

Multipliziert man jede Wert der Zufallsgr. mit der zugeh. Wahrscheinlichkeit, so ergibt sich der sog. Erwartungswert. Dieser ist eine Vorhersage für Zufall.

Bsp.  $X$  ... Gewinn oder Verlust bei folgendem Spiel: Für 5 € Einsatz darf man 2mal die Münze werfen, für jedes Wappen bekommt man 3 € zurück. Berechne den Erwartungswert  $EX$ .

$$EX =$$

$k \in \Omega$	-5	-2	1
$P(X=k)$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

$$EX = -5€ \cdot \frac{1}{4} + (-2€) \cdot \frac{1}{2} + 1€ \cdot \frac{1}{4}$$

$$EX = -2€$$

Obiges Bsp zeigt die allg. Berechnung des Erwartungswertes

Vereinfachte Berechnung des  $EX$  bei binom. verteilten Zufallsgrößen:

$$EX = n \cdot p$$

Tw. S. 68

Bsp. Ein Würfel wird  $n = 20$ mal gezogen.

Wie viele Sechser sind zu erwarten?

$$EX = 20 \cdot \frac{1}{6} = \frac{20}{3} \approx 6,67$$



$$E_x = n \cdot p = 20 \cdot \frac{1}{20} = \underline{\underline{1}}$$

$$a) P(X=0) = \binom{20}{0} \cdot 0,05^0 \cdot (1-0,05)^{20-0} \cdot 0,05^0 = 0,36$$

$$b) P(X \geq 1) = 1 - P(X=0) = \underline{\underline{0,64}}$$

$$c) P(X \leq 1) = P(X=0) + \binom{20}{1} \cdot 0,05^1 \cdot (1-0,05)^{20-1} \\ = 0,73$$

$$d) P(X \neq 3) = 1 - (P(X \leq 1) + P(X=2) + P(X=3)) \\ = 1 - (0,74 + \binom{20}{2} \cdot 0,05^2 \cdot 0,95^{18} + \binom{20}{3} \cdot 0,05^3 \cdot 0,95^{17}) \\ = \underline{\underline{0,012}}$$

## Übung Binomische Verteilung

2016-05-24

mit welchem P. Linker ich bei  $n=10$   
würfen eines Würfels

$$a) P(X=2) = 29,07\% \quad e) P(X \geq 3) = 1 - P(X \leq 3) = 0,97$$

$$b) P(X=5) = 1,3\% \quad P($$

$$c) P(X=7) = 0,02\%$$

$$d) P(X \leq 3) = 93,03\%$$