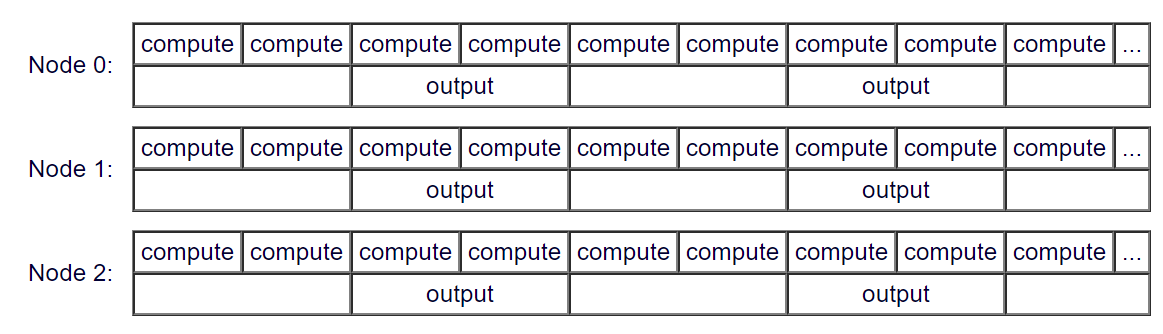
Фигура 5: Таблица с тестови резултати, където N – брой итерации, P – брой паралелни процеси и TP,N – времето за изпълнение на теста

Фигура 6: Графика на тестови резултати представящ ускорение спрямо брой процеси при тестване на различен брой итерации

* Както се вижда, авторът получава суперлинейна аномалия в своите резултати. Това е аномалия, която възниква когато ускорението на някой тест се изчисли да е по-голямо от броя на използваните процеси в теста. Тази аномалия предупреждава, че при последователното изпълнение на програмата е възникнало значително закъснение, което липсва при паралелно изпълнение.



Фигура 7: Визуализиране на работата при последователно изпълнение на програмата

Фигура 8: Визуализиране на работата при паралелно изпълнение на програмата

* Авторът открива и описва къде лежи проблема, който поражда тази аномалия. При изпълнението на програмата с единствен процес, изчисляването и принтирането на редовете става напълно последователно. Когато се изпълнява програмата с повече от един процес, то изчисленията стават паралелно. Уникалното е, че изпращането на съответните редове към главния процес става във фонов режим докато процесите изчисляват следващите редове. Така се достига допълнителен слой паралелизъм, който спестява времето нужно за изпращане на редовете. Докато в последователното изпълнение един процес отговаря за всяко принтиране, което допълнително забавя програмата и води до по-силно проявено ускорение при сравнение с резултатите при паралелно изпълнение.

1. Parallel Mandelbrot in Julia, C++, and OpenCL [[3]](#_Parallel_Mandelbrot_in)

# Нефункционален анализ

1. Технологии
2. Модел на обслужването
3. Софтуерен модел
4. Коментар и обосновка на избраното решение

# Проектиране

# Функционално проектиране

# Нефункционално проектиране

# Тестване

# Списък източници

* [1] Isaac K. Gäng, David Dobson, Jean Gourd and Dia Ali,

## Parallel Implementation and Analysis of Mandelbrot Set Construction,

<https://www.academia.edu/1399383/Parallel_Implementation_and_Analysis_of_Mandelbrot_Set_Construction>

* [2] Matthias Book,

## Parallel Fractal Image Generation - A Study of Generating Sequential Data with Parallel Algorithms,

presented May 3, 2001,

<http://matthiasbook.de/papers/parallelfractals/index.html>

* [3] Distrust Simplicity,

## Parallel Mandelbrot in Julia, C++, and OpenCL,

January 9, 2015,

<http://distrustsimplicity.net/articles/mandelbrot-speed-comparison/>