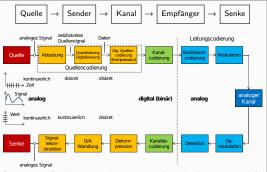


Industrielle Kommunikation

Anmerkung: Layout und weiteres für eine freiere Wissensgesellschaft erklaut. Θ

Allgemeines

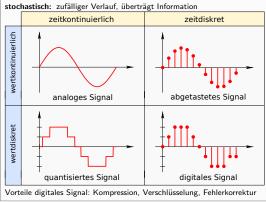


Signal \to A/D Wandlung: Abtastung \to Digitaler Bitstrom \to D/A Wandlung: ± 1 Gewichtete NF Impulse $\pm g_{\rm S}(t) \to$ Modulation: Verschiebung ins Trägerband \to AWGN Kanal \to Detektor \to Bitstrom

1. Signale

1.1. Arten von Signalen

deterministisch: durch Funktionen beschreibbar, enthalten kein Nachricht.



2. Abtastung von Signalen

Bezeichnung	Symbol	Einheit
Signalstufen	V	[V] = 1
Bandbreite	В	[B] = 1Hz
Datenrate / Bitrate	R_b	$[R_b] = 1bps$
Sendepegel (Signal)	P_S	$[P_S] = 1W \text{ oder}$ $[P_{S,dBm}] = 1dBm$
Rauschpegel (Noise)	P_N	$ \begin{array}{ccc} [P_N] &=& 1W & \text{oder} \\ [P_{N,dBm}] &=& 1dBm \end{array} $
Interefrenzpegel	P_I	$ \begin{array}{ccc} [P_I] &=& 1W & \text{oder} \\ [P_{I,dBm}] &=& 1dBm \end{array} $
Signal-Rausch- Verhältnis	$SNR = \frac{P_S}{P_N}$	$ \begin{array}{ccc} [SNR] &=& 1 & oder \\ [SNR_{dB}] &=& 1dB \end{array} $
Signal- Intefrenz- Rausch- Verhältnis	$SINR = \frac{P_S}{P_I + P_N}$	$\begin{bmatrix} SINR \end{bmatrix} = 1 \text{ oder } \\ \begin{bmatrix} SINR_{dB} \end{bmatrix} = 1dB $

(Signal-To-Noise-Ratio), Signal zu Rauschabstand $SNR_{(dB)}$ $SNR_{dB} = 10\log_{10}(SNR)dB = P_{S,dBm} - P_{N,dBm}$

(Signal-To-Interference-And-Noise-Ratio) $SINR_{(dB)}$

$$\begin{split} SINR &= \frac{P_S}{P_I + P_N} \\ SINR_{dB} &= 10\log_{10}(SINR)dB \\ SINR_{dB} &= P_{S,dBm} - P_{I,dBm} - P_{N,dBm} \end{split}$$

2.1. Nyquist-Abtasttheorem

 $R_{b,max} = 2Bld(V) \frac{bit}{s}$

2.2. Shannon-Abtasttheorem

 $R_{b,max} = Bld(1 + SNR) \frac{bit}{s} mit [SNR] = 1$

3. Dämpfung/Verstärkung, dB-Rechnung

3.1. Leistungspegel

Leistung:
$$P=\frac{U^2}{R}=I^2R$$
 Leistungspegel:
$$L_{P,dB}=10log\frac{P_2}{P_1}dB=20log\frac{U_2}{U_1}dB=20log\frac{I_2}{I_1}dB$$

$$L_{P,dBm}=10log\frac{P}{ImW}dBm$$

$$1dBm=1dBmW=30dB\mu W=60dBnW$$
 Verstärkung[dB] = $L_{P,dB}$: Dämpfung[dB] = $-L_{P,dB}$

Logarithmische Rechenregeln:

$$x = a \cdot log_b(c \cdot d)$$

$$x = log_bc \cdot d^a = log_bc^a + log_bd^a$$

$$b^x = (c \cdot d)^a = c^a \cdot d^a$$

Durch $x=(\frac{1}{x})^{-1}$ ergeben sich die Rechenregeln für Subtraktion und Division.

3.2. Umrechnung dB

Verhältnis $\frac{P_2}{P_1}$	Verstärkung[dB]	Dämpfung[dB]							
1000^{-1}	-30	+30							
20^{-1}	-13	+13							
10-1	-10	+10							
4^{-1} 2^{-1}	-6	+6							
2^{-1}	-3	+3							
1	0	0							
2	+3	-3							
4	+6	-6							
10	+10	-10							
20	+13	-13							
1000	+30	-30							

3.3. Rechenregeln dB bzw. dBi und dBm

$dB \mp dB(i)$	=	dB
$dBm \mp dB(i)$	=	dBm
dBm - dBm	=	dB
dBm + dBm	=	undefinie

4. Baud-, Bit-/Übertragungsrate, Durchsatz

4.1. Definitionen

Bezeichnung	Symbol	Einheit		
Datenmenge in bit	$D_b = 8D_B$	$[D_b] = 1bit$		
Datenmenge in Byte	D_B	$[D_B] = 1Byte = 8bit$		
Signalstufen	V	[V] = 1		
Baudrate / Schritt- geschwindigkeit	R_{baud}	$[R_{baud}] = 1Hz$		
Bitrate/Brutto- Übertragungsrate	$R_b = R_{baud} \cdot \\ ld(V)bit$	$[R_b] = 1bps = 1\frac{bit}{s}$		
Durchsatz/Netto- Übertragungsrate, effektiv	$R_{eff} = \frac{D_b}{tges}$	$[R_{eff}] = 1bps$		

Signalstufen V; Anzahl der möglichen annehmbaren Werte eines diskr. Signals pro Schritt

Zeit t_{ges} ab Sendestart einer Datenmenge D_b bis zum vollständigen Empfang, abhängig von verwendeten Protokollen

5. Leitungstheorie

Leitungstheorie relevant für $l>=0,1\lambda$

5.1. Definitionen

Leitungslänge l mit [l]= m Belagsgrößen: R',L',G',C' als Widerstands-, Induktivitäts-, Ableitungs-, Kapazitätsbelag Bsp: $R=R'\cdot l$ mit $[R']=\frac{\Omega}{m}$

Wellenimpedanz
$$\underline{Z}_L = \sqrt{\frac{(R' \cdot j\omega L')}{(G' \cdot i\omega C')}}$$

Wellenlänge λ mit $[\lambda] = \mathsf{m}$ Ausbreitungsgeschwindigkeit $v = \lambda \cdot f$ mit $[v] = \mathsf{m/s}$ Ausbreitungskonstante $\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R' \cdot j\omega L')(G' \cdot j\omega C')}$

5.2. Leitungsmodell

5.3. Formeln

 $mit [\gamma] = \frac{1}{m}$

6. Wellen und Antennen

Indizes: E(empfänger), i(sotroper Kugelstrahler), r(adius), S(ender)

6.1. Poynting-Vektor

Poynting-Vektor \overrightarrow{S} ist Vektor der Leistungsflussdichte mit [S]=1 $\frac{W}{m^2}$ $\overrightarrow{S}(x,y,z,t)=\overrightarrow{E}(x,y,z,t) imes \overrightarrow{H}(x,y,z,t)$ Für harmonische Zeitvorgänge und EM-Wellen $(\overrightarrow{E} \lhd \overrightarrow{H}=\frac{\pi}{2})$ gilt: $\underline{S}=S=\frac{1}{2}\underline{E}\cdot \underline{H}^*=\frac{1}{2}\underline{H}^2Z_F=\frac{1}{2}\frac{Z_F}{\underline{E}^2}$ mit $E,H\in\mathbb{C}$ Wellenwiderstand im Vakuum $Z_F=\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}\approx 376,73\Omega$

$$S_i = |\overrightarrow{S}| = \frac{P_S}{4\pi r^2}$$

Richtfaktor
$$D_i = \frac{S_{r,max}}{S_i} = 4\pi r^2 \frac{S_{r,max}}{P_S}$$

i.d.R. angegeben als $D_{i,log} = 10log D_i dBi$

Antennengewinn $G=\eta D_i$ i.d.R. angegeben in dB

Antennenwirkfläche $A_W=\frac{\lambda^2}{4\pi}G$ mit der Wellenlänge $\lambda=\frac{c}{f}$ Bsp. Empfangs- und Sendeantenne im Abstand r zueinander: $P_E=P_S\cdot G_S\cdot G_E\,(\frac{\lambda}{4\pi r})^2$

7. OSI-Modell (Open-System-Interface)



Beispiel-Protokolle der verschiedenen Schichten in Anhang2.

Beispiel-Trace und Header-Verkapselung:



8. Zugriffsverfahren, Sicherungsschicht

8.1. Definitionen

Bezeichnung	Symbol	Einheit
Paketgröße in bit	D_P	$[D_P] = 1bit$
Rahmenzeit für ein Paket	$\tau = \frac{D_P}{R_b}$	$[\tau] = 1s$
Signallaufzeit (trans- mission time)	t_t	$[t_t] = 1s$
Round-Trip-Time/- Delay	$\begin{array}{ccc} RTT & = \\ RTD & = \\ 2 \cdot t_t & \end{array}$	$[t_t] = 1s$
durschnittliche Paketsende-Rate	λ	$[\lambda] = 1Hz$
Input, zu sendende Pakete	I	[I] = 1
Kanalauslastung / Gesamt Ubertragungsversuche	$G = \lambda \cdot \tau$	[G] = 1
Throughput, kein Konflikt	S, ideal $S=G$	[S] = 1

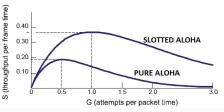
Bei keinen verlorenen Pakete gilt I=S

Anzahl Übertragungsversuche bzw. Kanalauslastung $G = \lambda \cdot \tau$ Anzahl erfolgreich übertragener Pakete pro Rahmenzeit S, ideal S = G

8.2. Zugriffsverfahren

Ziel: Medienzugangskontrolle durch Paket-Kollisionsvermeidung und -endteckung

Datendurchsatz bei ALOHA-Systemen



Pure ALOHA Zufällige Sendung von Paketen durchschnittlich alle $\frac{1}{\lambda}$ mit Paketen der zeitlichen Rahmenlänge τ

Potentielle Kollisionszeit = 2τ

 $S = G \cdot e^{-2G} \text{ mit } S_{max}(G = G_{max} = 0, 5) = 0, 184$

Slotted ALOHA Zufälliges Senden von Paketen durschnittlich alle $\frac{1}{\lambda}$ zu Beginn eines Zeitslots mit Paketen der zeitlichen Rahmenlänge τ

Potentielle Kollisionszeit =
$$\tau$$
 $S = G \cdot E^{-G}$ mit $S_{max}(G = G_{max} = 1) = 0,368$

1-persistent CSMA (Carrier Sense Multiple Access)

regelmäßige Überprüfung auf freien Kanal, wenn frei, dann Paketsendung mit Wahrscheinlichkeit 1

Non-persistent CSMA (Carrier Sense Multiple Access)

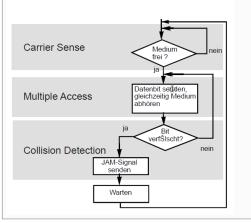
unregelmäßige Überprüfung auf freien Kanal, wenn frei, dann Paketsendung mit Wahrscheinlichkeit 1

p-persistent CSMA (Carrier Sense Multiple Access)

regelmäßige Überprüfung auf freien Kanal, wenn frei, dann Paketsendung mit Wahrscheinlichkeit p

CSMA/CD (Carrier Sense Multiple Access / Collision Detection)
Bestimmung Ethernet: Min. Nachrichtenlänge > Max. Konfliktdauer oder
ev. künstl. Nachrichtenverlängerung mit Padding Bits

CSMA/CD beim Ethernet



8.3. Sicherungsschicht

Stop and Wait

Senden eines Pakets, Warten auf Bestätigung (ACK), Senden des nächsten Pakets, usw.

$$R_eff = \frac{D_p}{\frac{D_p}{R_b} + 2t_t} \text{ wenn } t_t \text{ für Hin- und Rückweg gleich.}$$

Pipelining

Fenstergröße $D_{oldsymbol{W}}$ in bits bestehend aus n Paketen

Bestätigung von Paket 1 muss ankommen, bevor die Fenstergröße in bits versendet wurde, damit keine Wartezeiten anfallen.

$$\begin{split} & \text{Fall 1 (ideal): Für } \frac{DW}{Rb} \leq \frac{DP}{Rb} + 2t_t \\ & \text{gilt: } R_{eff} = R_b \\ & \text{Fall 2 (Wartezeiten): Für } \frac{DW}{R_b} < \frac{DP}{R_b} + 2t_t \\ & \text{gilt } R_{eff} = \frac{DW}{\frac{DD}{R_b} + 2 \cdot t_t} \end{split}$$

Go-back ohne Puffer

Sender überträgt, wenn nach Senden eines Pakets und Verstreichen eines Timeout-Intervall kein ACK für das Paket einging, sämtliche Daten ab dem unbestätigten Rahmen neu.

Go-back-n mit Puffer

Genauso wie ohne Puffer, nur das nach Erhalt des ACK für das erneut gesandte Paket beim ersten noch nicht gesendeten Paket weiter gesendet wird.

Selective repeat Bei Nichtüertragung eines Pakets wird nach Timeout-Intervall nur das nicht korrekt übertragene Paket neu gesandt, alle weiteren werden gepuffert.

HDLC (High Level Data Link Control)

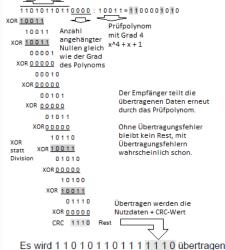
HDLC-Rahmenformat

Flag	Adresse	Steuerfeld	Nutzdaten	CRC	Flag
8 Bit	8	8 oder 16	variabel	16 oder 32	8

01111110; Bit stuffing (Bitstopfen) um Flag eindeutig zu halten

CRC Cyclic Redundancy Check

Nutzdaten CRC-Beispiel



9. Codierung

Komprimierung: Falls Bitstrom nicht gleichverteilt und mit Gedächtnis Maximale Kompression: Bits gleichverteilt, ohne Gedächtnis Entropie: kein Code kann für Z eine geringere mittlere Codewortlänge finden als $H(z) = \sum P(z) \operatorname{ld} \left(\frac{1}{P(z)} \right)$

9.1. Kompression

Kleiner Verlust bei unkodierten Bitstrom. Großer Gewinn bei Kodierung. Bsp: Feste Blocklänge mit Statusbit am Anfang: Kodiert/Unkodiert

9.2. Digitale Quellencodierung (Kompression)

Arten von Kodierern:

Verteilung Bekannt: Huffman Code, Morse, Arithmetic

Universal: Lempel-Ziv (ZIP), PPM, BWT(bZip)

Transform: Fouriertransformation (JPG,GIF,PNG,MP3)

9.3. Kanalcodierung

Single-Parity-Check: 1 Bit pro 2 bit zusätzlich: XOR (x_1,x_2) Daraus ergibt sich eine Effizienz von $\frac{2}{3}$

FEC: Forward Error Correction liefert Fehlererkennung und Korrektur.

Beispiele: Paritätsbit, CRC, Reed-Solomon-Codes, LDPC, Polar Codes

9.4. Informationsgehalt und Entropie

Info vom Symbol
$$s_i$$
: $I_i = -\log_2 \mathsf{P}(\mathsf{X}_Q = s_i) = -\log_2 p_i$ Entropie von X_Q : $H(\mathsf{X}_Q) = \mathsf{E}[I] = -\sum_{i=0}^{M-1} p_i \log_2 p_i \left[\frac{\mathsf{bit}}{\mathsf{Symbol}}\right]$

Mittlere Codewortlänge $\overline{l} = \mathrm{E}[l] = \sum\limits_{i=0}^{n-1} p_i l_i$

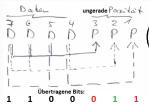
Die minimale mittlere Codewortlänge $\overline{l} \geq H(x_Q)$

9.5. Hamming-Code(N,n)

N Nachrichtenbits mit $N=2^k-1=n+k$ n Datenbits

k Paritybits

Beispielübertragung mit Hamming(7,4):



Paritätsbit 3 und 1 falsch

-> D5 falsch -> Richtige Nutzdaten: 1110

Allgemein:

9.6. Huffmann-Code

Sortieren nach Wahrscheinlichkeit und Codewortlänge (kurzes Codewort hohe Wahrscheinlichkeit)

Anleitung für manuelle visuelle Erstellung mittels eines "Huffman-Baums": 1. Zeichen (und/oder Knoten) mit der niedrigsten Wahrscheinlichkeit durch Leitungen verbinden

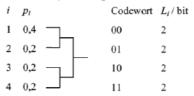
- 2. Beide Wahrscheinlichkeiten für die des Knotens addieren
- 3. weiter mit 2. bis alle verbunden sind (Gesamtwahrscheinlichkeit 1)
- 4. Für die neuen Codewörter nach Huffmann: rückwärts bei jeder Verzweigung eine 1 für den wahrscheinlicheren Zweig und eine 0 für den unwahrscheinlicheren
- 5. Das erste Bit des Codeworts des Zeichens x_i nach Huffmann ist die gesetzte 0 oder 1 bei der ersten Verzweigung hin zum Zeichen x_i . Das nächste Bit entsprechend der nächsten Verzweigung, usw.

Beispiel Huffman-Code

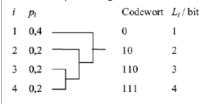
Wahrscheinlichkeiten der Zeichen x.



Beispiellösung 1



Beispiellösung 2



10. Lineare, digitale Modulation

10.1. Allgemeines

Informationsfluss:

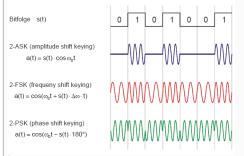
Info-Quelle \rightarrow Codierung \rightarrow Modulation \rightarrow Kanal \rightarrow Demodulation \rightarrow Decodierung \rightarrow Info-Senke

10.2. Modulationsarten

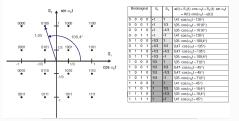
Amplitudenmodulation ASK Frequenzmodulation FSK (Winkelmodulation) Phasenmodulation PSK (Winkelmodulation) Quadraturmodulation QAM

Modulation mit Sinusträger: $a(t)=A(t)\cdot cos(\omega_0 t-\phi(t))$ Amplitudenmodulation wirkt sich nur auf A(t) aus Winkelmodulation wirkt sich nur auf $\phi(t)$

Tastung eines Sinusträgers



Trägerzustände der 16 QAM



Spread Spectrum durch Direct Sequence (DS) oder Frequency Hopping (HS)

Schützt vor Schmalbandstörern (Militär) und freuquenz-selektives Fading (Mobilfunk)

10.3. On-Off Keying (OOK)

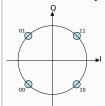
Intensitätsmodulation mit b=1 (Laser an oder aus)

Mittlere Energie pro Symbol: $E_s = \frac{A_{on}^2}{2}$

10.4. Amplitude Shift Keying (M-ASK)

Für M Stufen mit Abstand Δ gilt: $\mathrm{E}[D_I^2] = \frac{\Delta^2(M^2-1)}{12}$

10.5. Phase Shift Keying (PSK)



$$\begin{split} &d_I^2+d_Q^2=r^2 \quad \text{(meist } r=1\text{)} \\ &E_s=\mathrm{E}[D_I^2+D_Q^2]\int_0^T|g_s(t)|^2\,\mathrm{d}t \end{split}$$

Offset: verhindert harte Übergänge (Nicht durch Null)

Gray-Codierung zwischen benachbarten Symbolen: Fehler in der Symbolerkennung hat nur geringe Bitfehler

10.5.1. DPSK

Differentielle binäre Phasenmodulation 0: Phase bleibt gleich, 1: Phase ändert sich

10.6. Quadraturamplitudenmodulation (M-QAM)

Für M Stufen und Abstand Δ : $\mathsf{E}[D_I^2 + D_Q^2] = rac{\Delta^2(M-1)}{6}$

11. Weiteres, IP, etc.

11.1. IPv4-Adressen

IP-Adresse = Netzwerkadresse + HostadresseIP-Adresse UND Netzwerkmaske = Netzwerkadresse inkl. vorangestellte(s) Bit(s) für die Adressklasse

Genormte Länge von 32 bit für eine IP-Adresse

Schreibweise meist in 4 Oktett-Form mit 4 durch Punkte getrennte dezimale 8-Bit-Zahlen (0...255)

	Klasse	führende Rits	Wert des	Bits for Netz-	Bits für Host-	max. Rechner-					
		DIS	1. bytes	adresse	adresse	zahl	Klasse	Netz Adressraum	Netz max.Zahl	Host Adressraum	Host max Zahl
	А	0	1 – 126	7	24	ca. 16 Mill.		0 bis 126	127	0.0.1 bis	234-2
ı	В	10	128 – 191	14	16	ca. 65000	Α			255.255.254	=16777216-2
	С	110	192 - 223	21	8	ca. 250	В	128.0 bis 191.255	16384	0.1 bis 255.254	218-2=65536-2
	D	1110	224 - 239	Multicast	(Hostgrupp	e): 28 Bits	С	192.0.0 bis 223.255.255	2 097 152	1 bis 254	24-2=256-2
	Е	1111	rese	erviert für Forschungszwecke		D			224.0.0.0 bis 239.255.255.254	228-2 =268 435 454	
			-								

 $\mathsf{Localhost} = 127.0.0.1$

 $\begin{tabular}{ll} \textbf{Netzwerkadresse}, alle bits der Hostadresse sind 0 \\ \textbf{Broadcastadresse}, alle bits der Hostadresse sind 1 \\ \end{tabular}$

Subnetting

Unterteilung eines Klasse A-, B- oder C-Netzes in Subnetze Die Subnetzmaske unterteilt die Bits für die Host-Adresse in eine Sub-

netzwerkadresse und die eigentliche Rechneradresse. IP-Adresse=Netzwerkadresse+Subnetzwerkadresse+eia. Rechneradresse

IP-Adresse UND Subnetzmaske = Netzwerkadresse + Subnetzadresse inkl. vorangestellte(s) Bit(s) für die Adressklass

Wichtig: Router die zwei Netzsegmente koppeln benötigen 2 IP-Adressen.

VLSM?

11.2.

11.3.

12. Offtopic und Notizen

Auch wichtig





Eigene Notizen:

Aufruf: Bildet euch! Bildet andere! Bildet banden! Außerdem: $\Phi\Xi \heartsuit 4\Theta$

Für Liebe und Anarchie. Gegen Ausbeuter*innen und Kriegstreiber*innen, durch (anti-)systemisches Vorgehen wie z.B. Angriffen auf menschenverachtende, umweltzerstörende, Tiere quälende/mordende Infrastruktur à la Grenzzäune, Abschiebeknäste, Kohlegruben, Schlachtfabriken und ähnliches oder z.B. durch Aufbrechen von Denkmustern einer archaischen Asozialisation die solch Gräuel erzeugen oder z.B. solidarische Gegenkonzepte für ein gutes Leben für alle, welche die bestehenden Verhältnisse ins Wanken bringen. Natürlich ohne invidiuellen Terror à la RAF. Langer beschreibender Text, um die Political Correctness zu wahren.

4 the Lulz: Heisenberg, Schroeder and Ohm are in a car

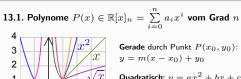
No, but I know exactly where I am" Heisenberg replies.

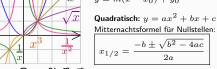
The cop thinks this is suspicious and orders him to pop open the trunk. He checks it out and says "Do you know you have a dead cat back here?" "We do now, asshole!Bhouts Schrodinger.

The cop moves to arrest them. Ohm resists.

Anhang

13. Mathematik





13.2. Exponentialfunktion und Logarithmus

$b^a = x$	$\log_b(1) = 0$	$\log_b x = \frac{\log_a x}{\log_a b}$
$log_b x = a$	$\log(10) = 1$	$\ln(\frac{x}{a}) = \ln x - \ln a$
$\ln(x^c) = c \ln(x)$	$\ln e = 1$	$\ln(x \cdot a) = \ln x + \ln a$

13.3	13.3. Sinus, Cosinus $\sin^2(x) + \cos^2(x) = 1$									
x φ	0 0°	π/6 30°	π/4 45°	π/3 60°	$\frac{1}{2}\pi$ 90°	π 180°	$1\frac{1}{2}\pi$ 270°	2π 360°		
sin							-1	0		
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ $\frac{1}{2}$	1 0	-1	0	1		
tan	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	±∞	0	∓∞	0		

Additionstheoreme Stammfunktionen

$\cos(x - \frac{\pi}{2}) = \sin x$	$\int x \cos(x) \mathrm{d}x = \cos(x) + x \sin(x)$
$\sin(x + \frac{\pi}{2}) = \cos x$	$\int x \sin(x) \mathrm{d}x = \sin(x) - x \cos(x)$
$\sin 2x = 2\sin x \cos x$	$\int \sin^2(x) \mathrm{d}x = \frac{1}{2} \left(x - \sin(x) \cos(x) \right)$
$\cos 2x = 2\cos^2 x - 1$	$\int \cos^2(x) dx = \frac{1}{2} \left(x + \sin(x) \cos(x) \right)$
$\sin(x) = \tan(x)\cos(x)$	$\int \cos(x)\sin(x) = -\frac{1}{2}\cos^2(x)$

 $\begin{array}{ll} \sin(x\pm y) = \sin x \cos y \pm \sin y \cos x & \sin x = \frac{1}{2!}(e^{\mathrm{i}x} - e^{-\mathrm{i}x}) \\ \cos(x\pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y & \cos x = \frac{1}{2}(e^{\mathrm{i}x} + e^{-\mathrm{i}x}) \end{array}$

13.4. Integralgarten

Partielle Integration: $\int uw' = uw - \int u'w$ Substitution: $\int f(g(x))g'(x) dx = \int f(t) dt$

Substitution: $\int \int (g(x))g$	ι	
F(x) - C	f(x)	f'(x)
$\frac{1}{q+1}x^{q+1}$	x^q	qx^{q-1}
$\frac{2\sqrt{ax^3}}{3}$	\sqrt{ax}	$\frac{a}{2\sqrt{ax}}$
$x \ln(ax) - x$	$\ln(ax)$	$\frac{a}{x}$
$\frac{1}{a^2}e^{ax}(ax-1)$	$x \cdot e^{ax}$	$e^{ax}(ax+1)$
$\frac{a^x}{\ln(a)}$	a^x	$a^x \ln(a)$
$-\cos(x)$	$\sin(x)$	$\cos(x)$
$\cosh(x)$	$\sinh(x)$	$\cosh(x)$
$\mathrm{Si}(x)$	$\operatorname{sinc}(x)$	$\frac{x\cos(x)-\sin(x)}{x^2}$
$-\ln \cos(x) $	tan(x)	$\frac{1}{\cos^2(x)}$

$$\int e^{at} \sin(bt) dt = e^{at} \frac{a \sin(bt) + b \cos(bt)}{a^2 + b^2}$$
$$\int x e^{ax^2} dx = \frac{1}{2a} e^{ax^2} \qquad \int t^2 e^{at} dt = \frac{(ax - 1)^2 + 1}{a^3} e^{at}$$

$a^2 + b^2 = c^2$ 14. Geometrie

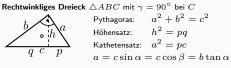


Innenwinkelsumme im n-Eck: $(n-2) \cdot 180^{\circ}$

Allg. Dreieck $\triangle ABC$ mit Seiten a, b, c und Winkel α, β, γ :



Schwerpunkt:
$$x_S = \frac{1}{3}(x_A + x_B + x_C)$$
 $y_S = \frac{1}{3}(y_A + y_B + y_C)$





15.2. Normalverteilung

$$\text{PDF:} \left[f_X(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad x \in \mathbb{R} \right]$$

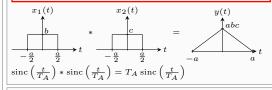


16. Signale

Löschen?

16.1. Faltung von Signalen

$$x(t)*h(t) = h(t)*x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau) \cdot h(t-\tau) d\tau$$



16.2. sinc-Singal $\operatorname{sinc}(x) = \frac{\sin(\pi x)}{\pi x}$ $sinc(\omega)$ -4 -3 -2 -1

17.1. Eigenschaften der Fouriertrafo

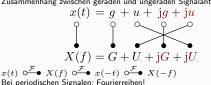
 $\alpha x(t) + \beta q(t) \stackrel{\mathcal{F}}{\circ} \alpha X(f) + \beta G(f)$ $x(t-\tau) \circ \stackrel{\mathcal{F}}{\longrightarrow} e^{-j2\pi f \tau} X(f)$ Zeitverschiebung: $e^{j2\pi f_0 t} \circ \stackrel{\mathcal{F}}{\longrightarrow} X(f - f_0)$ Frequenzversch. $U^*(t) \stackrel{\mathcal{F}}{\circ} u^*(f)$ Vertauschung: $x(ct) \circ \frac{\mathcal{F}}{|c|} X(\frac{f}{c})$ Stauchung $x^{(n)}(t) \stackrel{\mathcal{F}}{\circ} (j2\pi f)^n X(f)$ Ableitung

 $\int_{-\infty}^{t} x(\tau) d\tau \circ \stackrel{\mathcal{F}}{\longrightarrow} \left(\frac{1}{2} \delta(f) - \frac{j}{2\pi f}\right) X(f)$ Integral $(x*g)(t) \circ \xrightarrow{\mathcal{F}} X(f) \cdot G(f)$ Faltung:

 $\int_{-\infty}^{+\infty} u_1(t) \cdot u_2^*(t) dt = \int_{-\infty}^{+\infty} U_1(f) \cdot U_2^*(f) df$ Parseval:

 $E = \int_{-\infty}^{+\infty} |u(t)|^2 dt = \int_{-\infty}^{+\infty} |U(f)|^2 df$

Zusammenhang zwischen geraden und ungeraden Signalanteilen:



15. Stochastik

KÜR7FN

15.1. Der Wahrscheinlichkeitsraum (Ω, \mathbb{F}, P)

Ein Wahrscheinlichkeitsraum (Ω, \mathbb{F}, P) besteht aus

Ergebnismenge	$\Omega = \left\{\omega_1, \omega_2, \ldots\right\}$	Ergebnis $\omega_j \in \Omega$
Ereignisalgebra	$\mathbb{F} = \{A_1, A_2, \ldots\}$	Ereignis $A_i \subseteq \Omega$
Wahrscheinlichkeitsmaß	$P:\mathbb{F}\to[0,1]$	$P(A) = \frac{ A }{ \Omega }$

Es gilt: $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

Bedingte Wahrscheinlichkeit für A falls B bereits eingetreten ist: $P_B(A) = P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

Multiplikationssatz: $P(A \cap B) = P(A|B) P(B) = P(B|A) P(A)$

Erwartungswert: $\mathsf{E}[X] = \mu = \sum x_i P(x_i) = \int\limits_{\mathbb{R}} x \cdot f_\mathsf{X}(x) \,\mathrm{d}x$

Varianz: $Var[X] = E[(X - E[X])^2] = E[X^2] - E[X]^2$ Standard Abweichung $\sigma = \sqrt{Var[X]}$

Covarianz: Cov[X, Y] = E[(X - E[X])(Y - E[Y])] = Cov[Y, X]

Binominialverteilung (diskret, n Versuche, k Treffer):

 $P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$ $\mu = np$ $\sigma^2 = np(1-p)$

Korrelation ist ein Maß für den linearen Zusammenhang von Variablen

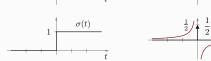
Kreuzkorrelation von X und Y: $r_{xy} = \frac{1}{2}$

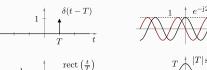
17. Fouriertransformation Löschen?

$$x(t) \underset{\mathsf{Zeithereich}}{\circ} \circ \overset{\mathcal{F}_{\bullet}}{\longleftarrow} X(f) \underset{\mathsf{Frequenzspektrum}}{\times} := \int\limits_{-\infty}^{\infty} x(t) \exp(-\mathrm{j} 2\pi f t) \, \mathrm{d}t$$

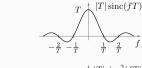






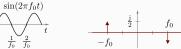


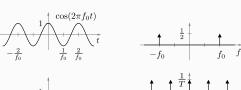
 $\operatorname{tri}\left(\frac{t}{T}\right)$





 $\delta(f)$





17.3. Weitere Paare

T = 2T

17.3. Weitere Faare				
f(t)	$F(\omega)$	f(t)	$F(\omega)$	
$ t^n $	$\frac{2n!}{(i\omega)^{n+1}}$	$\operatorname{sinc}(\frac{t}{T})$	$T \operatorname{rect}(fT)$	
t^n	$2\pi i^n \delta^{(n)}(\omega)$	$\frac{t^{n-1}}{(n-1)!}e^{-at}u(t)$	$\frac{1}{(a+\mathrm{i}\omega)^n}$	
		$\exp(-\alpha t)$	$\frac{1}{\mathrm{i} 2\pi f + \alpha}$	

18. E-Technik

18.1. OP-Amp-Schaltung mit Hysterese

 U_m als Spannung am Minus-Pin

 U_p als Spannung am Plus-Pin

 U_a^P als Ausgangsspannung

 U_e als Eingangsspannung $U_b = V_+$ als pos. Versorgungsspannung des Op-Amps.

 V_- als neg. Versorgungsspannung des OP-Amps $U_{os}=$ Spannung der oberen Schaltschwelle

 $U_{us} = {\sf Spannung} \ {\sf der} \ {\sf unteren} \ {\sf Schaltschwelle}$

Positive Rückkopplung beim OP-Amp bedeutet:

Für $U_p > U_m$ gilt $U_a = V_+ = U_b$

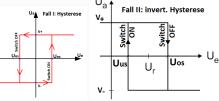
Für $U_p > U_m$ gilt $U_a = V_-$ (meistens = GND)

Annahme: Pos. Versorgungsspannung = U_b , neg. Versorgungsspannung = 0 V (GND)

1. Fallunterscheidung Hysterese (I) mit U_e am Plus-Pin und invertierte Hysterese (II) mit U_e am Minus-Pin

 $\mathsf{Fall}\; \mathsf{I}: \lim_{U_{e} \to \infty} U_{=} V_{+}$

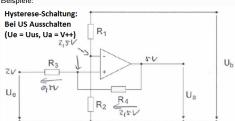
 $\operatorname{Fall} \operatorname{II}: \lim_{U_e \to \infty} U_a = V_-$

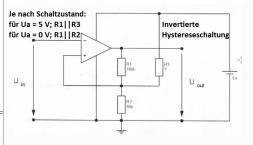


2. Bedingung an der unteren (US) und oberen (OS) Schaltschwelle $(U_m = U_p)$ einstellen in Abhängigkeit der Art der Hysterese (I oder II): (I) US: $U_e = U_{us}; U_a = V_+$

- $\begin{array}{l} \text{(1) OS: } U_e = U_{us}; U_a = V_+ \\ \text{(II) OS: } U_e = U_{us}; U_a = V_- \\ \text{(II) OS: } U_e = U_{us}; U_a = V_+ \\ \end{array}$

- Beispiele:





3. Beide Gleichung für die verschiedenen Schaltschwellen gleichsetzen und

18.2. Transistor-Verstärkerschaltung

18.3. Ersatzspannungsquellen

19. Naturkonstanten

Konstanten.

OSI vs. Internet-Protokollhierarchie

TCP/IP Protocol Protocol Data Units OSI Model Layers Architecture Layers Host Email File Web Network Name Manage Application Layer System Config Transfer Data DNS BOOTP SMTP SNMP FTP HTTP DHCP TFTP POP HTTPS Presentation Layer Application Layer Data IMAP Session Layer Data Host-to-Host Transport TCP UDP Transport Layer Segment Layer NAT IGMP ICMP OSPF EIGRP Internet Layer IP Network Layer Packet ARP Frame Interface Data-Link Layer Ethernet PPP Frame Relay Drivers Network Interface Layer Physical Layer Electricity Radio Bits Laser

Als Anhang für die Abgabe der Klausur Definitionen

Bezeichnung	Symbol	Einheit
Datenmenge in bit	$D_b = 8D_B$	$\llbracket D_b rbrack = 1bit$
Datenmenge in Byte	D_B	$[D_B]=1 Byte=8bit$
Signalstufen	V	[V] = 1
Baudrate / Schritt- geschwindigkeit	R_{baud}	$[R_{baud}]=1Hz$
Bitrate/Brutto- Übertragungsrate	$R_b = R_{baud} \cdot \\ ld(V)bit$	$[R_b]=1bps=1rac{bit}{s}$
Durchsatz/Netto- Übertragungsrate, effektiv	$R_{eff} = \frac{D_b}{t_{ges}}$	$[R_{eff}] = 1bps$

Signalstufen V; Anzahl der möglichen annehmbaren Werte eines diskr. Signals pro Schritt Zeit t_{ges} ab Sendestart einer Datenmenge D_b bis zum vollständigen Empfang, abhängig von verwendeten Protokollen