

Introducción a estadística. Uso de Tablas

Hugo J. Bello

Definiciones Básicas

- Una **población** es un conjunto de todos los elementos que estamos estudiando, acerca de los cuales intentamos sacar conclusiones. Debemos definir esa población de modo que quede claro cuándo cierto elemento pertenece o no a la población.
- Una **muestra** es una colección de algunos elementos de la población, no de todos.
- Una **muestra representativa** contiene las características relevantes de la población en las mismas proporciones en que están incluidas en tal población.

Ejemplo

En las elecciones generales, la **población** sería el conjunto total de votantes. Una muestra sería seleccionar a 1000 individuos para intentar predecir el resultado de las elecciones. La muestra será **representativa** si contiene la misma proporción de mujeres y hombres que la población votante, geográficamente todas las regiones están proporcionalmente representadas...

Las tablas de frecuencias

Pensemos en los siguientes datos: Supongamos que hemos extraído una muestra de la producción diaria de 30 telares de alfombras

16.2, 15.7, 16.4, 15.4, 16.4, 15.8, 16.0, 15.2, 15.7, 16.6, 15.8,
16.2, 15.9, 15.9, 15.6, 15.8, 16.1, 15.9, 16.0, 15.6, 16.3, 16.8,
15.9, 16.3, 16.9, 15.6, 16.0, 16.8, 16.0, 16.3

Observamos que los datos presentan repeticiones y que por lo tanto podemos hablar de *frecuencias* de ciertos valores de datos como por ejemplo 15.6 aparece tres veces.

lo primero que vamos a hacer es **ordenar los datos** y lo segundo **apuntar cuantas veces aparece cada dato**

valor	nº de veces que aparece
15.2	1
15.4	1
15.6	3
15.7	2
15.8	3
15.9	4
16.0	4

valor	nº de veces que aparece
16.1	1
16.2	2
16.3	3
16.4	2
16.6	1
16.8	2
16.9	1

Esto que acabamos de hacer es una **tabla de frecuencias** y es la manera más directa de estudiar los datos, especialmente cuando hay repeticiones.

Por último, la tabla anterior tiene quizás demasiadas columnas, una idea sería *resumir* la información agrupando los datos por intervalos. Por ejemplo podemos tomar intervalos de longitud 0.5 e ir anotando cuantos valores encontramos que pertenezcan a ese intervalo.

intervalo	nº datos en el intervalo
[15, 15.25)	1
[15.25, 15.5)	1
[15.5, 15.75)	5
[15.75, 16)	7
[16, 16.25)	7
[16.25, 16.5)	5
[16.5, 16.75)	1
[16.75, 17)	3

Definición

Una **tabla de frecuencias** (también conocida como tabla de relaciones de frecuencias) es una tabla en la que se organizan los datos en clases, es decir, en grupos de valores que escriben una característica de los datos y muestra el número de observaciones del conjunto de datos que caen en cada una de las clases.

Notación

Si estamos ante una tabla de frecuencias

- A cada observación (habitualmente de la muestra ordenada) de la muestra la llamaremos x_i
- Al *nº de veces que aparece el dato* x_i lo llamaremos **frecuencia absoluta** y lo denotaremos por n_i
- Al número total de datos lo llamaremos N
- A la suma de la frecuencia n_i más todas las anteriores le llamamos **frecuencia absoluta acumulada** y la denotamos por N_i .

Si la tabla está agrupada por intervalos

- A cada intervalo llamaremos $I_i = [l_i, l_{i+1})$
- al valor medio del intervalo lo llamaremos **marca de clase** $x_i = \frac{l_i + l_{i+1}}{2}$
- las frecuencias absoluta y absoluta acumulada se calculan igual pero en vez de contar el número de veces que aparece el dato contamos el *número de datos encontrados en el intervalo*.

Juntemos todo esto en el ejemplo anterior tenemos para la tabla sin agrupar

x_i	n_i	N_i
15.2	1	1
15.4	1	2
15.6	3	5
15.7	2	7
15.8	3	10
15.9	4	14
16.0	4	18
16.1	1	19
16.2	2	21
16.3	3	24
16.4	2	26
16.6	1	27
16.8	2	29
16.9	1	30

Y para la tabla agrupada por intervalos tenemos

intervalo	x_i	n_i	N_i
[15, 15.25)	15.125	1	1
[15.25, 15.5)	15.375	1	2
[15.5, 15.75)	15.625	5	7
[15.75, 16)	15.875	7	14
[16, 16.25)	16.125	7	21
[16.25, 16.5)	16.375	5	26
[16.5, 16.75)	16.625	1	27
[16.75, 17)	16.875	3	30

Medidas de concentración

Las medidas de concentración proporcionan información de los *valores centrales* en torno a los cuales se distribuyen los datos.

Son cálculos que realizaremos usando distintas estrategias sobre las tablas de frecuencias que hemos visto

Media

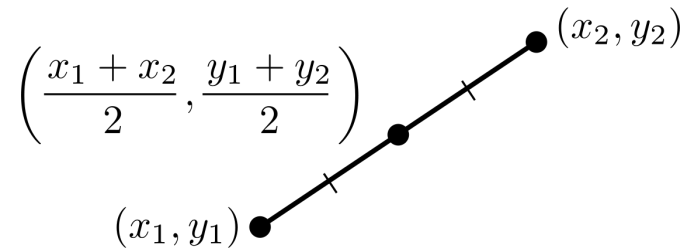
En general la media aritmética de un conjunto de números

$$x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$$

se obtiene sumando todos valores y dividiendo por el número de sumando es decir

$$\frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

a este valor se le denota \bar{x}



idea geométrica:

Para calcularlo, si tenemos una tabla de frecuencias

x_i	n_i
x_1	n_1
x_2	n_2
x_3	n_3
\vdots	\vdots
x_N	n_N

puesto que cada valor x_i se repite n_i veces, calcularemos la media de la siguiente manera

$$\bar{x} = \frac{x_1 \cdot n_1 + x_2 \cdot n_2 + x_3 \cdot n_3 + \dots + x_N \cdot n_N}{N} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \cdot n_i$$

en el caso de que tengamos una tabla de frecuencias agrupadas por intervalos

I_i	$x_i = \frac{x_i + x_{i+1}}{2}$	n_i
$[l_1, l_2)$	x_1	n_1
$[l_2, l_3)$	x_2	n_2
$[l_3, l_4)$	x_3	n_3
\vdots	\vdots	
$[l_N, l_{N+1})$	x_N	

haremos lo mismo pero usando la marca de clase $x_i = \frac{x_i + x_{i+1}}{2}$

Moda

Mediana

Bibliografía

- John A. Rice. Mathematical Statistics and Data Analysis
- F. M. Dekking, C. Kraaikamp, H. P. Lopuhaa, L. E. Meester. A Modern Introduction to Probability and Statistics. Understanding Why and How.
- https://es.wikipedia.org/wiki/Distribuci%C3%B3n_Bernoulli
- https://es.wikipedia.org/wiki/Distribuci%C3%B3n_binomial
- https://es.wikipedia.org/wiki/Distribuci%C3%B3n_geom%C3%A9trica