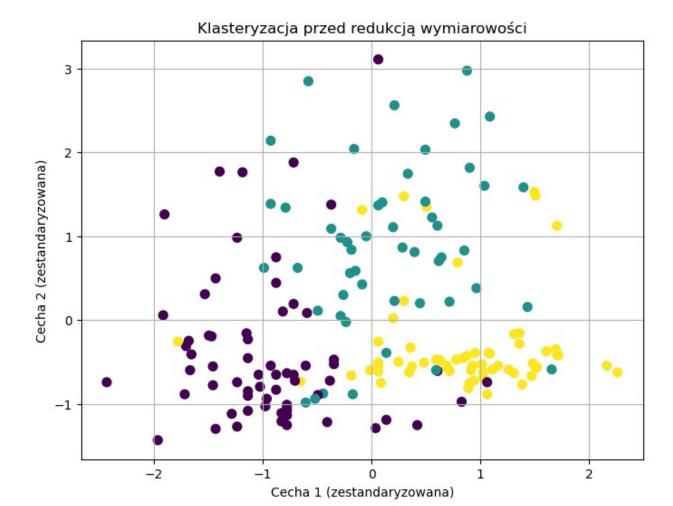
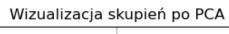
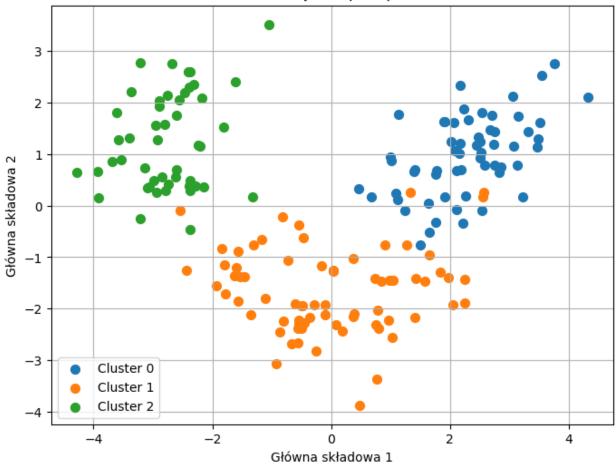
```
import os
os.environ["OMP NUM THREADS"] = "2"
os.environ["LOKY MAX CPU COUNT"] = "1"
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.decomposition import PCA
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.cluster import KMeans
from sklearn.datasets import load wine
# 1. Wczytanie danych
data = load wine()
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature names)
labels = data.target
# 2. Standaryzacja danych
scaler = StandardScaler()
data scaled = scaler.fit transform(df)
# 3. Redukcja wymiarowości za pomocą PCA
pca = PCA(n components=2) # Redukcja do 2 głównych składowych
data pca = pca.fit transform(data scaled)
# 4. Klasteryzacja przed redukcja wymiarowości
kmeans full = KMeans(n clusters=3, random state=42)
labels full = kmeans full.fit predict(data scaled)
# 5. Klasteryzacja po redukcji wymiarowości
kmeans pca = KMeans(n clusters=3, random state=42)
labels pca = kmeans pca.fit predict(data pca)
# 6. Wizualizacja wyników klasteryzacji przed redukcją
plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.scatter(data scaled[:, 0], data scaled[:, 1], c=labels full,
cmap='viridis', s=50)
plt.title('Klasteryzacja przed redukcją wymiarowości')
plt.xlabel('Cecha 1 (zestandaryzowana)')
plt.ylabel('Cecha 2 (zestandaryzowana)')
plt.grid()
plt.show()
# 7. Wizualizacja wyników PCA
plt.figure(figsize=(8, 6))
for label in np.unique(labels):
    plt.scatter(
        data pca[labels == label, 0],
        data pca[labels == label, 1],
        label=f"Cluster {label}",
```

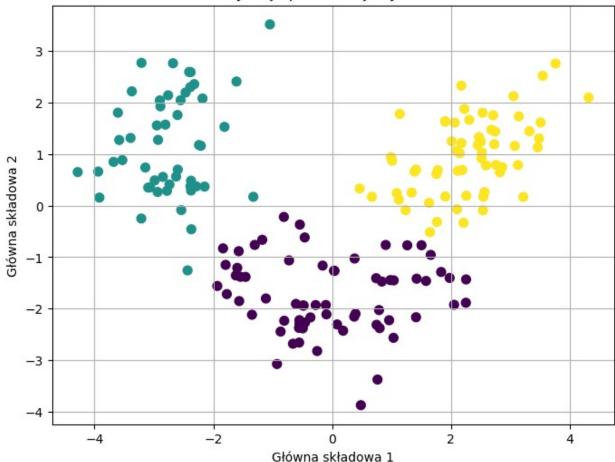
```
s = 50
    )
plt.xlabel('Główna składowa 1')
plt.ylabel('Główna składowa 2')
plt.title('Wizualizacja skupień po PCA')
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
# 8. Wizualizacja wyników klasteryzacji po redukcji
plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.scatter(data pca[:, 0], data pca[:, 1], c=labels pca,
cmap='viridis', s=50)
plt.title('Klasteryzacja po redukcji wymiarowości')
plt.xlabel('Główna składowa 1')
plt.ylabel('Główna składowa 2')
plt.arid()
plt.show()
# 9. Wyjaśnienie wariancji przez główne składowe
explained variance = pca.explained variance ratio
print(f"Wyjaśniona wariancja przez PCA: {explained variance}")
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
  warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
```







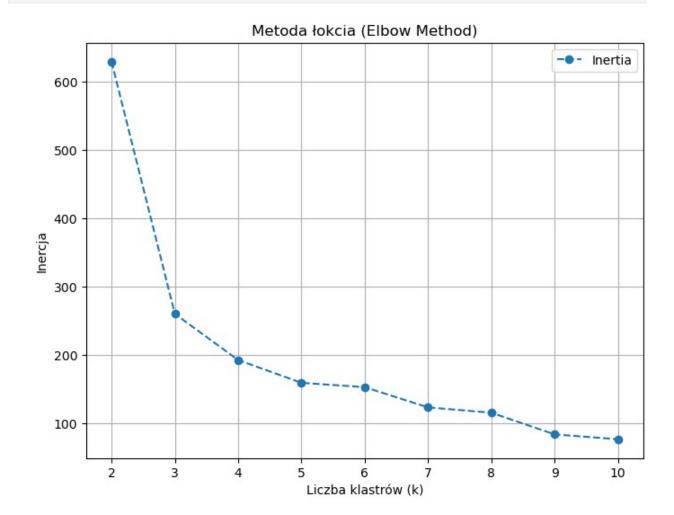




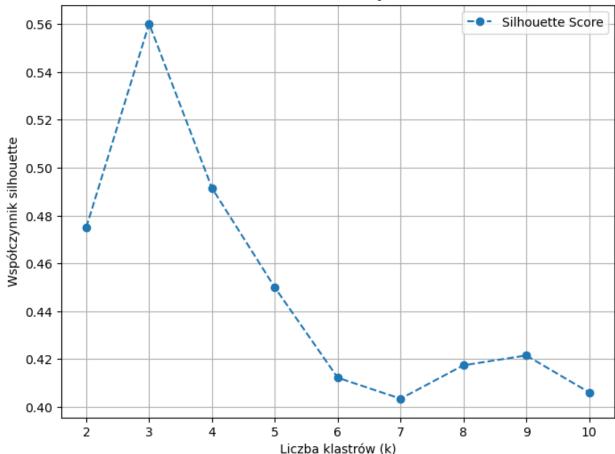
```
Wyjaśniona wariancja przez PCA: [0.36198848 0.1920749 ]
import os
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.cluster import KMeans
from sklearn.metrics import silhouette score
# Ustawienie liczby wątków na 1, aby uniknąć problemów z MKL na
Windows
os.environ["OMP_NUM_THREADS"] = "1"
# 1. Klasteryzacja K-means dla różnych wartości k
inertia = [] # Lista na wartości inercji
silhouette_scores = [] # Lista na wyniki metryki silhouette
k \text{ values} = \text{range}(2, 11) \# Zakres wartości k (od 2 do 10)
for k in k values:
    kmeans = KMeans(n clusters=k, random state=42)
    kmeans.fit(data_pca) # Użycie zredukowanych danych PCA
```

```
inertia.append(kmeans.inertia )
    silhouette scores.append(silhouette score(data pca,
kmeans.labels ))
# 2. Wizualizacja metody "łokcia"
plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.plot(k values, inertia, marker='o', linestyle='--',
label='Inertia')
plt.xlabel('Liczba klastrów (k)')
plt.ylabel('Inercja')
plt.title('Metoda łokcia (Elbow Method)')
plt.grid()
plt.legend()
plt.show()
# 3. Wizualizacja współczynnika silhouette
plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.plot(k_values, silhouette_scores, marker='o', linestyle='--',
label='Silhouette Score')
plt.xlabel('Liczba klastrów (k)')
plt.ylabel('Współczynnik silhouette')
plt.title('Silhouette Score dla różnych wartości k')
plt.grid()
plt.legend()
plt.show()
# 4. Wybór optymalnego k (np. na podstawie metody łokcia)
optimal k = 3 # Przykładowa wartość wybrana po analizie
kmeans optimal = KMeans(n clusters=optimal k, random state=42)
kmeans optimal.fit(data pca)
# 5. Wizualizacja wyników klasteryzacji K-means (optymalne k)
plt.figure(figsize=(8, 6))
for cluster in range(optimal k):
    plt.scatter(
        data pca[kmeans optimal.labels == cluster, 0],
        data pca[kmeans optimal.labels == cluster, 1],
        label=f'Cluster {cluster}',
        s = 50
plt.xlabel('Główna składowa 1')
plt.ylabel('Główna składowa 2')
plt.title('Klasteryzacja K-means (po PCA)')
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
```

```
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
  warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
 warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
  warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
OMP NUM THREADS=1.
  warnings.warn(
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on
Windows with MKL, when there are less chunks than available threads.
You can avoid it by setting the environment variable
```

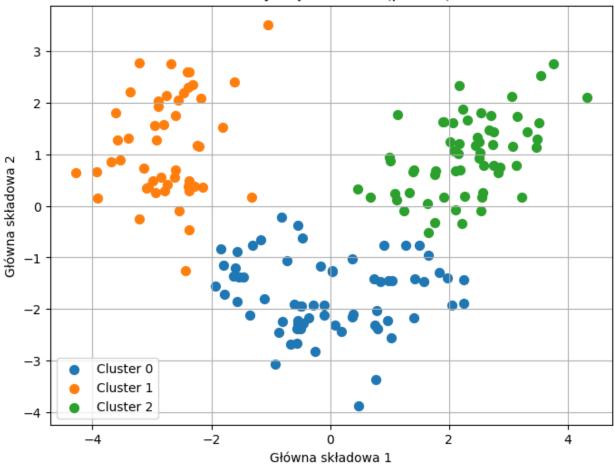


## Silhouette Score dla różnych wartości k



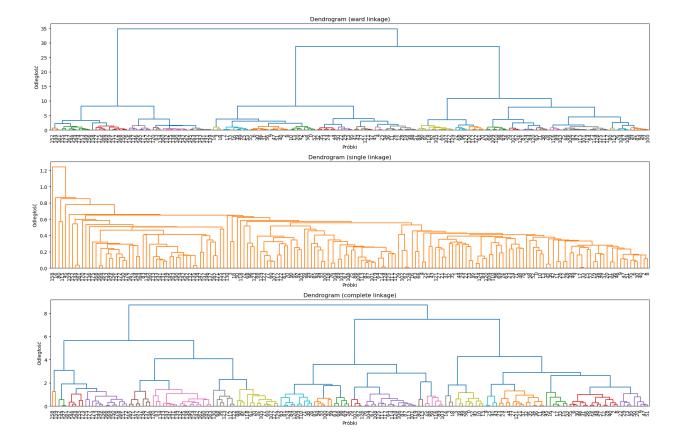
C:\Users\Tomasz 2115\anaconda3\Lib\site-packages\sklearn\cluster\
 \_kmeans.py:1429: UserWarning: KMeans is known to have a memory leak on Windows with MKL, when there are less chunks than available threads. You can avoid it by setting the environment variable OMP\_NUM\_THREADS=1.
 warnings.warn(

## Klasteryzacja K-means (po PCA)



```
import os
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.decomposition import PCA
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from scipy.cluster.hierarchy import dendrogram, linkage, fcluster
# Ustawienie liczby wątków na 1, aby uniknąć problemów z MKL na
Windows
os.environ["OMP NUM THREADS"] = "1"
# 1. Wczytanie danych (przykładowy zbiór Iris)
data = load wine()
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature names)
labels = data.target
# 2. Standaryzacja danych
scaler = StandardScaler()
data scaled = scaler.fit transform(df)
```

```
# 3. Redukcja wymiarowości za pomocą PCA
pca = PCA(n_components=2) # Redukcja do 2 głównych składowych
data pca = pca.fit transform(data scaled)
# 4. Klasteryzacja hierarchiczna
methods = ['ward', 'single', 'complete']
plt.figure(figsize=(18, 12)) # Zwiększenie rozmiaru wykresów
for i, method in enumerate(methods):
    plt.subplot(3, 1, i + 1) # Każdy dendrogram w osobnym wierszu
    Z = linkage(data pca, method=method)
    dendrogram(Z, leaf rotation=90, leaf font size=10,
color threshold=1.5)
    plt.title(f'Dendrogram ({method} linkage)')
    plt.xlabel('Próbki')
    plt.ylabel('Odległość')
plt.tight_layout()
plt.show()
# 5. Wyodrębnienie klastrów na różnych poziomach dendrogramu
Z = linkage(data pca, method='ward')
clusters hierarchical = fcluster(Z, t=3, criterion='maxclust')
# 6. Porównanie wyników klasteryzacji hierarchicznej z K-means
plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.scatter(data_pca[:, 0], data_pca[:, 1], c=clusters_hierarchical,
cmap='rainbow', s=50, label='Hierarchical Clustering')
plt.xlabel('Główna składowa 1')
plt.vlabel('Główna składowa 2')
plt.title('Klasteryzacja hierarchiczna (Ward linkage)')
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
```



## Klasteryzacja hierarchiczna (Ward linkage)

