

2021년도 1 학기 중간고사

7.1	-1	-L	\circ	Τı
ΛI	헍	ᄕ	안	ΑI

교과목명	대학수학 1	교과목번호 -분반	MSC001 -11	담당교수	정 진 선	성	감독	
학부 (과)		학년		학번		명	확인	

모든 문제는 풀이과정을 쓰시오.

※다음에 답하라.(1~2)

1.
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$
일 때 $A^T + A^2$ 을 구하라.

2.
$$B = \begin{bmatrix} a & b & 2 \\ -1 & c & d \\ e & 3 & f \end{bmatrix}$$
 가 반대칭행렬이 되도록 a, b, c, d, e, f 의 값을 정하라.

**
$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = 5$$
일 때, 다음을 구하라. (3~4)

3.
$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ 4g & 4h & 4i \\ d & e & f \end{vmatrix}$$

4.
$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ 3d + 5a & 3e + 5b & 3f + 5c \\ g & h & i \end{vmatrix}$$

5. 다음 연립방정식을 행렬방정식형태로 나타 내고, 가우스 소거법으로 해를 구하라.

$$\begin{cases} x-y+z=1\\ 2y-z=1\\ 2x+3y=1 \end{cases}$$

6. 행렬
$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 2 \\ 3 & 1 & -6 \\ -2 & -1 & 5 \end{bmatrix}$$
의 역행렬을 구하라.

7. 연립방정식
$$\begin{cases} x+y+z=2\\ x+2y+z=3 & \text{ol 무수히}\\ x+y-(a^2-5)z=a \end{cases}$$

많은 해를 가질 a의 조건과 해를 가지지 않을 a의 조건을 구하라.

8. 행렬
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 7 \\ 6 & 0 & 3 \\ 1 & 5 & 3 \end{bmatrix}$$
 에 대하여 1행에 대한 라플라스 전개로 행렬식을 구하라.

9. 행렬 $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$ 의 특성방정식을 구하고, 고유값과 고유벡터를 구하라.

10. 다음 연립방정식을 만족하는 w를 크래머공식을 이용하여 구하라.

$$\begin{cases} x + y + z - 2w = -4 \\ 2y + z + 3w = 4 \\ 2x + y - z + 2w = 5 \\ x - y + w = 4 \end{cases}$$

- ** $\overrightarrow{a}=(2,-1,1)$, $\overrightarrow{b}=(1,1,2)$ 일 때, 다음 물음에 답하라. (11~12)
- 11. 두 벡터의 사잇각을 구하라.

12. 벡터 $\stackrel{\rightarrow}{a}$ 를 $\stackrel{\rightarrow}{b}$ 에 사영했을 때 벡터 $\Pr{oj_{\stackrel{\rightarrow}{b}}(\stackrel{\rightarrow}{a})}$ 를 구하라.

13. 두 벡터 a=2i-xj+k와 b=yi-4j-2k에 대하여 a와 b가 수직이고 x-y=2일 때, x,y값을 구하라.

14. 세 점 P(2,2,0), Q(-1,0,2), R(0,4,3)으로 이루어진 삼각형의 넓이를 구하라.

15. 점 (6,5,3)을 지나고 직선 $\frac{1-x}{2} = \frac{y}{4} = \frac{z-3}{-7}$ 에 평행한 직선에 대한 벡터방정식과 매개방정식을 구하라.