TRƯỜNG TRUNG HỌC PHỔ THÔNG CHUYÊN HẠ LONG



Thời gian làm bài: 90 phút, không kể thời gian phát đề



(Đề thi có 07 trang)

A. PHẦN KIẾN THỨC CHUNG (gồm 45 câu)

Mã đề thi 104

Câu 1. Tính môđun của số phức z = (1-3i)(2+i).

A.
$$|z| = \sqrt{10}$$
.

B.
$$|z| = 5\sqrt{2}$$
.

Họ, tên thí sinh: Số báo danh:

C.
$$|z| = -5\sqrt{2}$$
.

D.
$$|z| = 2\sqrt{5}$$
.

Câu 2. Tính tích phân $I = \int_{1}^{e} \frac{\ln x + 3}{x} dx$.

A.
$$I = \frac{11}{3}$$
.

B.
$$I = \frac{8}{3}$$
.

C.
$$I = \frac{7}{2}$$
.

D.
$$I = \frac{13}{4}$$
.

Câu 3. Tìm họ các nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$.

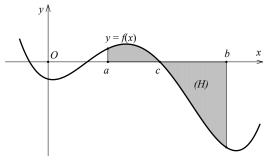
A.
$$\int f(x)dx = \frac{x^4}{4} + x^3 + 4x + C.$$

B.
$$\int f(x)dx = 3x^2 - 6x + C$$
.

C.
$$\int f(x)dx = \frac{x^4}{4} - x^3 + 4x + C$$
.

D.
$$\int f(x)dx = x^4 - x^3 + 4x + C$$
.

Câu 4. Cho hàm số y = f(x) liên tục trên đoạn [a;b] có đồ thị như hình vẽ dưới đây và $c \in [a;b]$. Gọi S là diện tích của hình phẳng (H) giới hạn bởi đồ thị hàm số y = f(x) và các đường thẳng y = 0, x = a, x = b. Mệnh đề nào sau đây sai?



A.
$$S = \int_{a}^{c} f(x) dx + \int_{b}^{c} f(x) dx.$$

B.
$$S = \int_{a}^{c} f(x) dx - \int_{c}^{b} f(x) dx.$$

C.
$$S = \int_{a}^{c} f(x) dx + \int_{c}^{b} f(x) dx.$$

$$\mathbf{D.} \quad S = \int_{a}^{b} |f(x)| \, \mathrm{d}x \,.$$

Câu 5. Cho hình phẳng (H) được giới hạn bởi đồ thị hàm số y = f(x) liên tục trên đoạn [a;b], trục hoành và hai đường thẳng x = a, x = b. Diện tích S của hình phẳng (H) là

$$\mathbf{A.} \ S = \int_{a}^{b} f(x) dx.$$

B.
$$S = \left| \int_{a}^{b} f(x) dx \right|$$
. **C.** $S = -\int_{a}^{b} f(x) dx$. **D.** $S = \int_{a}^{b} |f(x)| dx$.

$$\mathbf{C.} \ S = -\int_{a}^{b} f(x) dx.$$

$$\mathbf{D.} \ S = \int_{a}^{b} \left| f(x) \right| dx$$

Câu 6. Tìm các số thực x, y thỏa mãn 3x - y + (2x+1)i = 2x - 4 + (y-2)i.

A.
$$x = 1, y = -5.$$

B.
$$x = -1, y = -5.$$
 C. $x = 1, y = 5.$

C.
$$x = 1, y = 5$$
.

D.
$$x = -1, y = 5$$

Câu 7. Cho số phức z = 4 - 3i. Điểm biểu diễn z trong mặt phẳng tọa độ là

B.
$$(4;-3i)$$
.

C.
$$(-4;3)$$
.

D.
$$(4;-3)$$
.

Câu 8. Tìm nguyên hàm F(x) của hàm số $f(x) = \frac{3}{2x-1}$, biết F(1) = 5.

A.
$$F(x) = 3 \ln |2x - 1| - 5$$
.

B.
$$F(x) = \frac{3}{2} \ln |2x - 1| + 5.$$

C.
$$F(x) = -\frac{3}{2} \ln |2x - 1| - 5$$
.

D.
$$F(x) = 3 \ln |2x - 1| + 5$$
.

Câu 9. Số phức liên hợp của số phức $z = 7 - \sqrt{3}$ là

$$\mathbf{A.} \ \overline{z} = 7 + \sqrt{3} \, \mathbf{i}.$$

B.
$$\overline{z} = 7 + \sqrt{3}$$
.

C.
$$\overline{z} = 7 - \sqrt{3} i$$
. **D.** $\overline{z} = 7 - \sqrt{3}$.

D.
$$\overline{z} = 7 - \sqrt{3}$$
.

Câu 10. Cho hàm số f(x) có đạo hàm liên tục trên đoạn [-1;3], f(-1)=2 và f(3)=5. Tích phân $\int_{1}^{1} f'(x) dx \text{ bằng}$

Câu 11. Cho số phức z = 5 - 7i. Xác định phần thực, phần ảo của số phức z.

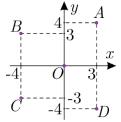
A. Phần thực bằng 5, phần ảo bằng 7.

B. Phần thực bằng 5, phần ảo bằng -7.

C. Phần thực bằng 5, phần ảo bằng 7i.

D. Phần thực bằng 5, phần ảo bằng -7i.

Câu 12. Điểm nào trong hình vẽ dưới đây là điểm biểu diễn của số phức z = -4 - 3i?



Câu 13. Cho $\int_{0}^{1} f(x) dx = 3$ và $\int_{0}^{1} g(x) dx = 4$. Tính $I = \int_{0}^{1} \left[2019e^{2019x} + 5f(x) - 3g(x) \right] dx$.

A.
$$I = e^{2019} + 3$$
.

B.
$$I = e^{2019} + 2$$
.

C.
$$I = e^{2019} - 2$$
. **D.** $I = e^{2019} + 8$.

D.
$$I = e^{2019} + 8$$
.

Câu 14. Tìm số phức z thỏa mãn (1+2i)z+3-i=1-4i.

A.
$$z = -\frac{8}{5} - \frac{1}{5}i$$
. **B.** $z = -\frac{8}{5} + \frac{1}{5}i$. **C.** $z = \frac{8}{5} + \frac{1}{5}i$. **D.** $z = \frac{8}{5} - \frac{2}{5}i$.

B.
$$z = -\frac{8}{5} + \frac{1}{5}i$$
.

C.
$$z = \frac{8}{5} + \frac{1}{5}i$$
.

D.
$$z = \frac{8}{5} - \frac{2}{5}i$$
.

Câu 15. Trong các khẳng định sau đây, khẳng định nào sai?

A.
$$\int a^x dx = \frac{a^{x+1}}{x+1} + C \text{ (v\'oi } x \neq -1 \text{)}.$$

$$\mathbf{B.} \int \cos x dx = \sin x + C \ .$$

$$C. \int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \tan x + C$$

$$\mathbf{D.} \int \sin x dx = -\cos x + C.$$

Câu 16. Biết rằng trong tập hợp số phức phương trình $z^2 - 2z + 3 = 0$ có hai nghiệm z_1, z_2 . Giá trị của biểu thức $P = |z_1| + |z_2|$ là

A.
$$4\sqrt{3}$$
.

B.
$$3\sqrt{2}$$
.

C.
$$2\sqrt{3}$$
.

$$\mathbf{D}$$
. $\sqrt{6}$

Câu 17. Tìm f(x), biết hàm số $F(x) = \cos\left(5x - \frac{\pi}{6}\right)$ là một nguyên hàm của hàm số f(x).

$$\mathbf{A.} \ f(x) = -5\sin\left(5x - \frac{\pi}{6}\right).$$

B.
$$f(x) = -5\sin\left(5x - \frac{\pi}{6}\right) + C$$
.

C.
$$f(x) = -\frac{1}{5}\sin\left(5x - \frac{\pi}{6}\right) + C$$
.

D.
$$f(x) = \frac{1}{5}\sin\left(5x - \frac{\pi}{6}\right) + C.$$

Câu 18. Thực hiện phép tính $(1+i)^2 - (2-i)(1+2i)$ ta được kết quả là

A.
$$4 + i$$
.

B.
$$-4 - i$$
.

C.
$$-4 + i$$
.

D.
$$4-i$$
.

 $C\hat{a}u$ 19. Tính thể tích V của khối tròn xoay tạo thành khi quay hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = \sqrt{\sin x + \cos x}$, y = 0, x = 0, $x = \frac{\pi}{2}$ xung quanh trục Ox.

A.
$$V = \frac{\pi(\sqrt{3}+1)}{2}$$
.

A.
$$V = \frac{\pi(\sqrt{3}+1)}{2}$$
. **B.** $V = \frac{10\pi(\sqrt{3}+1)}{19}$. **C.** $V = \frac{6\pi(\sqrt{3}+1)}{13}$. **D.** $V = \frac{5\pi(\sqrt{3}+1)}{9}$.

C.
$$V = \frac{6\pi(\sqrt{3}+1)}{13}$$

D.
$$V = \frac{5\pi(\sqrt{3}+1)}{9}$$

Câu 20. Cho u = u(x) và v = v(x) là hai hàm số có đạo hàm liên tục trên đoạn [a;b]. Khẳng định nào dưới đây là đúng?

A.
$$\int_a^b u(x)v'(x)dx = u(x)v(x)\Big|_a^b - \int_a^b u'(x)v(x)dx.$$

B.
$$\int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx = u(x)v'(x)\Big|_{a}^{b} - \int_{a}^{b} u(x)v(x)dx$$

A.
$$\int_{a}^{b} u(x)v'(x)dx = u(x)v(x)\Big|_{a}^{b} - \int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx$$
.

B. $\int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx = u(x)v'(x)\Big|_{a}^{b} - \int_{a}^{b} u(x)v(x)dx$.

C. $\int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx = u(x)v(x)\Big|_{a}^{b} + \int_{a}^{b} u(x)v'(x)dx$.

D. $\int_{a}^{b} u(x)v'(x)dx = u(x)v(x)\Big|_{a}^{b} + \int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx$.

$$\mathbf{D.} \int_{a}^{b} u(x)v'(x)dx = u(x)v(x)\Big|_{a}^{b} + \int_{a}^{b} u'(x)v(x)dx.$$

Câu 21. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng (d): $\frac{x-1}{4} = \frac{y+1}{6} = \frac{z-2}{2}$. Mặt phẳng đi qua

A(5,-4,2) và vuông góc với đường thẳng (d) có phương trình là

A.
$$x-y+2z+13=0$$
.

B.
$$x-y+2z-13=0$$
.

C.
$$2x-3y-z-20=0$$
.

D.
$$2x-3y-z+8=0$$
.

Câu 22. Trong không gian Oxyz, cho ba điểm A(1;2;-3), B(-4;2;5) và M(m+2;2n-1;1). Điểm M thuộc đường thẳng AB khi và chỉ khi

A.
$$m = -\frac{7}{2}$$
; $n = \frac{3}{2}$. **B.** $m = \frac{7}{2}$; $n = -\frac{3}{2}$. **C.** $m = -7$; $n = 3$. **D.** $m = 7$; $n = -3$.

B.
$$m = \frac{7}{2}$$
; $n = -\frac{3}{2}$.

C.
$$m = -7$$
; $n = 3$

D.
$$m = 7$$
; $n = -3$

Câu 23. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng (P): x-4y+3z-2=0. Một vecto pháp tuyến của mặt phẳng (P) là

A.
$$\overrightarrow{n_4} = (-4;3;-2)$$
.

B.
$$\overrightarrow{n_2} = (1;4;3)$$
.

C.
$$\vec{n_1} = (0; -4; 3)$$
.

D.
$$\overrightarrow{n_2} = (1:-4:3)$$
.

Câu 24. Trong không gian Oxyz, cho hai điểm A(1;2;3) và B(3;2;1). Phương trình mặt cầu đường kính ABlà.

A.
$$x^2 + y^2 + z^2 = 2$$
.

B.
$$(x-2)^2 + (y-2)^2 + (z-2)^2 = 4$$
.

C.
$$(x-2)^2 + (y-2)^2 + (z-2)^2 = 2$$
.

D.
$$(x-1)^2 + y^2 + (z-1)^2 = 4$$
.

Câu 25. Biết M(2;-1), N(3;2) lần lượt là hai điểm biểu diễn số phức z_1, z_2 trên mặt phẳng tọa độ phức Oxy. Khi đó số phức $z_1.z_2$ bằng

A.
$$4 + i$$

B.
$$8 - 7i$$

C.
$$8 + 7i$$

D.
$$8 + i$$

Câu 26. Cho tích phân $I = \int_{\hat{x}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos^2 x dx$ và đặt $t = \cos x$. Khẳng định nào trong các khẳng định sau là sai?

A.
$$I = \int_{0}^{1} t^2 dt$$
.

$$\mathbf{B.} \sin x \cos^2 x dx = t^2 dt.$$

C.
$$I = \frac{1}{3}$$
.

$$\mathbf{D.} \ dt = -\sin x dx.$$

Câu 27. Khoảng cách giữa mặt phẳng (P): 2x - y + 2z + 5 = 0 và đường thẳng $d: \begin{cases} y = 2 + 4t & \text{bằng} \\ z = 3 + t \end{cases}$

A.
$$\frac{10}{3}$$
.

B.
$$\frac{11}{3}$$
.

C.
$$\frac{13}{3}$$
.

D.
$$\frac{7}{3}$$
.

Câu 28. Trong không gian	n với hệ tọa độ Oxyz,	cho đường thẳng d	$: \frac{x-3}{-2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+1}{1}$ và mặt phẳng
(P): 2x-2y+z+4=0. Giá trị cosin góc giữa d và (P) bằng			
A. $\frac{7}{9}$.	B. $-\frac{7}{9}$.	C. $\frac{4\sqrt{2}}{9}$.	D. $\frac{5\sqrt{2}}{9}$.
Câu 29. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(1;2;3)$ và đường thẳng $d: \frac{x}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z}{1}$. Mặt phẳng (P) chứa			
điểm M và đường thắng d A. $5x + 2y - 3z = 0$.	có phương trình là	B. $5x + 2y - 3z + 1$	= 0.

C.
$$2x + 3y - 5z = 0$$
.

D.
$$2x + 3y - 5z + 7 = 0$$
.

Câu 30. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng (Q): x-3y+5z-7=0 và điểm M(-2;1;3). Viết phương trình mặt phẳng (P) đi qua M và song song với (Q).

A.
$$(P): -x-3y+5z-14=0.$$

B.
$$(P): x-3y+5z-15=0.$$

C.
$$(P): x-3y-5z-25=0$$
.

D.
$$(P): x-3y+5z-10=0$$

Câu 31. Cho số phức z thỏa mãn |iz-3+2i|=5. Tập hợp các điểm biểu diễn số phức z trên mặt phẳng tọa độ là

- **A.** Đường tròn có phương trình $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 25$.
- **B.** Đường tròn có phương trình $(x+2)^2 + (y+3)^2 = 25$.
- C. Đường tròn có phương trình $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 25$.
- **D.** Đường tròn có phương trình $(x+2)^2 + (y+3)^2 = 5$.

Câu 32. Trong không gian với hệ toạ độ Oxyz, cho các điểm M(1;-2;3), N(3;0;-1) và điểm I là trung điểm của MN. Mệnh đề nào sau đây đúng?

$$\mathbf{A.} \quad \overrightarrow{OI} = 4\overrightarrow{i} - 2\overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$

B.
$$\overrightarrow{OI} = 2\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$

$$\overrightarrow{OI} = 2\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + 2\overrightarrow{k}$$

$$\overrightarrow{OI} = 4\overrightarrow{i} - 2\overrightarrow{j} + 2\overrightarrow{k}$$

Câu 33. Trong tập số phức phương trình $(z^3 - 8)(z - 1 + i) = 0$ có tổng các nghiệm là

A.
$$1+i$$
.

B.
$$3 + i$$
.

C.
$$1-i$$
.

$$D_{i} = 3 - i$$

Câu 34. Trong không gian Oxyz, phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường thẳng d đi qua điểm M(3;2;1) và có vecto phương $\vec{u} = (-1;5;2)$

A.
$$d: \frac{x-1}{3} = \frac{y+5}{2} = \frac{z+2}{1}$$
.

B.
$$d: \frac{x+3}{-1} = \frac{y+2}{5} = \frac{z+1}{2}$$
.

C.
$$d: \frac{x-3}{-1} = \frac{y-2}{5} = \frac{z-1}{2}$$
.

D.
$$d: \frac{x+1}{3} = \frac{y-5}{2} = \frac{z-2}{1}$$
.

Câu 35. Trong không gian với hệt tọa độ Oxyz, đường thẳng $(d): \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{4}$ có một vecto chỉ phương là

A.
$$(1;-1;2)$$
.

B.
$$(4;3;2)$$
.

C.
$$(2;3;4)$$
.

D.
$$(-1;1;-2)$$
.

Câu 36. Một chất điểm A xuất phát từ O, chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật $v(t) = \frac{1}{120}t^2 + \frac{58}{45}t$ (m/s), trong đó t (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc A bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm B cũng xuất phát từ O, chuyển động thẳng cùng hướng với A nhưng chậm hơn 3 giây so với A và có gia tốc bằng a (m/s²) (a là hằng số). Sau khi B xuất phát được 15 giây thì đuổi kịp A. Vận tốc của B tại thời điểm đuổi kịp A bằng

C.
$$30 (m/s)$$
.

Câu 37. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $\Delta : \frac{x-2}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-1}{2}$ và mặt phẳng $(\alpha): x+y+z-1=0$. Gọi d là đường thẳng nằm trong (α) đồng thời cắt đường thẳng Δ và trục Oz. Một vécto chỉ phương của d là

A.
$$\vec{u} = (1; -2; 1)$$

B.
$$\vec{u} = (1;1;-2)$$

B.
$$\vec{u} = (1;1;-2)$$
 C. $\vec{u} = (1;2;-3)$. **D.** $\vec{u} = (2;-1;-1)$

D.
$$\vec{u} = (2;-1;-1)$$

Câu 38. Biết tích phân $I = \int_{0}^{1} (x-1)e^{2x} dx = a - be^{2}$, trong đó $(a,b \in \mathbb{Q})$. Tính a+b.

A.
$$a+b=\frac{1}{2}$$
.

B.
$$a+b=\frac{3}{4}$$
. **C.** $a+b=1$. **D.** $a+b=\frac{1}{4}$.

C.
$$a + b = 1$$
.

D.
$$a+b=\frac{1}{4}$$
.

Câu 39. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm A(1;1;0), B(0;-1;2). Biết rằng có hai mặt phẳng cùng đi qua hai điểm O, A và cùng cách B một khoảng bằng $\sqrt{3}$. Vecto nào trong các vecto dưới đây là một vecto pháp tuyến của một trong hai mặt phẳng đó?

A.
$$\overrightarrow{n_3} = (1; -1; 5).$$

B.
$$\overrightarrow{n_2} = (1; -1; -3)$$
.

A.
$$\overrightarrow{n_3} = (1; -1; 5)$$
. **B.** $\overrightarrow{n_2} = (1; -1; -3)$. **C.** $\overrightarrow{n_4} = (1; -1; -5)$. **D.** $\overrightarrow{n_1} = (1; -1; -1)$.

D.
$$\overrightarrow{n_1} = (1; -1; -1)$$

Câu 40. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $d: \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{3}$ và mặt phẳng (P): x+2y-2z+3=0. Tìm điểm M thuộc d, có tọa độ là các số âm, sao cho khoảng cách từ M đến (P)bằng 2.

A.
$$M(-1;-5;-7)$$
. **B.** $M(-2;-5;-8)$. **C.** $M(-2;-3;-1)$. **D.** $M(-1;-3;-5)$.

B.
$$M(-2;-5;-8)$$
.

C.
$$M(-2;-3;-1)$$

D.
$$M(-1;-3;-5)$$

Câu 41. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho ba điểm $A(\log 2; \log 5; -\log 5), B(\log 3; -\log 6; \log 4)$, $C(-\log 9; \log 3; \log 6)$. Khoảng cách từ điểm $M(\log 2; \log 20; -\log 2)$ đến mặt phẳng (ABC) bằng

A.
$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$
.

B.
$$\frac{\log 5}{3}$$
.

C.
$$\frac{\log 2}{\sqrt{3}}$$
.

D.
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

Câu 42. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm M(2;1;0) và đường thẳng d có phương trình $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{-1}$. Phương trình đường thẳng Δ đi qua điểm M, cắt và vuông góc với đường thẳng d là

A.
$$\frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{-4} = \frac{z}{2}$$
.

B.
$$\frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{-4} = \frac{z}{-2}$$
.

C.
$$\frac{x-2}{-3} = \frac{-y+1}{-4} = \frac{z}{-2}$$
.

D.
$$\frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z}{2}$$
.

Câu 43. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai đường thẳng $d_1: \frac{x-5}{2^{2019}-1} = \frac{y-3}{3^{2010}+1} = \frac{z+1}{4^{2021}-2}$ và

$$d_2:\begin{cases} x=3+2t\\ y=4-t \end{cases}$$
. Khẳng định nào dưới đây là đúng?
$$z=-2+t$$

A. d_1 và d_2 trùng nhau.

B. d_1 và d_2 cắt nhau.

C. d_1 và d_2 song song.

D. d_1 và d_2 chéo nhau.

Câu 44. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+1}{2}$. Viết phương trình đường thẳng d' là hình chiếu vuông góc của d lên mặt phẳng (Oyz).

A.
$$d': \begin{cases} x = 0 \\ y = 5 - 2t \\ z = 7 + 3t \end{cases}$$
 B. $d': \begin{cases} x = 2 \\ y = 3 - 2t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$ **C.** $d': \begin{cases} x = 0 \\ y = 1 - 2t \\ z = 2 + 3t \end{cases}$ **D.** $d': \begin{cases} x = 0 \\ y = 3 - 2t \\ z = 4 + 3t \end{cases}$

B.
$$d': \begin{cases} x = 2 \\ y = 3 - 2t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$$

C.
$$d': \begin{cases} x = 0 \\ y = 1 - 2t \\ z = 2 + 3t \end{cases}$$

D.
$$d': \begin{cases} x = 0 \\ y = 3 - 2t \\ z = 4 + 3t \end{cases}$$

Câu 45. Tính diện tích hình phẳng được giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = \cos 2x$, trục hoành và các đường thẳng $x = 0, x = 2019\pi$.

B. 2019.

C. 4038.

D. 8076.

B. PHẦN DÀNH CHO CÁC LỚP HỌC THEO CHƯƠNG TRÌNH CHUẨN (gồm 5 câu)

Câu 46. Cho số phức z thỏa mãn |z-3-5i|=|z-1-7i|. Tìm mô đun nhỏ nhất của w=(1+2i)z-3+4i.

A.
$$\frac{3\sqrt{10}}{2}$$

B.
$$\frac{9\sqrt{5}}{2}$$

B.
$$\frac{9\sqrt{5}}{2}$$
. **C.** $\frac{7\sqrt{5}}{2}$.

D.
$$\frac{5\sqrt{10}}{2}$$
.

Câu 47. Có bao nhiều số phức z sao cho z^5 và $\frac{512}{z^4}$ là hai số phức liên hợp của nhau?

Câu 48. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai đường thẳng $d_1: \frac{x-7}{2^{2019}} = \frac{y-3}{1-2^{2020}} = \frac{z+6}{-1+2^{2019}}$ và

 $d_2: \frac{x-3}{-3^{2020}} = \frac{y-1}{2+3^{2019}} = \frac{z-1}{-2+2 \cdot 3^{2019}}$. Tính khoảng cách giữa d_1 và d_2 .

A.
$$\frac{4}{\sqrt{3}}$$

B.
$$\frac{4}{\sqrt{3}}$$
.

C.
$$\frac{1}{\sqrt{3}}$$
.

D.
$$\frac{2}{\sqrt{3}}$$

Câu 49. Cho hàm số y = f(x) liên tục trên \mathbb{R} thỏa mãn $f(x^5 + 4x + 3) = 2x + 1$. Tính $\int_{-2}^{6} f(x) dx$.

Câu 50. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng (P): x + y - 4z = 0, đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{1}$ và điểm A(1;3;1) thuộc mặt phẳng (P). Gọi Δ là đường thẳng đi qua A, nằm trong mặt phẳng (P) và cách d một khoảng cách lớn nhất. Gọi $\overrightarrow{u} = (a;b;1)$ là một vecto chỉ phương của đường thẳng Δ . Tính a+2b.

A.
$$a + 2b = 0$$
.

B.
$$a + 2b = 4$$
.

C.
$$a+2b=-3$$
. **D.** $a+2b=7$.

D.
$$a + 2b = 7$$

C. PHẦN DÀNH CHO CÁC LỚP HỌC CHƯƠNG TRÌNH CHUYÊN TOÁN (gồm 5 câu)

Câu 46. Cho hai số phức z_1, z_2 khác nhau cùng thuộc tập hợp các số phức z thỏa mãn |z+5-8i|=5. Biết $|z_1 + z_2 + 10 - 16i| = 8$, khi đó $|z_1 - z_2|$ bằng

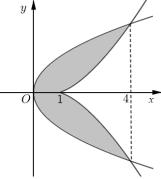
D. 9.

Câu 47. Cho phương trình $(1-i)z^2 + (m+i)z + 1 + mi = 0$ ($z \in \mathbb{C}$). Có bao nhiều số nguyên $m \in [-2019; 2019]$ để phương trình đã cho không có nghiệm thực?

A. 2020.

C. 2019.

Câu 48. Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y^2 = 2x$ và $27y^2 = 8(x-1)^3$ (tham khảo hình vẽ dưới đây).



A. $\frac{83}{10}$.

B. $\frac{88\sqrt{2}}{15}$.

D. $\frac{14\sqrt{3}}{3}$.

Câu 49. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho ba điểm A(4;1;2), B(1;4;2), C(1;1;5) và đường tròn (C) là giao tuyến của mặt phẳng x+y+z-7=0 và mặt cầu (S): $x^2+y^2+z^2-2x-2y-4z-3=0$. Biết rằng có tất cả 3 điểm M thuộc đường tròn (C) sao cho MA + MB + MC đạt giá trị lớn nhất. Tích các cao độ của ba điểm này bằng

A. 6.

B. 4.

C. -12.

D, 0,

Câu 50. Cho hàm số y = f(x) luôn nhận giá trị dương và có đạo hàm liên tục trên đoạn [0,2]. Biết f(0) = 1và $f(x)f(2-x) = e^{2x^2-4x}$, với mọi $x \in [0;2]$. Tính tích phân $I = \int_0^2 \frac{(x^3-3x^2)f'(x)}{f(x)} dx$.

A. $I = \frac{16}{5}$

B. $I = -\frac{17}{5}$ **C.** $I = -\frac{16}{5}$ **D.** $I = \frac{18}{5}$