

# PRÁCTICA

## Nº 4

CÓDIGO SAGA

A25984-5

Calificación

**CARRERA:**

INGENIERÍA DE SISTEMAS

**ASIGNATURA:**

MÉTODOS NUMÉRICOS

**FECHA DE ENTREGA:** 23/04/2023

**Apellidos y Nombres:** GUTIÉRREZ CASTRO HUÁSCAR AARÓN

**C.I:** 9951591 LP

**CURSO:** 4 TO "A"

**DOCENTE:** M. Sc. Ing. Ariel Villca Paye

### Problema 1

Calcular la siguiente integral

$$f_{(x)} = 2e^{-3x} + \text{sen}(0.5x) + \frac{1}{2x+3} + 2$$

Desde 2 hasta 8

a) De forma exacta

Fecha de hoy: \_\_\_\_ / \_\_\_\_ / \_\_\_\_

1)

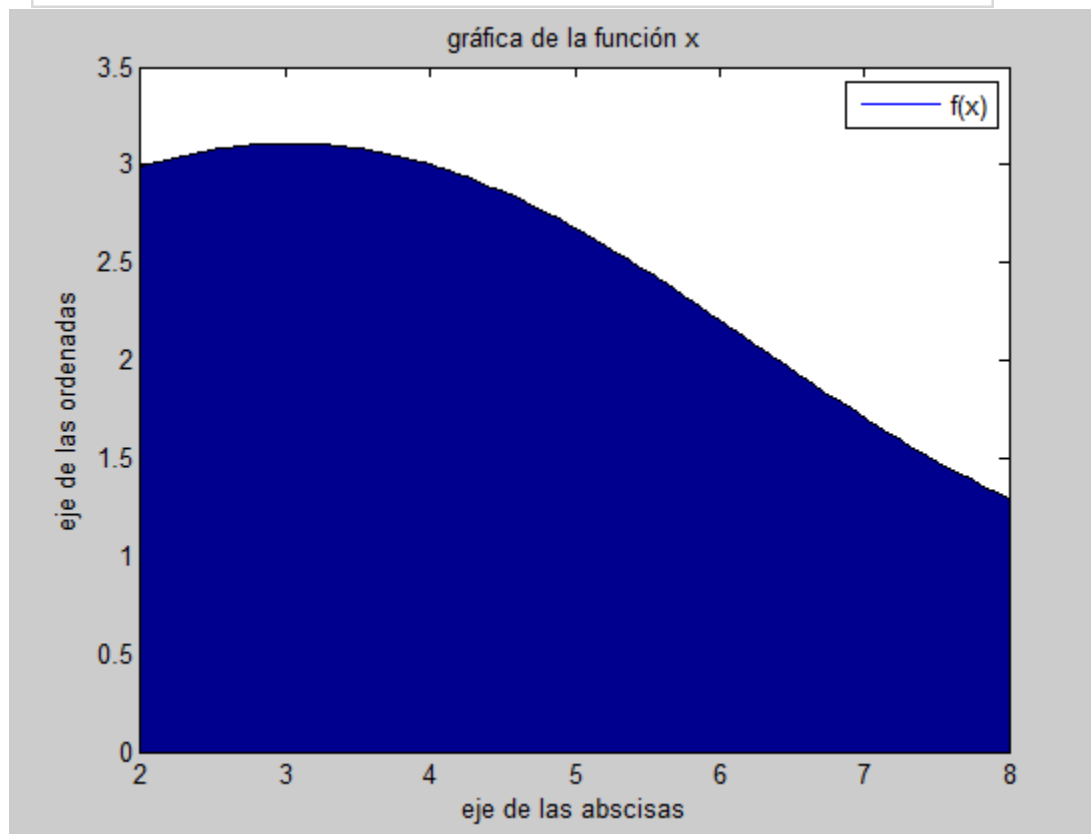
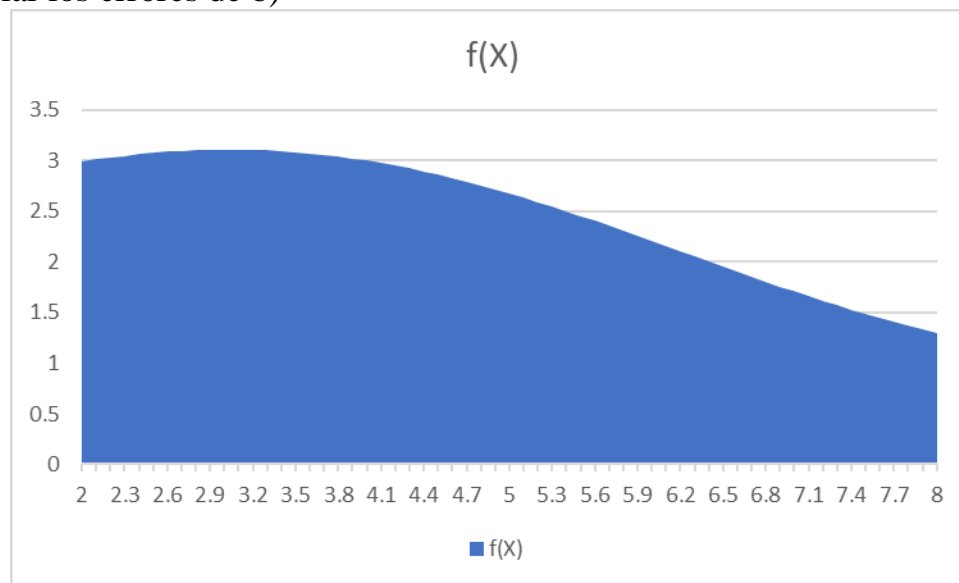
$$f_{(x)} \int_2^8 \left( 2e^{-3x} + \sin(0.5x) + \frac{1}{2x+3} + 2 \right) dx$$

$$I = \left( -\frac{2}{3}e^{-3x} - 2\cos(0.5x) + \ln\left(\frac{2x+3}{2}\right) + 2x \right) \Big|_2^8$$

$$= -\frac{2}{3}e^{-24} - 2\cos(4) + \ln\left(\frac{19}{2}\right) + 16 + \frac{2}{3}e^{-6} + 2\cos(1) - \ln\left(\frac{7}{2}\right) - 4$$

$$I = 14.8888 [u]^2$$

- b) De forma aproximada, con regla del trapecio 11 segmentos  
Calcular los errores de b)





### Método del trapecio

El valor de a es: a= 2

El valor de b es: b= 8

El valor de n es: n= 11

La integral aproximada es: I\_aprox=14.8752 u^2

Con un error porcentual verdadero: e\_t=0.09%

>>

- c) De forma aproximada, con regla del trapecio 24 segmentos
- d) Calcular los errores de c)

## Método del Trapecio

Datos

$$f(x) = 2e^{-3x} + \sin(0.5x) + \frac{1}{2x+3} + 2$$

$$f(x) = 2*EXP(-3*x)+SENO(0.5*x)+1/(2*x+3)+2$$

a 2

C.S.

4

b 8

n 24

h 0.25

I\_exacta 14.8888

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$	
0	2.0000	2.9893	1.000	2.9893	
1	2.2500	3.0379	2.000	6.0759	
2	2.5000	3.0751	2.000	6.1502	
3	2.7500	3.0991	2.000	6.1981	
4	3.0000	3.1089	2.000	6.2177	
5	3.2500	3.1039	2.000	6.2078	
6	3.5000	3.0840	2.000	6.1681	
7	3.7500	3.0493	2.000	6.0987	
8	4.0000	3.0002	2.000	6.0004	
9	4.2500	2.9373	2.000	5.8746	
10	4.5000	2.8614	2.000	5.7228	
11	4.7500	2.7737	2.000	5.5474	
12	5.0000	2.6754	2.000	5.3508	
13	5.2500	2.5680	2.000	5.1360	
14	5.5000	2.4531	2.000	4.9062	
15	5.7500	2.3324	2.000	4.6648	
16	6.0000	2.2078	2.000	4.4156	
17	6.2500	2.0811	2.000	4.1622	
18	6.5000	1.9543	2.000	3.9086	
19	6.7500	1.8293	2.000	3.6586	
20	7.0000	1.7080	2.000	3.4161	
21	7.2500	1.5923	2.000	3.1847	
22	7.5000	1.4840	2.000	2.9680	
23	7.7500	1.3846	2.000	2.7693	
24	8.0000	1.2958	1.000	1.2958	
			suma=	119.0877 $u^2$	
			$I_{aprox}$ =	14.8860	
			$\epsilon_t$	0.02%	

### Método del trapecio

El valor de a es: a= 2

El valor de b es: b= 8

El valor de n es: n= 24

La integral aproximada es:  $I_{aprox}=14.8860 u^2$

Con un error porcentual verdadero:  $e_t=0.02\%$

>>

## Problema 2

Calcular la siguiente integral

$$f(x) = \frac{5}{2x-3} + e^{-\pi x} + \ln\left(x^{\frac{1}{3}}\right)$$

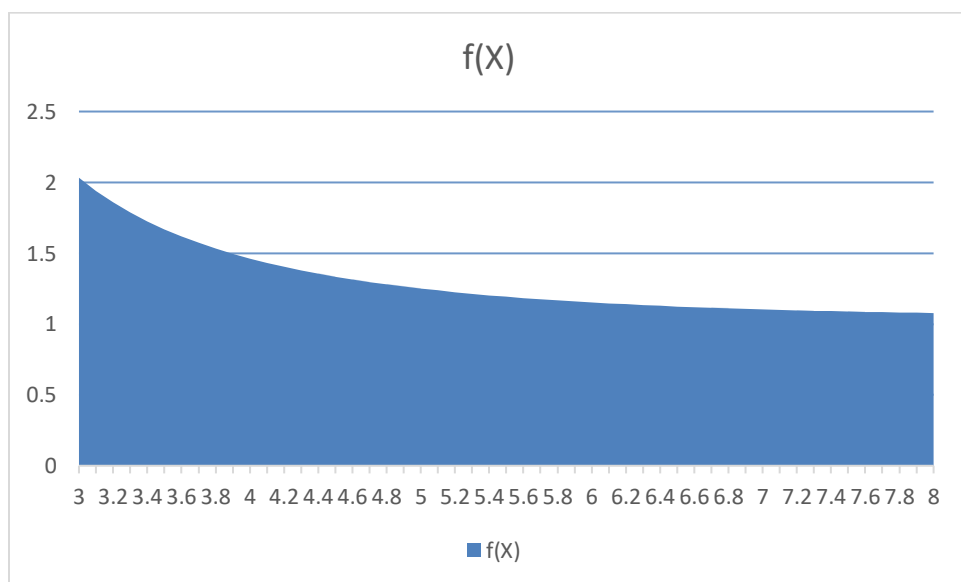
Desde 3 hasta 8

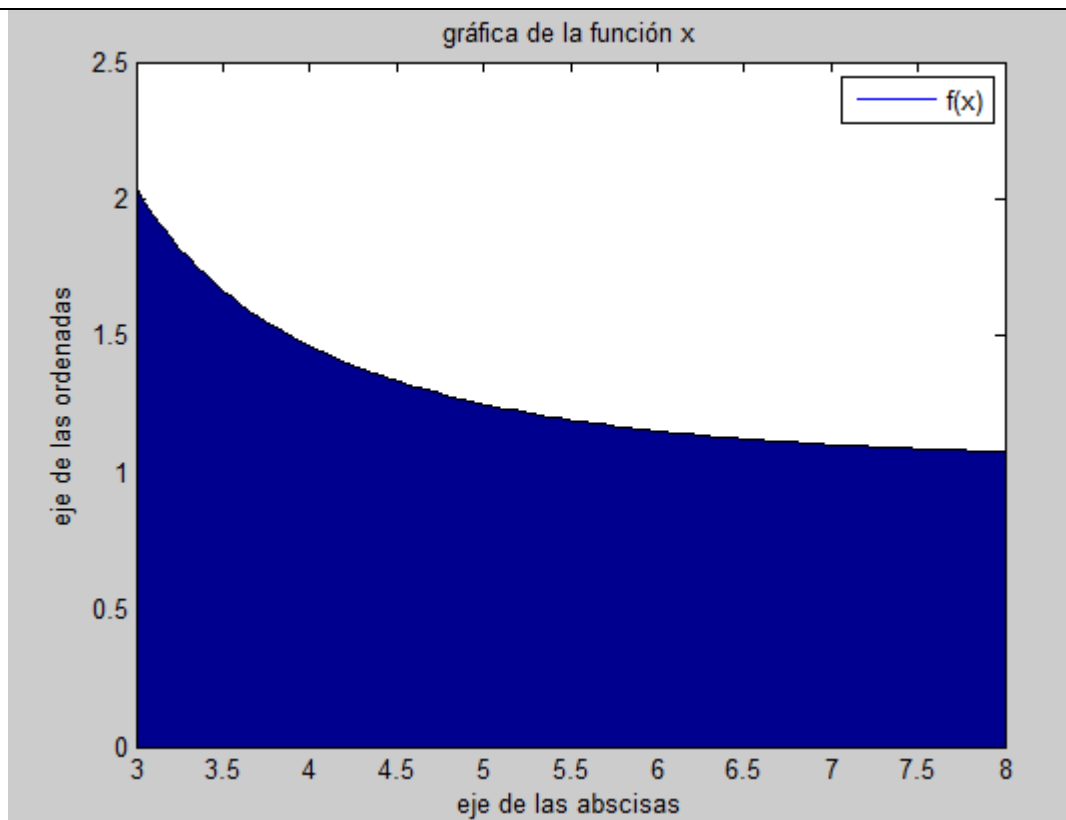
a) De forma exacta

Handwritten solution for the exact integral:

$$\begin{aligned} 2) \quad f(x) &= \frac{5}{2x-3} + e^{-\pi x} + \ln(x^{1/3}) \\ I &= \int_3^8 \left( \frac{5}{2x-3} + e^{-\pi x} + \ln(x^{1/3}) \right) dx \\ &= \left[ \frac{5}{2} \ln(2x-3) - \frac{e^{-\pi x}}{\pi} + \frac{1}{3} (\ln x \cdot x - x) \right]_3^8 \\ &= \frac{5}{2} \ln(13) - \frac{e^{-8\pi}}{\pi} + \frac{8 \ln(8) - 8}{3} - \left( \frac{5}{2} \ln(3) + \frac{e^{-3\pi}}{\pi} - \frac{3 \ln(3) - 3}{3} \right) \\ I &\approx 6.4458 \text{ [u}^2\text{]} \end{aligned}$$

b) De forma aproximada, con regla del trapecio 4 segmentos





Shortcuts
How to Add
What's New

Editor - C:\Users\huasc\Desktop\trapecio.m

```

2 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
3 f=inline('5./(2*x-3)+exp(-pi*x)+log(x.^(1/3))');
4
5 x=[2:0.01:8];
6 plot(x,f(x),'-m');
7 %metodo del trapecio
8 fprintf('\tMétodo del trapecio\n')
9 a=3; %limite inferior
10 b=8; %limite superior
11 n=4; %nro de segmentos
12 h=(b-a)/n;
13 I_exacta=6.4458;
14
15 fprintf('
16 fprintf('El valor de a es:\ta=3.0f\n',a)
17 fprintf('El valor de b es:\tb=3.0f\n',b)
18 fprintf('El valor de n es:\tn=3.0f\n',n)
19 fprintf('
20
21
22 x=linspace(a,b,100);
23 plot(x,f(x),'-b');
24 hold on
25 area(x,f(x));
26 xlabel('eje de las abscisas');
27 ylabel('eje de las ordenadas');
28 title('gráfica de la función x');

```

Command Window

```

Método del trapecio

El valor de a es:  a=  3
El valor de b es:  b=  8
El valor de n es:  n=  4

La integral aproximada es:      I_aprox=6.5659 u^2
Con un error porcentual verdadero:  e_t=1.86%
fx >>

```

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) =$	$5/(2*x-3)+EXP(-PI()*x)+LN(x^(1/3))$		
$a$	3	C.S.	4
$b$	8		
$n$	4		
$h$	1.25		
$I_{exacta}$	$6.4458 \text{ u}^2$		

$i$	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $f_{(x_i)}$	
0	3.0000	2.0330	1.000	2.0330	
1	4.2500	1.3914	2.000	2.7828	
2	5.5000	1.1932	2.000	2.3865	
3	6.7500	1.1127	2.000	2.2254	
4	8.0000	1.0778	1.000	1.0778	
			suma=	$10.5054 \text{ u}^2$	
			$I_{aprox}=$	$6.5659 \text{ u}^2$	
			$\epsilon_t$	1.86%	

## Método del trapecio

```

El valor de a es:  a= 3
El valor de b es:  b= 8
El valor de n es:  n= 4

La integral aproximada es:      I_aprox=6.5659 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=1.86%
>>

```

c) De forma aproximada, con regla del trapecio 7 segmentos

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) =$	$2*EXP(-3*x)+SENO(0.5*x)+1/(2*x+3)+2$		
$a$	3	C.S.	4
$b$	8		
$n$	7		
$h$	0.71428571		
$I_{exacta}$	$6.4458 \text{ u}^2$		



i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$	
0	3.0000	2.0330	1.000	2.0330	
1	3.7143	1.5664	2.000	3.1329	
2	4.4286	1.3497	2.000	2.6994	
3	5.1429	1.2321	2.000	2.4643	
4	5.8571	1.1630	2.000	2.3260	
5	6.5714	1.1205	2.000	2.2411	
6	7.2857	1.0941	2.000	2.1881	
7	8.0000	1.0778	1.000	1.0778	
			suma=	18.1624 u <sup>2</sup>	
			I <sub>aprox</sub> =	6.4866 u <sup>2</sup>	
			$\epsilon_t$	0.63%	

```

Método del trapecio

El valor de a es:  a= 3
El valor de b es:  b= 8
El valor de n es:  n= 7

La integral aproximada es:      I_aprox=6.4866 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.63%
>>

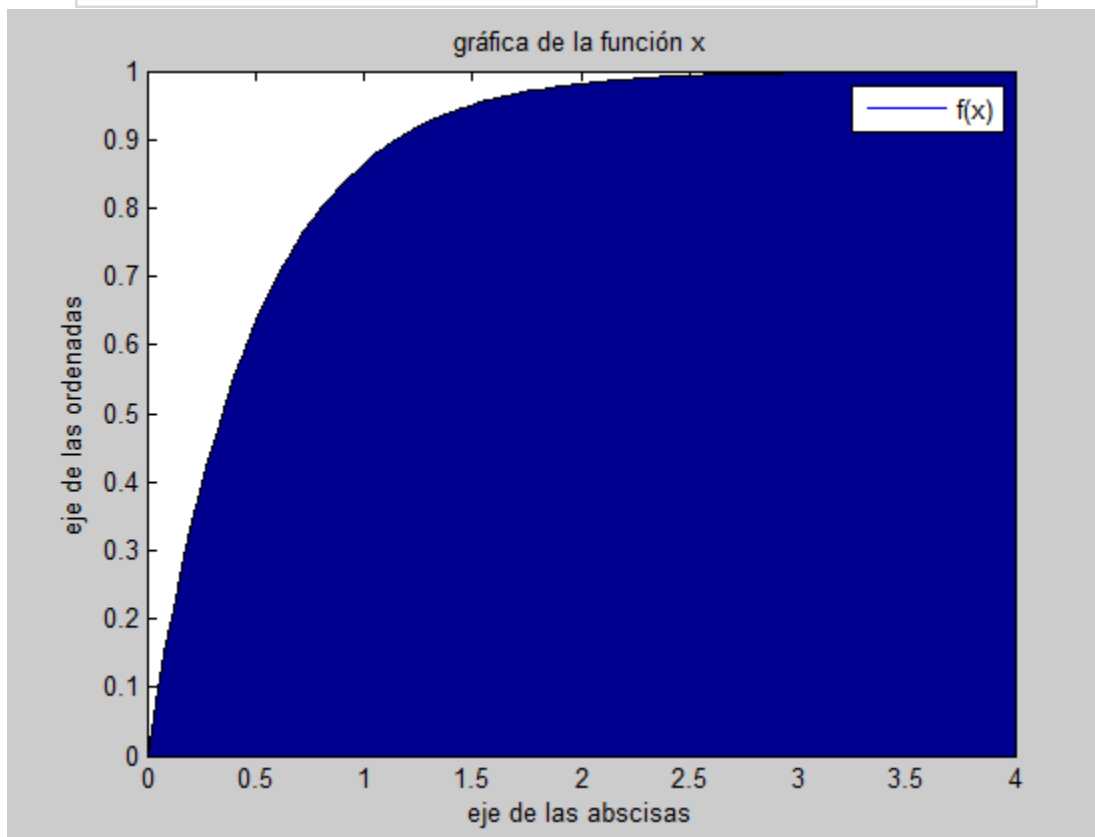
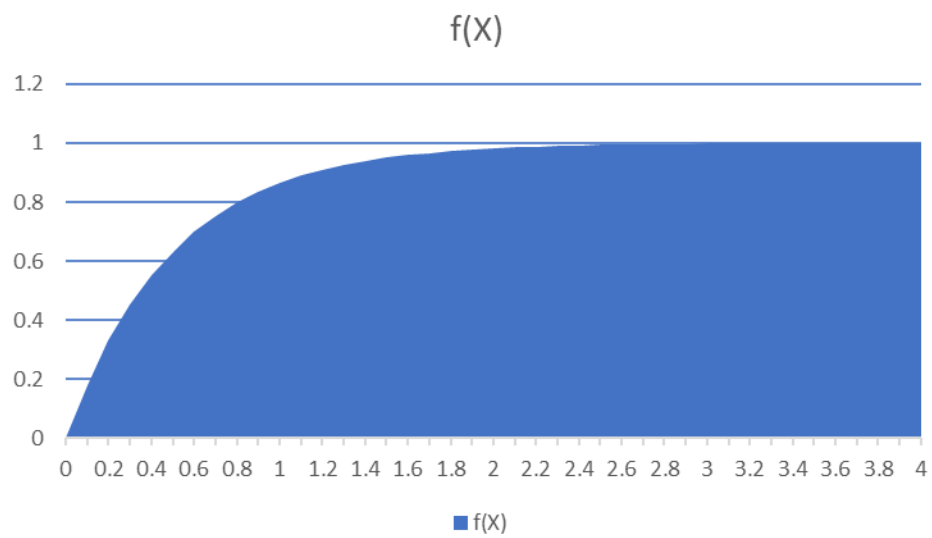
```

### Problema 3

Calcular numéricamente la siguiente integral:

$$I = \int_0^4 (1 - e^{-2x}) dx$$

- a) Mediante regla de trapecio con 7 segmentos. Realizar la gráfica.



```

Shortcuts | How to Add | What's New
Editor - C:\Users\huasc\Desktop\trapecio.m
Command Window

Método del trapecio

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 4
El valor de n es: n= 7

La integral aproximada es: I_aprox=3.4469 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=1.52%
f3 >>

2 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
3 %f=inline('5./(2*x-3)+exp(-pi*x)+log(x.^(1/3))');
4 f=inline('1-exp(-2*x)');
5 x=[2:0.01:8];
6 plot(x,f(x),'-m');
7 %metodo del trapecio
8 fprintf('\tMétodo del trapecio\n')
9
10 a=0; %limite inferior
11 b=4; %limite superior
12 n=7; %nro de segmentos
13 h=(b-a)/n;
14 I_exacta=3.5002;
15
16 fprintf('
17
18
19
20
21
22 x=linspace(a,b,100);
23 plot(x,f(x),'-b');
24 hold on
25 area(x,f(x));
26 xlabel('eje de las abscisas');
27 ylabel('eje de las ordenadas');
28 title('gráfica de la función x');

```

```

Método del trapecio

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 4
El valor de n es: n= 7

La integral aproximada es: I_aprox=3.4469 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=1.52%
>>

```

- b) Calcular la integral exacta y calcular el error absoluto verdadero y el error relativo porcentual verdadero.

3)

$$f(x) = 1 - e^{-2x}$$

$$I = \int_0^4 (1 - e^{-2x}) dx$$

$$= \left( x + \frac{e^{-2x}}{2} \right) \Big|_0^4$$

$$= 4 + \frac{e^{-8}}{2} - 0 - \frac{1}{2}$$

$$I = 3.5002 [u^2]$$

$$e_t = 0.0000$$

$$\varepsilon_t = 0.00\%$$

c) Mediante regla de trapecio, con Excel, con 10 segmentos.

Método del Trapecio					
<b>Datos</b>					
<b>f(x) =</b>	1-EXP(-2*x)				
<b>a</b>	0			C.S.	4
<b>b</b>	4				
<b>n</b>	10				
<b>h</b>	0.4				
<b>I<sub>exacta</sub></b>	3.5002 u <sup>2</sup>				
i	x <sub>i</sub>	f <sub>(xi)</sub>	P.P.	P.P.f <sub>(xi)</sub>	
0	0.0000	0.0000	1.000	0.0000	
1	0.4000	0.5507	2.000	1.1013	
2	0.8000	0.7981	2.000	1.5962	
3	1.2000	0.9093	2.000	1.8186	
4	1.6000	0.9592	2.000	1.9185	
5	2.0000	0.9817	2.000	1.9634	
6	2.4000	0.9918	2.000	1.9835	
7	2.8000	0.9963	2.000	1.9926	
8	3.2000	0.9983	2.000	1.9967	
9	3.6000	0.9993	2.000	1.9985	
10	4.0000	0.9997	1.000	0.9997	
			suma=	17.3690 u <sup>2</sup>	
			I <sub>aprox</sub> =	3.4738 u <sup>2</sup>	
			ε <sub>t</sub>	0.75%	

d) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 50 segmentos.

```
Método del trapecio
```

---

```
El valor de a es:    a=  0
El valor de b es:    b=  4
El valor de n es:    n= 50
```

---

```
La integral aproximada es:      I_aprox=3.4991 u^2
Con un error porcentual verdadero:  e_t=0.03%
```

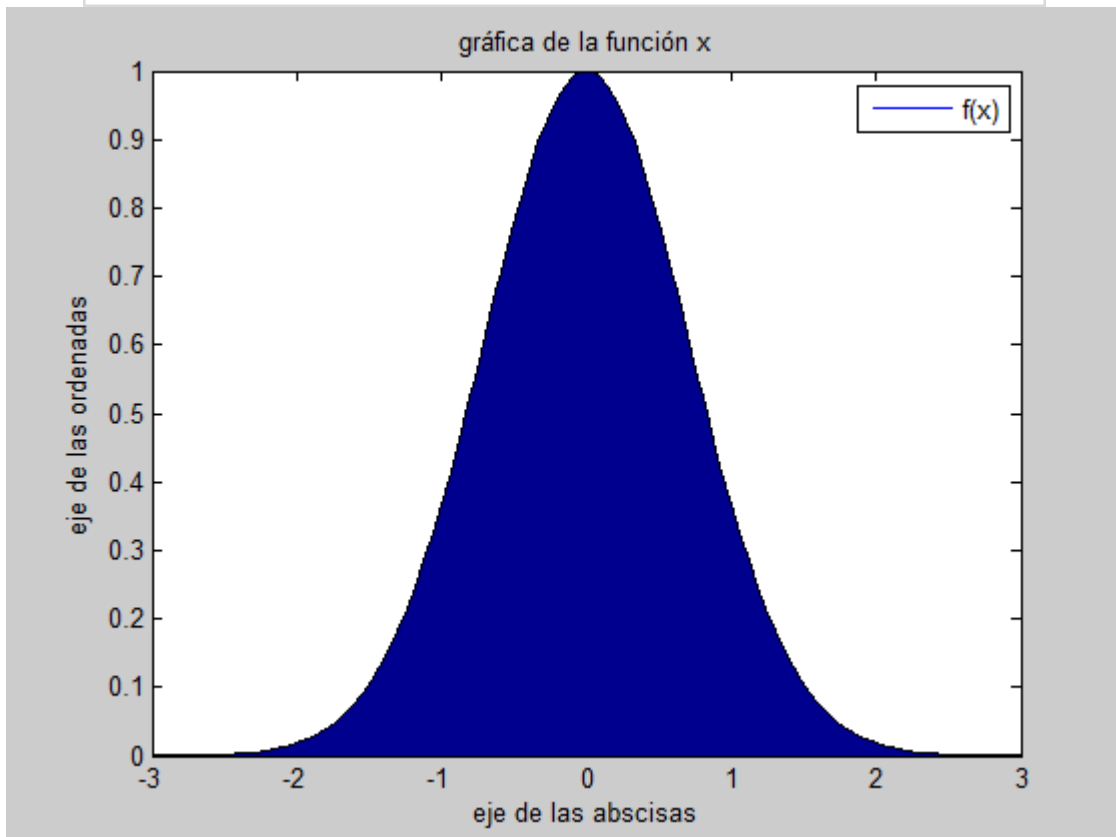
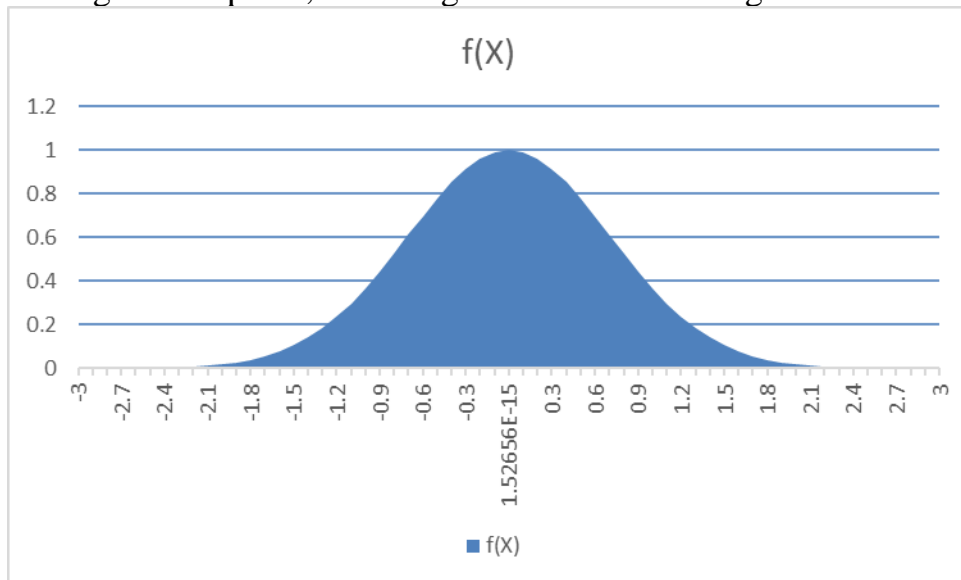
```
>>
```

## Problema 4

Calcular numéricamente la siguiente imposible

$$I = \int_{-3}^3 e^{-x^2} dx$$

a) Mediante regla de trapecio, con 7 segmentos. Realizar la gráfica.



```

1 clear, close all;
2 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
3 %f=inline('5./(2*x-3)+exp(-pi*x)+log(x.^(1/3))');
4 %f=inline('1-exp(-2*x)');
5 f=inline('exp(-x.^2)');
6 x=[2:0.01:8];
7 plot(x,f(x),'-m');
8 %metodo del trapecio
9 fprintf('\tMétodo del trapecio\n')
10 a=-3; %limite inferior
11 b=3; %limite superior
12 n=10; %nro de segmentos
13 h=(b-a)/n;
14 I_exacta=3.5002;
15
16 fprintf('
17 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a)
18 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b)
19 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
20 fprintf('
21
22
23 x=linspace(a,b,100);
24 plot(x,f(x),'-b');
25 hold on
26 area(x,f(x));
27 xlabel('eje de las abscisas');

```

```

Método del trapecio

El valor de a es:  a= -3
El valor de b es:  b=  3
El valor de n es:  n= 10

La integral aproximada es:      I_aprox=1.7724 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=49.36%
f_t >>

```

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) = \text{EXP}(-\text{POTENCIA}(x;2))$

a	-3	C.S.	4
b	3		
n	7		
h	0.85714286		
I <sub>exacta</sub>	1.7724 u <sup>2</sup>		

i	x <sub>i</sub>	f <sub>(x<sub>i</sub>)</sub>	P.P.	P.P.f <sub>(x<sub>i</sub>)</sub>	
0	-3.0000	0.0001	1.000	0.0001	
1	-2.1429	0.0101	2.000	0.0203	
2	-1.2857	0.1915	2.000	0.3829	
3	-0.4286	0.8322	2.000	1.6644	
4	0.4286	0.8322	2.000	1.6644	
5	1.2857	0.1915	2.000	0.3829	
6	2.1429	0.0101	2.000	0.0203	
7	3.0000	0.0001	1.000	0.0001	
			suma=	4.1355 u <sup>2</sup>	
			I <sub>aprox</sub> =	1.7723 u <sup>2</sup>	
			ε <sub>t</sub>	0.00%	

```

Método del trapecio

El valor de a es:  a= -3
El valor de b es:  b=  3
El valor de n es:  n=  7

La integral aproximada es:      I_aprox=1.7723 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.00%
>>

```

b) Mediante regla de trapecio, con Excel, con 10 segmentos. Realizar la gráfica.

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) = \text{EXP}(-\text{POTENCIA}(x;2))$

$a = -3$  C.S.

4

$b = 3$

$n = 10$

$h = 0.6$

$I_{\text{exacta}} = 1.7724 \text{ u}^2$

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$
0	-3.0000	0.0001	1.000	0.0001
1	-2.4000	0.0032	2.000	0.0063
2	-1.8000	0.0392	2.000	0.0783
3	-1.2000	0.2369	2.000	0.4739
4	-0.6000	0.6977	2.000	1.3954
5	0.0000	1.0000	2.000	2.0000
6	0.6000	0.6977	2.000	1.3954
7	1.2000	0.2369	2.000	0.4739
8	1.8000	0.0392	2.000	0.0783
9	2.4000	0.0032	2.000	0.0063
10	3.0000	0.0001	1.000	0.0001
			suma=	5.9079 $\text{u}^2$
			$I_{\text{aprox}} =$	1.7724 $\text{u}^2$
			$\epsilon_t$	0.00%

c) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 50 segmentos. Realizar la gráfica.

```

Método del trapecio

El valor de a es:  a= -3
El valor de b es:  b=  3
El valor de n es:  n= 50

La integral aproximada es:      I_aprox=1.7724 u^2
Con un error porcentual verdadero:  e_t=0.00%
>>
    
```

## Problema 5

Calcular numéricamente la siguiente integral:

$$I = \int_{-1}^1 (1 - x - 4x^3 + 2x^5) dx$$

# Método de la bisección

Datos

$$f(x) = 1 - x - 4x^3 + 2x^5$$

$$\epsilon_{std} = 0.1\%$$

$$C.S. = 4$$

Teorema de Bolzano

$$f_{(x_a)} * f_{(x_b)} < 0$$

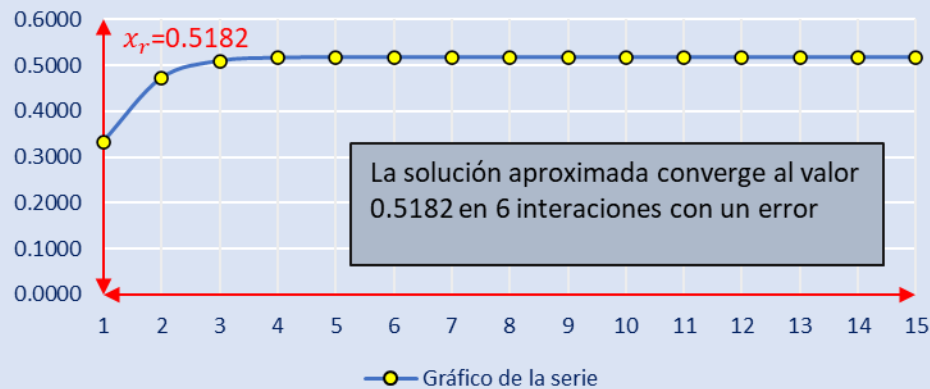
-2.000 existe al menos una raíz

$$x_a = 0 \quad f_{(x_a)} = 1.000$$

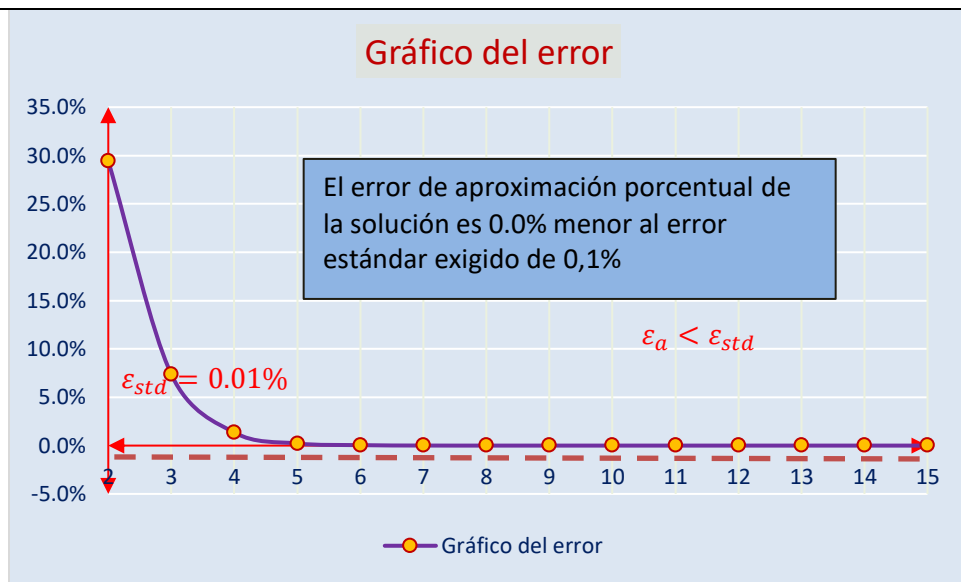
$$x_b = 1 \quad f_{(x_b)} = -2.000$$

iter	$x_a$	$x_b$	$x_r$	$f_{(x_a)}$	$f_{(x_b)}$	$f_{(x_r)}$	$f_{(x_b)} * f_{(x_r)}$	$\epsilon_a$	$\epsilon_a < \epsilon_{std}$
1	0.0000	1.0000	0.3333	1.0000	-2.0000	0.5267	0.5267	/	/
2	0.3333	1.0000	0.4723	0.5267	-2.0000	0.1532	0.0807	29.4%	sigua iterando
3	0.4723	1.0000	0.5099	0.1532	-2.0000	0.0289	0.0044	7.4%	sigua iterando
4	0.5099	1.0000	0.5168	0.0289	-2.0000	0.0047	0.0001	1.3%	sigua iterando
5	0.5168	1.0000	0.5180	0.0047	-2.0000	0.0007	0.0000	0.2%	sigua iterando
6	0.5180	1.0000	0.5182	0.0007	-2.0000	-0.0001	0.0000	0.0%	Valor verdadero
7	0.5180	0.5182	0.5182	0.0007	-0.0001	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
8	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	-0.0001	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
9	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	-0.0001	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
10	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
11	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
12	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
13	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
14	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
15	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero
16	0.5182	0.5182	0.5182	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero

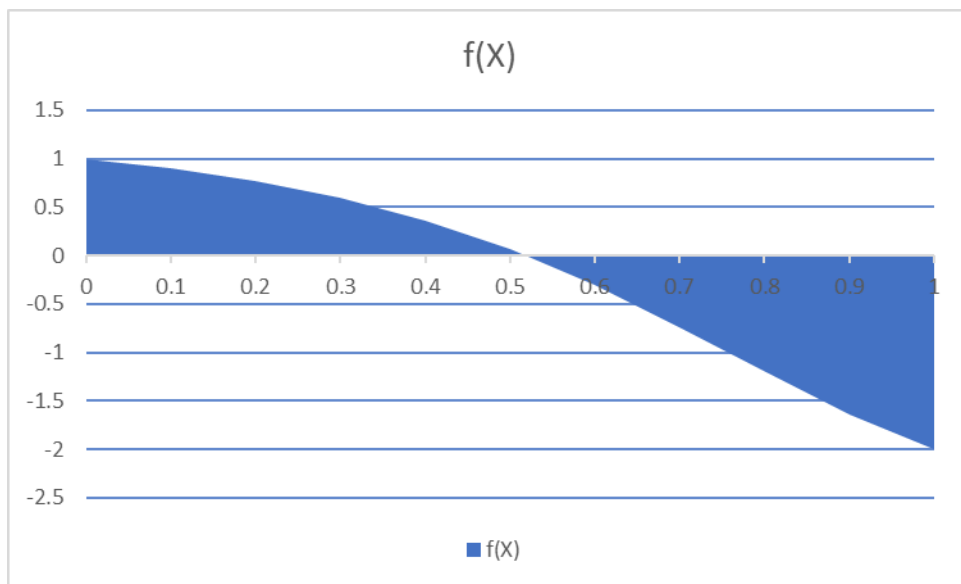
Gráfico de la serie

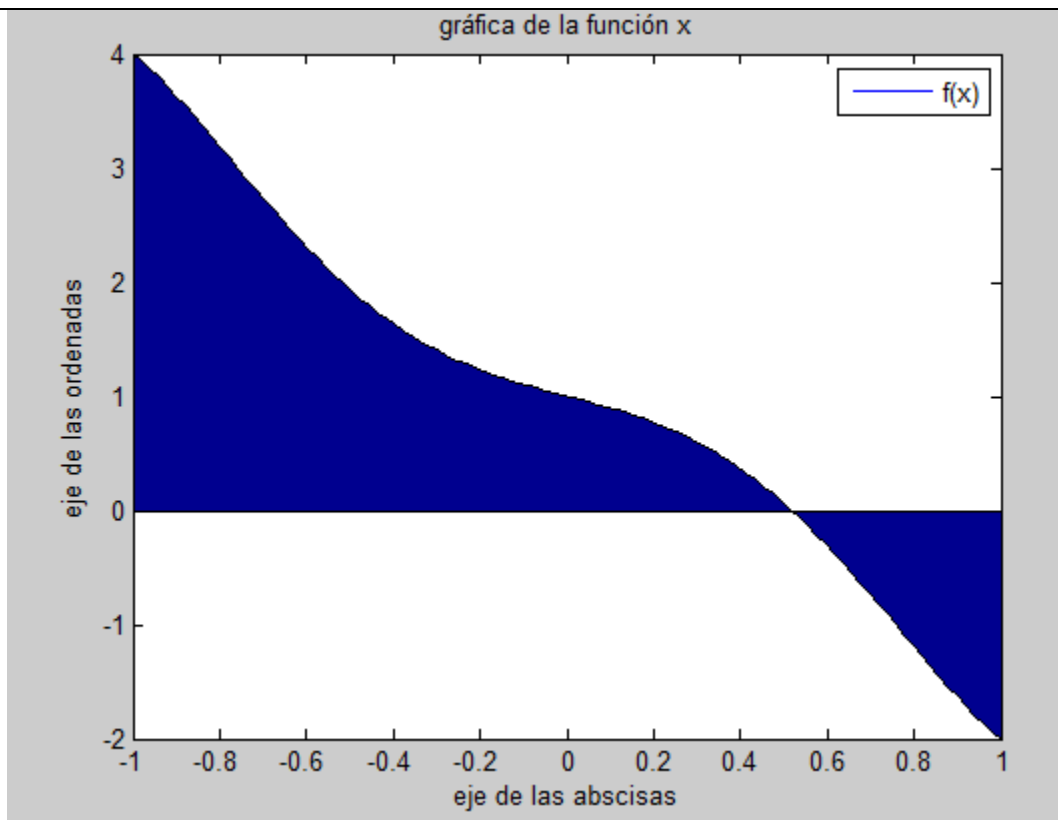






a) Mediante regla de trapecio, con 7 segmentos. Realizar la gráfica.





```

Shortcuts | How to Add | What's New
Editor - C:\Users\huasc\Desktop\trapezio_2partes.m
6 f=inline('1-x-4*x.^3+2*x.^5');
7 %metodo del trapezio
8 fprintf('tMétodo del trapezio\n')
9 a_1=-1; %limite inferior
10 b_1=0.5182; %limite superior
11 n=50; %nro de segmentos
12
13 a_2=0.5182;
14 b_2=1;
15
16 x_1=(b_1-a_1)/n;
17 x_2=(b_2-a_2)/n;
18
19 fun = @(x) 1-x-4*x.^3+2*x.^5;
20
21 I_exacta=integral(fun,-1,0.5182)+abs(integral(fun,0.5182,1));
22
23 fprintf('
24 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a_1)
25 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b_2)
26 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
27 fprintf('El valor de la integral exacta es:\tn=%3.4f\n',I_exacta)
28 fprintf('
29
30
31 x=linspace(a_1,b_2,100);
32 plot(x,f(x),'-b');
33
Command Window
Método del trapezio
El valor de a es: a= -1
El valor de b es: b= 1
El valor de n es: n= 50
El valor de la integral exacta es: n=2.9699
La integral aproximada es: I_aprox=2.9699 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.00%
fx >>

```

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) = \text{EXP}(-\text{POTENCIA}(x;2))$

$a = -1$

C.S.

4

$b = 0.5182$

$n = 7$

$h = 0.21688571$

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$
0	-1.0000	4.0000	1.000	4.0000
1	-0.7831	3.1151	2.000	6.2302
2	-0.5662	2.1760	2.000	4.3520
3	-0.3493	1.5095	2.000	3.0189
4	-0.1325	1.1417	2.000	2.2833
5	0.0844	0.9132	2.000	1.8263
6	0.3013	0.5942	2.000	1.1885
7	0.5182	-0.0001	1.000	-0.0001

suma= 22.8992  $u^2$

$I_{\text{aprox}} = 2.4833 u^2$

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) = \text{EXP}(-\text{POTENCIA}(x;2))$

$a = 0.5182$

C.S.

4

$b = 1$

$n = 7$

$h = 0.068828571$

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$
0	0.5182	-0.0001	1.000	0.0001
1	0.5870	-0.2568	2.000	0.5135
2	0.6559	-0.5416	2.000	1.0832
3	0.7247	-0.8473	2.000	1.6946
4	0.7935	-1.1629	2.000	2.3258
5	0.8623	-1.4737	2.000	2.9474
6	0.9312	-1.7606	2.000	3.5212
7	1.0000	-2.0000	1.000	2.0000

suma= 14.0858  $u^2$

$I_{\text{aprox}} = 0.4848 u^2$

$I_{\text{aprox}} =$	$2.9680 \text{ u}^2$
$I_{\text{verdadera}} =$	$2.9698 \text{ u}^2$
$\epsilon_t$	0.06%

b) Calcular la integral exacta y calcular el error relativo verdadero

c) Mediante regla de trapecio, con Excel, con 10 segmentos. Realizar la gráfica.

Método del Trapecio					
<b>Datos</b>					
<b>f(x) =</b>	EXP(-POTENCIA(x;2))				
<b>a</b>	-1	C.S.			
<b>b</b>	0.5182				
<b>n</b>	10				
<b>h</b>	0.15182				
i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$	
0	-1.0000	4.0000	1.000	4.0000	
1	-0.8482	3.4110	2.000	6.8220	
2	-0.6964	2.7196	2.000	5.4392	
3	-0.5445	2.0947	2.000	4.1893	
4	-0.3927	1.6163	2.000	3.2326	
5	-0.2409	1.2952	2.000	2.5904	
6	-0.0891	1.0919	2.000	2.1838	
7	0.0627	0.9363	2.000	1.8725	
8	0.2146	0.7468	2.000	1.4937	
9	0.3664	0.4501	2.000	0.9002	
10	0.5182	-0.0001	1.000	-0.0001	
			suma=	$32.7236 \text{ u}^2$	
			$I_{\text{aprox}} =$	$2.4840 \text{ u}^2$	

# Método del Trapecio

## Datos

$f(x) = \text{EXP}(-\text{POTENCIA}(x;2))$

$a = 0.5182$

C.S.

4

$b = 1$

$n = 10$

$h = 0.04818$

i	$x_i$	$f(x_i)$	P.P.	P.P. $\cdot f(x_i)$
0	0.5182	-0.0001	1.000	0.0001
1	0.5664	-0.1766	2.000	0.3531
2	0.6146	-0.3677	2.000	0.7353
3	0.6627	-0.5714	2.000	1.1428
4	0.7109	-0.7849	2.000	1.5699
5	0.7591	-1.0047	2.000	2.0093
6	0.8073	-1.2260	2.000	2.4519
7	0.8555	-1.4433	2.000	2.8866
8	0.9036	-1.6501	2.000	3.3002
9	0.9518	-1.8386	2.000	3.6773
10	1.0000	-2.0000	1.000	2.0000

suma= 20.1266  $u^2$

$I_{\text{aprox}} = 0.4849 u^2$

$I_{\text{aprox}} = 2.9689 u^2$

$I_{\text{verdadera}} = 2.9698 u^2$

$\epsilon_t = 0.03\%$

e) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 50 segmentos. Realizar la gráfica.

```

Método del trapecio
-----
El valor de a es:  a= -1
El valor de b es:  b=  1
El valor de n es:  n= 50
El valor de la integral exacta es:  n=2.9699
-----
La integral aproximada es:          I_aprox=2.9699 u^2
Con un error porcentual verdadero:  e_t=0.00%
>>
    
```

## Problema 6

Calcular numéricamente la siguiente integral

$$I = \int_0^1 3 \cdot \operatorname{sen} x \cdot \cos(2x) dx$$

a) Mediante regla de trapecio, con 10 segmentos. Realizar la gráfica.

### Método de la bisección

Datos

$f(x) = x \cdot \operatorname{sen}(x) \cdot \cos(2x)$

$\epsilon_{\text{std}} = 0.1\%$

C.S. = 4

Teorema de Bolzano

$f_{(x_a)} \cdot f_{(x_b)} < 0$

-0.003 existe al menos una raíz

$x_a = 0.1$

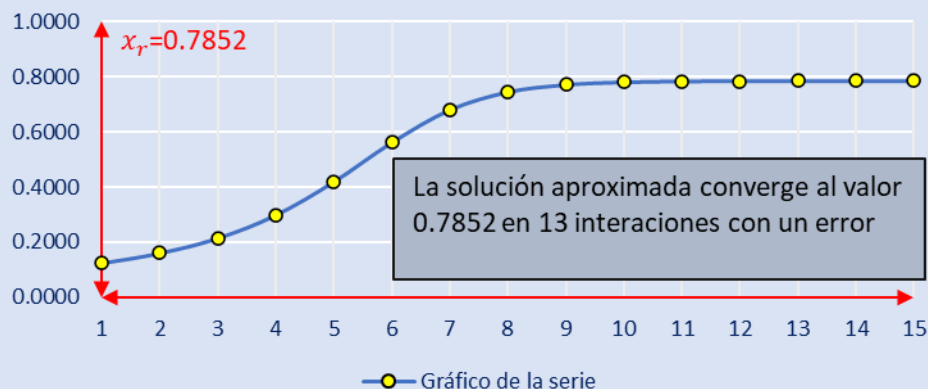
$f_{(x_a)} = 0.010$

$x_b = 1$

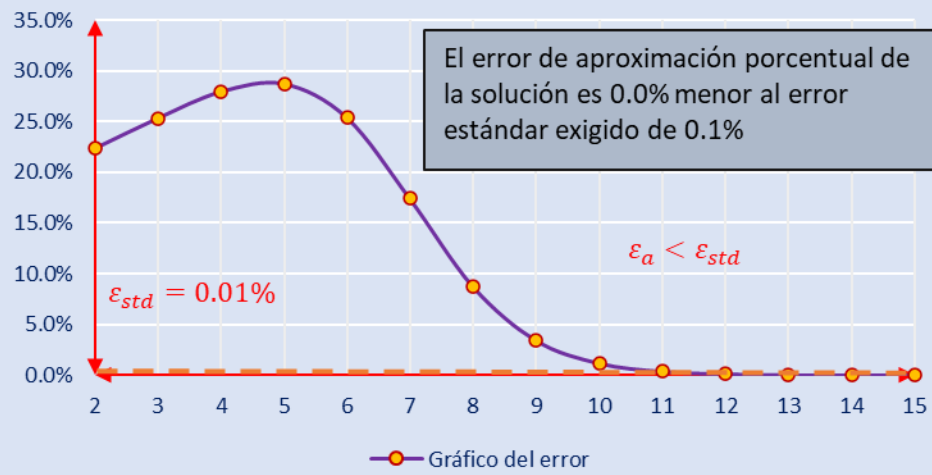
$f_{(x_b)} = -0.350$

iter	$x_a$	$x_b$	$x_r$	$f_{(x_a)}$	$f_{(x_b)}$	$f_{(x_r)}$	$f_{(x_b)} \cdot f_{(x_r)}$	$\epsilon_a$	$\epsilon_a < \epsilon_{\text{std}}$
1	0.1000	1.0000	0.1245	0.0098	-0.3502	0.0150	0.0001	/	/
2	0.1245	1.0000	0.1604	0.0150	-0.3502	0.0243	0.0004	22.4%	sigua iterando
3	0.1604	1.0000	0.2149	0.0243	-0.3502	0.0416	0.0010	25.4%	sigua iterando
4	0.2149	1.0000	0.2983	0.0416	-0.3502	0.0725	0.0030	28.0%	sigua iterando
5	0.2983	1.0000	0.4187	0.0725	-0.3502	0.1140	0.0083	28.8%	sigua iterando
6	0.4187	1.0000	0.5614	0.1140	-0.3502	0.1295	0.0148	25.4%	sigua iterando
7	0.5614	1.0000	0.6798	0.1295	-0.3502	0.0896	0.0116	17.4%	sigua iterando
8	0.6798	1.0000	0.7450	0.0896	-0.3502	0.0407	0.0036	8.8%	sigua iterando
9	0.7450	1.0000	0.7716	0.0407	-0.3502	0.0148	0.0006	3.4%	sigua iterando
10	0.7716	1.0000	0.7809	0.0148	-0.3502	0.0050	0.0001	1.2%	sigua iterando
11	0.7809	1.0000	0.7839	0.0050	-0.3502	0.0016	0.0000	0.4%	sigua iterando
12	0.7839	1.0000	0.7849	0.0016	-0.3502	0.0005	0.0000	0.1%	sigua iterando
13	0.7849	1.0000	0.7852	0.0005	-0.3502	0.0002	0.0000	0.0%	Valor verdadero
14	0.7852	1.0000	0.7854	0.0002	-0.3502	0.0001	0.0000	0.0%	Valor verdadero
15	0.7854	1.0000	0.7854	0.0001	-0.3502	0.0000	0.0000	0.0%	Valor verdadero

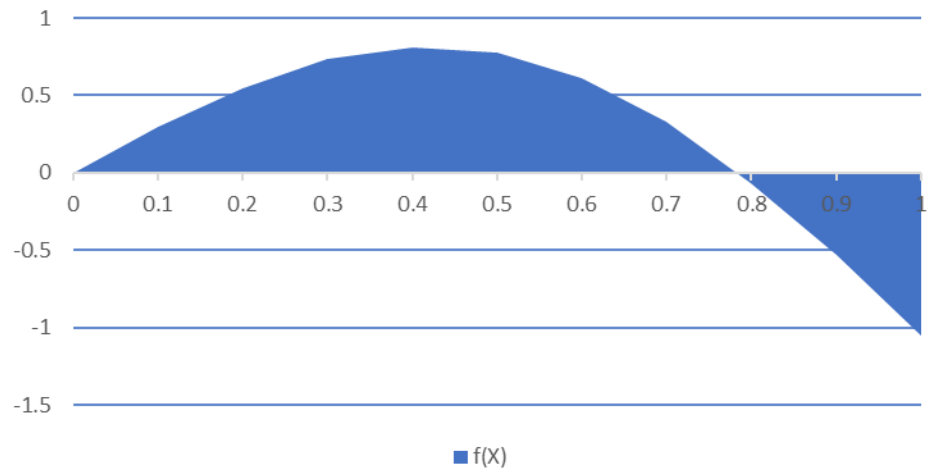
### Gráfico de la serie

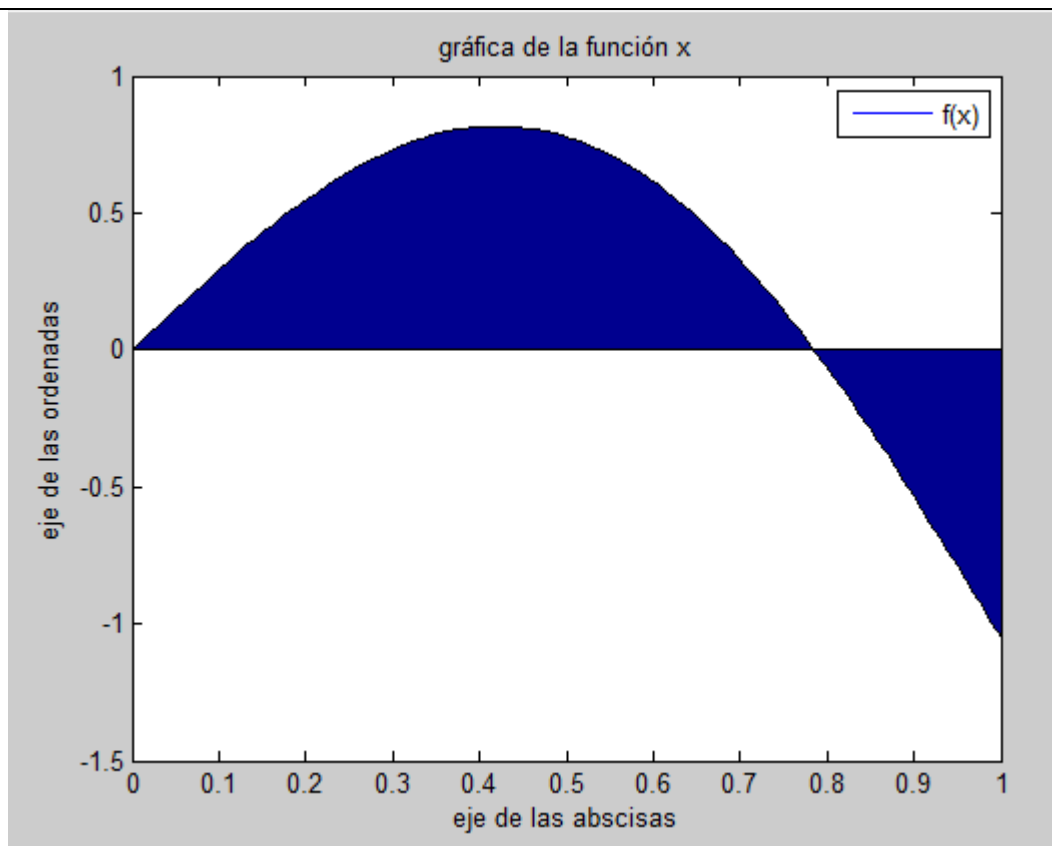


### Gráfico del error



### f(X)





```

Editor - C:\Users\huasc\Desktop\trapecio_2partes.m
3 %f=inline('5./(2*x-3)+exp(-pi*x)+log(x.^(1/3))');
4 %f=inline('1-exp(-2*x)');
5 %f=inline('exp(-x.^2)');
6 %f=inline('1-x-4*x.^3+2*x.^5');
7 f=inline('3*sin(x).*cos(2*x)');
8 %metodo del trapecio
9 fprintf('\tMétodo del trapecio\n')
10 a_1=0; %limite inferior
11 b_1=0.7852; %limite superior
12 n=10; %nro de segmentos
13
14 a_2=0.7852;
15 b_2=1;
16
17 h_1=(b_1-a_1)/n;
18 h_2=(b_2-a_2)/n;
19
20 fun = @(x) 3*sin(x).*cos(2*x);
21
22 I_exacta=integral(fun,a_1,b_1)+abs(integral(fun,a_2,b_2));
23
24 fprintf('
25 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a_1)
26 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b_2)
27 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
28 fprintf('El valor de la integral exacta es:\tn=%3.4f\n',I_exacta)
29 fprintf('

```

Command Window

Método del trapecio

```

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 1
El valor de n es: n= 10
El valor de la integral exacta es: n=0.5230

La integral aproximada es: I_aprox=0.5193 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.70%

```

>>



# Método del Trapecio

Datos

$f(x) = 3\text{seno}(x)\text{coseno}(2x)$

a 0

C.S.

b 0.7852

n 10

h 0.07852

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$
0	0.0000	1.0000	1.000	1.0000
1	0.0785	0.9195	2.000	1.8391
2	0.1570	0.8277	2.000	1.6553
3	0.2356	0.7136	2.000	1.4272
4	0.3141	0.5681	2.000	1.1362
5	0.3926	0.3840	2.000	0.7680
6	0.4711	0.1570	2.000	0.3141
7	0.5496	-0.1135	2.000	-0.2270
8	0.6282	-0.4240	2.000	-0.8480
9	0.7067	-0.7658	2.000	-1.5317
10	0.7852	-1.1247	1.000	-1.1247

suma= 4.4085  $u^2$

$I_{\text{aprox}} = 0.1731 u^2$

# Método del Trapecio

## Datos

$$f(x) = 3\text{seno}(x)\text{coseno}(2x)$$

$$a = 0.7852$$

C.S.

4

$$b = 1$$

$$n = 10$$

$$h = 0.02148$$

i	$x_i$	$f(x_i)$	P.P.	P.P. $\cdot f(x_i)$
0	0.7852	-1.1247	1.000	1.1247
1	0.8067	-1.2232	2.000	2.4465
2	0.8282	-1.3210	2.000	2.6420
3	0.8496	-1.4175	2.000	2.8350
4	0.8711	-1.5120	2.000	3.0241
5	0.8926	-1.6040	2.000	3.2081
6	0.9141	-1.6928	2.000	3.3856
7	0.9356	-1.7776	2.000	3.5551
8	0.9570	-1.8576	2.000	3.7152
9	0.9785	-1.9320	2.000	3.8641
10	1.0000	-2.0000	1.000	2.0000

$$\text{suma} = 31.8003 \text{ u}^2$$

$$I_{\text{aprox}} = 0.3415 \text{ u}^2$$

$$I_{\text{aprox}} = 0.5146 \text{ u}^2$$

$$I_{\text{verdadera}} = 0.5230 \text{ u}^2$$

$$\epsilon_t = 1.60\%$$

## Método del trapecio

El valor de a es: a= 0

El valor de b es: b= 1

El valor de n es: n= 10

El valor de la integral exacta es: n=0.5230

La integral aproximada es: I\_aprox=0.5193 u^2

Con un error porcentual verdadero: e\_t=0.70%

>>

c) Mediante regla de trapecio, con Excel, con 50 segmentos. Realizar la gráfica.

# Método del Trapecio

Datos

$$f(x) = x \sin(x) \cos(2x)$$

$$a = 0$$

C.S.

4

$$b = 0.7852$$

$$n = 50$$

$$h = 0.015704$$

i	$x_i$	$f(x_i)$	P.P.	P.P. $f(x_i)$
0	0.0000	0.0000	1.000	0.0000
1	0.0157	0.0471	2.000	0.0942
2	0.0314	0.0940	2.000	0.1880
3	0.0471	0.1407	2.000	0.2813
4	0.0628	0.1868	2.000	0.3737
5	0.0785	0.2324	2.000	0.4648
6	0.0942	0.2773	2.000	0.5545
7	0.1099	0.3212	2.000	0.6424
8	0.1256	0.3641	2.000	0.7282
9	0.1413	0.4058	2.000	0.8117
10	0.1570	0.4462	2.000	0.8925
11	0.1727	0.4852	2.000	0.9704
12	0.1884	0.5226	2.000	1.0451
13	0.2042	0.5582	2.000	1.1164
14	0.2199	0.5920	2.000	1.1841
15	0.2356	0.6239	2.000	1.2478
16	0.2513	0.6537	2.000	1.3073
17	0.2670	0.6813	2.000	1.3625
18	0.2827	0.7066	2.000	1.4131
19	0.2984	0.7295	2.000	1.4590
20	0.3141	0.7499	2.000	1.4998
21	0.3298	0.7677	2.000	1.5355
22	0.3455	0.7829	2.000	1.5659
23	0.3612	0.7954	2.000	1.5907
24	0.3769	0.8050	2.000	1.6100
25	0.3926	0.8118	2.000	1.6235
26	0.4083	0.8156	2.000	1.6312
27	0.4240	0.8164	2.000	1.6328
28	0.4397	0.8142	2.000	1.6285
29	0.4554	0.8090	2.000	1.6180
30	0.4711	0.8006	2.000	1.6012
31	0.4868	0.7891	2.000	1.5783
32	0.5025	0.7745	2.000	1.5491
33	0.5182	0.7568	2.000	1.5136
34	0.5339	0.7359	2.000	1.4718
35	0.5496	0.7119	2.000	1.4237
36	0.5653	0.6847	2.000	1.3694
37	0.5810	0.6544	2.000	1.3089
38	0.5968	0.6211	2.000	1.2422
39	0.6125	0.5847	2.000	1.1694
40	0.6282	0.5453	2.000	1.0906
41	0.6439	0.5030	2.000	1.0060
42	0.6596	0.4578	2.000	0.9155
43	0.6753	0.4097	2.000	0.8194
44	0.6910	0.3589	2.000	0.7178
45	0.7067	0.3054	2.000	0.6108
46	0.7224	0.2493	2.000	0.4986
47	0.7381	0.1907	2.000	0.3814
48	0.7538	0.1297	2.000	0.2594
49	0.7695	0.0664	2.000	0.1327
50	0.7852	0.0008	1.000	0.0008
			suma=	52.7337 u <sup>2</sup>
			I <sub>aprox</sub> =	0.4141 u <sup>2</sup>

# Método del Trapecio

Datos

$f(x) = x \sin(x) \cos(2x)$

a 0.7852

C.S.

4

b 1

n 50

h 0.004296

i	$x_i$	$f_i(x_i)$	P.P.	P.P. $f_i(x_i)$
0	0.7852	0.0008	1.000	0.0008
1	0.7895	-0.0175	2.000	0.0349
2	0.7938	-0.0359	2.000	0.0718
3	0.7981	-0.0545	2.000	0.1090
4	0.8024	-0.0733	2.000	0.1465
5	0.8067	-0.0922	2.000	0.1843
6	0.8110	-0.1112	2.000	0.2224
7	0.8153	-0.1304	2.000	0.2608
8	0.8196	-0.1497	2.000	0.2994
9	0.8239	-0.1692	2.000	0.3384
10	0.8282	-0.1888	2.000	0.3776
11	0.8325	-0.2085	2.000	0.4170
12	0.8368	-0.2284	2.000	0.4567
13	0.8410	-0.2484	2.000	0.4967
14	0.8453	-0.2685	2.000	0.5369
15	0.8496	-0.2887	2.000	0.5774
16	0.8539	-0.3090	2.000	0.6181
17	0.8582	-0.3295	2.000	0.6590
18	0.8625	-0.3501	2.000	0.7002
19	0.8668	-0.3708	2.000	0.7415
20	0.8711	-0.3916	2.000	0.7831
21	0.8754	-0.4125	2.000	0.8249
22	0.8797	-0.4335	2.000	0.8669
23	0.8840	-0.4546	2.000	0.9091
24	0.8883	-0.4758	2.000	0.9515
25	0.8926	-0.4970	2.000	0.9941
26	0.8969	-0.5184	2.000	1.0368
27	0.9012	-0.5399	2.000	1.0798
28	0.9055	-0.5614	2.000	1.1229
29	0.9098	-0.5831	2.000	1.1661
30	0.9141	-0.6048	2.000	1.2095
31	0.9184	-0.6266	2.000	1.2531
32	0.9227	-0.6484	2.000	1.2968
33	0.9270	-0.6703	2.000	1.3407
34	0.9313	-0.6923	2.000	1.3846
35	0.9356	-0.7144	2.000	1.4287
36	0.9399	-0.7365	2.000	1.4730
37	0.9442	-0.7586	2.000	1.5173
38	0.9484	-0.7809	2.000	1.5617
39	0.9527	-0.8031	2.000	1.6063
40	0.9570	-0.8255	2.000	1.6509
41	0.9613	-0.8478	2.000	1.6956
42	0.9656	-0.8702	2.000	1.7404
43	0.9699	-0.8927	2.000	1.7853
44	0.9742	-0.9151	2.000	1.8303
45	0.9785	-0.9376	2.000	1.8753
46	0.9828	-0.9602	2.000	1.9203
47	0.9871	-0.9827	2.000	1.9655
48	0.9914	-1.0053	2.000	2.0106
49	0.9957	-1.0279	2.000	2.0558
50	1.0000	-1.0505	1.000	1.0505

suma= 50.6373  $u^2$

$I_{aprox}$ = 0.1088  $u^2$

$I_{\text{aprox}} =$	$0.5228 \text{ u}^2$
$I_{\text{verdadera}} =$	$0.5230 \text{ u}^2$
$\epsilon_t$	$0.03\%$

e) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 500 segmentos. Realizar la gráfica.

```

Método del trapecio
El valor de a es:  a= 0
El valor de b es:  b= 1
El valor de n es:  n=500
El valor de la integral exacta es:  n=0.5230

La integral aproximada es:          I_aprox=0.5230 u^2
Con un error porcentual verdadero:  e_t=0.00%
>>

```

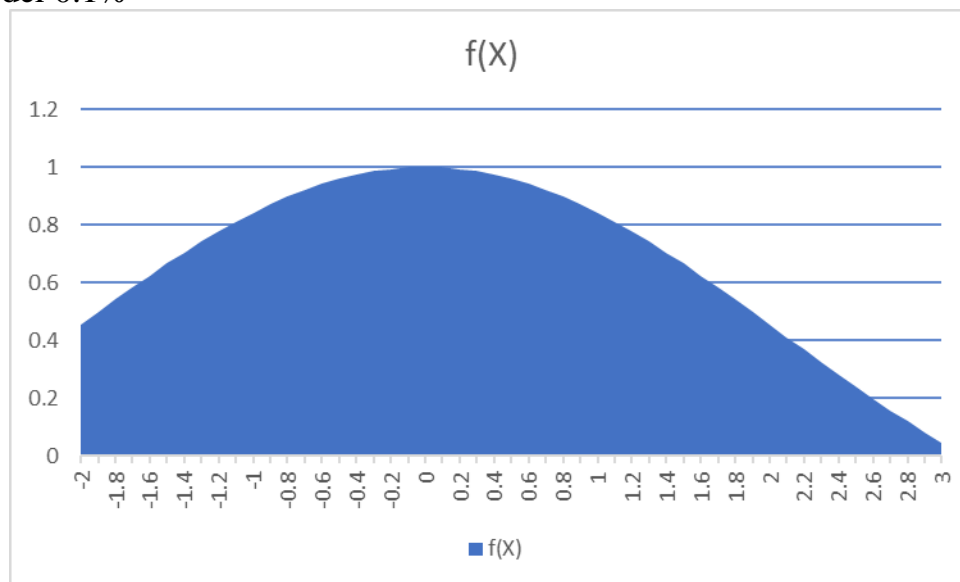
### Problema 7

Calcular numéricamente la siguiente integral imposible:

$$I = \int_{-2}^2 \frac{\text{sen}x}{x} dx$$

Si se conoce que el calor exacto es: 3.21083

- c) Mediante del Simpson 1/3, mediante Excel, Hallar una integral aproximada hasta un error del 0.1%



# Método del Simpson 1/3

## Datos

$$f(x) = \frac{\sin(x)}{x}$$

**a**  $-2$

C.S.

4

**b** 2

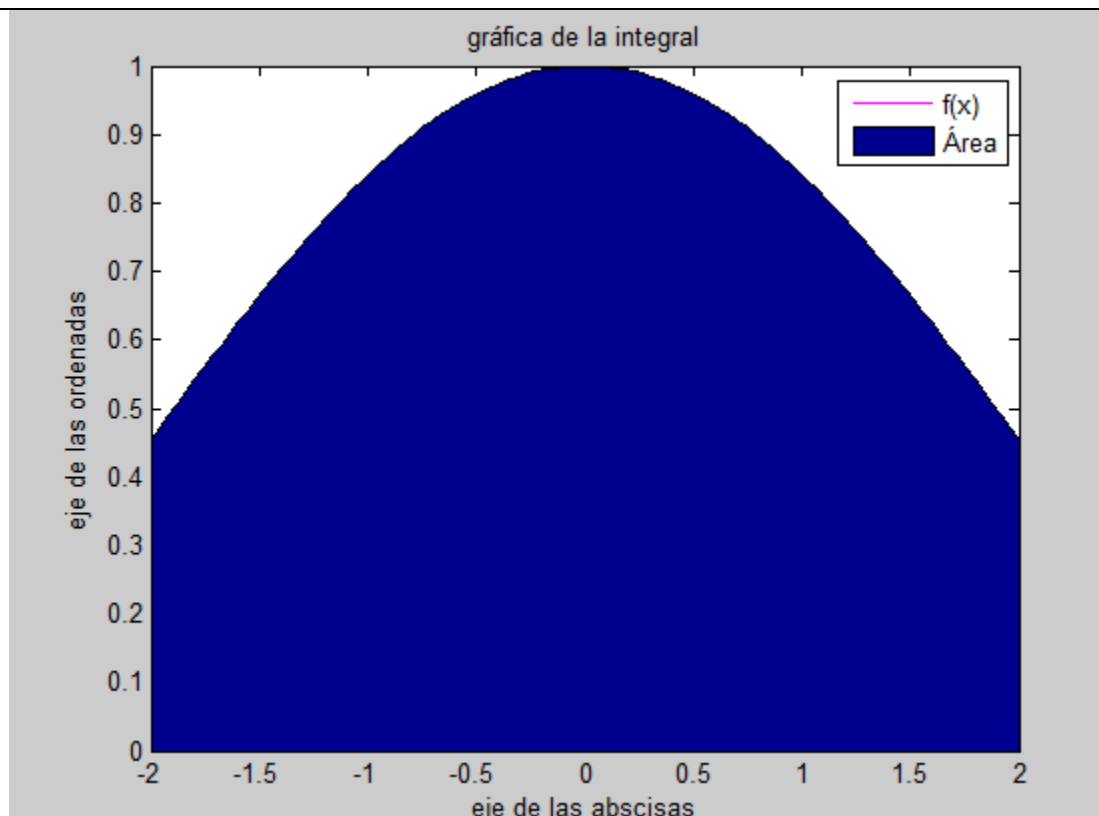
**n** 10

## h 0.4

$I_{\text{exacta}}$	3.2108	(esto se calcula con métodos de integración)
---------------------	--------	--

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$
0	-2.0000	0.4546	1.000	0.4546
1	-1.6000	0.6247	4.000	2.4989
2	-1.2000	0.7767	2.000	1.5534
3	-0.8000	0.8967	4.000	3.5868
4	-0.4000	0.9735	2.000	1.9471
5	0.0000	1.0000	4.000	4.0000
6	0.4000	0.9735	2.000	1.9471
7	0.8000	0.8967	4.000	3.5868
8	1.2000	0.7767	2.000	1.5534
9	1.6000	0.6247	4.000	2.4989
10	2.0000	0.4546	1.000	0.4546
			suma=	24.0817 u2
			$I_{\text{aprox}}=$	3.2109 u2
			$\epsilon_t=$	0.00%

- d) Mediante del Simpson 1/3, mediante MatLab, Hallar una integral aproximada hasta un error del 0.1%



```

Shortcuts How to Add What's New
Editor - C:\Users\huasc\Desktop\simpson1_3.m
Command Window

Metodo de Simpson 1/3

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 2
El valor de n es: n= 10

La integral aproximada es: I_aprox=3.2108 u^2
La integral exacta es: I_exacta=3.2108 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t= 0.0%
>>

6 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
7 f=inline('sin(x)./x');
8
9 %g=input('Inserte por favor la funcion\n g = ');
10 %f=inline(g);
11 a=0; %limite inferior
12 %a=input('Inserte por favor el valor del limite inferior\n a = ');
13 b=2; %limite superior
14 %b=input('Inserte por favor el valor del limite superior\n b = ');
15 n=10; %Numero de segmentos
16 %n=input('Inserte por favor el valor del numero de segmentos\n n = ');
17 I_exacta=3.21083;
18 fprintf('
19 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a)
20 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b)
21 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
22 x=linspace(a+0.001,b,100);
23 plot(x,f(x),'-m');
24 hold on
25 area(x,f(x));
26 h=(b-a)/n;
27 xlabel('eje de las abscisas');
28 ylabel('eje de las ordenadas');
29 title('gráfica de la integral');
30 legend('f(x)', 'Área')
31 suma=1;
32 for i=1:2:n-1

```

### Metodo de Simpson 1/3

```
El valor de a es: a= 0  
El valor de b es: b= 2  
El valor de n es: n= 10
```

```
La integral aproximada es: I_aprox=3.2108 u^2
```

```
La integral exacta es: I_exacta=3.2108 u^2
```

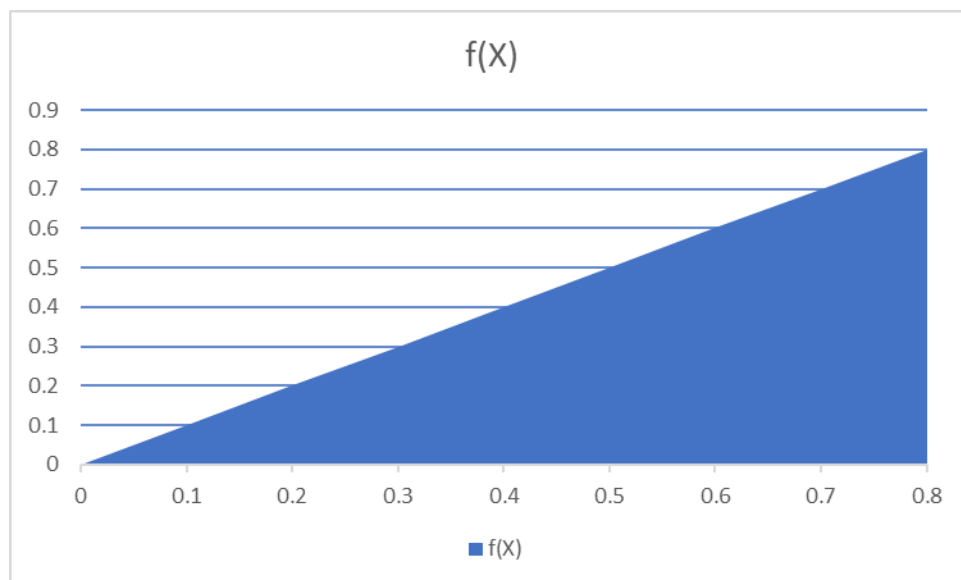
```
Con un error porcentual verdadero: e_t= 0.0%  
>>
```

### Problema 8

Calcular numéricamente la siguiente integral:

$$I = \int_0^{0.8} (0.2 + 25x - 200x^2 + 675x^3 - 900x^4 + 400x^5) dx$$

c) Mediante regla Simpson, con Excel, con 12 segmentos. Realizar la gráfica.





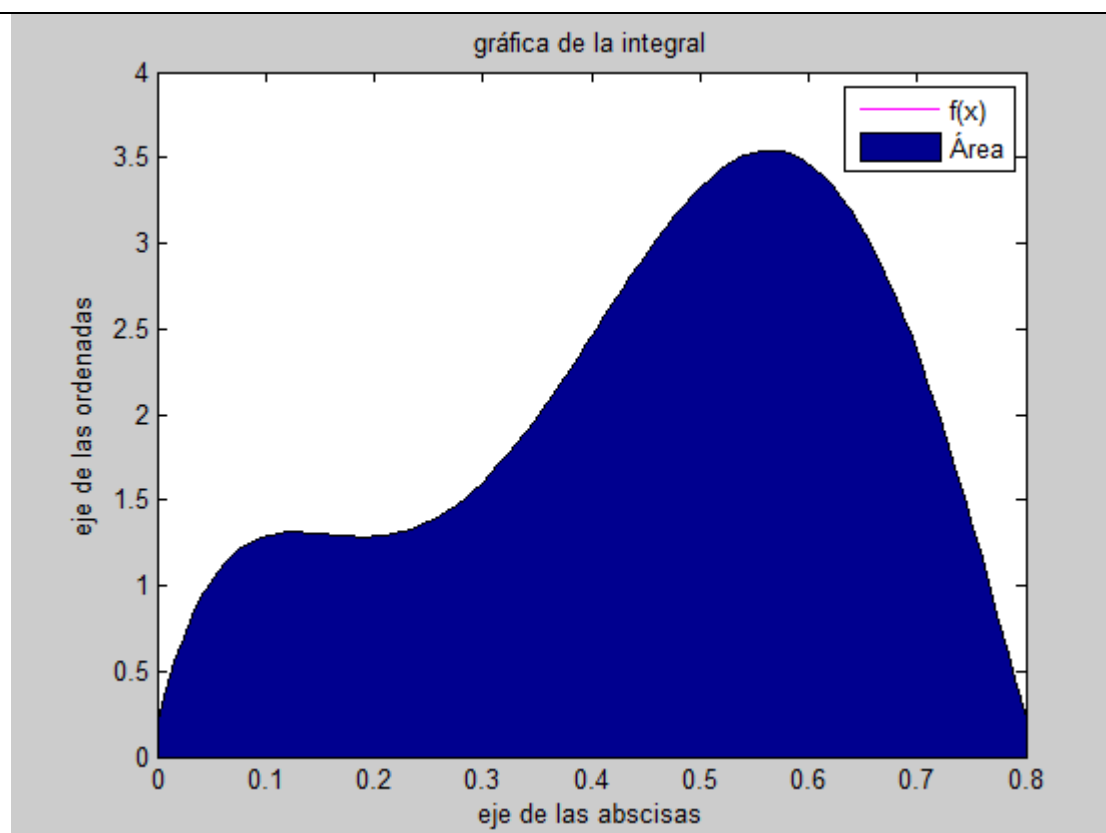
# Método del Simpson 1/3

## Datos

$f(x) =$	$0.2+25*x-200*x^2+675*x^3-900*x^4+400*x^5$		
$a$	0	C.S.	4
$b$	0.8		
$n$	12		
$h$	0.066666667		
$I_{\text{exacta}}$	1.6405	(esto se calcula con métodos de integración)	

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $f_{(x_i)}$	
0	0.0000	0.2000	1.000	0.2000	
1	0.0667	1.1605	3.000	3.4816	
2	0.1333	1.3102	3.000	3.9306	
3	0.2000	1.2880	2.000	2.5760	
4	0.2667	1.4327	3.000	4.2982	
5	0.3333	1.8461	3.000	5.5383	
6	0.4000	2.4560	2.000	4.9120	
7	0.4667	3.0797	3.000	9.2392	
8	0.5333	3.4872	3.000	10.4615	
9	0.6000	3.4640	2.000	6.9280	
10	0.6667	2.8749	3.000	8.6247	
11	0.7333	1.7268	3.000	5.1803	
12	0.8000	0.2320	1.000	0.2320	
			suma= 65.6024 u2		
			$I_{\text{aprox}} = 1.6401 \text{ u2}$		
			$\epsilon_t = 0.03\%$		

e) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 24 segmentos. Realizar la gráfica.



```
Editor - C:\Users\huasc\Desktop\Simpson3_8.m
Command Window

Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 1
El valor de n es: n= 24

La integral aproximada es: I_aprox=1.6405 u^2
La integral exacta es: I_exacta=1.6405 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.00%
>>
```

```
1 %METODO DE SIMPSON 3/8
2 clc, clear all;
3 fprintf('\n \t \t Metodo de Simpson 3/8 \n \n')
4 %Datos
5 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
6 f=inline('0.2+25*x-200*x.^2+675*x.^3-900*x.^4+400*x.^5');
7 %g=input('Inserte por favor la funcion\n g = ');
8 %f=inline(g);
9 a=0; %limite inferior
10 %a=input('Inserte por favor el valor del limite inferior\n a = ');
11 b=0.8; %limite superior
12 %b=input('Inserte por favor el valor del limite superior\n b = ');
13 n=24; %Numero de segmentos
14 %n=input('Inserte por favor el valor del numero de segmentos\n n = ');
15 I_exacta=1.6405;
16 fprintf('\n')
17 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a)
18 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b)
19 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
20 x=linspace(a,b,100);
21 plot(x,f(x),'-m');
22 hold on
23 area(x,f(x));
24 xlabel('eje de las abscisas');
25 ylabel('eje de las ordenadas');
26 title('gráfica de la integral');
27 legend('f(x)', 'Área');
```

```
Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es: a= 0
El valor de b es: b= 1
El valor de n es: n= 24

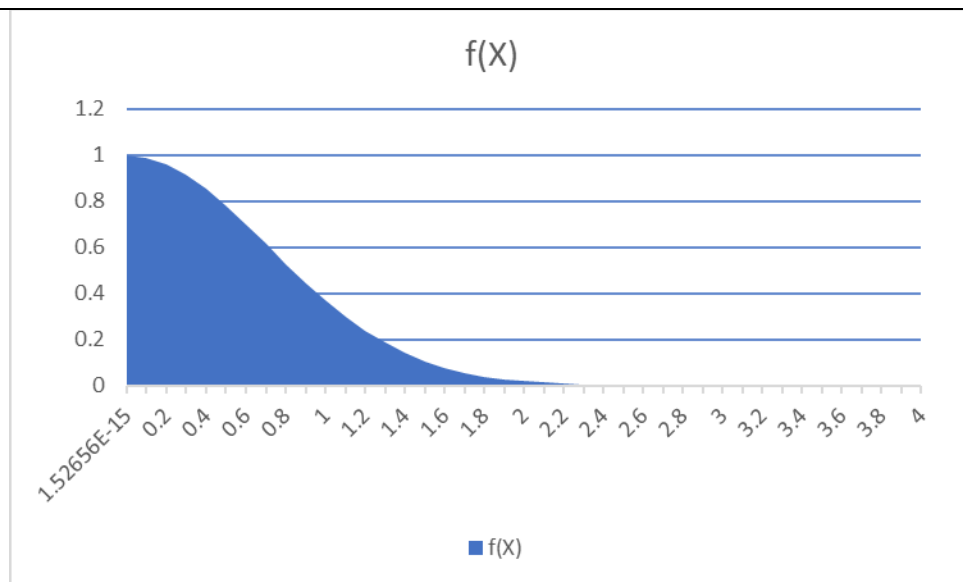
La integral aproximada es: I_aprox=1.6405 u^2
La integral exacta es: I_exacta=1.6405 u^2
Con un error porcentual verdadero: e_t=0.00%
>>
```

## Problema 9

Calcular numéricamente la siguiente integral:

$$I = \int_0^4 e^{-x^2} dx$$

c) Mediante regla Simpson, con Excel, con 12 segmentos. Realizar la gráfica.



## Método del Simpson 3/8

### Datos

$f(x) = e^{(-x^2)}$

**a** 0

C.S.

4

**b** 4

**n** 12

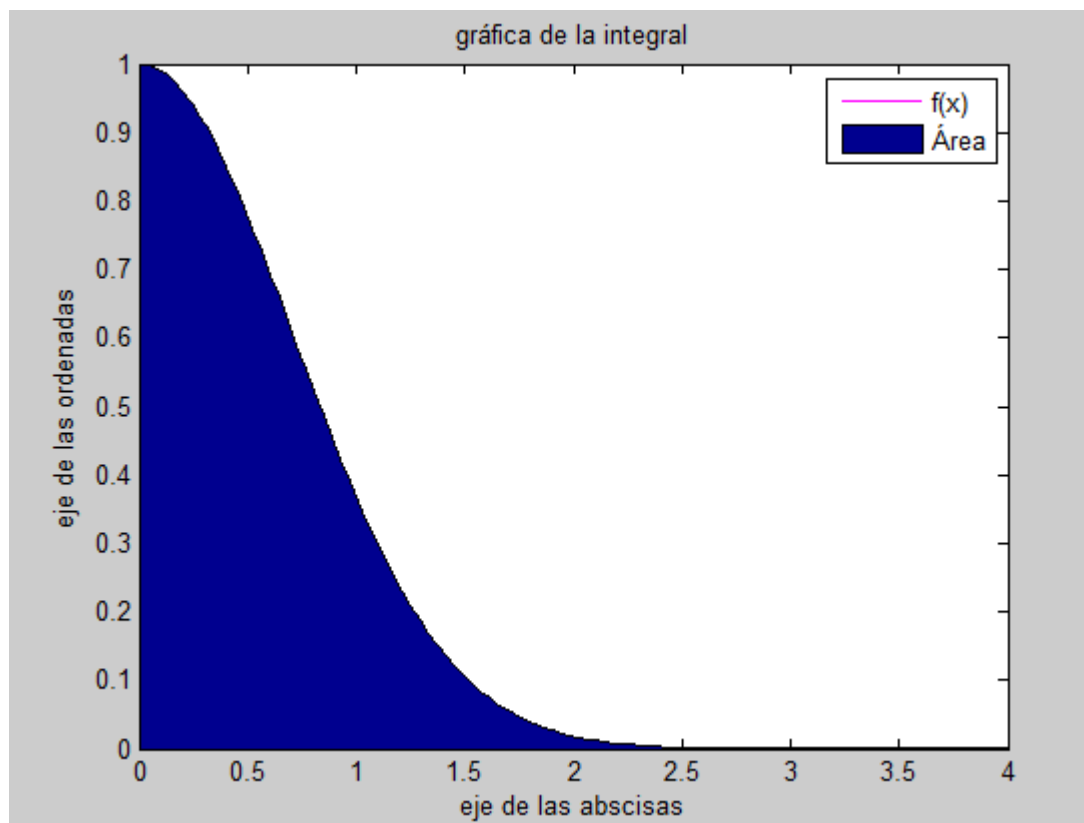
**h** 0.33333333

$I_{\text{exacta}}$  0.8862

(esto se calcula con métodos de integración)

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $f_{(x_i)}$	
0	0.0000	1.0000	1.000	1.0000	
1	0.3333	0.8948	3.000	2.6845	
2	0.6667	0.6412	3.000	1.9235	
3	1.0000	0.3679	2.000	0.7358	
4	1.3333	0.1690	3.000	0.5070	
5	1.6667	0.0622	3.000	0.1865	
6	2.0000	0.0183	2.000	0.0366	
7	2.3333	0.0043	3.000	0.0130	
8	2.6667	0.0008	3.000	0.0024	
9	3.0000	0.0001	2.000	0.0002	
10	3.3333	0.0000	3.000	0.0000	
11	3.6667	0.0000	3.000	0.0000	
12	4.0000	0.0000	1.000	0.0000	
			suma=	7.0897 u2	
			$I_{\text{aprox}}=$	0.8862 u2	
			$\epsilon_t=$	0.00%	

d) Mediante regla de trapecio, con MatLab, con 24 segmentos. Realizar la gráfica.



The screenshot shows the MATLAB Editor with a script titled 'Simpson3\_8.m' and the Command Window displaying the output of the script. The script implements the Simpson's 3/8 method for numerical integration. It defines a function  $f(x) = 2 - \frac{3}{x}$  and a function  $g(x) = 0.7x^2 - 3x$ . The script calculates the approximate integral using the Simpson's 3/8 method with  $n=24$  segments and compares it to the exact integral value. The output shows that the approximate integral is  $I_{aprox} = 0.8862$  and the exact integral is  $I_{exacta} = 0.8862$ , with a true percentage error of  $e_t = 0.00\%$ .

```

1 %METODO DE SIMPSON 3/8
2 clc, clear all;
3 fprintf('\n \t \t Metodo de Simpson 3/8 \n \n')
4 %Datos
5 f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
6 f=inline('exp(-x.^2)');
7 %g=input('Inserte por favor la funcion\n g = ');
8 %f=inline(g);
9 a=0; %limite inferior
10 %a=input('Inserte por favor el valor del limite inferior\n a = ');
11 b=4; %limite superior
12 %b=input('Inserte por favor el valor del limite superior\n b = ');
13 n=24; %Numero de segmentos
14 %n=input('Inserte por favor el valor del numero de segmentos\n n = ');
15 I_exacta=0.8862;
16 fprintf(' \n')
17 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a)
18 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b)
19 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
20 x=linspace(a,b,100);
21 plot(x,f(x),'-m');
22 hold on
23 area(x,f(x));
24 xlabel('eje de las abscisas');
25 ylabel('eje de las ordenadas');
26 title('gráfica de la integral');
27 legend('f(x)', 'Área');

```

Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es: a= 0  
El valor de b es: b= 4  
El valor de n es: n= 24

La integral aproximada es: I\_aprox=0.8862 u^2  
La integral exacta es: I\_exacta=0.8862 u^2  
Con un error porcentual verdadero: e\_t=0.00%  
f\_t >>

This screenshot shows the output of the MATLAB script in the Command Window. It displays the title 'Metodo de Simpson 3/8' and the input values for  $a$ ,  $b$ , and  $n$ . It then shows the calculated approximate and exact integral values, and the true percentage error.

```

Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es:    a=  0
El valor de b es:    b=  4
El valor de n es:    n= 24

La integral aproximada es:      I_aprox=0.8862 u^2

La integral exacta es:          I_exacta=0.8862 u^2

Con un error porcentual verdadero: e_t=0.00%
>>

```

## Problema 10

Calcular numéricamente la siguiente integral encerrada por las curvas  $f$  y  $g$ . Escoja el mejor método y el número de segmentos adecuado para tener un error al menos del 0.01%

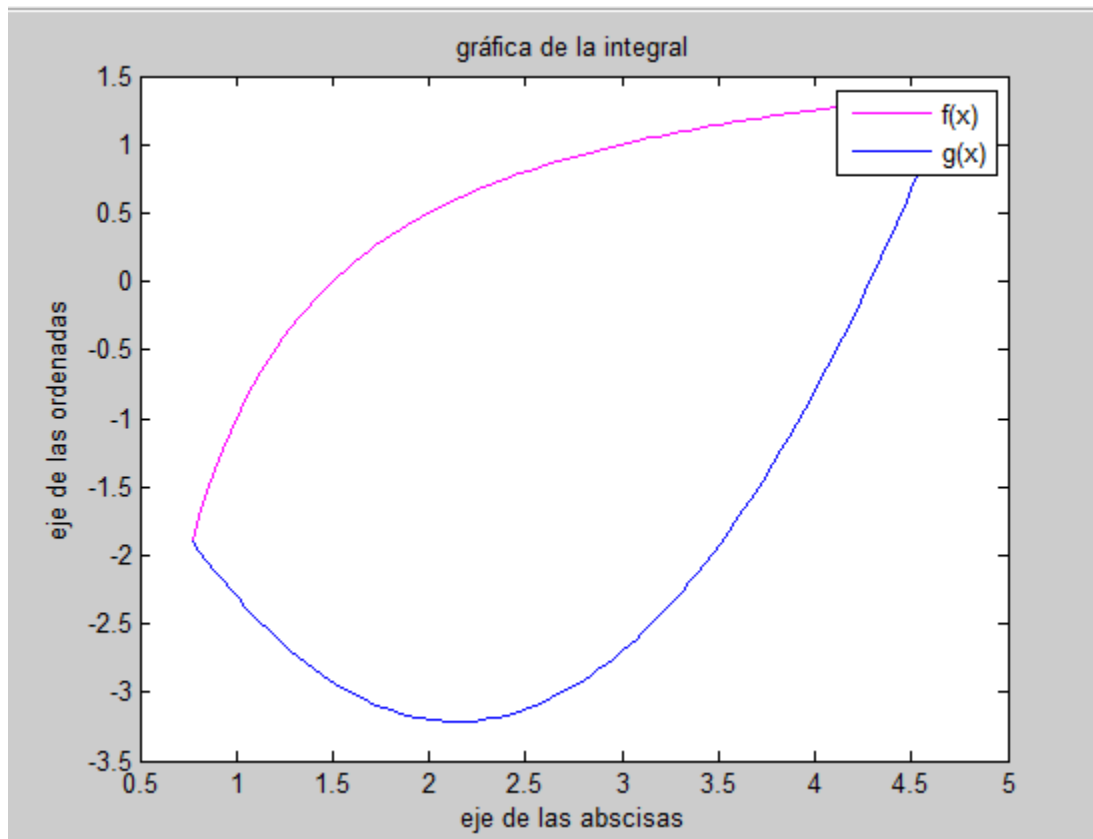
$$f_{(x)} = 2 - \frac{3}{x}$$

$$g_{(x)} = 0.7x^2 - 3x$$

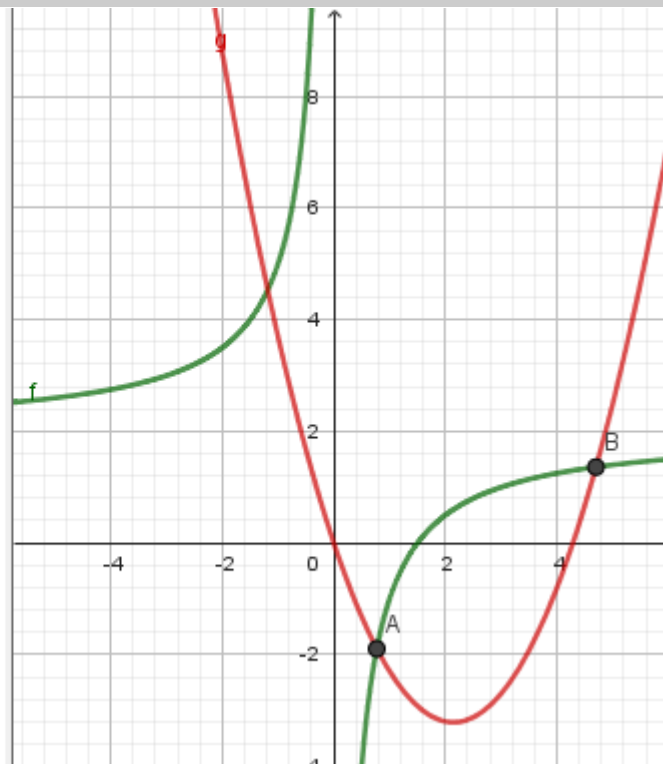
- Realizar la gráfica.
- Calcular la integral exacta y calcular el error relativo porcentual verdadero

Nota para hallar los puntos de intersección haga verificar  $f(x) = g(x)$ , condición de intersección, para la integral pedida, utilice.

$$I = \int (f(x) - g(x)) dx$$



- $f(x) = 2 - \frac{3}{x}$
- $g(x) = 0.7x^2 - 3x$
- $A = (0.7702, -1.8953)$
- $B = (4.6996, 1.3617)$



```
Editor - C:\Users\huasc\Desktop\Simpson3_8.m
Command Window

Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es:    a= 1
El valor de b es:    b= 5
El valor de n es:    n= 24

La integral aproximada es:    I_aprox=10.5596 u^2

La integral exacta es:    I_exacta=10.5600 u^2

Con un error porcentual verdadero:    e_t=0.00%
>>
```

```
2 clc, clear all;
3 fprintf('\n \t \t Metodo de Simpson 3/8 \n \n')
4 %Datos
5 %f=inline('2*exp(-3*x)+sin(0.5*x)+1./(2*x+3)+2');
6 f=inline('2-3./x-0.7*x.^2+3*x');
7 %g=input('Inserte por favor la funcion\n g = ');
8 %f=inline(g);
9 a=0.7702; %limite inferior
10 %a=input('Inserte por favor el valor del limite inferior\n a = ');
11 b=4.6996; %limite superior
12 %b=input('Inserte por favor el valor del limite superior\n b = ');
13 n=24; %Numero de segmentos
14 %n=input('Inserte por favor el valor del numero de segmentos\n n = ');
15 I_exacta=10.5600;
16 fprintf(' \n')
17 fprintf('El valor de a es:\ta=%3.0f\n',a)
18 fprintf('El valor de b es:\tb=%3.0f\n',b)
19 fprintf('El valor de n es:\tn=%3.0f\n',n)
20 x=linspace(a,b,100);
21 plot(x,f(x),'-m');
22 hold on
23 area(x,f(x));
24 xlabel('eje de las abscisas');
25 ylabel('eje de las ordenadas');
26 title('gráfica de la integral');
27 legend('f(x)', 'Área');
28 h=(b-a)/n;
```

```
Metodo de Simpson 3/8

El valor de a es:    a= 1
El valor de b es:    b= 5
El valor de n es:    n= 24

La integral aproximada es:    I_aprox=10.5596 u^2

La integral exacta es:    I_exacta=10.5600 u^2

Con un error porcentual verdadero:    e_t=0.00%
>>
```



# Método del Simpson 3/8

## Datos

$$f(x) = 2 - 3/x - 0.7 \cdot x^2 + 3 \cdot x$$

a 0.7702

C.S.

4

b 4.6996

n 12

h 0.32745

$I_{\text{exacta}}$  10.5600 (esto se calcula con métodos de integración)

i	$x_i$	$f_{(x_i)}$	P.P.	P.P. $\cdot f_{(x_i)}$		
0	0.7702	0.0003	1.000	0.0003		
1	1.0977	1.7165	3.000	5.1494		
2	1.4251	2.7485	3.000	8.2456		
3	1.7526	3.3959	2.000	6.7917		
4	2.0800	3.7692	3.000	11.3076		
5	2.4075	3.9191	3.000	11.7574		
6	2.7349	3.8720	2.000	7.7440		
7	3.0624	3.6428	3.000	10.9285		
8	3.3898	3.2409	3.000	9.7226		
9	3.7173	2.6721	2.000	5.3443		
10	4.0447	1.9407	3.000	5.8220		
11	4.3722	1.0493	3.000	3.1479		
12	4.6996	0.0001	1.000	0.0001		
			suma=	85.9614 u2		
			$I_{\text{aprox}} =$	10.5555 u2		
			$\epsilon_t =$	0.04%		