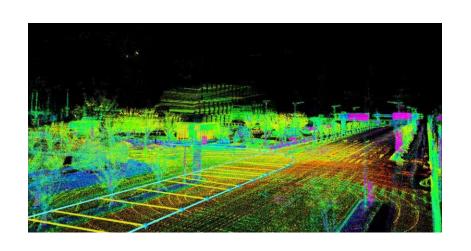


微信扫码加入星斑

## 自动驾驶中实战课之Lidar与IMU的同步实战

## Camera + LiDAR + Radar + IMU



主 讲 人: 帅的丑小鸭

公 众 号: 3D 视觉工坊

# 内容

一、Lidar与IMU的同步方法

二、代码讲解



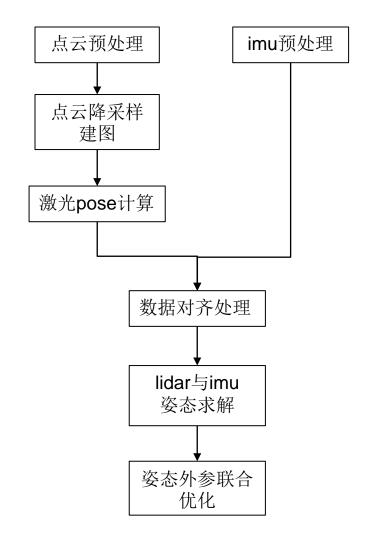
公众号: 3D视觉工坊



#### 激光与IMU之间的时空同步:

- IMU一般与GPS相结合
- 通过GPS授时完成激光与IMU的时间同步
- 基于状态估计的时空同步方案
- 激光SLAM方法

## 工程改进流程图

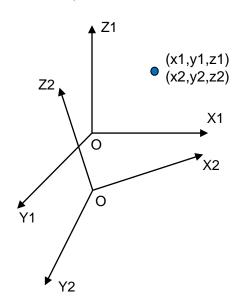




公众号: 3D视觉工坊



## 坐标系示意图



给出上图两个坐标系之间的关系:

假设(OX1Y1Z1)为IMU坐标系,(OX2Y2Z2) 为激光雷达坐标系,假设某点在两个坐标系之间的坐标分别为(x1,y1,z1), (x2,y2,z2),两者之间的坐标转换关系为4x4的包含旋转矩阵R和平移矩阵T组成的矩阵,记为 $T_{3D}$ 。即:

$$(x1,y1,z1)^T = T_{3D}(x2,y2,z2)^T$$

这里三维坐标转换矩阵  $T_{3D}$  可以用下式表示:

$$T_{3D} = \begin{bmatrix} t_{11} & t_{12} & t_{13} & t_{14} \\ t_{21} & t_{22} & t_{23} & t_{24} \\ t_{31} & t_{32} & t_{33} & t_{34} \\ t_{41} & t_{42} & t_{43} & t_{44} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{R} & \mathbf{0} \\ \mathbf{T} & \mathbf{1} \end{bmatrix}$$

其中R对应的是比例、旋转、错切等几何变换,

T为平移矩阵,对应[ $t_{41}$ , $t_{42}$ , $t_{43}$ ],

 $[t_{14}, t_{24}, t_{34}]$ 为对应投影变换,

 $[t_{44}]$ 反映的是整体比例的变换。

由于lidar和IMU之间连接是刚性的,所以有:

$$[t_{14}, t_{24}, t_{34}]^{\mathrm{T}} = [0 \ 0 \ 0]^{T}$$
  
 $[t_{44}] = 1$ 







激光坐标系相对IMU坐标系欧拉角为俯仰角 $\theta$ ,翻滚角 $\gamma$ ,方位角 $\varphi$ ;

相对于轴向的平移量为 $t_x$ 、 $t_y$ 、 $t_z$ ,所以有:

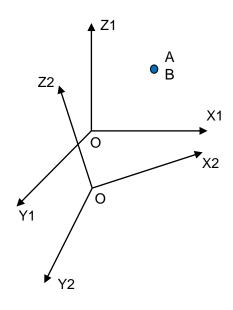
$$R = \begin{bmatrix} c\gamma c\varphi + s\gamma s\theta s\varphi & -c\gamma s\varphi + s\gamma s\theta c\varphi & -s\gamma c\theta \\ c\theta s\varphi & -c\theta c\varphi & s\theta \\ s\gamma c\varphi - c\gamma s\theta s\varphi & -s\gamma s\varphi - c\gamma s\theta c\varphi & c\gamma c\theta \end{bmatrix}^T$$

其中,c表示cos,s表示sin。 根据旋转矩阵R,求解欧拉角为

$$\begin{cases} \theta = \arcsin(R^T(23)) \\ \gamma = \arctan(-\frac{R^T(13)}{R^T(33)}) \\ \varphi = \arctan(-\frac{R^T(21)}{R^T(22)}) \end{cases}$$







假设P点在IMU坐标系下的坐标为A,在激光坐标系下的坐标为B,则两者之间的关系可以表示为:

$$A=T_{3D}B$$

使用最小二乘法进行系统坐标标定,求解的坐标转换公式如下:

$$T_{3D} = AB^+$$

其中B+为B的广义逆矩阵, 定义为:

$$B^+ = B^T (BB^T)^T$$

由此方法能够得到使三维坐标误差最小的坐标系转换矩阵。



公众号: 3D视觉工坊



#### 连续时间状态法

采用B样条曲线进行拟合,比如使用d自由度的曲线拟合,对于 $p(t)(t \in [t_i, t_j)$ ,给定  $t_i, t_{i+1}, \cdots, t_{i+d}$  时刻对应的状态  $p_i, p_{i+1}, \cdots, p_{i+d}$  ,

则有:

$$p(t) = \sum_{j=0}^{d} u^{T} M_{j}^{d+1} p_{i+j}$$

其中,  $u^T = [1u \cdots u^d]$ ,  $u = (t - t_i)/(t_{i+1} - t_i)$  是多项式系数。

如何基于连续状态法来标定外参?

标定初始旋转外参

首先基于纯激光SLAM方法得到每一帧的姿态,然后使用三次B样条曲线拟合得到R(t),这样就可以利用IMU测量值进一步修正R(t),如下:

$$q_0, \dots, q_N = \arg\min \sum_{k=0}^{M} ||\omega_m^{I_k} - L_0^{I_k} R^T(t_k)||_{L^0} \dot{R}(t_k)||$$

上式表示拟合出的激光转向姿态求解出的对应IMU时刻下角速度与IMU测量值的残差,最小化残差优化R(t)。

基于R(t)可以得到每两帧IMU时刻之间 $[t_k,t_{k+1}]$ 对应的激光雷达相对旋转姿态 $L_{k+1}$ 

然后同手眼标定法一样求解出对应IMU的相对旋转姿态 $l_{k+1}^{l_k}q$  ,那么满足如下手眼标定关系:

$${}^{I_{k}}_{I_{k+1}}q_{L}^{I}q = {}^{I}_{L}q_{L_{k+1}}^{L_{k}}q$$

将所有这样时刻的关系联立即可得到如下超定方程:

$$\begin{bmatrix} \vdots \\ \alpha_k ([_{I_{k+1}}^{I_k} q]_L - [_{L_{k+1}}^{L_k} q]_R) \end{bmatrix}_L^I q = Q_{NL}^I q = 0$$

可以通过SVD等方法即可得到初始外参。





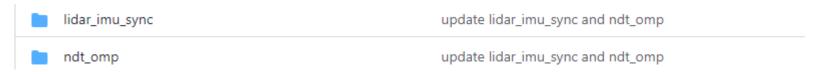
#### 环境和代码配置说明

1.配置内容均是在docker下进行,在docker下/home/下:

```
root@6dc69d3505b5:/home# ls root@6dc69d3505b5:/home/workspace# ls

3rdparty workspace ad_sensor_fusion data
root@6dc69d3505b5:/home# root@6dc69d3505b5:/home/workspace#
```

2. 重新pull代码,更新到最新版本,查看log,确认更新了lidar\_imu\_sync和ndt\_omp



这里的ndt\_omp是一个pcl ndt的一个多线程优化库

3. 数据集

```
Aug 03 2021 16:45:05.47 (1627980305.47)
           Aug 03 2021 16:45:29.00 (1627980330.00)
           3.4 GB
           10553
compression: none [737/737 chunks]
           geometry msgs/TwistStamped [98d34b0043a2093cf9d9345ab6eef12e]
                                      [cd5e73d190d741a2f92e81eda573aca7]
           sensor msgs/NavSatFix
                                     [2d3a8cd499b9b4a0249fb98fd05cfa48]
           sensor msgs/PointCloud2 [1158d486dd51d683ce2f1be655c3c181]
                               2454 msgs : sensor msgs/Imu
           /cgi610/nav fix 2454 msgs : sensor msgs/NavSatFix
           /cgi610/twist
                               2454 msgs
                                            : geometry_msgs/TwistStamped
           /localization/odom 2454 msgs
           /raw_image
                                           : sensor msgs/Image
```

#### 代码讲解





#### main.cpp:

程序主函数

#### lidar\_imu\_sync.cpp:

同步模块,主要是将rosbag中的数据进行解析和处理, 并送入到待标定模块队列中

#### lidar\_imu\_calib.cpp:

标定模块,主要将标定数据队列中的数据进行标定处理,主要采用状态估计的方式进行同步

```
struct LidarData
    double stamp;
   CloudT::Ptr cloud;
};
struct LidarFrame
   double stamp;
    Eigen::Matrix4d T;
    Eigen::Matrix4d gT;
   CloudT::Ptr cloud{nullptr};
    EIGEN MAKE ALIGNED OPERATOR NEW
};
struct ImuData
    double stamp;
    Eigen::Vector3d acc;
    Eigen::Vector3d gyr;
    Eigen::Quaterniond rot;
    EIGEN MAKE ALIGNED OPERATOR NEW
```



公众号: 3D视觉工坊





购买该课程请扫描二维码



微信扫码加入星球



# 感谢聆听

Thanks for Listening