

Maximum Weight Cut Problem

Hugo Veríssimo - 124348 - hugoverissimo@ua.pt

Abstract – ... abstrato em ingles

Resumo – Este relatório apresenta a implementação e comparação de dois métodos para resolver o problema *Maximum Weight Cut*: uma pesquisa exaustiva e uma heurística gulosa. O problema *Maximum Weight Cut* com ESTE É O ANTIPO FAZER NOVO

I. INTRODUÇÃO

ja se analisou no outro relatorio a descrição do problema *Maximum Weight Cut*, [1] e ns q, super fixe

este relatoria visa explorar algoritmos com um certo grau de estocacidade/aletorieda com vista em otimizar a complexidade e as solucoes.

para alem disso os resultados são comparados aos obtidos anteriormente

serao entao implexmmentados 3 algoritmos, nomeadamente: ... e ...

II. METODOLOGIA DA ANÁLISE

vamos usar o python por ter o modulo random e outros

ns q vamos usar os ficheiro tal e tal

e para testar os algortimos serão testados os graficos do Gset e criados por nós com o ficheiro tal

Graphs for the Computational Experiments: mine and elearnig ou links and gset

III. ALGORITMO DE 1

- falar de como sao construidos: componente aleatoria e determinisica ?

- Ensuring that no such solutions are tested more than once., como fiz isto

- quando é q o algortimo para?

Algoritmo 1 nome do algoritmo

Entrada: matriz de adjacência G

Saída: subconjuntos S e T , peso do corte $weight$

```

1: best_solution ← None
2: best_cut_weight ← 0
3: seen_solutions ← empty set
4: for i ← 1 to solutions do
5:   Generate a random partition partition
6:   if size(seen_solutions) =  $2^{n_{nodes}}$  then
7:     break
8:   end if
9:   Compute a hash of the partition,
   partition_hash
10:  if partition_hash ∈ seen_solutions then
11:    continue
12:  end if
13:  Add partition_hash to seen_solutions
14:  new_cut_weight ← sum of weights of edges
   where nodes are in different parts of the partition
15:  if new_cut_weight > best_cut_weight then
16:    best_cut_weight ← new_cut_weight
17:    best_solution ← copy of partition
18:  end if
19: end for
20: S ← set of nodes assigned to 0 in best_solution
21: T ← set of nodes assigned to 1 in best_solution
   return S, T, best_cut_weight

```

- complexidade

IV. ALGORITMO DE 2

dsadasd

Algoritmo 2 Simulated Annealing for Graph Partitioning

Entrada: matriz de adjacência G
Saída: subconjuntos S e T , peso do corte $weight$
Require: List of edges $edges$, number of nodes

 n_nodes , initial temperature $initial_temp$,
cooling rate $cooling_rate$, minimum
temperature min_temp
Ensure: Partition sets S and T , and maximum cut
weight $best_cut$

```

1: while temperature > min_temp do
2:   node ← Randomly select a node from nodes
3:   Flip the partition of node in partition
4:   new_cut ← Compute weight of edges crossing
   the new partition
5:   cost_diff ← new_cut - current_cut
6:   if cost_diff > 0 or Random number <
   exp(cost_diff/temperature) then
7:     Accept the move
8:     current_cut ← new_cut
9:     if new_cut > best_cut then
10:      best_cut ← new_cut
11:      best_partition ← partition
12:    end if
13:  else
14:    Reject the move
15:
16:    and revert the partition change
17:  end if
18:  temperature ← temperature ×
   cooling_rate
19: end while
20: nodes ← range(n_nodes)
21: partition ← Random assignment of each node
   to 0 or 1
22: current_cut ← Compute weight of edges
   crossing the partition
23: temperature ← initial_temp
24: best_partition ← partition
25: best_cut ← current_cut
26: S ← Set of nodes assigned to 0 in best_partition
27: T ← Set of nodes assigned to 1 in
   best_partition return S, T, best_cut

```

Algoritmo 3 Random Greedy Optimization for Max Weight Cut

Entrada: matriz de adjacência G
Saída: subconjuntos S e T , peso do corte $weight$
Require: List of edges $edges$, number of nodes

 n_nodes , iteration limit factor $itLim$
Ensure: Partition sets S and T , and maximum cut
weight cut_weight

```

1: partition ← Random assignment of each node
   to 0 or 1
2: cut_weight ← Compute weight of edges crossing
   the partition
3: improved ← True
4: it_limit ← len(edges) × itLim
5: while improved and it_limit > 0 do
6:   it_limit ← it_limit - 1
7:   improved ← False
8:   for node in range(n_nodes) do
9:     Flip the partition of node
10:    new_cut_weight ← Compute weight of
   edges crossing the partition
11:    if new_cut_weight > cut_weight then
12:      cut_weight ← new_cut_weight
13:      improved ← True
14:      break ▷ Stop iteration for this node
15:    else
16:      Revert the partition of node
17:    end if
18:  end for
19: end while
20: S ← Set of nodes assigned to 0 in partition
21: T ← Set of nodes assigned to 1 in partition
   return S, T, cut_weight

```

- complexidade
- falar de como sao construidos: componente aleatoria e determinisica ?
- Ensuring that no such solutions are tested more than once., como fiz isto
- quando é q o algortimo para?

VI. ANÁLISE DOS RESULTADOS

Compare the results of the experimental and the formal analysis.

todos os grafos devem ser corridos pelo menos 5 vezes, e a media dos resultados deve ser calculada e mediana do tempo , por causa dos tempos e da aleatoriedade dos resultados

Graphs for the Computational Experiments: mine and elearnig and gset
asdasds

A. (1) the number of basic operations carried out

dsadasds

B. 2 the execution time

- Determine the largest graph that you can process on your computer, without taking too much time.

V. ALGORITMO DE 3

...

- complexidade

- falar de como sao construidos: componente aleatoria e determinisica ?

- Ensuring that no such solutions are tested more than once., como fiz isto

- quando é q o algortimo para?

...

- Estimate the execution time that would be required by much larger problem instances.
dsadasd

C. solution

asdad

C.1 (3) the number of solutions / configurations tested

sadsad

C.2 precision

asdasd

BIBLIOGRAFIA

- [1] J. Buhler e S. Wagon, “Basic algorithms in number theory”, *Algorithmic Number Theory*, vol. 44, 2008, <https://pub.math.leidenuniv.nl/~stevenhagenp/ANTproc/02buhler.pdf>. Accessed: 2024-11-02.