



ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI  
VIỆN CÔNG NGHỆ THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ THUẬT TOÁN

Danh sách tuyển tính

# Nội dung

---

- Định nghĩa danh sách tuyến tính
- Kiểu dữ liệu trừu tượng danh sách tuyến tính
- Mảng
- Danh sách liên kết
- Ngăn xếp
- Hàng đợi

# Định nghĩa danh sách tuyến tính

---

- Các đối tượng được lưu trữ có thứ tự
- Các đối tượng có thể lặp lại giá trị
- Quan hệ trước-sau giữa các đối tượng

# Kiểu dữ liệu trừu tượng danh sách tuyến tính

- Lưu trữ các đối tượng với quan hệ trước-sau
- Kí hiệu:
  - $L$ : danh sách
  - $x$ : đối tượng (phần tử của danh sách)
  - $p$ : kiểu vị trí
  - $\text{END}(L)$ : hàm trả về vị trí sau vị trí của phần tử cuối cùng của danh sách  $L$

# Kiểu dữ liệu trừu tượng danh sách tuyến tính

- Thao tác
  - $\text{Insert}(x, p, L)$ : chèn phần tử  $x$  vào vị trí  $p$  trên danh sách  $L$
  - $\text{Locate}(x, L)$ : trả về vị trí của phần tử  $x$  trên danh sách  $L$
  - $\text{Retrieve}(p, L)$ : trả về phần tử ở vị trí  $p$  trong danh sách  $L$
  - $\text{Delete}(p, L)$ : loại bỏ phần tử ở vị trí  $p$  trên danh sách  $L$
  - $\text{Next}(p, L)$ : trả về vị trí tiếp theo của  $p$  trên danh sách  $L$
  - $\text{Prev}(p, L)$ : trả về vị trí trước của  $p$  trên danh sách  $L$
  - $\text{MakeNull}(L)$ : thiết lập danh sách  $L$  về danh sách rỗng
  - $\text{First}(L)$ : trả về vị trí đầu tiên của danh sách  $L$

# Kiểu mảng

---

- Các đối tượng được cấp phát liên tiếp nhau trong bộ nhớ
- Truy cập các đối tượng thông qua chỉ số (kiểu vị trí chính là giá trị nguyên xác định chỉ số)
- Việc thêm hoặc loại bỏ phần tử khỏi mảng cần thiết phải dời mảng

# Kiểu mảng

- Tổ chức dữ liệu
  - **int a[100000];** // bộ nhớ lưu trữ
  - **int n;** // số phần tử của mảng (bắt đầu từ chỉ số 0)

```
void insert(int x, int p) {
    for(int j = n-1; j >= p; j--)
        a[j+1] = a[j];
    a[p] = x; n = n + 1;
}

void delete(int p) {
    for(int j = p+1; j <= n-1; j++)
        a[j-1] = a[j];
    n = n - 1;
}

int retrieve(int p) {
    return a[p];
}
```

# Kiểu mảng

- Tổ chức dữ liệu
  - **int a[100000];** // bộ nhớ lưu trữ
  - **int n;** // số phần tử của mảng (bắt đầu từ chỉ số 0)

```
int locate(int x) { // vị trí đầu tiên của x trong danh sách
    for(int j= 0; j <= n-1; j++)
        if(a[j] == x) return j;
    return -1;
}

void makeNull() {
    n = 0;
}

int next(int p) {
    if(0 <= p && p < n-1) return p+1;
    return -1;
}

int prev(int p) {
    if(p > 0 && p <= n-1) return p-1;
    return -1;
}
```



# Con trỏ và danh sách liên kết đơn

- Con trỏ: địa chỉ của biến
- **int\* p**: **p** là con trỏ trỏ đến 1 biến **int**. Giá trị của **p** xác định địa chỉ của biến
- **int a; int\* p = &a;** // **p** trỏ vào biến **a**
- Kiểu cấu trúc

```
typedef struct TNode{  
    int a;  
    double b;  
    char* s;  
}TNode;
```

- **TNode\* q**: **q** là con trỏ trỏ đến 1 biến có kiểu **TNode**

# Con trỏ và danh sách liên kết đơn

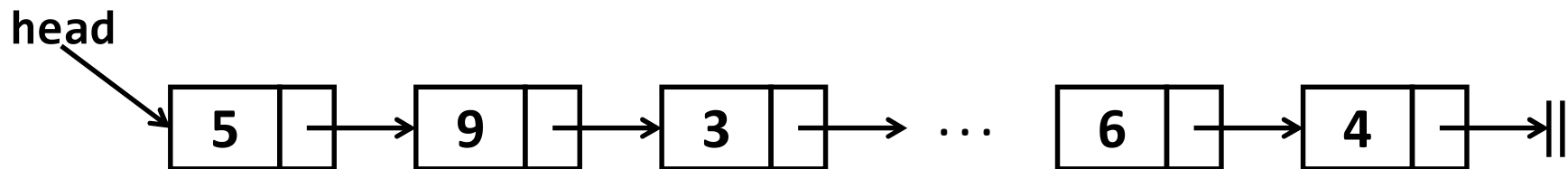
- **q->a**: truy nhập đến thành phần a của kiểu cấu trúc
- **q = (TNode\*)malloc(sizeof(TNode))**: cấp phát bộ nhớ cho 1 kiểu TNode và q trỏ vào vùng nhớ được cấp phát

```
int main() {  
    int a = 123;  
    int* p;  
    p = &a;  
    *p = 456;  
    printf("a = %d\n",a);  
}
```

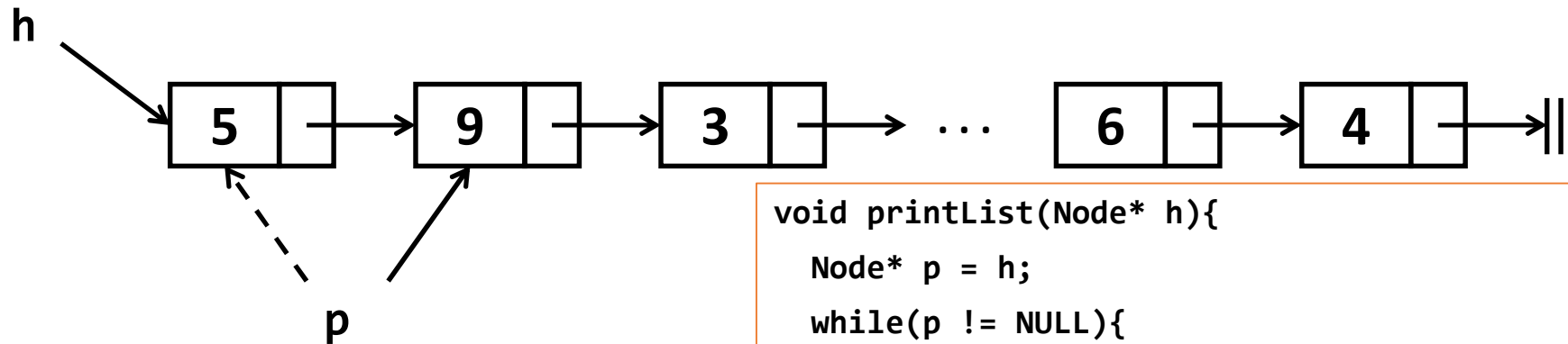
# Danh sách liên kết đơn

- Mỗi phần tử, ngoài trường dữ liệu, có thêm con trỏ để trỏ đến phần tử tiếp theo

```
struct Node{  
    int value;  
    Node* next;  
};  
Node* head;
```



# Danh sách liên kết đơn

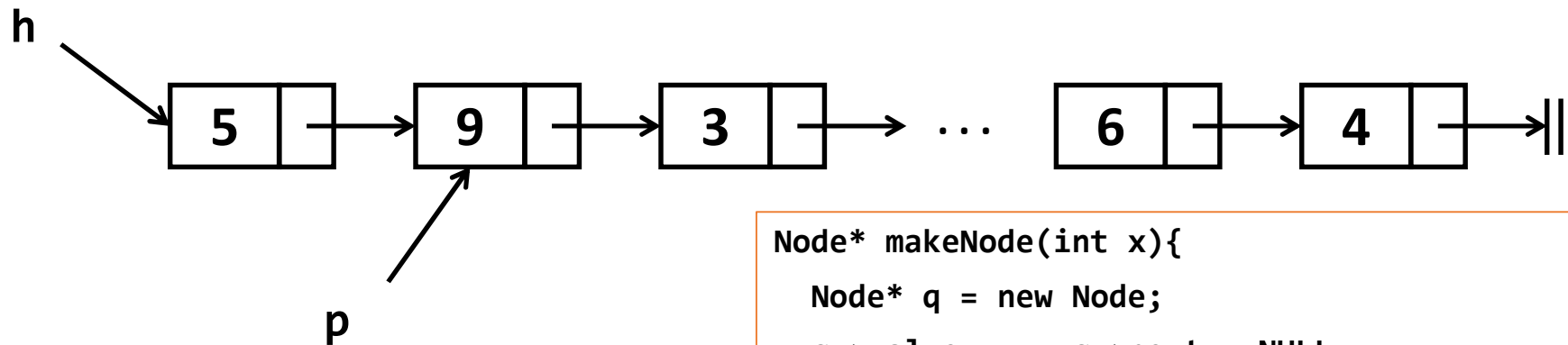


- Tìm kiếm
  - cần duyệt lần lượt từ phần tử đầu tiên của danh sách
  - Dùng con trỏ next để truy cập đến phần tử tiếp theo

```
void printList(Node* h){
    Node* p = h;
    while(p != NULL){
        printf("%d ", p->value);
        p = p->next;
    }
}

Node* findLast(Node* h){
    Node* p = h;
    while(p != NULL){
        if(p->next == NULL) return p;
        p = p->next;
    }
    return NULL;
}
```

# Danh sách liên kết đơn



- Chèn 1 phần tử mới có value bằng x vào sau phần tử được trỏ bởi p

```
Node* makeNode(int x){
```

```
    Node* q = new Node;
```

```
    q->value = x; q->next = NULL;
```

```
    return q;
```

```
}
```

```
Node* insertAfter(Node* h, Node* p, int x){
```

```
    if(p == NULL) return h;
```

```
    Node* q = makeNode(x);
```

```
    if(h == NULL) return q;
```

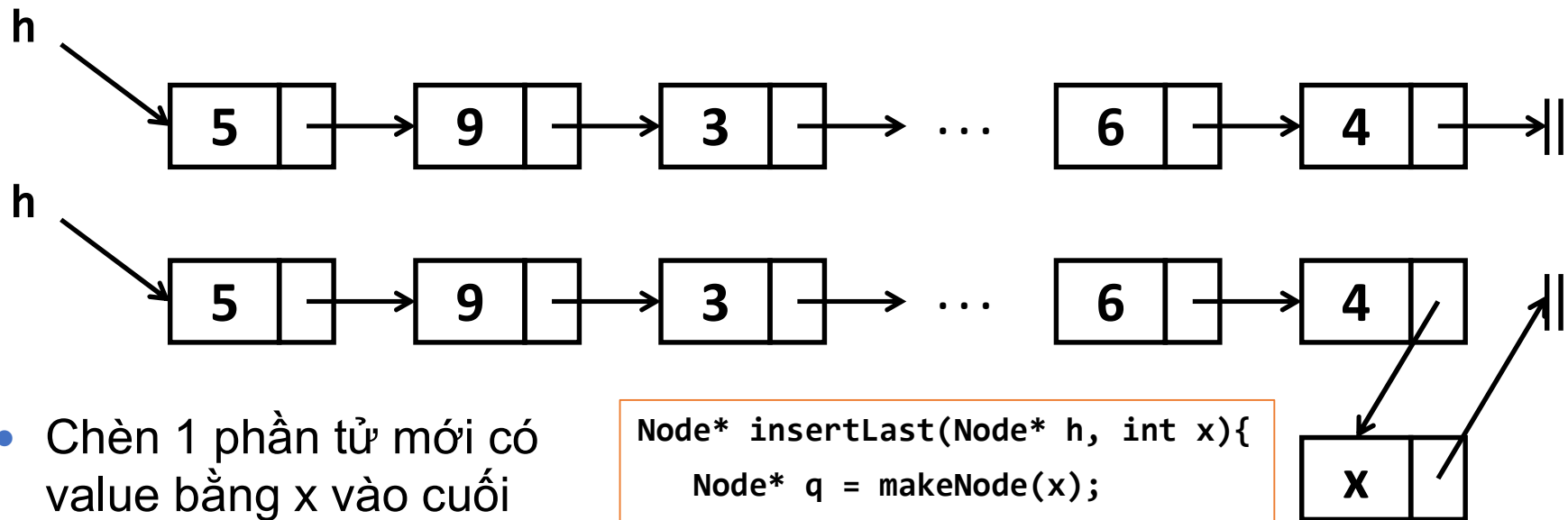
```
    q->next = p->next;
```

```
    p->next = q;
```

```
    return h;
```

```
}
```

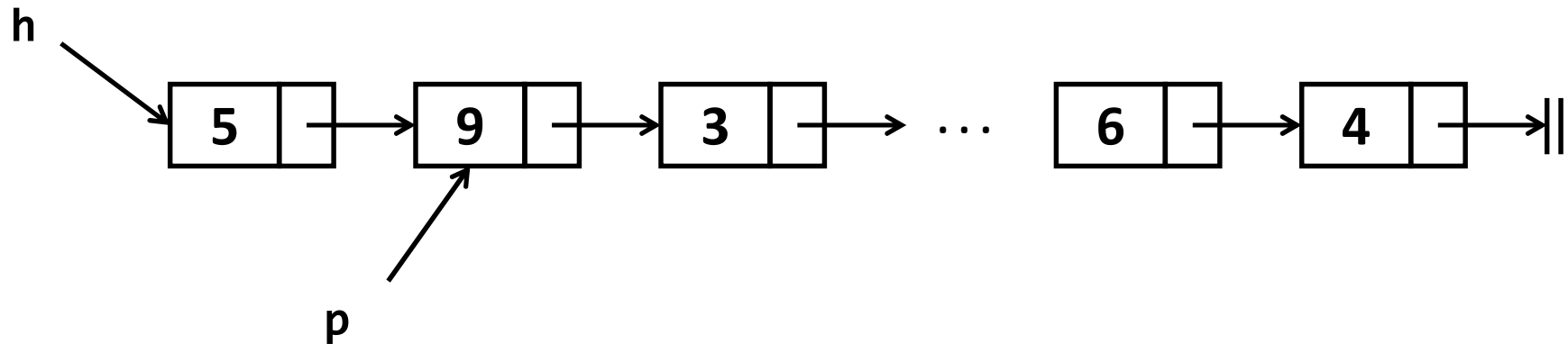
# Danh sách liên kết đơn



- Chèn 1 phần tử mới có value bằng x vào cuối danh sách có con trỏ đầu là h

```
Node* insertLast(Node* h, int x){  
    Node* q = makeNode(x);  
    if(h == NULL)  
        return q;  
    Node* p = h;  
    while(p->next != NULL)  
        p = p->next;  
    p->next = q;  
    return h;  
}
```

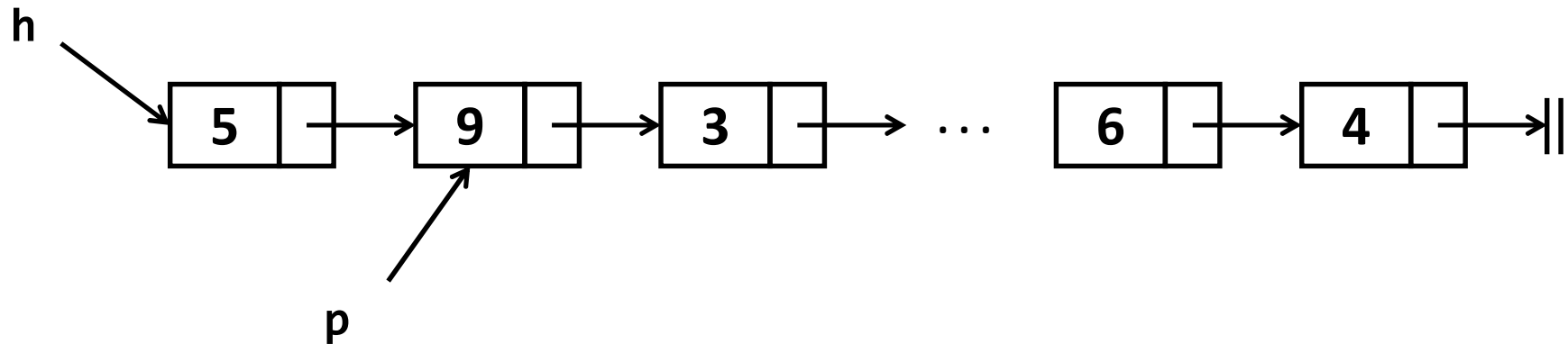
# Danh sách liên kết đơn



- Tìm một phần tử đầu tiên kể từ trái có value bằng x trên danh sách có con trỏ đầu là h

```
Node* locate(Node* h, int x){  
    Node* p = h;  
    while(p != NULL){  
        if(p->value == x) return p;  
        p = p->next;  
    }  
    return NULL;  
}
```

# Danh sách liên kết đơn

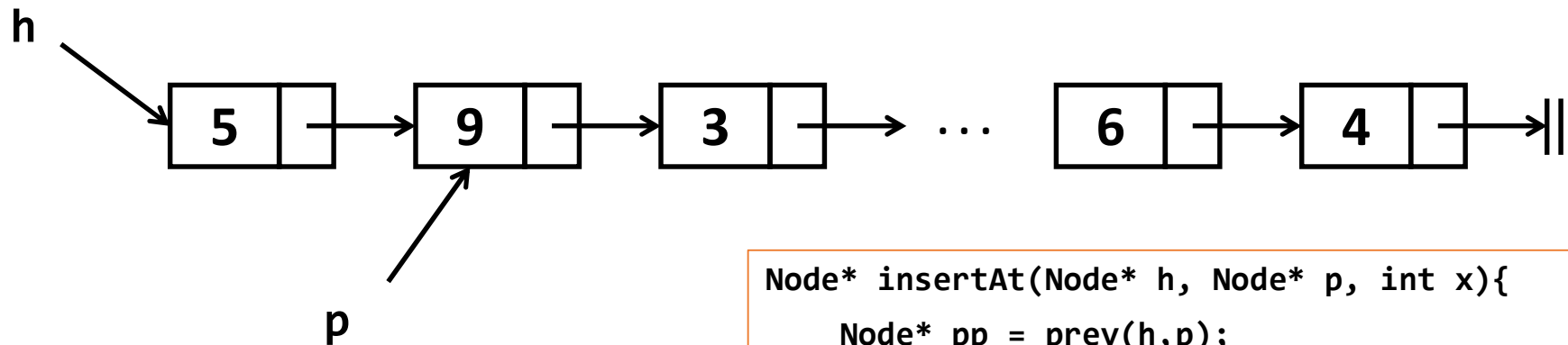


- Tìm một phần tử đứng trước một phần tử được trỏ bởi con trỏ p

```
Node* prev(Node* h, Node* p){  
    Node* q = h;  
    while(q != NULL){  
        if(q->next == p) return q;  
        q = q->next;  
    }  
    return NULL;  
}
```



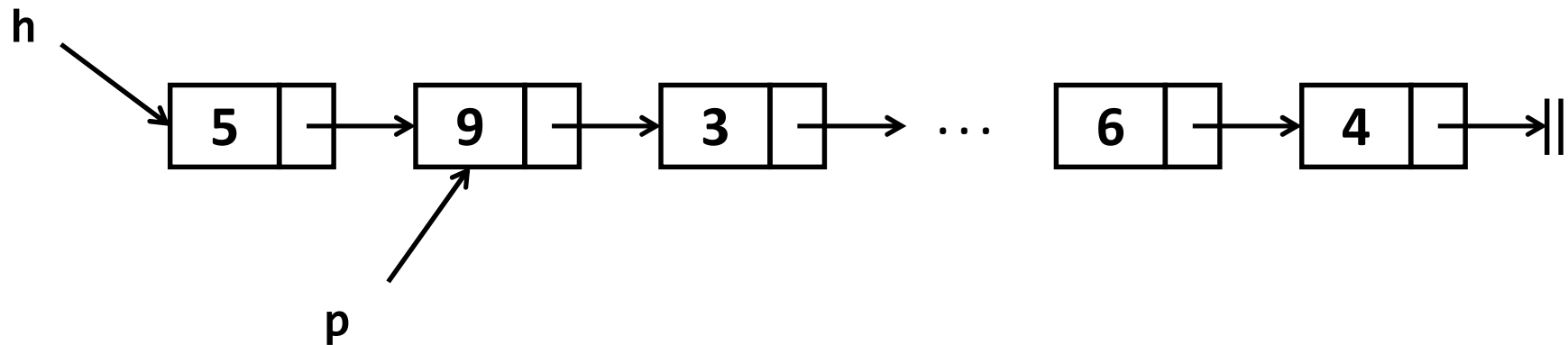
# Danh sách liên kết đơn



- Chèn 1 phần tử mới có value bằng x vào trước phần tử được trỏ bởi p

```
Node* insertAt(Node* h, Node* p, int x){
    Node* pp = prev(h,p);
    if(pp == NULL && p != NULL) return h;
    Node* q = new Node;
    q->value = x; q->next = NULL;
    if(pp == NULL){
        if(h == NULL)
            return q;
        q->next = h;
        return q;
    }
    q->next = p;    pp->next = q;
    return h;
}
```

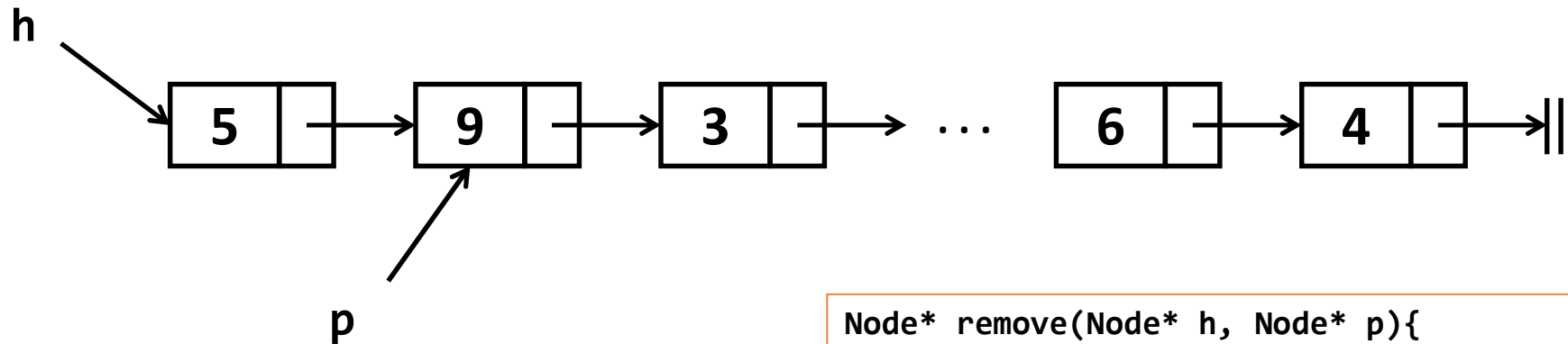
# Danh sách liên kết đơn



- Chèn 1 phần tử mới có value bằng x vào trước phần tử được trỏ bởi p (đệ quy)

```
Node* insertAtRecursive(Node* h, Node* p, int x){  
    if(p == NULL) return h;  
    if(h == NULL || p == h){  
        return makeNode(x);  
    }else{  
        h->next = insertAtRecursive(h->next,p,x);  
        return h;  
    }  
}
```

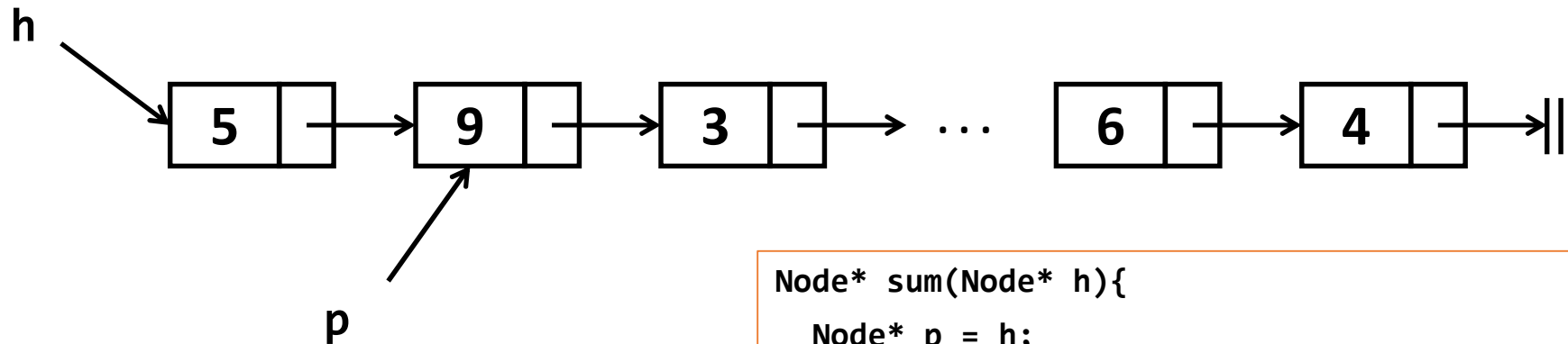
# Danh sách liên kết đơn



- Xóa phần tử được trỏ bởi con trỏ p

```
Node* remove(Node* h, Node* p){  
    if(h == NULL || p == NULL) return h;  
    if(h == p){  
        h = h->next;  
        delete p;  
        return h;  
    }else{  
        h->next = remove(h->next,p);  
        return h;  
    }  
}
```

# Danh sách liên kết đơn



- Tính tổng giá trị của các phần tử của một danh sách liên kết được trỏ bởi h

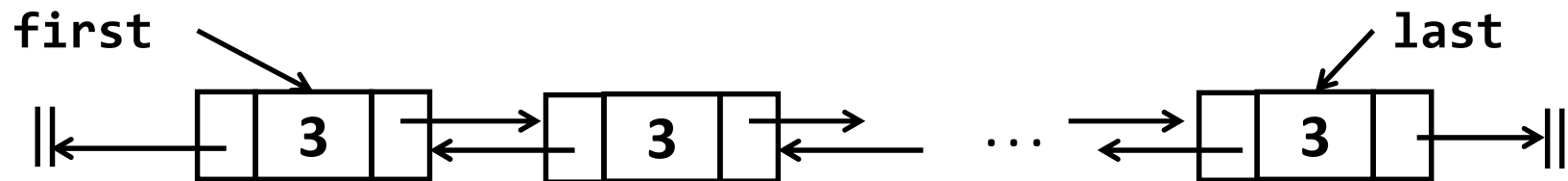
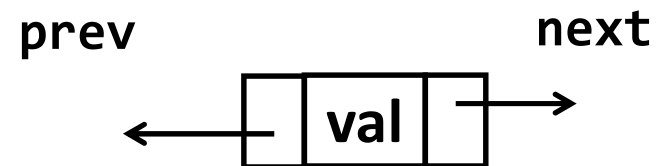
```
Node* sum(Node* h){
    Node* p = h;
    int S = 0;
    while(p != NULL) {
        S = S + p->value;
        p = p->next;
    }
    return S;
}

int sumRecursive(Node* h){
    if(h == NULL) return 0;
    return h->value + sumRecursive(h->next);
}
```

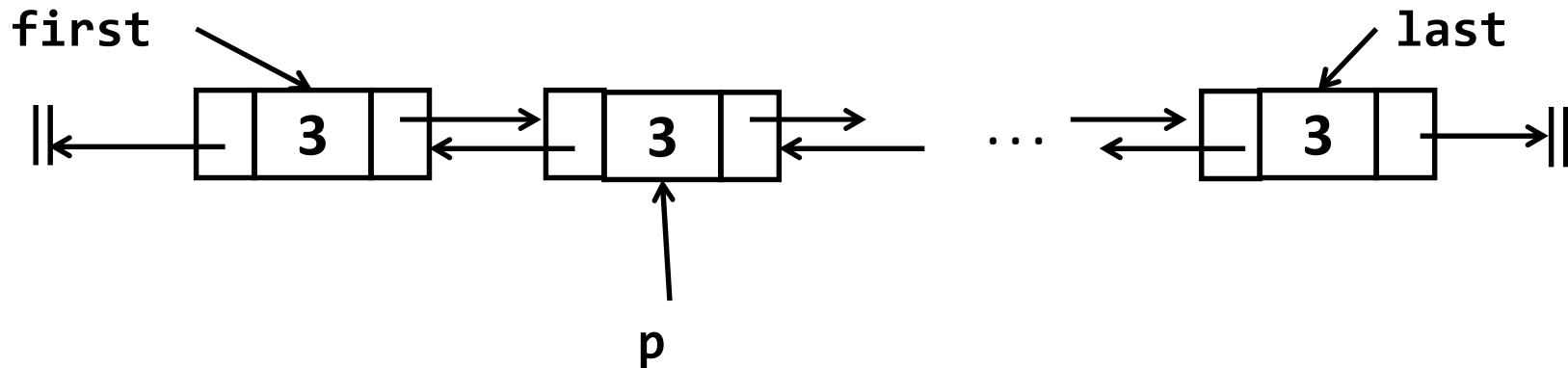
# Danh sách liên kết đôi

```
struct DNode{  
    int val;  
    DNode* prev;  
    DNode* next;  
};
```

```
DNode* first;  
DNode* last;
```



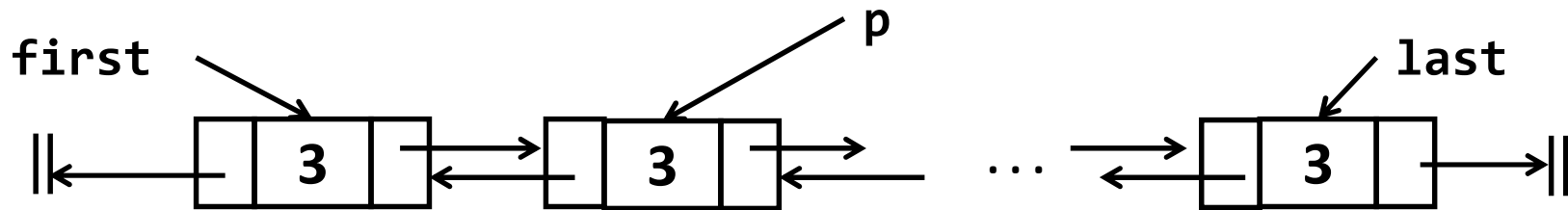
# Danh sách liên kết đôi



- Tạo mới phần tử

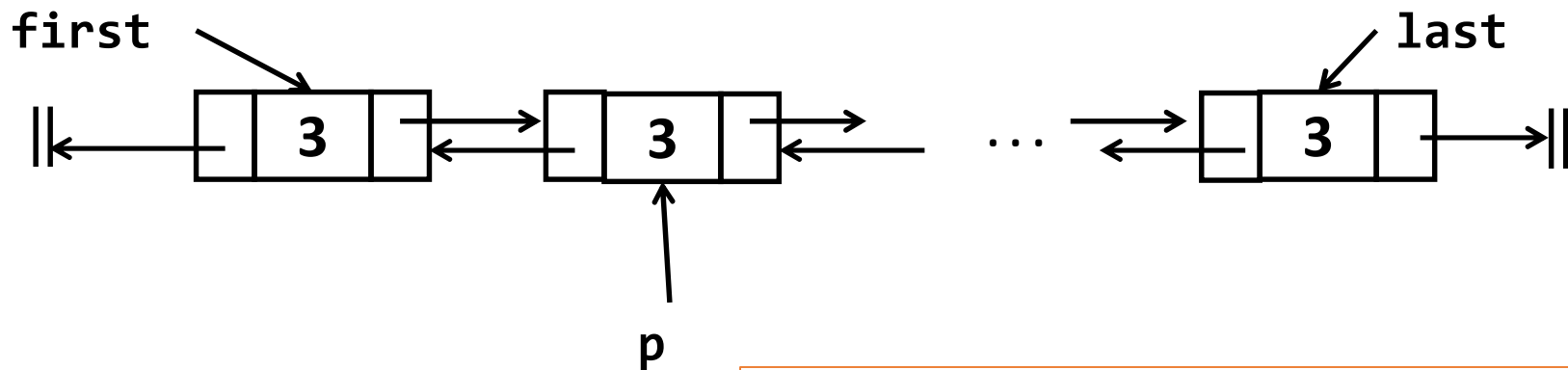
```
DNode* makeNode(int v){  
    DNode* p = new DNode;  
    p->val = v;  
    p->next = NULL;  
    p->prev = NULL;  
    return p;  
}
```

# Danh sách liên kết đôi



```
void remove(DNode* p) {  
    if(p == NULL) return;  
    if(first == last && p == first){  
        first = NULL; last = NULL; delete p;  
    }  
    if(p == first){  
        first = p->next; first->prev = NULL;  
        delete p; return;  
    }  
    if(p == last){  
        last = p->prev; last->next = NULL;  
        delete p; return;  
    }  
    p->prev->next = p->next; p->next->prev = p->prev; delete p;  
}
```

# Danh sách liên kết đôi



```
void insertLast(int x){  
    DNode* q = makeNode(x);  
    if(first == NULL && last == NULL){  
        first = q;  
        last = q;  
        return;  
    }  
    q->prev = last;  
    last->next = q;  
    last = q;  
}
```



# Thư viện C++

- Kiểu list:  
<http://www.cplusplus.com/reference/list/list/>
- Phương thức
  - push\_front()
  - push\_back()
  - pop\_front()
  - pop\_back()
  - size()
  - clear()
  - erase()

```
#include <list>
#include <stdio.h>
using namespace std;

int main(){
    list<int> L;
    for(int i = 1; i <= 10; i++)
        L.push_back(i);
    list<int>::iterator it;
    for(it = L.begin(); it != L.end();
        it++){
        int x = *it;
        printf("%d ",x);
    }
}
```

# Ngăn xếp (Stack)

- Danh sách các đối tượng
- Thao tác thêm mới và loại bỏ được thực hiện ở 1 đầu (đỉnh hay **top**) của danh sách (Last In First Out – LIFO)
- Thao tác
  - Push(x, S): chèn 1 phần tử x vào ngăn xếp
  - Pop(S): lấy ra 1 phần tử khỏi ngăn xếp
  - Top(S): truy cập phần tử ở đỉnh của ngăn xếp
  - Empty(S): trả về true nếu ngăn xếp rỗng

# Ngăn xếp (Stack)

- Ví dụ: kiểm tra tính hợp lệ của dãy ngoặc
  - $[(\{\})]()$ : hợp lệ
  - $([\} \{})$ : không hợp lệ

# Ngăn xếp (Stack)

- Ví dụ: kiểm tra tính hợp lệ của dãy ngoặc
  - $[(\{\})]()$ : hợp lệ
  - $([\} \{})$ : không hợp lệ
- Thuật toán:
  - Sử dụng 1 ngăn xếp S
  - Duyệt dãy ngoặc từ trái qua phải
    - Nếu gặp ngoặc mở thì đẩy vào S
    - Nếu gặp ngoặc đóng
      - Nếu S rỗng thì trả về FALSE
      - Nếu S còn phần tử thì lấy 1 ngoặc mở ra khỏi S, kiểm tra đối sánh với ngoặc đóng: nếu ngoặc mở và đóng không tương ứng với nhau thì trả về FALSE
  - Kết thúc việc duyệt, nếu S vẫn còn phần tử thì trả về FALSE, ngược lại thì trả về TRUE

# Ngăn xếp (Stack)

- Ví dụ: kiểm tra tính hợp lệ của dãy ngoặc
  - [({})](): hợp lệ
  - ([] {}): không hợp lệ

```
#include <stack>
#include <stdio.h>

using namespace std;

bool match(char a, char b){
    if(a == '(' && b == ')') return true;
    if(a == '{' && b == '}') return true;
    if(a == '[' && b == ']') return true;
    return false;
}
```

# Ngăn xếp (Stack)

- Ví dụ: kiểm tra tính hợp lệ của dãy ngoặc
  - [({})](): hợp lệ
  - ([{} {}]): không hợp lệ

```
bool solve(char* x, int n){
    stack<char> S;
    for(int i = 0; i <= n-1; i++){
        if(x[i] == '[' || x[i] == '(' || x[i] == '{'){
            S.push(x[i]);
        }else{
            if(S.empty()){
                return false;
            }else{
                char c = S.top(); S.pop();
                if(!match(c,x[i])) return false;
            }
        }
    }
    return S.empty();
}

int main() {
    bool ok = solve("[({})]()",8);
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Danh sách các đối tượng với 2 đầu **head** và **tail**
- Thao tác thêm mới được thực hiện ở **tail**
- Thao tác loại bỏ được thực hiện ở **head** (First In First Out – FIFO)
- Thao tác
  - Enqueue(x, Q): chèn 1 phần tử x vào hàng đợi
  - Dequeue(Q): lấy ra 1 phần tử khỏi hàng đợi
  - Empty(Q): trả về true nếu hàng đợi rỗng

# Hàng đợi (Queue)

---

- Bài toán rót nước
  - Có 1 bể chứa nước (vô hạn)
  - Có 2 cốc với dung tích là  $a$ ,  $b$  (nguyên dương) lít
  - Tìm cách đo đúng  $c$  (nguyên dương) lít nước



# Hàng đợi (Queue)

- Bài toán rót nước:  $a = 6$ ,  $b = 8$ ,  $c = 4$

Bước	Thực hiện	Trạng thái
1	Đổ đầy nước vào cốc 1	(6,0)
2	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,6)
3	Đổ đầy nước vào cốc 1	(6,6)
4	Đổ nước từ cốc 1 vào đầy cốc 2	(4,8)

# Hàng đợi (Queue)

- Bài toán rót nước:  $a = 4$ ,  $b = 19$ ,  $c = 21$

Bước c	Thực hiện	Trạng thái
1	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,0)
2	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,4)
3	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,4)
4	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,8)
5	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,8)
6	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,12)
7	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,12)
8	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,16)
9	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,16)
10	Đổ nước từ cốc 1 vào đầy cốc 2	(1,19)
11	Đổ hết nước ở cốc 2 ra ngoài	(1,0)

# Hàng đợi (Queue)

- Bài toán rót nước:  $a = 4$ ,  $b = 19$ ,  $c = 21$  (tiếp)

Bước c	Thực hiện	Trạng thái
12	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,1)
13	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,1)
14	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,5)
15	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,5)
16	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,9)
17	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,9)
18	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,13)
19	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,13)
20	Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2	(0,17)
21	Đổ đầy nước vào cốc 1	(4,17)

# Hàng đợi (Queue)

- Thiết kế thuật toán và cấu trúc dữ liệu
  - Trạng thái là bộ  $(x, y)$ : lượng nước có trong cốc 1 và 2
  - Trạng thái ban đầu  $(0, 0)$
  - Trạng thái kết thúc:  $x = c$  hoặc  $y = c$  hoặc  $x + y = c$
  - Chuyển trạng thái
    - (1) Đổ đầy nước từ bể vào cốc 1:  $(a, y)$
    - (2) Đổ đầy nước từ bể vào cốc 2:  $(x, b)$
    - (3) Đổ hết nước từ cốc 1 ra ngoài:  $(0, y)$
    - (4) Đổ hết nước từ cốc 2 ra ngoài:  $(x, 0)$
    - (5) Đổ nước từ cốc 1 vào đầy cốc 2:  $(x + y - b, b)$ , nếu  $x + y \geq b$
    - (6) Đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2:  $(0, x + y)$ , nếu  $x + y \leq b$
    - (7) Đổ nước từ cốc 2 vào đầy cốc 1:  $(a, x + y - a)$ , nếu  $x + y \geq a$
    - (8) Đổ hết nước từ cốc 2 sang cốc 1:  $(x + y, 0)$ , nếu  $x + y \leq a$

# Hàng đợi (Queue)

- Đưa (0,0) vào hàng đợi

(0,0)									
-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- Lấy (0,0) ra và đưa (6,0), (0,8) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)							
-------	-------	-------	--	--	--	--	--	--	--

- Lấy (6,0) ra và đưa (0,6) và (6,8) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)					
-------	-------	-------	-------	-------	--	--	--	--	--

- Lấy (0,8) ra và đưa (6,2) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)	(6,2)				
-------	-------	-------	-------	-------	-------	--	--	--	--

# Hàng đợi (Queue)

- Đưa (0,6) ra và đưa (6,6) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)	(6,2)	(6,6)			
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--	--	--

- Lấy (6,8) ra và không đưa trạng thái mới nào vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)	(6,2)	(6,6)			
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--	--	--

- Lấy (6,2) ra và đưa (0,2) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)	(6,2)	(6,6)	(0,2)		
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--	--

- Lấy (6,6) ra và đưa (4,8) vào hàng đợi

(0,0)	(6,0)	(0,8)	(0,6)	(6,8)	(6,2)	(6,6)	(0,2)	(4,8)	
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--

# Hàng đợi (Queue)

- Thiết kế thuật toán và cấu trúc dữ liệu
  - Hàng đợi Q để ghi nhận các trạng thái được sinh ra
  - Mảng 2 chiều để đánh dấu trạng thái đã được xét đến
    - $visited[x][y] = true$ , nếu trạng thái  $(x, y)$  đã được sinh ra
  - Ngăn xếp để in ra chuỗi các hành động để đạt được kết quả
  - Danh sách L để lưu các con trỏ trỏ đến các vùng nhớ được cấp phát động (phục vụ cho việc thu hồi bộ nhớ khi kết thúc chương trình)

# Hàng đợi (Queue)

- Khai báo cấu trúc dữ liệu

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <queue>
#include <stack>
#include <list>
using namespace std;
struct State{
    int x;
    int y;
    char* msg;// action to generate current state
    State* p;// pointer to the state generating current state
};
bool visited[10000][10000];
queue<State*> Q;
list<State*> L;
State* target;
int a,b,c;
```



# Hàng đợi (Queue)

- Các hàm khởi tạo mảng đánh dấu, đánh dấu trạng thái, kiểm tra trạng thái đích, giải phóng bộ nhớ

```
void initVisited(){
    for(int x = 0; x < 10000; x++)
        for(int y = 0; y < 10000; y++)
            visited[x][y] = false;
}

bool reachTarget(State* S){
    return S->x == c || S->y == c ||
           S->x + S->y == c;
}

void markVisit(State* S){
    visited[S->x][S->y] = true;
}

void freeMemory(){
    list<State*>::iterator it;
    for(it = L.begin(); it != L.end(); it++){
        delete *it;
    }
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (3): đổ hết nước từ cốc 1 ra ngoài

```
bool genMove1Out(State* S){
    if(visited[0][S->y]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = 0;
    newS->y = S->y;
    newS->msg = "Do het nuoc o coc 1 ra ngoai";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (4): đổ hết nước từ cốc 2 ra ngoài

```
bool genMove2Out(State* S){
    if(visited[S->x][0]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = S->x;
    newS->y = 0;
    newS->msg = "Do het nuoc o coc 2 ra ngoai";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (5): đổ nước từ cốc 1 vào đầy cốc 2

```
bool genMove1Full2(State* S){
    if(S->x+S->y < b) return false;
    if(visited[S->x + S->y - b][b]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = S->x + S->y - b;
    newS->y = b;
    newS->msg = "Do nuoc tu coc 1 vao day coc 2";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (7): đổ nước từ cốc 2 vào đầy cốc 1

```
bool genMove2Full1(State* S){
    if(S->x+S->y < a) return false;
    if(visited[a][S->x + S->y - a]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = a;
    newS->y = S->x + S->y - a;
    newS->msg = "Do nuoc tu coc 2 vao day coc 1";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (6): đổ hết nước từ cốc 1 sang cốc 2

```
bool genMoveAll112(State* S){
    if(S->x + S->y > b) return false;
    if(visited[0][S->x + S->y]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = 0;
    newS->y = S->x + S->y;
    newS->msg = "Do het nuoc tu coc 1 sang coc 2";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (8): đổ hết nước từ cốc 2 sang cốc 1

```
bool genMoveAll21(State* S){
    if(S->x + S->y > a) return false;
    if(visited[S->x + S->y][0]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = S->x + S->y;
    newS->y = 0;
    newS->msg = "Do het nuoc tu coc 2 sang coc 1";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (1): đổ đầy nước từ bể vào cốc 1

```
bool genMoveFill1(State* S){
    if(visited[a][S->y]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = a;
    newS->y = S->y;
    newS->msg = "Do day nuoc vao coc 1";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```



# Hàng đợi (Queue)

- Hàm sinh trạng thái bởi hành động (2): đổ đầy nước từ bể vào cốc 2

```
bool genMoveFill2(State* S){
    if(visited[S->x][b]) return false;
    State* newS = new State;
    newS->x = S->x;
    newS->y = b;
    newS->msg = "Do day nuoc vao coc 2";
    newS->p = S;
    Q.push(newS); markVisit(newS);
    L.push_back(newS);
    if(reachTarget(newS)){
        target = newS;
        return true;
    }
    return false;
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm in chuỗi hành động để thu được kết quả

```
void print(State* target){
    printf("-----RESULT-----\n");
    if(target == NULL)
        printf("Khong co loi giai!!!!!!");
    State* currentS = target;
    stack<State*> actions;
    while(currentS != NULL){
        actions.push(currentS);
        currentS = currentS->p;
    }
    while(actions.size() > 0){
        currentS = actions.top();
        actions.pop();
        printf("%s, (%d,%d)\n",
            currentS->msg, currentS->x,
            currentS->y);
    }
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Khởi tạo, sinh trạng thái ban đầu và đưa vào hàng đợi
- Tại mỗi bước, lấy 1 trạng thái ra khỏi hàng đợi, sinh trạng thái mới và đưa vào hàng đợi

```
void solve(){
    initVisited();
    // sinh ra trang thai ban dau (0,0) va dua vao Q
    State* S = new State;
    S->x = 0; S->y = 0; S->p = NULL;
    Q.push(S); markVisit(S);
    while(!Q.empty()){
        State* S = Q.front(); Q.pop();
        if(genMove1Out(S)) break;
        if(genMove2Out(S)) break;
        if(genMove1Full2(S)) break;
        if(genMoveAll12(S)) break;
        if(genMove2Full1(S)) break;
        if(genMoveAll21(S)) break;
        if(genMoveFill1(S)) break;
        if(genMoveFill2(S)) break;
    }
}
```

# Hàng đợi (Queue)

- Hàm main
  - Thử nghiệm với bộ dữ liệu: a = 4, b = 7, c = 9

```
int main(){  
    a = 4;  
    b = 7;  
    c = 9;  
    target = NULL;  
    solve();  
    print(target);  
    freeMemory();  
}
```