大学物理实验: 绪论、示波器、分光计

一、绪论

81.测量

1.1 测量四要素

1.1.1 被测对象:

1.1.2 测量程序:

1.1.3 测量准确度:

1.1.4 计量单位:

1.2 直接测量与间接测量

1.2.1 直接测量:

1.2.2 间接测量:

§ 2.误差

2.1 误差概念:测量值与真值之差。

2.1.1 绝对误差=测量值-真值

2.1.2 相对误差=/测量值-真值//真值

2.1.3 标准误差= $\sqrt{\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^{n} | \text{绝对误差}|^2}$

2.2 误差分类

2.2.1 系统误差:理论公式不完善;同等条件下不变。

2.2.2 随机误差(偶然误差): 相对于真值无规律的涨落; 多次测量减小其影响。

2.2.3 粗大误差(过失误差): 明显超出规定条件下预期; 抉择后剔除异常数据。

2.3 测量误差分布

2.3.1 正态分布:

(1) 概率密度函数: $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}, -\infty < x < +\infty$

(2) $P\{-\sigma \le x \le \sigma\} = 0.683$; $P\{-2\sigma \le x \le 2\sigma\} = 0.955$; $P\{-3\sigma \le x \le 3\sigma\} = 0.997$.

(3) 标准偏差 $s = \sqrt{\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^{n}(x_i - \mu)^2}$

2.3.2 均匀分布:

(1) 概率密度函数: f(x) = K, -a < x < +a

(2) 标准偏差: $\sigma = \frac{a}{\sqrt{3}}$

2.4 测量结果表达式 $X = \overline{X} \pm \mu$ (单位) 包含测得值 (\overline{X})、不确定度 μ 、单位。

2.5 精密度、准确度和正确度

2.5.1 精密度:一般以标准偏差表示。

2.5.2 准确度: 最大绝对误差=量程×准确度等级%

2.5.3 正确度: 测定值平均值与参考量的一致程度。

★2.6 实例

【例1】用一把米尺来测量长度分别为50cm和5cm的两物体,分析其绝对误差和相对误差。

解:对一般人来说,视觉误差在最小刻度的 0.2 倍左右。所以,取一起上最小刻度的 0.2 倍作为人的视力带来的绝对误差,即 0.2mm。

$$L_1 = 50cm, \Delta L_1 = 0.2mm, E_1 = \frac{0.02}{50} = 0.04\%$$

$$L_2 = 5cm, \Delta L_1 = 0.2mm, E_1 = \frac{0.02}{5} = 0.4\%$$

【例 2】已知电压表量程为 100mV,等级 0.5,求电压表仪器示值误差。

M: $\Delta V = 100 \times 0.5\% mV = 0.5 mV$.

【例 3】测 1.5V 电压,要求测量结果相对误差不大于 1.5%,应选下面哪种仪器: 0.5 级量程 5V; 1.0 级量程 2V; 2.5 级量程 1.5V.

解:相对误差最小为 2V×1.0%÷1.5V=1.33%, 所以选用规格 1.0 级量程 2V。

【例 4】用 50 分度的游标卡尺测某一圆棒长度 L, 6 次测量结果如下 (单位 mm): 250.08, 250.14, 250.06, 250.10, 250.06, 250.10

解:测得值的最佳估计值为 $L = \overline{L} = 250.09mm$

测量列的标准偏差为
$$S_L = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (L_i - \bar{L})^2}{n-1}} = 0.03mm$$

平均值的标准偏差为
$$S_{\bar{L}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (L_i - \bar{L})^2}{n(n-1)}} = 0.02mm$$

§ 4.不确定度

4.1 标准不确定度的 A 类分量评定
$$u_A = \frac{s(x_i)}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)}\sum_{i=1}^{n}(x_i - \bar{x})^2}$$

$$4.2$$
 标准不确定度的 B 类分量评定 $\Delta_{\chi} = k_{100} u_B \rightarrow u_B = \Delta_{\chi}/\sqrt{3}$

4.3 合成标准不确定度的评定

$$4.3.1$$
 和差形式的函数 $u_c^2(y) = \sum_{i=1}^N (\frac{\partial f}{\partial x_i})^2 u_{x_i}^2$,其中 u_{x_i} 既可按 A 类也可按 B 类评定。

4.3.2 积商形式的函数
$$(\frac{u_c(y)}{y})^2 = \sum_{i=1}^N (\frac{\partial lnf}{\partial x_i})^2 u_{x_i}^2$$

4.3.3 直接测量量的合成不确定度 $u_c^2(y) = u_A^2 + u_B^2$

★4.4 实例

【例1】求函数 $y = \frac{x_1^k x_2^m}{x_2^n}$ 的不确定度传递公式.

$$\mathbf{\mathscr{H}} \colon \left(\frac{u_c(y)}{y}\right)^2 = \sum_{i=1}^N \left(\frac{\partial \ln f}{\partial x_i}\right)^2 u_{x_i}^2 = \left(\frac{k}{x_1}\right)^2 u_{x_1}^2 + \left(\frac{m}{x_2}\right)^2 u_{x_2}^2 + \left(-\frac{n}{x_3}\right)^2 u_{x_3}^2$$

【例 2】用螺旋测微计测量一微小长度,重复测量 6 次。螺旋测微计的零点误差为 -0.005mm,螺旋测微计的仪器误差为 0.004mm,求该长度。

n	1	2	3	4	5	6
I/mm	2.567	2.565	2.569	2.570	2.571	2.568

解: 算术平均值 $\bar{l} = \frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6} l_i = 2.568mm$

最佳估计值
$$l_0 = [2.5683 - (-0.005)]mm = 2.573mm$$

A 类分量
$$u_A = \frac{s(x_i)}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{1}{6(6-1)}\sum_{i=1}^{6}(l_i - \bar{l})^2} = 0.001mm$$

$$B$$
 类分量 $u_B = \frac{\Delta_{\alpha}}{\sqrt{3}} = 0.003mm$

合成标准不确定度
$$u_c(y) = \sqrt{u_A^2 + u_B^2} = 0.004mm$$

【例 3】已知圆柱体质量 $m=(76.18\pm0.04)g$, 直径 $D=19.84\pm0.02$ mm, 高 $h=31.24\pm0.02$ mm, 计算圆柱体的密度及其不确定度。

解:
$$\rho = \frac{m}{\pi(\frac{D}{2})^2 h} = 7887.8 kg/m^3$$

$$\frac{u_{\rho}}{\rho} = \sqrt{(\frac{\partial ln\rho}{\partial m})^{2} u_{m}^{2} + (\frac{\partial ln\rho}{\partial D})^{2} u_{D}^{2} + (\frac{\partial ln\rho}{\partial h})^{2} u_{h}^{2}} = \sqrt{(\frac{1}{m})^{2} u_{m}^{2} + (-\frac{2}{D})^{2} u_{D}^{2} + (-\frac{1}{h})^{2} u_{h}^{2}}$$

$$\approx 0.0022$$

可得 $u_p = 17kg/m^3$ 测量结果 $\rho = (7888 \pm 17)kg/m^3$

【例 4】用螺旋测微计测某一钢丝的直径,6次测量值 ν 分别为:0.249,0.250,0.247,0.251,0.253,0.250;同时读得螺旋测微计的零位 ν 3为:0.004 μ 4mm,已知螺旋测微计的仪器误差为 μ 40=0.004 μ 4mm,请给出完整的测量结果。

解:测得值的最佳估计值为 $x = \bar{x} - x_0 = 0.250 - 0.004 = 0.246mm$

测量列的标准偏差
$$s(x) = \sqrt{\frac{1}{6-1} \left[\sum_{k=1}^{6} (x_k - \bar{x})^2\right]} = 0.002mm$$

测量次数
$$n=6$$
,近似有 $u=\sqrt{u_A^2+u_B^2}\approx \sqrt{s(\bar{x})^2+\Delta_{\mathcal{K}}^2}\approx 0.004mm$

则:测量结果为 X=(0.246±0.004)mm

【例 5】设有一圆环, 其外径为 ϕ_{M} =9.800±0.005mm, 内径为 ϕ_{H} =4.500±0.005mm, 高度 h=5.000±0.005mm, 求环的体积 V 和不确定度。

解: 环体积为 $V = \frac{\pi}{4} \left(\varphi_{\text{A}}^2 - \varphi_{\text{B}}^2 \right) h = \frac{\pi}{4} (9.800^2 - 4.500^2) \times 5.000 = 2.976 \times 10^2 mm^3$

$$\frac{\partial \ln f}{\partial \varphi_{\text{M}}} = \frac{2\varphi_{\text{M}}}{\varphi_{\text{M}}^2 - \varphi_{\text{M}}^2} = \frac{2 \times 9.800}{9.800^2 - 4.500^2},$$

$$\frac{\partial \ln f}{\partial \varphi_{\not h}} = -\frac{2\varphi_{\not h}}{\varphi_{\not h}^2 - \varphi_{\not h}^2} = -\frac{2 \times 4.500}{9.800^2 - 4.500^2}$$

$$\frac{\partial \ln f}{\partial h} = \frac{1}{h} = \frac{1}{5.000}$$

$$\frac{\Delta V}{V} = \sqrt{\frac{(2\varphi_{\text{SM}}\Delta\varphi_{\text{SM}})^{2} + (2\varphi_{\text{KM}}\Delta\varphi_{\text{KM}})^{2} + (\frac{\Delta h}{h})^{2}}{(2\varphi_{\text{SM}}^{2} - \varphi_{\text{KM}}^{2})^{2} + (\frac{\Delta h}{h})^{2}}}$$

$$= \sqrt{\frac{(2\times 9.800\times 0.005)^{2}}{9.800^{2} - 4.500^{2}}^{2} + (\frac{2\times 4.500\times 0.005}{9.800^{2} - 4.500^{2}})^{2} + (\frac{0.005}{5.000})^{2}} = 0.0055$$

$$= 0.55\%$$

 $\Delta V = V \times \Delta V / V = 2.976 \times 10^2 \times 0.55\% \approx 2$

因此,环的体积为 V=(2.98±0.02)×102 mm3

§ 5.有效数字

5.1 有效数字特点

- (1)测量值只能写到也应该写到开始有误差的那一位到两位。
- (2)有效数字的位数多少直接反映测量的准确度。有效位数越多,表明测量的准确度越高。
- (3)有效数值书写时应注意:有效数值的位数与小数点位置无关。也不因使用的单位不同而改变。
- 【例】重力加速度某人测量值为 980cm/s^2 , 改写单位为 m/s^2 ,仍为三位有效数字,即 $9.80 \text{m/s}^2 (\neq 9.8 \text{m/s}^2) (0$ 不可随意添减)。

5.2 有效数字修约原则

测量值只能写到也应该写到开始有误差的那一位到两位。其后的数字按"四舍 六进五凑双"法则(即后面的数字是四及以下就会掉,是六及以上就进一,遇五若前

面是奇数就进一,最后一位就变成是偶数,若前面已是偶数,则舍掉)取舍。

【例】将下列数字保留两位有效数字: 2.2499, 2.1501, 2.1500, 2.2500→2.2

【例】取四位有效数字: 3.14159→3.142(入); 2.71729→2.717(舍); 5.165501→5.166(入); 4.510500→4.510(凑偶); 4.511500→4.512(凑偶)

- 5.3 函数值的有效位数表示法
 - 1.三角函数计算结果与<mark>角度的有效数字位数</mark>相同。例:sin(30.2)=0.503019=0.503
 - 2.对数运算结果其<mark>尾数</mark>与真数的有效数字位数相同。例: Ig3.27=0.514
 - 3.其他函数的有效位数表示法

将自变量的可疑位上下变动一个单位,观察函数结果在哪一位上变动,结果的可疑位就取在该位上。

【例】求²√3.25。

解: $\sqrt[20]{3.24} = 1.0605405$; $\sqrt[20]{3.25} = 1.0607039$; $\sqrt[20]{3.26} = 1.0608669$ 。 所以 $\sqrt[20]{3.25} = 1.0607$

4.测量结果的科学表示方法

【例】1.5kg 应写成 1.5×10³g,不能写成 1500g; (5234±1)km 应写成(5.234±0.001)×10°m; (0.000456±0.000003)s 应写成(4.56±0.03)×10⁻⁴s

- 5.4 测量不确定度的有效位数:取一位或两位
 - 1. 第一位非零有效数字是 1 和 2 时可取两位; 3 以上只能取一位。
 - 2.预保留的最低位后的数字为零时舍去,不为零时进位。
- 3.测量结果的有效位数由测量不确定度来决定。
- 【例】m 测量结果 100.02144550g, 不确定度 0.0001775g。则 m 的测量结果为 100.02145g。解: 保留两位有效数。
- 【例】改错(9.80 ± 0.034)cm \rightarrow (9.80 ± 0.03)cm; (2.804 ± 0.03)cm \rightarrow (2.80 ± 0.03)cm
- 5.5 有效位数与换算单位
 - 1.十进制单位变换不影响有效数字位数。
 - 2.非十进制单位变换后误差所在位仍为有效数字末位。

【例】将 \$\phi = 93.5° 用弧度表示。

粗略判断其误差不小于 0.1°, 0.1×π÷180=0.002rad, 故 93.5×π÷180=1.632rad

5.6 有效数字的运算法则

1.加减运算的结果以参与运算的末位最高的数为准;

【例】12.4+0.571=13.0; 12.34+2.3574=14.70

2. 乘除则以有效数字最少的数为准,有时可比其多取一位。

【例】3600×8=2.9×10⁴; 2.3574×12.3=29.0

3.函数运算的取位方法通过函数计算来确定

【例】已知 x=56.7, y=Inx, 求 y

解: $u_x=0.1, u_y=|y'|u_x=0.002, y=\ln 56.7=4.038$

§ 6.数据处理

6.1 数据计算

求解平均值、标准偏差、实验标准差(A类不确定度)、B类不确定度、合成不确定 度、测量结果。

6.2 数据整理的重要步骤——列表法

在原始数据记录以及整理数据时,都要进行正规列表。将各量的关系有序地排列成 表格形式。既有利于一目了然地表示各物理量之间的关系,又便于发现实验中的问 题。

6.3 作图法

- 1、选择合适的坐标分度值,确定坐标纸的大小:坐标分度值的选取应能反映测量值的有效位数,一般以 1~2mm 对应于测量仪表的最小分度值或对应于测量值的次末位数)。
- 2、标明坐标轴:用粗实线画坐标轴,用箭头标轴方向,标坐标轴的名称或符号、单位,再按顺序标出坐标轴整分格上的量值。
- 3、标实验点:实验点可用"+"、"*"、"。"等符号标出(同一坐标系下不同曲线用不同的符号)。
- 4、连成图线:用直尺、曲线板等把点连成直线、光滑曲线。一般不强求直线或曲线通过每个实验点,应使图线两边的实验点与图线最为接近且分布大体均匀。图线正穿过实验点时可以在点处断开。

- 5、标出图线特征:在图上空白位置标明实验条件或从图上得出的某些参数。利用所绘直线可给出被测电阻 R 大小:从所绘直线上读取两点 A、B 的坐标就可求出 R 值。
 - 6、标出图名:在图线下方或空白位置写出图线的名称及某些必要的说明。

6.4 最小二乘法

设此两物理量 x、y 满足线性关系,且假定实验误差主要出现在 y,上,设拟合直线公式为 y=f(x)=a+bx,当所测各 y,值与拟合直线上各估计值 f(x)=a+bx,之间偏差

的平方和最小,即 $s = \sum [y_i - f(x_i)]^2 = \sum [y_i - (a + bx_i)]^2 \longrightarrow min$ 时,所得拟合公式即为最佳经验公式。

据此有
$$\frac{\partial s}{\partial a} = -2\sum (y_i - a - bx_i) = 0$$
 $\frac{\partial s}{\partial b} = -2\sum (y_i - a - bx_i)x_i = 0$

$$a = \frac{\sum x_i y_i \sum x_i - \sum y_i \sum x_i^2}{(\sum x_i)^2 - n \sum x_i^2}, \quad b = \frac{\sum x_i \sum y_i - n \sum x_i y_i}{(\sum x_i)^2 - n \sum x_i^2}$$

6.5 数据处理的表格法——逐差法

在有些实验中,我们连续取得一些数据。如果依次相减,就会发现中间许多数据并未发挥作用,而影响到实验的可靠性。例如:金属杨氏弹性模量实验和等厚干涉的牛顿环实验等。

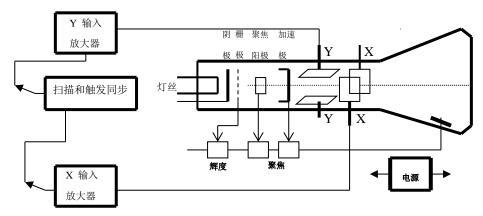
二、示波器

§ 1.实验目的

- 1、通过示波器的实验,可以了解示波器的结构与原理,熟悉示波器面板旋钮的功能,进而掌握示波器的调节和使用方法。
 - 2、学习用示波器观察信号波形,并测量其幅度及周期与频率。
 - 3、观察李萨如图形,掌握一种测量频率的方法。

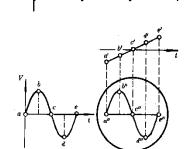
§ 2.工作原理

7、示波器的基本结构——示波管、放大器(包括 X 轴放大和 Y 轴放大)、扫描和触发同步系统、电源四个基本部分组成。

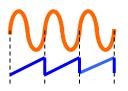


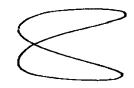
2、扫描——示波器工作时,需在 X 轴偏转板(水平偏转板)上加锯齿波形的电压,称为扫描电压。

在 X 轴上加有扫描电压的同时, 如果在 Y 轴上加上待测的正弦变化电压 U,就可以使 U。沿水平轴展开。此时, 屏上显示的图形如图,当正弦电压的周期 Tx 恰好相等时,则正弦电压上 a,b,c,d,e 各点分别对应扫描信号上的 a',b',c',d',e',则正弦电压变化一周, 光点正好扫描一次. 以后各次扫描所得到的图形位置与第一次完全重叠,显示清晰、稳定的图形。



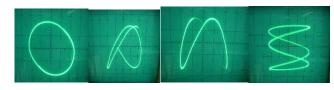
3、同步 $f_v = nf_x$, n为正整数时显示稳定的波形





4、李萨如图形满足 $f_y * N_y = f_x * N_x$ 李萨如图形相交的交点数示例 $N_y = 4$, $N_x = 2$

5、频率比与示图



§ 3.实验内容

- 1、电压 V_{P-P}测量
- A、直读法 $V_{P-P} = D * h$

V_{P-P}: 被测电压的峰-峰值

D: 示波器的偏转灵敏度

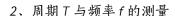
h:被测电压波形高度,即格数

B、光标法

接下 ΔV - Δt -OFF 选择 ΔV , 这时会在屏上出现上下平行的两条水平光标, 如图。

按下 TCK/C,选择两条水平光标中的任一条(在前面会出现小亮线),调节 CH1 或 CH2 的上下位置移动旋钮,使光标到达所需位置。

再按下 TCK/C 选择两条水平光标中的另一条, 到达所需的另一位置。



A、直读法 $T_X = Q * x$

Tx:测量周期

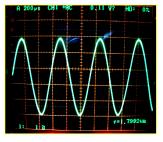
Q:表示时基因素

X: 一个周期信号占有的格数

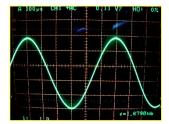
B、光标法

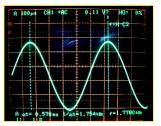
按下 ΔV - Δt -OFF 选择 ΔT ,这时会在屏上出现左右平行的两条垂直光标,如图 6。

按下 TCK/C, 选择两条水平光标中的任一条(在









前面会出现小亮线),调节 CH1 或 CH2 的上下位置移动旋钮,使光标到达所需位 置。

再按下 TCK/C 选择两条水平光标中的另一条, 到达所需的另一位置。

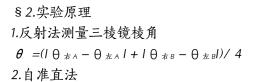
3、用比较法测定示波器的扫描频率验证 $f_v = nf_x$

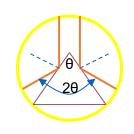
具体方法可以首先调节 TIME/DIV 扫描时基信号, 比如选择 0.5ms/dit (500uS), 按 10 格求出水平扫描频率 200HZ, 然后细心调节信号发生器, 使示波器全屏显示1只, 2 只… 波形, 相应地从信号发生器上读出各种情况下的信号频率, 对应验证。将 数字填入下表:

- 4、用李萨如图形测量未知信号的频率:
- (1) 可从信号发生器的左边输出 50HZ 的标准信号作为被测信号输入到示波器的 CH2"轴。定为 fv 信号.
- (2) 信号发生器发出的信号输入到示波器的"CH1"轴。作为 fx 信号.
- (3) 示波器工作干"X---Y"状态。
- (4) 改变信号输出为 25, 50, 75, 100,150HZ 左右, 细心调节直到出现相对缓慢变 化的稳定的图形。由公式 2 计算出 fy 频率,记录数据于表.
- (5)由测量的结果,求出最佳实验值。

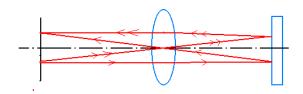
三、分光计

- §1.实验目的
- 1.学会分光计的结构。
- 2.学会正确的分光计调节和使用方法。
- 3.利用分光计测量三棱镜的顶角。



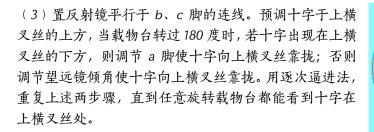


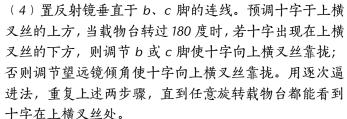
当发光点(物)处在凸透镜的焦平面时,它发出的光线通过透镜后将为一束平行光, 若与光抽垂直的平面镜将此平行光反射回去,反射光再次通过透镜后仍会聚于透镜 的焦平面上, 其会聚点将在发光点相对于光轴的对称位置上。

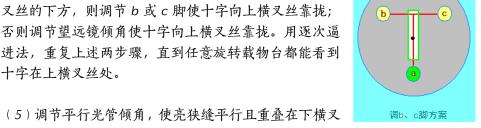


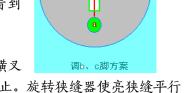
§ 3.实验内容

- 1. 分光计调整
- (1)调节目镜套筒进出,使叉丝最清晰为止。
- (2)调节物镜套筒,使**亮绿十字**最清晰为止,从而达到 物象最清晰的目的。







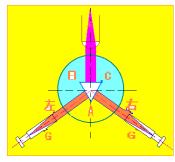


调a脚方案

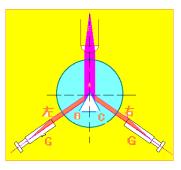
丝处。调节狭缝器进出(调焦), 使亮狭缝最清晰为止。旋转狭缝器使亮狭缝平行 且重叠干坚叉丝处。最后调节亮狭缝的大小约目视大小1-2mm。



2. 两种棱镜角测量方法

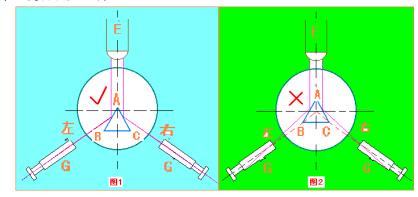




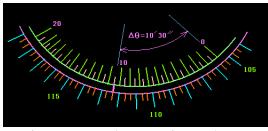


棱脊分束法

3. 两种三棱镜位置分析



4. 读角度方法

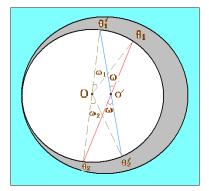


主尺读游标零刻度线对齐处。游标读亮光线对齐处角度值。105°30′30′

5. 消偏心差

$$\omega = (\omega_1 + \omega_2) / 2;$$

$$\omega = [(\theta_1 - \theta_1) + (\theta_2 - \theta_2)]/2$$



§ 4.思考题

1、怎样解决视差?

答:通过调节物镜镜筒使十字最清晰的方法,直到在任何方位看到的十字和叉丝都不发生位移为止。

2、为什么用左右窗读数?

答: 为了消除圆刻度盘的偏心差。

3、试画出十字成像光路图?

答:见下图。

