Aufgabe 1: Formale Modellierung mit Symbolen, Mengen und Funktionen (17 Punkte)

In dieser Aufgabe betrachten Sie ein Kursverwaltungssystem. Im Kursverwaltungssystem werden mehrere Kurse verschiedenen Typs verwaltet. Diese Kurse werden von verschiedenen Professoren gehalten und von verschiedenen Studenten besucht. Für die Modellierung des Kursverwaltungssystems werden die folgenden Symbole, Mengen und Funktionen verwendet:

KURS

 $KURSTYP := \{vl, se, pr\}$

modelliert die Menge der Kurse.

modelliert die Menge der Kurstypen, wobei vi den Kurstyp Vorlesung, se den Kurstyp Seminar und pr den Kurstyp Praktikum

modelliert.

typ-von : KURS → KURSTYP

PROFESSOR

professor-von : KURS → PROFESSOR

modelliert für jeden Kurs $k \in KURS$ den Typ des Kurses k.

modelliert die Menge der Professoren.

modelliert für jeden Kurs $k \in \mathsf{KURS}$ den Professor, der den Kurs

k hält.

STUDENT

angemeldet-zu : KURS → P(STUDENT)

modelliert die Menge der Studenten.

modelliert für jeden Kurs $k \in \mathsf{KURS}$ die Menge der Studenten, die

sich für den Kurs k angemeldet haben.

Ansonsten bleiben diese Mengen und Funktionen unterspezifiziert.

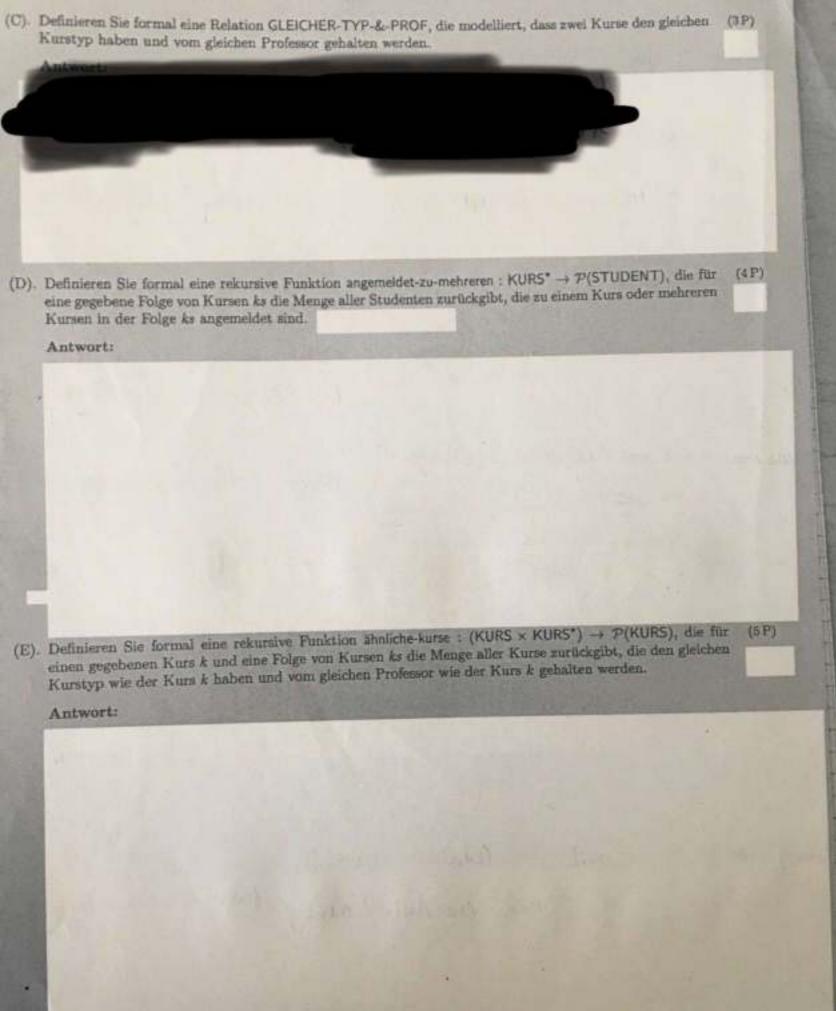
- ➤ Notationskonvention: Die Schreibweise (x, xs) wird als Abkürzung für die Folge (x, x1, ..., xn) verwendet wenn $xs = (x_1, ..., x_n)$ gilt.
- ► Zur Information: Alle fünf nachfolgenden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander iösbar. Sie dürfen in Ihrer Lösung Mengen, Relationen und Funktionen wiederverwenden, die in den vorigen Aufgabenstellungen deklariert wurden, auch wenn Sie diese Aufgabentelle nicht bearbeitet haben.
- (A). Definieren Sie formal eine Funktion ist-von-typ: (KURS x KURSTYP) → (m,f), die für einen Kurs k und einen Kurstyp typ den Wahrheitswert to zurückgibt, wenn der Kurs k vom Kurstyp typ ist, und für einen Kurs k den Wahrheitswert f zurückgibt, wenn der Kurs k nicht vom Kurstyp typ ist.

Antwort:

(2P)

(B). Definieren Sie formal die Menge aller Kurse PRAKTIKA-SEMINARE ⊆ KURS, die vom Kurstyp Praktikum (3P) oder Seminar sind.

Antwort:



Aufgabe 2: Formale Modellierung von Anforderungen (15 Punkte)

In dieser Aufgabe modellieren Sie Anforderungen an das Kursverwaltungssystem aus Aufgabe 1, das um die folgenden Mengen und die folgende Funktion erweitert ist:

RAUM

modelliert die Menge der Räume, die im Kursverwaltungssystem ver-

räume-von : KURS → P(RAUM)

modelliert für jeden Kurs k E KURS die Menge der Räume, die zu diesem Kurs zugewiesen ist. Falls räume-von $(k)=\emptyset$ gilt, dann ist dem

RAUMTYP := {vl-saal, se-raum}

Kurs k kein Raum zugeordnet. modelliert die Menge der Raumtypen, wobei vl-saal den Raumtyp Vor-

raumtyp-von : RAUM → RAUMTYP

lesungssaal und se-roum den Raumtyp Seminarraum modelliert. modelliert für jeden Raum $r \in RAUM$, den Raumtyp des Raums r.

Notationskonvention: Die Schreibweise (x, xs) wird als Abkürzung für die Folge (x, x₁, ..., xn) verwendet wenn $xs = (x_1, ..., x_n)$ gilt.

- ➤ Zur Information: Sie können diese Aufgabe auch dann lösen, wenn Sie Aufgabe I nicht bearbeitet haben. Alle vier nachfolgenden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander lösbar. Sie dürfen in Ihrer Lösung alle Mengen, Relationen und Funktionen wiederverwenden, die in der Aufgabenstellung von Aufgabe 1 (inklusive Teilaufgaben) deklariert wurden, auch wenn Sie Aufgabe 1 nicht vollständig bearbeitet haben.
- (3P) (A). Die Anforderung "Jedem Kurs ist mindestens ein Raum zugewiesen." sei durch folgende Relation modelliert:

ANFORDERUNG1 ⊆ (KURS → P(RAUM))

räume-von ∈ ANFORDERUNG1 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel φ1 gilt.

Definieren Sie die Formel \varphi_1 in Prädikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der Vorlesung behandelt wurden.

Antwort:

(B). Die Anforderung "Keinem Kurs sind mehr als zwei Raume zugewiesen." sei durch folgende Relation modelliert:

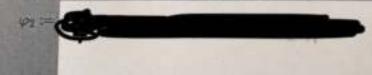
ANFORDERUNG2 ⊆ (KURS → P(RAUM))

räume-von ∈ ANFORDERUNG2 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel φ2 gilt.

Definieren Sie die Formel \varphi_2 in Prädikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Komzepten, die in der Vorlesung behandelt wurden.

Antwort:

(3P)



(C). Die Anforderung "Nur Vorlesungssäle sind Vorlesungen zugewiesen." sei durch folgende Relation model- (4P) ANFORDERUNG3 \subseteq (KURS \rightarrow $\mathcal{P}(RAUM))$ räume-von ∈ ANFORDERUNG3 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel φ₃ gilt. Definieren Sie die Formel φ_3 in Prädikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der Vorlesung behandelt wurden. Antwort: ψa :== (D). Die Anforderung "Jedes Praktikum und jedes Seminar sind genau einem Seminarraum und keinem ande-(5P) rem Raum zugewiesen" sei durch folgende Relation modelliert: ANFORDERUNG4 ⊆ (KURS → P(RAUM)) räume-von \in ANFORDERUNG4 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel φ_4 gilt. Definieren Sie die Formel φ_4 in Prädikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der Vorlesung behandelt wurden. Antwort: 44 :=

Aufgabe 3: Syntax und Semantik (16 Punkte)

In dieser Aufgabe erweitern Sie die Programmiersprache IMP. Folgende Wertebereiche werden verwendet:

Num die Zahlen,
Bool die Wahrheitswerte,
Var die Programmvariablen,
Var die Programmvariablen,
AExp die arithmetischen Ausdrücke,
BExp die Booleschen Ausdrücke,
CCom die Kommandos.

Die neue Sprache CIMP erweitert IMP um die im Folgenden grau hervorgehobenen Kommandos. Der Wertebereich CCom ist durch folgende Grammatik in BNF definiert, wobel $a \in AExp$, $b \in BExp$, $X \in Var$ und $l \in (Num \times CCom)^*$:

 $c = \text{skip} \mid X = a \mid c; c \mid \text{if } b \text{ then } c \text{ else } c \text{ fi} \mid \text{while } b \text{ do } c \text{ od} \mid \text{ case } a \text{ of } l \text{ end}$

Die Intuition des Kommandos case a of l end ist: Wenn der Ausdruck a im aktuellen Zustand zu n auswertet und (n',c) das erste Paar in l ist, für das n'=n gilt, dann wird das Kommando c im aktuellen Zustand ausgeführt. Existiert kein solches Paar (n',c) in l, dann bleibt bei der Ausführung des Kommandos case a of l end der aktuelle Zustand unverändert. Ist l leer, dann bleibt bei der Ausführung des Kommandos case a of l end der aktuelle Zustand ebenfalls unverändert.

Erweitern Sie den Kalkül für die Herleitung von Instanzen des Urteils (c, σ) → σ' (siehe Beiblatt) um Kalkülregeln, mit denen Instanzen des Urteils (case α of l end, σ) → σ' hergeleitet werden können. Dabei sollen die Kalkülregeln die im Aufgabentext beschriebene Intuition des Kommandos case α of l end angemessen modellieren. Sie brauchen in dieser Aufgabe aber nicht für die Angemessenheit der Kalkülregeln zu argumentieren.

Hinweis: Es existiert eine angemessene Lösung mit drei Kalkülregeln.

- Notationskonvention: Die Schreibweise (x,xs) wird als Abkürzung für die Folge (x,x₁,...,xn) verwendet wenn xs = (x₁,...,xn) gilt.
- Zur Information: Sie finden alle Kalkülregeln zur operationellen Semantik von IMP zusammengefasst auf dem Beiblatt "Beiblatt zur Klausur Modellierung, Spezifikation und Semantik".

Antwort:

Name:, Matrikelnr.:
Damit ist die Aussage (*) bewiesen, d.h. für alle $\sigma, \sigma' \in \Sigma$ und alle Grundsubstitutionen η , deren Definition bereich b_1 , b_2 und c einschließt, für die das Urteil
((if b_1 then c else if b_2 then c else skip fi fi) η , σ) $\rightarrow \sigma'$
herleitbar ist, ist auch das Urteil
$((if (b_1 \text{ or } b_2) \text{ then } c \text{ else ekip } fi)\eta, \sigma) \rightarrow \sigma'$
berleitbar.

ivame:

4P)

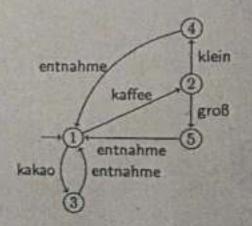
Aufgabe 5: Transitionssysteme & CSP (10 Punkte)

- ➤ Zur Information: Alle zwei nachfolgenden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander lösbar. Sie finden die Syntax von CSP, die Semantik von CSP und die dazugehörige Intutition zusammengefasst auf dem Beiblatt "Beiblatt zur Klausur Modellierung, Spezifikation und Semantik".
- (A). In dieser Aufgabe betrachten Sie ein Transitionssystem. Es modelliert einen Getränkeautomaten für Heißgetränke. Der Getränkeautomat kann zwei verschiedene Heißgetränke in Bechern zubereiten: Kaffee und
 Kakao. Für Kakao ist die Größe des Bechers festgelegt. Für Kaffee gibt es Becher in zwei Größen: Klein und
 Kakao. Für Kakao ist die Größe des Bechers festgelegt. Für Kaffee gewählt wurde, wird anschließend
 groß. Zur Zubereitung wird zuerst das Heißgetränk gewählt. Falls Kaffee gewählt wurde, wird der
 die Bechergröße gewählt. Falls Kakao gewählt wurde, entfällt die Wahl der Bechergröße. Danach wird der
 Kaffee bzw. der Kakao zubereitet und dann der Becher entnommen werden. Nach der Entnahme kann ein
 neues Heißgetränk zubereitet werden. Das Transitionssystem TS5A modelliert den Getränkeautomaten.
 Dabei modelliert
 - · das Ereignis kaffee die Auswahl von Kaffee,
 - · das Ereignis kakao die Auswahl von Kakao,
 - · das Ereignis klein die Auswahl der Bechergröße klein,
 - das Ereignis groß die Auswahl der Bechergröße groß und
 - · das Ereignis entnahme die Entnahme des Bechers.

Das gegebene Diagramm veranschaulicht das Transitionssystem TS5A

$$TS5A := (S5A, S5A_0, E5A, \rightarrow_{5A}),$$

 $S5A := \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 $S5A_0 := \{1\},$
 $E5A := \{kaffee, kakao, klein, groß, entnahme\}$
 $\rightarrow_{5A} := \{(1, kaffee, 2), (1, kakao, 3)$
 $(2, klein, 4), (2, groß, 5),$
 $(3, entnahme, 1), (4, entnahme, 1), (5, entnahme, 1)\}$



■ Widerlegen Sie folgende Aussage:

"Wenn ein Becher entnommen wird, muss irgendwann zuvor Kakao ausgewählt worden sein." Geben Sie dazu eine Ereignisspur der durch das Transitionssystems TS5A induzierten Menge von Ereignisspuren E-Traces $(TS5A) \subseteq E5A$ * an, die die Aussage verletzt.

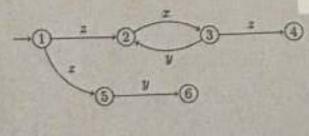
Antwort:

Name:	Madellalan
The state of the s	, Matrikelnr.:

(B). Es sei folgendes Transitionssystem TS5B gegeben. Das gegebene Diagramm visualisiert das Transitionssystem TS5B.

$$TS5B := (S5B, S5B_0, E5B, \rightarrow_{SB}),$$

 $S5B := \{1, 2, 3, 4, 5, 6\},$
 $S5B_0 := \{1\},$
 $E5B := \{x, y, x\},$
 $\rightarrow_{SB} := \{(1, x, 2), (2, x, 3), (3, y, 2),$
 $(3, x, 4), (1, x, 5), (5, x, 6)\}$



■ Definieren Sie den Prozessausdruck P5B durch ein Gleichungssystem aus Prozessausdrücken, sodass der Prozessausdruck P5B den Prozess (E5B, E-Traces(TS5B)) spezifiziert.

Antwort:

P5B=€58