

设计说明书

设计说明书

类设计

类功能说明

类图

技术难点 & 算法设计

加密算法

RSA

大数类

技术难点

算法设计

验证质数

技术难点

算法设计

RSA 实现

p2p 网络

技术难点

算法设计

交互

技术难点

算法设计

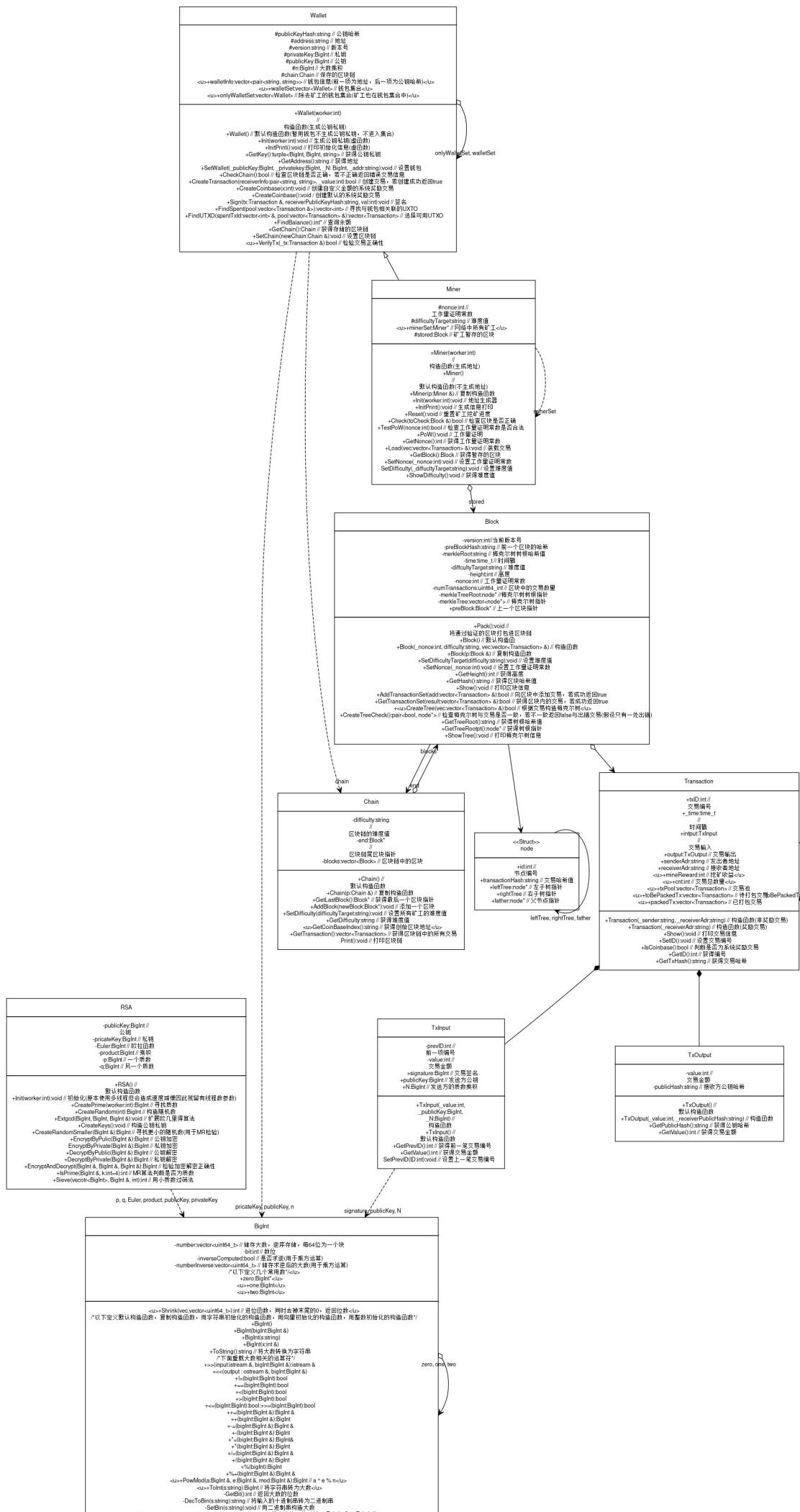
类设计

类功能说明

1. BigInt类：大数类，实现任意大正整数的运算
2. RSA类：实现加密解密功能
3. （哈希函数类提供公共接口）
4. Wallet类：钱包类，实现交易等功能
5. Miner类：矿工类，继承钱包，实现挖矿等功能
6. Block类：区块类，记录区块头区块体信息
7. Chain类：区块链类，链表储存区块
8. Transaction类：交易类，记录交易信息
9. txInput类：记录交易输入信息
10. txOutput类：记录交易输出信息

类图

- svg/jpg图请参考[这里](#)



技术难点 & 算法设计

加密算法

RSA

大数类

- (参考项目 <https://github.com/thuliangjz/rsa-DIY>)

技术难点

- 如何存储长整数
- 如何加速大整数乘方运算

算法设计

- 2^{64} 进制存储数据，减少位数
- 加减乘法汇编加速，一次可以处理多位数字与进位溢出问题
 - 理论上处理器支持 128 位寄存器，可以进一步扩大进制
 - 加法每次即每次从寄存器 EFLAGS 中读取上一次相加所得进位，用 `adc` 指令将数和上一次进位 `CF` 相加，保存进位增加索引进入下一轮相加，核心代码如下：

```
sahf;
movq (%r8, %rcx, 8), %rax;
movq (%r9, %rcx, 8), %rbx;
adc %rax, %rbx;
lahf;
movq %rbx, (%r10, %rcx, 8);
```

- 减法即将 `adc` 改为 `sub` 即可
- 乘法模拟竖式，先将一个乘数中的某一个整型乘以另一个大整数，移位后加到最终结果上。第一步代码如下：

```
mov %r8, %rax; //小乘数保存在r8中
mov (%rsi, %rcx, 8), %rbx; //取出大乘数
mul %rbx;
mov %rax, %rbx;
ASM_RESTORE
adc %r14, %rbx; //本轮结果即本次乘法+上次乘法溢出+上次加法溢出
ASM_LOAD
mov %rdx, %r14; //mul指令溢出保存在r14中
mov %rbx, (%rdi, %rcx, 8);
```

- 除法为长除法。这里实现的实际上是基于二进制的整形除法，每次确定商的一个比特位。长除法中的乘法全部被移位所替代，因为每次除数需要乘的都是 2 的幂次，这在一定程度上加快了除法的速度

3. 快速幂借助 Newton-Raphson 算法, 用乘法和加减法代替除法。用定点数存储, 以调用之前的整数运算实现小数运算

o 精度问题在原项目中有详细分析, 摘抄如下

- 关于定点数的精度, 对于计算 $a^b \pmod n$, 在使用快速幂算法进行迭代计算的过程中, 每一步实际上都是对于某个 $x \leq n$ 计算 $x^2 \pmod n$, 所以实际上被除数不大于 n^2 。如果 n 有 p 位, 则 n^2 不超过 $2p$ 位, 从而对于这样的 x^2 , 逆的精度只要精确到小数点后 $2p$ 位即误差误差不超过 2^{-2p} 即可保证与被除数相乘与商的误差不超过 1。
- 注意到如果将 $\lfloor \frac{1}{n} \times x \rfloor$ 作为商, 即使误差本身不超过 1, 向下取整之后可能会达到 1 (向下取整在这里实现为移位运算), 从而按上述方法计算的结果可能需要减去 n 才能得到真正比 n 小的余数。

验证质数

技术难点

1. 如何快速检测大数是否为质数

算法设计

1. 采用方案: Miller-Rabin 检测 (伪代码)

Miller-Rabin 素性检验是一个基于概率的检验方案, 与费马素性检验相比条件更强, 更不易出现类似 Carmichael 数一类的漏网之鱼; 而 AKS 素性检验可以确定地判断给定数字是否为素数, 但是速度相较 Miller-Rabin 更慢。

该素性检验的主要思想为:

待检验的数为 n (n 为奇数), 将 $n - 1$ 分解为 $2^r \cdot d$, 其中 d 为奇数。若 $\exists a \in [2, n - 2], a \in \mathbb{N} \text{ s.t. } \forall 0 \leq s \leq r - 1, a^d \not\equiv 1 \pmod n \text{ 且 } a^{2^s d} \not\equiv n - 1 \pmod n$, 则 n 为合数。通过 k 轮检验 (i.e. k 次随机选取 a)。以下为该检验方法的伪代码:

write $n - 1$ as $2^r \cdot d$ by factoring powers of 2 from $n - 1$

Loop: repeat k times:

pick a random integer $a \in [2, n - 2]$

$x \leftarrow a^d \pmod n$

if $x = 1$ then

continue Loop

repeat r times:

if $x = n - 1$ then

continue Loop

$x \leftarrow x^2 \pmod n$

return composite

return probably prime

参考密码学资料以及 Java 的 RSA 库, 为了平衡效率和正确率, 1024 位 RSA 将选取 $k = 4$.

RSA 实现

• RSA 生成公私钥的步骤如下

1. 任选两个 512 位素数 p, q , 计算其积为 N
2. 计算欧拉数 $\varphi = (p - 1) \cdot (q - 1)$
3. 任选 e 满足 $1 < e < \varphi$ 且 $\gcd(e, \varphi) = 1$, (e, N) 即为公钥。实际应用中 e 大多选择 3 或 65537

4. 任选 d 满足 $1 < d < \varphi$ 且 $e \cdot d \equiv 1 \pmod{\varphi}$, (d, N) 即为私钥。

在步骤 a. 中, 为了加快素数生成速度, 先随机生成一个奇数 n , 取以 n 为首项的 1000 个连续奇数, 用小于 10000 的素数筛一遍, 剩下的数用 Miller-Rabin 素性检验进行检测, 如果不存在素数, 则重复上述过程。

在步骤 d. 中, 采用扩展欧几里得算法计算 $d \bmod N$ 的逆元。

- RSA 加解密

- 公钥加密, 私钥解密

$$\text{密文} = \text{明文}^e \bmod N$$

$$\text{明文} = \text{密文}^d \bmod N$$

- 私钥加密, 公钥解密 (用于交易中的数字签名及验证, 详细介绍见后文)

$$\text{密文} = \text{明文}^d \bmod N$$

$$\text{明文} = \text{密文}^e \bmod N$$

p2p 网络

技术难点

1. 如何单机模拟网络操作

算法设计

1. 手动添加节点并模拟复制区块链等过程 (通过多线程加速多个节点生成速度)
2. 通过复制的方式模拟广播过程
3. 多线程模拟多个矿工挖矿过程
4. 设计输出日志以记录各种信息

交互

技术难点

1. 如何实现与用户的高效交互

算法设计

1. 模仿gdb设计命令行交互
2. 提供help指令降低用户学习成本
3. 通过最短编辑距离实现错误输入智能纠正
4. 逐个字符输出, 借助[cool-retro-term](#), 仿佛重回IBM 3270, Apple 2的年代 (