# Phần I PHƯƠNG TRÌNH VÔ TỈ

# Chuong1

# Phương pháp giải phương trình vô tỉ

#### Phương trình vô tỉ giải được bằng phương pháp tương đương. 1.1

#### Phương pháp giải 1.1.1

Chuyển vế đổi dấu để hai vế không âm, sau đó bình phương hai vế (ta được phương trình tương đương) để khử căn thức, đưa về phương trình đại số, trong đó:

- Phương trình có dạng  $\sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \ge 0 \\ A = B^2 \end{cases}$
- Ta có thể bình phương mà không cần quan tâm tới điều kiện hai vế phải tương đương (ta được phương trình hệ quả) để khử căn thức, tuy nhiên sau khi giải ra nghiệm ta phải thử lại nghiệm.

## Ví dụ minh họa

**Ví du 1.** Giải phương trình:  $\sqrt{2x-3} = x-3$ 

Giải:

Phương trình đã cho tương đương với:

Phương trinh da cho tương dương với: 
$$\begin{cases} x - 3 \ge 0 \\ 2x - 3 = (x - 3)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 3 \\ 2x - 3 = x^2 - 6x + 9 \end{cases}$$
$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 3 \\ x^2 - 8x + 12 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 3 \\ x = 6 \end{cases} \Leftrightarrow x = 6.$$

Kết luận: vậy phương trình có một nghiệm là x = 6

 $Vi \ d\mu \ 2$ . Giải phương trình:  $x - \sqrt{2x - 5} = 4$ 

Giải:

Phương trình đã cho tương đương với : 
$$x-4=\sqrt{2x-5}$$
  $\Leftrightarrow \begin{cases} x-4\geq 0 \\ (x-4)^2=2x-5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x\geq 4 \\ x^2-8x+16=2x-5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x\geq 4 \\ x^2-10x+21=0 \end{cases}$ 

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 4 \\ x = 7 & \Leftrightarrow x = 7. \\ x = 3 \end{cases}$$

Kết luận: Phương trình có một nghiệm là x = 7.

 $Vi \ du \ 3.$  Giải phương trình:  $\sqrt{-x^2+4x}+2=2x$ 

Giải:

Phương trình đã cho tương đương với : 
$$\sqrt{-x^2 + 4x} = 2x - 2$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 2 \ge 0 \\ -x^2 + 4x = (2x - 2)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 1 \\ -x^2 + 4x = 4x^2 - 8x + 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 1 \\ 5x^2 - 12x + 4 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 1 \\ x \ge 1 \\ x \ge \frac{1}{5} \end{cases}$$

Kết luận: Phương trình có một nghiệm : x = 2.

 $Vi \ du \ 4.$  Giải phương trình:  $\sqrt{x+4} - \sqrt{1-x} = \sqrt{1-2x}$ 

Giải

Điều kiện: 
$$\begin{cases} \sqrt{x+4} \geq 0 \\ \sqrt{1-x} \geq 0 \\ \sqrt{x+4} \geq \sqrt{1-x} \\ \sqrt{1-2x} \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -4 \\ x \leq 1 \\ x \geq -\frac{3}{2} \\ x \leq \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow -\frac{3}{2} \leq x \leq \frac{1}{2}$$

Với điều kiện trên phương trình tương đương:

$$\sqrt{x+4} = \sqrt{1-2x} + \sqrt{1-x}$$

$$\Leftrightarrow x+4 = 1 - 2x + 1 - x + 2\sqrt{(1-2x)(1-x)}$$

$$\Leftrightarrow 2x+1 = \sqrt{1-3x+2x^2}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x+1 \ge 0 \\ 1-3x+2x^2 = (2x+1)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge -\frac{1}{2} \\ 2x^2+7x = 0 \end{cases}$$

So sánh với đi<br/>êu kiện ta được nghiệm của phương trình là: x=0

 $Vi \ d\mu \ 5$ . Giải phương trình:  $\sqrt{3x+4} - \sqrt{2x+1} = \sqrt{x+3}$ 

Giải:

Diều kiện: 
$$\begin{cases} 3x + 4 \ge 0 \\ 2x + 1 \ge 0 \\ \sqrt{3x + 4} \ge \sqrt{2x + 1} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge -\frac{4}{3} \\ x \ge -\frac{1}{2} \\ 3x + 4 \ge 2x + 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge -\frac{4}{3} \\ x \ge -\frac{1}{2} \\ x \ge -3 \end{cases} \Leftrightarrow x \ge -\frac{1}{2}$$

$$x \ge 3$$

Với điều kiện trên phương trình tương đương

$$\sqrt{3x+4} = \sqrt{x+3} + \sqrt{2x+1}$$

$$\Leftrightarrow 3x+4 = 3x+4+2\sqrt{(x+3)(2x+1)}$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} x = -3 \\ x = -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

So sánh với điều kiện ta được nghiệm phương trình là  $x=-\frac{1}{2}.$ 

**Ví dụ 6.** Giải phương trình:  $\sqrt{3x+8} - \sqrt{3x+5} = \sqrt{5x-4} - \sqrt{5x-7}$ 

Giải:

Diều kiện: 
$$\begin{cases} 3x + 8 \ge 0 \\ 3x + 5 \ge 0 \\ 3x + 8 \ge 3x + 5 \\ 5x - 4 \ge 0 \\ 5x - 7 \ge 0 \\ 5x - 4 \ge 5x - 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge -\frac{8}{3} \\ x \ge -\frac{5}{3} \\ x \ge \frac{4}{5} \\ x \ge \frac{7}{5} \end{cases} \Leftrightarrow x \ge \frac{7}{5}$$

Với điều kiên trên phương trình tương đương:

$$\sqrt{3x+8} + \sqrt{5x-7} = \sqrt{5x-4} + \sqrt{3x+5}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{(3x+8)(5x-7)} = \sqrt{(5x-4)(3x+5)}$$

$$\Leftrightarrow 15x^2 + 19x - 56 = 15x^2 + 13x - 20$$

$$\Leftrightarrow 6x = 36$$

$$\Leftrightarrow x = 6$$

So sánh điều kiện ta được nghiệm của phương trình là: x = 6.

**Ví du 7.** Giải phương trình:  $x^2 + \sqrt{x+1} = 1$ 

Giải:

Phương trình đã cho tương đương  $1-x^2=\sqrt{x+1}$ 

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 \le 1 \\ (1 - x^2)^2 = x + 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ x^4 - 2x^2 + 1 = x + 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ x^4 - 2x^2 - x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ x(x^3 - 2x - 1) = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ x(x+1)(x^2 - x - 1) = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1 - \sqrt{5} \\ x = 1 \end{cases}$$

Kết luận vậy phương trình có ba nghiệm là:  $x = 0, x = -1, x = \frac{1 - \sqrt{5}}{2}$ 

 $Vi \ du \ 8.$  Giải phương trình:  $\sqrt{x+3} + \sqrt{3x+1} = 2\sqrt{x} + \sqrt{2x+2}$ 

Giải:

Điều kiện:  $x \ge 0$ 

Với điều kiện trên phương trình tương đương với:

$$\sqrt{3x+1} - \sqrt{2x+2} = 2\sqrt{x} - \sqrt{x+3}$$

$$\Leftrightarrow 5x+3 - 2\sqrt{(3x+1)(2x+2)} = 5x+3 - 4\sqrt{x(x+3)}$$

$$\Leftrightarrow 6x^2 + 8x + 2 = 4x^2 + 12x$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - 4x + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 1$$

Thử lại thấy nghiệm x = 1 thỏa mãn.

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất: x = 1.

 $Vi \ du \ 9.$  Giải phương trình:  $\frac{x^2}{3x-2} - \sqrt{3x-2} = 1-x$ 

Giải:

Điều kiện: 
$$x > \frac{2}{3}$$

Với điều kiện trên phương trình tương đương với:

$$x^{2} - 3x + 2 = (1 - x)\sqrt{3x - 2} \Leftrightarrow (x - 1)(x - 2) = (1 - x)\sqrt{3x - 2}$$

$$\Leftrightarrow (x - 1)(x - 2 + \sqrt{3x - 2}) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} x = 1 \\ x - 2 + \sqrt{3x - 2} = 0 \end{bmatrix} (1)$$
Ta có phương trình  $(1) \Leftrightarrow 2 - x = \sqrt{3x - 2}$ 

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} 2 - x \ge 0 \end{bmatrix}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2 - x \ge 0 \\ x^2 - 4x + 4 = 3x - 2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 2 \\ x^2 - 7x + 6 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 2 \\ x \le 6 \end{cases}$$

Kết luân: Vây phương trình có nghiệm duy nhất: x = 1.

**Ví dụ 10.** Giải phương trình: 
$$2(\sqrt{2(2+x)} + 2\sqrt{2-x}) = \sqrt{9x^2 + 16}$$

Giải:

Điều kiện: 
$$-2 \le x \le 2$$

Với điều kiện trên phương trình tương đương:

$$8(2+x) + 16\sqrt{2(4-x^2)} + 16(2-x) = 9x^2 + 16$$

$$\Leftrightarrow 9x^2 + 8x - 32 = 16\sqrt{2(4-x^2)} / \Leftrightarrow (9x^2 + 8x - 32)^2 = 512(4-x^2)$$

$$\Leftrightarrow 81x^4 + 144x^2 - 512x - 1024 = 0$$

$$\Leftrightarrow (9x^2 - 32)(9x^2 + 16x + 32) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = \pm \frac{\sqrt{32}}{3}$$

Thử lại ta được nghiệm của phương trình :  $x = \frac{\sqrt{32}}{3}$ 

**Ví dụ 11.** Giải phương trình:  $2\sqrt{x+2+2\sqrt{x+1}} - \sqrt{x+1} = 4$ 

Giải:

Điều kiện:  $x \ge -1$ 

Với điều kiện trên phương trình tương đương :

$$2\sqrt{(1+\sqrt{x+1})^2} - \sqrt{x+1} = 4$$

$$\Leftrightarrow 2(1+\sqrt{x+1}) - \sqrt{x+1} = 4$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{x+1} = 2$$

$$\Leftrightarrow x + 1 = 4 \Leftrightarrow x = 3$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất: x = 3.

**Ví dụ 12.** Giải phương trình:  $\sqrt{x-1+2\sqrt{x-2}}-\sqrt{x-1-2\sqrt{x-2}}=1$ 

Giải:

Điều kiện:  $x \ge 2$ 

Đặt 
$$t = \sqrt{x-2}, t \ge 0 \Rightarrow t^2 = x-2 \Leftrightarrow x = t^2+2$$

Khi đó phương trình tương đương:

$$\sqrt{t^2 + 1 + 2t} - \sqrt{t^2 + 1 - 2t} = 1$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{(t+1)^2} - \sqrt{(t-1)^2} = 1$$

$$\Leftrightarrow t+1-|t-1|=1$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} t+1-(t-1) = 1 & (t \ge 1) \\ t+1-(1-t) = 1 & (t \ge 1) \\ t+1-(1-t) = 1 & (t < 1) \\ \Leftrightarrow \begin{bmatrix} t+1-t+1 = 1 & (t \ge 1) & (\text{vn}) \\ t+1-1+t = 1 & (t < 1) \end{bmatrix}$$

$$\Leftrightarrow t = \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{x-2} = \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow x - 2 = \frac{1}{4}$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{9}{4}$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất:  $x = \frac{9}{4}$ .

**Ví dụ 13.** Giải phương trình:  $\frac{x}{2} - 2 = \frac{x^2}{2(1+\sqrt{1+x})^2}$ 

Giải:

Điều kiện:  $x \ge -1$ 

Vì x = 0 không là nghiệm phương trình nên phương trình tương đương :

$$\frac{x}{2} - 2 = \frac{x^2 \left(1 - \sqrt{1 + x}\right)^2}{2x^2}$$

$$\Leftrightarrow x - 4 = 1 - 2\sqrt{1 + x} + 1 + x$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{1+x} = 3$$

$$\Leftrightarrow 1 + x = 9$$

$$\Leftrightarrow x = 8$$

So với điều kiện ta được nghiệm của phương trình: x = 8.

**Ví dụ 14.** Giải phương trình:  $3(2+\sqrt{x-2}) = 2x + \sqrt{x+6}$ 

Điều kiên: x > 0

Với điều kiện trên phương trình tương đương:

$$3\sqrt{x-2} - \sqrt{x+6} = 2(x-3)$$

$$\Leftrightarrow 9(x-2) - (x+6) = 2(x-3) \left(3\sqrt{x-2} + \sqrt{x+6}\right)$$

$$\Leftrightarrow 8(x-3) = 2(x-3) \left(3\sqrt{x-2} + \sqrt{x+6}\right)$$

$$\Leftrightarrow (x-3)(4 - \left(3\sqrt{x-2} + \sqrt{x+6}\right))$$

$$\Leftrightarrow (x-3)(4 - \left(3\sqrt{x-2} + \sqrt{x+6}\right))$$

$$\Leftrightarrow \left(x-3\right)(4 - \left(3\sqrt{x-2} + \sqrt{x+6}\right))$$

$$\Leftrightarrow 9(x-2) + x + 6 + 6\sqrt{(x-2)(x+6)} = 16$$

$$\Leftrightarrow 3\sqrt{x^2 + 4x - 12} = 16$$

$$\Leftrightarrow 3\sqrt{x^2 + 4x - 12} = 14 - 5x$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le \frac{14}{5} \\ 9(x^2 + 4x - 12) = (14 - 5x)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le \frac{14}{5} \\ 16x^2 - 176x + 304 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le \frac{14}{5} \\ x^2 - 11x + 19 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le \frac{14}{5} \\ x = \frac{11 - 3\sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{11 - 3\sqrt{5}}{2}$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{11 - 3\sqrt{5}}{2}$$

Kết luận: Vậy phương trình có 2 nghiệm là:  $x=3; x=\frac{11-3\sqrt{5}}{2}$ 

**Ví dụ 15.** Giải phương trình:  $\sqrt[3]{x-1} + \sqrt[3]{x-2} = \sqrt[3]{2x-3}$ 

Giải:

Phương trình đã cho tương đương:

$$\left( \sqrt[3]{x-1} + \sqrt[3]{x-2} \right)^3 = \left( \sqrt[3]{2x-3} \right)^3$$

$$\Leftrightarrow x - 1 + x - 2 + 3\sqrt[3]{x-1}\sqrt[3]{x-2} \left( \sqrt[3]{x-1} + \sqrt[3]{x-2} \right) = 2x - 3$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{x-1}\sqrt[3]{x-2}\sqrt[3]{2x-3} = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} x - 1 = 0 \\ x - 2 = 0 \\ 2x - 3 = 0 \end{bmatrix}$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} x = 1 \\ x = 2 \\ x = \frac{3}{2} \end{bmatrix}$$

Thử lại ta thấy nghiệm của phương trình là:  $x = 1; x = 2; x = \frac{3}{2}$ .

**Ví dụ 16.** Giải phương trình:  $\sqrt{2x^2 + x + 6} + \sqrt{x^2 + x + 2} = x + \frac{4}{x}$ 

$$\sqrt{2x^2 + x + 6} + \sqrt{x^2 + x + 2} = x + \frac{4}{x}$$
 (1) Điều kiện:  $x \neq 0$ 

Để x là nghiệm của phương trình thì x > 0.

Phương trinh đã cho tương đương:

$$\frac{x^2 + 4}{\sqrt{2x^2 + x + 6} - \sqrt{x^2 + x + 2}} = \frac{x^2 + 4}{x}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{2x^2 + x + 6} - \sqrt{x^2 + x + 2} = x (2)$$

Kết hợp giữa (1) và (2) ta được phương trình:  $2\sqrt{x^2+x+2}=\frac{4}{x}$ 

$$\Leftrightarrow x\sqrt{x^2 + x + 2} = 2$$

$$\Leftrightarrow x^4 + x^3 + 2x^2 - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-1)(x^3 + 2x^2 + 4x + 4) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 1 \text{ (do } x^3 + 2x^2 + 4x + 4 > 0 \ \forall x > 0 \text{ )}$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất: x = 1.

# 1.1.3 Bài tập

**Bài tập 1.** Giải phương trình:  $\sqrt{-x^2 + 4x - 3} = 2x - 5$ 

**Bài tập 2.** Giải phương trình:  $x + \sqrt{x^2 + x + 2} = 3$ 

**Bài tập 3.** Giải phương trình:  $\sqrt{7-x^2+x\sqrt{x+5}}=\sqrt{3-2x-x^2}$ 

**Bài tập 4.** Giải phương trình:  $\sqrt{3x-2} - \sqrt{x+7} = 1$ 

**Bài tập 5.** Giải phương trình:  $\sqrt{x+8} - \sqrt{x} = \sqrt{x+3}$ 

Bài tập 6. Giải phương trình::

Bài tập 7. Giải phương trình:

Bài tập 8. Giải phương trình:

Bài tập 9. Giải phương trình:

Bài tập 10. Giải phương trình:

### Lời giải bài tập

1 Phương trình đã cho tương đương:

$$\begin{cases} 2x - 5 \ge 0 \\ (-x^2 + 4x - 3) = (2x - 5)^2 \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge \frac{5}{2} \\ -x^2 + 4x - 3 = 4x^2 - 20x + 25 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge \frac{5}{2} \\ 5x^2 - 24x + 28 = 0 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge \frac{5}{2} \\ x = 2 \\ x = \frac{14}{5} \end{cases} \end{cases}$$

Lời giải bài tập

$$\Leftrightarrow x = \frac{14}{5}$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất:  $x = \frac{14}{5}$ .

**2** Phương trình đã cho tương đương:  $\sqrt{x^2 + x + 2} = 3 - x$ 

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3 - x \ge 0 \\ x^2 + x + 2 = (3 - x)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 3 \\ x^2 + x + 2 = 9 - 6x + x^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 3 \\ x = 1 \end{cases}$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất: x = 1.

3 Phương trình đã cho tương đương:  $\begin{cases} 3-2x-x^2 \geq 0 \\ 7-x^2+x\sqrt{x+5} = 3-2x-x^2 \end{cases}$ 

$$\begin{cases} -3 \leq x \leq 1 \\ x\sqrt{x+5} = -4 - 2x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq x \leq 1 \\ \sqrt{x+5} = \frac{-4-2x}{x} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq x \leq 1 \\ \frac{-4-2x}{x} \geq 0 \\ x^2(x+5) = (-4-2x)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq x \leq 1 \\ \frac{-4-2x}{x} \geq 0 \\ x^2(x+5) = (-4-2x)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq x \leq 1 \\ -2 \leq x < 0 \\ x^3 + 5x^2 = 16 + 16x + 4x^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -2 \leq x < 0 \\ x^3 + x^2 - 16x - 16 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -2 \leq x < 0 \\ x = -1 \\ x = \pm 4 \end{cases}$$

Kết luận: Vậy phương trình có nghiệm duy nhất: x = -1.

4 Điều kiện: 
$$\begin{cases} 3x - 2 \ge 0 \\ x + 7 \ge 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \ge \frac{2}{3} \\ x \ge -7 \end{cases} \Leftrightarrow x \ge \frac{2}{3}$$

Với điều kiện trên phương trinh tương đương với:  $\sqrt{3x-2}=1+\sqrt{x+7}$   $\Leftrightarrow 3x-2=x+8+2\sqrt{x+7}$   $\Leftrightarrow x-5=\sqrt{x+7}$   $\Leftrightarrow \begin{cases} x\geq 5\\ x^2-10x+25=x+7 \end{cases}$ 

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 5 \\ x^2 - 11x + 18 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 5 \\ x \ge 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \ge 5 \\ x \ge 9 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x = 9$$

Kết hợp điều kiện ta được x = 9 là nghiệm duy nhất của phương trình.

**5** Điều kiện:  $x \ge 0$ . Với điều kiện trên phương trình tương đương:  $\sqrt{x+8} = \sqrt{x} + \sqrt{x+3}$ 

$$\Leftrightarrow x + 8 = 2x + 3 + 2\sqrt{x(x+3)}$$

$$\Leftrightarrow 5 - x = 2\sqrt{x^2 + 3x}$$

$$\Leftrightarrow 5 - x = 2\sqrt{x^2 + 3x}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 5 \\ 25 - 10x + x^2 = 4x^2 + 12x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 5 \\ 3x^2 + 22x - 25 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 5 \\ x \le 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{25}{3} \end{cases}$$

$$3x^2 + 22x - 25 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \le 5 \\ x \le 5 \end{cases} x = 1$$

$$x = -\frac{25}{2}$$

$$\Leftrightarrow \left[ \begin{array}{c} x = 1 \\ x = -\frac{25}{3} \end{array} \right]$$

Kết hợp điều kiện ta được x=1 là nghiệm duy nhất của phương trình.

6

7

8

9

**10**