第四章串

4.1 串的定义

串,即字符串(String),是由零个或多个字符组成的有限序列。一般记为 S= "a1 a2 …an" (n ≥ 0)其中,S是串名,用单引号或双引号括起来的字符序列是串的值, a_i (1 ≤ i ≤ n)可以是字母、数字或其他字符。

串是一种特殊的线性表,它的特殊性在于: 串中的每一个数据元素仅由一个字符组成。

例:

S="HelloWorld!"

T='HuaWei mate 4.0 pro'

串中字符的数目n称为 串的长度, 长度 为0的串称为 空串。

串中任意个连续的字符组成的子序列称为该串的<u>子串</u>,包含子串的串相应地 称为<u>主串</u>。

通常把字符在序列中的序号称为该字符在串中的<u>位置</u>,子串在主串中的位置 则以子串的第一个字符在主串中的位置来表示。

空串是任意串的子串,任意串是其自身的子串。

串值必须用一对单引号或双引号括起来,但引号本身不属于串。

空格串不是空串。

串VS线性表

串是一种特殊的线性表,数据元素之间呈线性关系



串的数据对象限定为字符集(如中文字符、英文字符、数字字符、标点字符等)

串的基本操作,如增删改查等通常以子串为操作对象。

串的基本操作

假设有串T="", S="HuaWei mate 4.0 pro?", W="Pro"

StrAssign(&T,chars): 赋值操作。把串T赋值为chars。

StrCopy(&T,S): 复制操作。由串S复制得到串T。

StrEmpty(S): 判空操作。若S为空串,则返回TRUE,否则返回FALSE。

StrLength(S): 求串长。返回串S的元素个数。

ClearString(&S):清空操作。将S清为空串。

DestroyString(&S): 销毁串。将串S销毁(回收存储空间)。

Concat(&T,S1,S2): 串联接。用T返回由S1和S2联接而成的新串

SubString(&Sub,S,pos,len): 求子串。用Sub返回串S的第pos个字符起长度为len的子串。

Index(S,T): 定位操作。若主串S中存在与串T值相同的子串,则返回它在主串S中第一次出现的

位置;否则函数值为0。

StrCompare(S,T): 比较操作。若S>T,则返回值>0;若S=T,则返回值=0;若S<T,则返回值<0。

串的比较操作

StrCompare(S,T): 比较操作。若S>T, 则返回值>0; 若S=T, 则返回值=0; 若S<T, 则返回值<0

Α

abandon/ ə'bændən/ vt.丢弃;放弃, 抛弃 aboard/ ə'bɔ:d/ ad.在船(车)上;上船

absolute/ 'æbsəlu:t/ a.绝对的:纯粹的

absolutely/ 'æbsəlu:tli/ ad.完全地;绝对地

absorb/ əb'sɔ:b/ vt.吸收;使专心

abstract/ 'æbstrækt/ n.摘要

abundant/ə'b/ndənt/a.丰富的;大量的

abuse/ ə'bju:z, ə'bju:s/ vt.滥用;虐待 n.滥用

academic/ ækə'demik/ a.学院的;学术的

accelerate/æk'seləreit/vt.(使)加快;促进

字符集编码

人点	四位					ASCII非打	「印控制	訓字符									ASCI	I 打印	7字符					
//				0.0	CONTRACTOR OF THE PARTY OF THE				0	001		00	10	00	21515200	01	10400010	01	100000	01	0.011.11		0111	
低四亿	<u></u>	十进制	字符		代码	字符解释	十進制	字符		1 代码	字符解释	2 +進制	?	NEWIGE	字符	4 +遊詢	No. of Contracts	5 +進制		1.36 %	311111215	十進制	7 字符	Hillio
0000	0	T 134 1941	BLANK	^@	271 11177	空	16	±10	^P	DLE	数据链路转意	32	7-10	48	710	Later and	anner.	80	P	96	710	112	40	ctrl
AND UNITED	U.	5127011	MULL	110000						10110					4	64	@						р	
0001	1	1	0	^ A	SOH	头标开始	17	4	^Q	DC1	设备控制 1	33	1	49		65	Α	81	Q	97	a	113	q	
0010	2	2	•	^в	STX	正文开始	18	1	^R	DC2	设备控制 2	34		50	2	66	В	82	R	98	b	114		
0011	3	3	V	^c	ETX	正文结束	19	!!	^s	DC3	设备控制 3	35	#	51	3	67	С	83	S	99	С	115	s	
0100	4	4	٠	^D	EOT	传输结束	20	1	ŶΤ	DC4	设备控制 4	36	\$	52	4	68	D	84	T	100	d	116	t	
0101	5	5	*	^ E	ENQ	查询	21	∮	^ U	NAK	反确认	37	%	53	5	69	Ε	85	U	101	е	117	u	
0110	6	6	A	^F	ACK	确认	22		۰, ۸	SYN	同步空闲	38	&	54	6	70	F	86	٧	102	f	118	V	
0111	7	7	•	^G	BEL	震铃	23	1	^ ₩	ETB	传输块结束	39		55	7	71	G	87	w	103	g	119	w	
1000	8	8		^ H	BS	退格	24	1	^ X	CAN	取消	40	(56	8	72	Н	88	Х	104	h	120	х	
1001	9	9	0	^ı	TAB	水平制表符	25		ŶΥ	EM	媒体结束	41	Ì	57	9	73		89	Υ	105	i	121	у	
1010	A	10	0	^ј	LF	换行/新行	26	\rightarrow	^ Z	SUB	替换	42	*	58		74	J	90	Z	106	i	122	z	
1011	В	11	ď	^ K	VT	竖直制表符	27	-	^ [ESC	转意	43	+	59		75	K	91	F	107	k	123	{	
1100	С	12	φ	^L	FF	换页/新页	28		Δ.	FS	文件分隔符	44		60	<	76		92		108		124	i	
1101	D	13	•	^ m	CR	回车	29	↔	^]	GS	组分隔符	45		61		77	М	93	1	109	m	125	ì	
1110	Е	14	1	^ N	SO	移出	30	A	^6	RS	记录分隔符	46		62	>	78	Ν	94	^	110	n	126	~	
1111	h.	15	n	^0	SI	移入	31	v	^_	US	単元分隔符	47	1	63	2	79	0	95		111	0	127	Δ	*Back

任何数据存到计算机中一定是二进制数。

需要确定一个字符和二进制数的对应规则这就是"编码"

"字符集":

英文字符——ASCII字符集 中英文——Unicode字符集

拓展: 乱码问题

¥P■u■儀■ u■儀0 u |??3离¥2烂?脥@ 嬋婣 婡 ??旅娥S娲嬅鑞走 婥 婡■[唇繱∪嬸?嬈瑁ÿÿi ■t3江■t2??????婡■杏む■杏-t■???粦D? u■????儀■ u -?嬅^[脥@ SUWQ媽婸 冼■?\$峑■?

在你的文件中,原本采用某一套编码规则y=f(x),如: '码' \leftrightarrow 0001010100010101010010 打开文件时,你的软件以为你采用的是另一套编码规则y=g(x),如: 0001010100010101010010 \leftrightarrow **恢**

串的顺序存储

```
#define MAXLEN 255
typedef struct{
    char ch[MAXLEN];//每个分量存储一个字符
    int length;//串的实际长度
}SString;
typedef struct{
    char*ch;//按串长分配存储区, ch指向串的基地址
    int length;//串的长度
}HString;
HString s;
S.ch=(char *)malloc(MAXLEN *sizeof(char);
S.length=0;
```

串的顺序存储

方案一: w a n g d a o 7

方案二: 7 w a n g d a o

方案三: w a n g d a o \0

方案四: wangdao 7

串的链式存储

typedef struct StringNode{
 char ch;//每个结点存1个字符
 struct StringNode * next;
}StringNode,* String;



缺点:存储密度低。

4.2 基本操作的实现

#define MAXLEN 255

typedef struct{

char ch[MAXLEN];//每个分量存储一个字符 int length;//串的实际长度

}SString;

StrAssign(&T,chars): 赋值操作。把串T赋值为chars。

StrCopy(&T,S): 复制操作。由串S复制得到串T。

StrEmpty(S): 判空操作。若S为空串,则返回TRUE,否则返回FALSE。

StrLength(S): 求串长。返回串S的元素个数。

ClearString(&S): 清空操作。将S清为空串。

DestroyString(&S): 销毁串。将串S销毁(回收存储空间)。

Concat(&T,S1,S2): 串联接。用T返回由S1和S2联接而成的新串

```
bool SubString(SString &Sub, SString S, int pos, int len) {
// 用Sub返回串S的第pos个字符起长度为len的子串。
 int i;
 if (pos < 1 | pos > S.length | len < 0 | len > S.length - pos + 1)
     return false;
 for(i=1; i \le len; i++)
      Sub[i] = S[pos+i-1];
  Sub.length= len;
  return true;
 // SubString
```

```
StrCompare(S,T): 比较操作。若S>T,则返回值>0;若S=T,则返回值=0;若S<T
,则返回值<0。
int StrCompare(SString S,SString T){
  for(int i=1;i<=S.length && i<=T.length;i++){
        if(S.ch[i]!=T.ch[i])
             return S.ch[i]-T.ch[i];
    //扫描过的所有字符都相同,则长度长的串更大
   return S.length-T.length;
```

Index(S,T): 定位操作。若主串S中存在与串T值相同的子串,则返回它在主串S中第一次出现的位置;否则函数值为0。

S: HuaWei mate40 pro

T: Wei

Index(S,T): 定位操作。若主串S中存在与串T值相同的子串,则返回它在主串S中第一次出现的位置;否则函数值为0。

```
bool SubString(SString &Sub, SString S, int pos, int len)
int StrCompare(SString S,SString T)
int Index(SString S, SString T){
     int i=1, n=StrLength(S),m=StrLength(T);
     SString sub; //用于暂存子串
     while(i \le n-m+1)
          SubString(sub, S,i,m);
         if(StrCompare(sub,T)!=0) ++i;
         else return i;//返回子串在主串中的位置
     return 0;//S中不存在与T相等的子串
```

**4.3 模式匹配

index的算法的实现

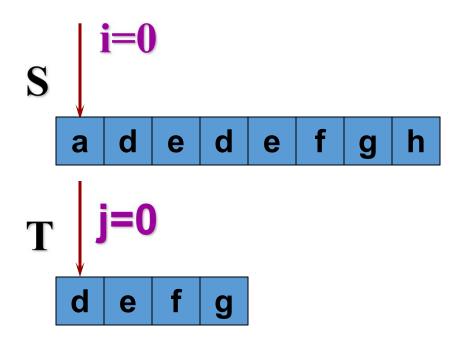
设
$$S= s_1 s_2 \dots s_n$$
 目标 $P= p_1 p_2 \dots p_m$ 模式

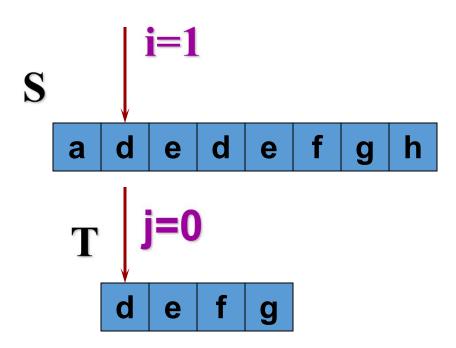
其中0<m<=n。

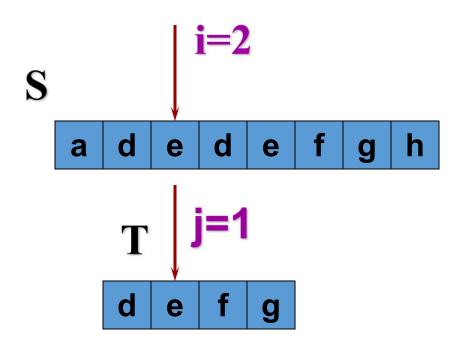
- ·在S中找到一个与P相同的子串,是index的功能,称求子串序号
- ·在目标S中查找模式为P的子串的过程成为模式匹配。

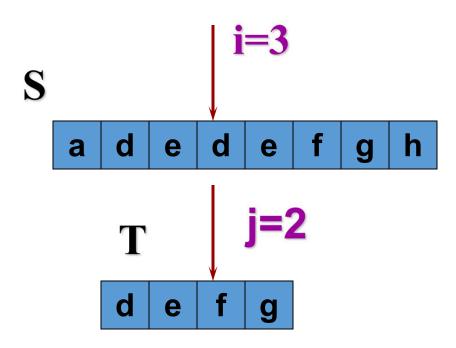
4.3.1.朴素的模式匹配算法

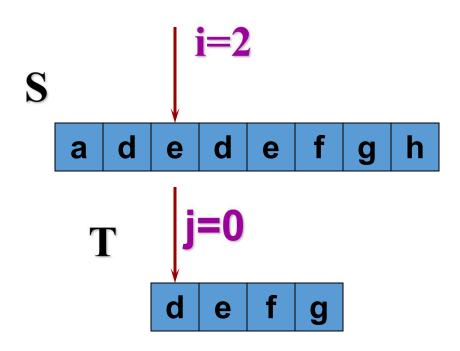
直到某一步 $p_1 = s_i, p_2 = s_{i+1}, ? p_m = s_{i+m-1}$ 匹配成功。

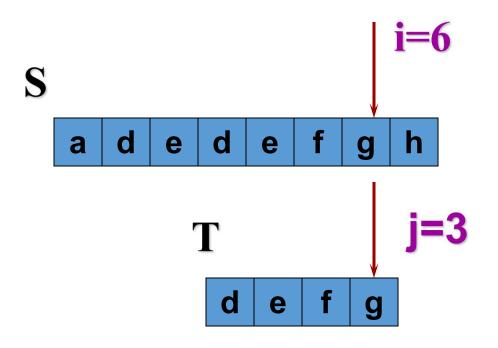


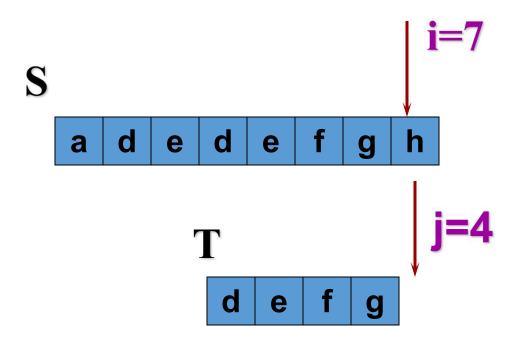












```
int Index(SString S, SString T, int pos) {
 // 返回子串T在主串S中第pos个字符之后的位置。
 // 若不存在,则函数值为0。
 // 其中, T非空, 1≤pos≤StrLength(S)。
 int i = pos; int j = 1;
 while (i <= S.length && j <= T.length {
  if (S[i] == T[i]) {++i; ++j; } // 继续比较后继字符
  else { // 指针后退重新开始匹配
    i = i-j+2; j = 1;
 if (j > T.length) return i-T.length;
 else return 0;
} // Index
```

```
int Index(SString S, SString T, int pos) {
 // 返回子串T在主串S中第pos个字符之后的位置。
 // 若不存在,则函数值为0。
 // 其中, T非空, 1≤pos≤StrLength(S)。
 int i = pos; int j = 1;
 while (i <= S.length && j <= T.length {
  if (S[i] == T[j]) {++i; ++j; } // 继续比较后继字符
   else { // 指针后退重新开始匹配
    i = i-j+2; j = 1;
                                  i=i- j +2 公式的由来:
 if (j > T.length) return i-T.length;
                                  j-1 是比较相等的个数
 else return 0;
                                  则 i-(j-1)是回到本次比较开始
} // Index
                                  时i的原位,
                                  所以 i-(j -1)+1 是新的 i
```

BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD

BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD

BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD

4.3.2 模式匹配的一种改进算法

假设现在文本串S匹配到 i 位置,模式串P匹配到 j 位置

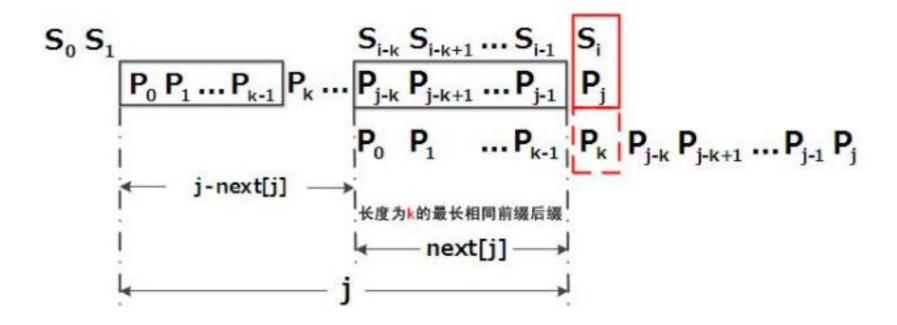
如果j = -1,或者当前字符匹配成功(即S[i] == P[j]),都令i++,j++,继续匹配下一个字符;

如果j!= -1, 且当前字符匹配失败(即S[i]!= P[j]),则令 i 不变, j = next[j]。此举意味着失配时,模式串P相对于文本串S向右移动了j - next [j] 位。

4.3.2 模式匹配的一种改进算法

```
Int Index_KMP(char* s, char* p)
{ int i = 0; int j = 0; int sLen = strlen(s); int pLen = strlen(p);
  while (i < sLen && j < pLen)
  { //①如果j = -1, 或者当前字符匹配成功 (即S[i] == P[j]) , 都令i++, j++
    if (i == -1 || s[i] == p[i])
      j++:
      j++;
    else
      //②如果j!=-1, 且当前字符匹配失败 (即S[i]!= P[j]), 则令 i 不变, j = next[j]
       i = next[i];
  if (j == pLen)
    return i - j;
  else
    return -1;
```

BBC ABCDAB ABCDABCDABDE ABCDABD



①寻找前缀后缀最长公共元素长度

对于P=p0p1...pj-1pj, 寻找模式串P中长度最大且相等的前缀和后缀。如果存在p0p1...pk-1pk=pj-kpj-k+1...pj-1pj, 那么在包含pj的模式串中有最大长度为k+1的相同前缀后缀。举个例子, 如果给定的模式串为"abab", 那么它的各个子串的前缀后缀的公共元素的最大长度如下表格所示:

模式串	а	b	а	b
最大前缀后缀公共 元素长度	0	0	1	2

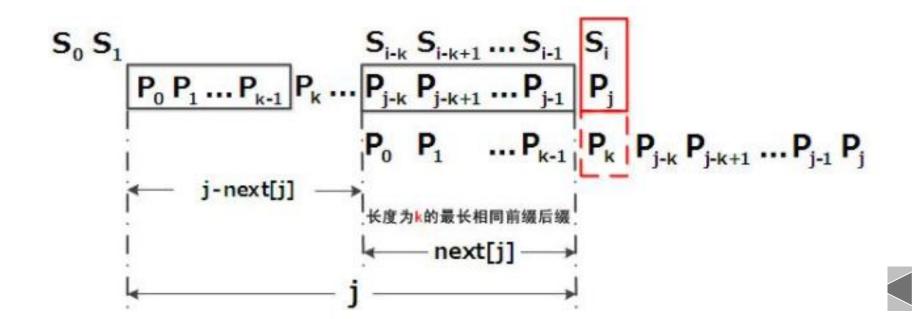
②求next数组

next 数组考虑的是除当前字符外的最长相同前缀后缀,所以通过第①步骤求得各个前缀后缀的公共元素的最大长度后,只要稍作变形即可: 将第①步骤中求得的值整体右移一位,然后初值赋为-1,如下表格所示:

模式串	а	b	а	b
next数组	-1	0	0	1

③根据next数组进行匹配

匹配失配, j = next [j], 模式串向右移动的位数为: j - next[j]。换言之, 当模式串的后缀pj-k pj-k+1, ..., pj-1 跟文本串si-k si-k+1, ..., si-1匹配成功, 但pj跟si匹配失败时, 因为next[j] = k, 相当于在不包含pj的模式串中有最大长度为k 的相同前缀后缀, 即p0 p1 ...pk-1 = pj-k pj-k+1...pj-1, 故令j = next[j],从而让模式串右移j - next[j] 位,使得模式串的前缀p0 p1, ..., pk-1对应着文本串si-k si-k+1, ..., si-1,而后让pk 跟si 继续匹配。如下图所示:

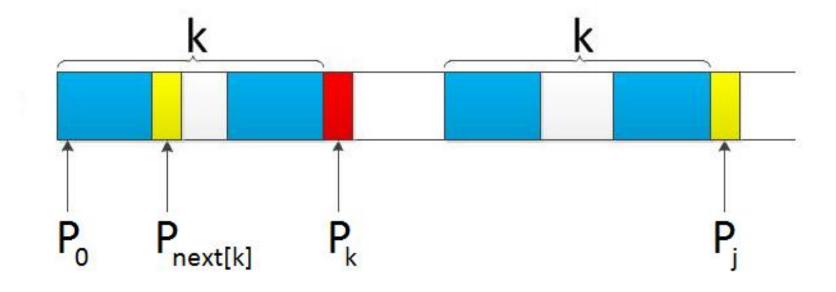


通过代码递推计算next 数组

计算next 数组的方法可以采用递推:

- 1. 如果**对于值k**,已有p0 p1, ..., pk-1 = pj-k pj-k+1, ..., pj-1, 相当于next[j] = k。 此意味着什么呢? 究其本质, next[j] = k 代表p[j] 之前的模式串子串中, 有长 **度为k 的相同前缀和后缀**。有了这个next 数组, 在KMP匹配中, 当模式串中j 处的字符失配时, 下一步用next[j]处的字符继续跟文本串匹配, 相当于模式 串向右移动j - next[j] 位。
- 2. 下面的问题是: 已知next [0, ..., j], 如何求出next [j + 1]呢? 对于P的前j+1个序列字符:

 若p[k] == p[j],则next[j+1] = next [j] + 1 = k + 1; 若p[k] ≠ p[j],如果此时p[next[k]] == p[j],则next[j+1] = next[k] + 1,否则继续 递归前缀索引k = next[k],而后重复此过程。相当于在字符p[j+1]之前不存在长度 为k+1的前缀"p0 p1, ···, pk-1 pk"跟后缀 "pj-k pj-k+1, ···, pj-1 pj"相等,那么是否 可能存在另一个值t+1 < k+1,使得长度更小的前缀 "p0 p1, ···, pt-1 pt" 等于长 度更小的后缀 "pj-t pj-t+1, ···, pj-1 pj" 呢?如果存在,那么这个t+1 便是 next[j+1]的值,此相当于利用已经求得的next 数组(next [0, ..., k, ..., j])进行P串 前缀跟P串后缀的匹配。



```
void get_next(char* p,int next[])
  int pLen = strlen(p); next[0] = -1;
  int k = -1; int j = 0;
  while (j < pLen - 1)
     //p[k]表示前缀, p[j]表示后缀
     if (k == -1 || p[j] == p[k])
       ++k;
       ++j;
       next[j] = k;
     else
       k = next[k];
```

通过代码递推计算next 数组

假定给定模式串ABCDABCE,且已知next [j] = k (相当于 "p0 pk-1" = "pj-k pj-1" = AB,可以看出k为2) ,现要求next [j+1]等于多少?因为pk = pj = C,所以next[j+1] = next[j] + 1 = k + 1(可以看出next[j+1] = 3)。代表字符E前的模式串中,有长度k+1的相同前缀后缀。

模式串	А	В	C	D	А	В	c	Ε
前后缀 相同长 度	0	0	0	0	1	2	3	0
next 值	-1	0	0	0	0	1	2	?
索引	p ₀	p _{k-1}	p _k	p _{k+1}	p _{j-k}	p _{j-1}	pj	p _{j+1}



通过代码递推计算next 数组

但如果pk!= pj 呢? 说明 "p0 pk-1 pk" \neq "pj-k pj-1 pj"。换言之,当pk!= pj 后,字符E前有多大长度的相同前缀后缀呢? 很明显,因为C不同于D,所以ABC 跟 ABD不相同,即字符E前的模式串没有长度为k+1的相同前缀后缀,也就不能再简单的令: next[j+1] = next[j] + 1。所以,只能去寻找长度更短一点的相同前缀后缀。

模式串	A	В	<u>c</u>	D	A	В	D	E
前后缀 相同长 度	0	0	0	0	1	2	0	0
next 值	-1	0	0	0	0	1	2	?
索引	p _o	p _{k-1}	p _k	p _{k+1}	p _{j-k}	p _{j-1}	p _j	p _{j+1}

若能**在前缀"p0 pk-1 pk"中不断的递归前缀索引k = next [k],找到一个字符Pk'也为D,代表Pk'=Pj,且满足p0 pk'-1 pk'=pj-k' pj-1 pj,则最大相同的前缀后缀长度为k'+1**,从而next [j+1]=k'+1=next [k']+1。否则前缀中没有D,则代表没有相同的前缀后缀,next [j+1]=0。

模式串	D	Α	В	c	D	Α	В	D	Ē
最长相同 前缀后缀	0	0	0	0	1	2	3	7	
next 值	-1	0	0	0	0	1	2	3	?
索引	P ₀	p ₁	p _{k-1}	p _k	p _{j-k}	p _{j-2}	p _{j-1}	pj	p _{j+1}

模式串	А	В	С	D	А	В	D
k	-1	0	-1,0	-1,0	-1,0	1	2
j	0	1	2	3	4	5	6
next 数组	-1	0	0	0	0	1	2