Fachbereich Informatik Modellierung und Analyse von Informationssystemen Prof. Dr.-Ing. Heiko Mantel



Klausur für die Prüfung Modellierung, Spezifikation und Semantik

07. März 2018

Nachname:

Vorname:

Matrikelnummer:

Studiengang:

E-mail:

Unterschrift:

Bitte lesen Sie die Klausunregeln auf der folgenden Seite.

VIEL ERFOLG!

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	Σ
Punkte	19 (von 19)	14 (von 18)	14 (von 18)	9 (von 13)	(von 10)	(von 22)	% 7 (von 100)

CSP

osess wird durch einen Prozessausdruck aus der Sprache. $P := \mathsf{STOP}_{\mathsf{E}} \mid \mathsf{SKIP}_{\mathsf{E}} \mid (x \to P) \mid (P \sqcap P) \mid (d \mid (\mu X : \mathsf{E}.F(X)))$ Ein Prozess wird durch einen Prozessausdruck aus der Sprache

und durch eine Menge von Gleichungen der Form $\{id =_{\mathbb{R}} P \mid id \in \mathsf{Id}\}$

spezifiziert, wobei id eine Menge von Prozesabezeichnern ist.

Semantik von CSP

		Menge der Spuren
Prämisse	Alphabet	
$x \in \alpha P$ $\alpha P = \alpha Q$	$\alpha STOP_E = E$ $\alpha SKIP_E = E \cup \{\checkmark\}$ $\alpha(x \rightarrow P) = \alpha P$ $\alpha(P \cap Q) = \alpha P$	$\begin{aligned} & \operatorname{traces}(STOP_E) = \{()\} \\ & \operatorname{traces}(SKIP_E) = \{(), \langle \checkmark \rangle\} \\ & \operatorname{traces}((x \to P)) = \{()\} \cup \{(x).t \mid t \in \operatorname{traces}(P)\} \\ & \operatorname{traces}((P \sqcap Q)) = \operatorname{traces}(P) \cup \operatorname{traces}(Q) \\ & \operatorname{traces}((P \sqcap Q)) = \operatorname{traces}(P) \cup \operatorname{traces}(Q) \end{aligned}$
$\alpha P = \alpha Q$ $\alpha P = \alpha Q$	$\alpha(P \square Q) = \alpha P$ $\alpha(P; Q) = \alpha P$	$\operatorname{traces}((P;Q)) = \{s \in \operatorname{traces}(P) \mid \checkmark \operatorname{kommt in} s \text{ nicht vor}\}$ $\cup \{s.t \mid s.(\checkmark) \in \operatorname{traces}(P) \land t \in \operatorname{traces}(Q)\}$
	$\alpha(P \parallel Q) = \alpha P \cup \alpha Q$	$\operatorname{traces}((P \parallel Q)) = \{ t \in (\alpha P \cup \alpha Q)^* \mid (t \upharpoonright \alpha P) \in \operatorname{traces}(P) \\ \wedge (t \upharpoonright \alpha Q) \in \operatorname{traces}(Q) \}$
$P = \alpha Q$	$\alpha(P \parallel\mid Q) = \alpha P$	$\operatorname{traces}((P \parallel Q)) = \{ s \in (\alpha P \cup \alpha Q)^* \mid \exists t \in \operatorname{traces}(P) : \exists u \in \operatorname{traces}(Q) : s \in \operatorname{interleaving}(t, u) \}$

$$\begin{split} & \text{interleaving}: (\alpha P)^* \times (\alpha P)^* \to \mathcal{P}((\alpha P)^*), \\ & \text{interleaving}(t, u) := \begin{cases} (t) & \text{wenn } u = (), \\ \{u\} & \text{wenn } t = (), \\ \{(x).s \mid s \in \text{interleaving}(t', u)\} & \text{wenn } t = (x).t' \text{ und } u = (y).u' \end{cases} \end{split}$$

Intuition von CSP

Prozessausdruck	Intuition des Prozessausdrucks
STOPE	spezifiziert, dass gar nichts passiert.
SKIPE	spezifiziert, dass der Prozess terminiert.
$(x \rightarrow P)$	spezifiziert, dass der Prozess zuerst am Ereignis x teilnimmt, und sich anschließend wie der durch P spezifizierte Prozess verhält.
$(P \sqcap Q)$	spezifiziert, dass der Prozess sich entweder wie der Prozess P oder wie der Prozess Q wie Q verhält. Die Systemumgebung hat keine Kontrolle, ob sich der Prozess entweder wie P oder verhält.
(P □ Q)	spezifiziert, dass der Prozess sich entweder wie der Prozess P oder wie der Prozess Q wie Q verhält. Die Systemumgebung kann beeinflussen, ob sich der Prozess entweder wie P oder spezifiziert des P .
$(P \parallel Q)$	nachdem dieser terminiert wäre, sich zunächst wie der durch P spezifizierte Prozess verhält und, spezifiziert einen Prozess, der die Prozesse, die durch P und Q spezifiziert sind, nebenläufig synchronisieren.
$(P \parallel Q)$	ablaufen läßt, wobei sich die Prozesse, die durch P und Q spezifiziert sind, nebenläufig synchronisieren. spezifiziert einen Prozess, der die Prozesse bei Ereignissen, die in beiden Alphabeten vorkommen spezifiziert einen Prozess, der die Prozesse, die durch P und Q spezifiziert sind, nebenläufig ablaufen läßt, ohne dass sich die Prozesse synchronisieren.
	tozesse synchronisieren.

Name:	[atrikelnr.:
11011101	

Klausurregeln

- Für die Klausur haben Sie 90 Minuten Zeit
- Sobald Sie eine Klausur erhalten haben, dürfen Sie den Raum bis zum Ende der Klausur nicht mehr verlassen. Ausnahme: Wenn Sie das WC benutzen wollen, melden Sie sich. Verlassen Sie Ihren Platz nicht unaufgefordert. Es darf immer nur ein Studierender außerhalb des Raumes sein. Während des Toilettengangs ist die Klausur bei der Außicht zu hinterlegen.
- Schreiben Sie mit Füller oder Kugelschreiber, nicht mit Bleistift. Schreiben Sie mit Schwarz oder Blau, nicht mit Rot. Schreiben Sie leserlich. Nicht lesbare Antworten werden nicht bewertet.
- Schreiben Sie auf jedes Blatt Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer. Fällt eine Klausur auseinander, so werden Blätter, auf denen kein Name und keine Matrikelnummer stehen, nicht gewertet.
- Antworten Sie bei Aufgaben ohne Vorgaben (wie z. B. Boxen oder zu definierende Symbole) in ganzen Sätzen. Schreiben Sie Ihre Antworten in die freien Plätze nach den Teilaufgaben.
- Wenn Ihnen der Platz auf den Klausurblättern nicht ausreicht, erhalten Sie von uns zusätzliches Papier.
 Verwenden Sie kein eigenes Papier. Schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf jedes Blatt. Kennzeichnen Sie deutlich, zu welcher Aufgabe welche Antwort gehört.
- Wenn Sie Schmierpapier benötigen, erhalten Sie dieses von uns. Verwenden Sie kein eigenes Papier.
 Schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf jedes Blatt. Schreiben Sie "nicht bewerten" gut sichtbar oben auf das Schmierpapier.
- Am Ende der Klausur müssen Sie jegliches Papier mit Ausnahme Ihres vorgefertigten Blattes, das als Hilfsmittel erlaubt ist, abgeben. Ein Fortsetzen der Bearbeitung nach Ende der Klausur ist untersagt.
- Als Hilfsmittel sind ein beidseitig handbeschriebenes DIN-A4-Blatt (kein Ausdruck, keine Kopien) und
 eine Uhr zugelassen. Es sind keine Folien, Bücher, elektronischen Geräte, Gesprächspartner, usw. zugelassen. Schalten Sie Ihre Mobiltelefone und Smartwatches aus. Mobiltelefone und Smartwatches müssen
 während der gesamten Klausur abgeschaltet sein und dürfen nicht in unmittelbarer Reichweite aufbewahrt
 werden. Betriebsbereite Mobiltelefone und Smartwatches werden als Täuschungsversuch gewertet.
- Täuschungsversuche sind zu unterlassen. Versuchte Täuschung kann zu Nichtbestehen der Klausur führen und ggf. weitere Konsequenzen haben. Bei einem Täuschungsversuch kann die Aufsicht die bis dahin erzielten Ergebnisse einsammeln. Die Klausur wird dann höchstens "unter Vorbehalt" weitergeführt.
- Sollten Sie aus gesundheitlichen Gründen die Klausur abbrechen, haben Sie der Aufsicht den Grund Ihres Abbruches zu nennen. Es ist zusätzlich ein tagesaktuelles ärztliches Attest einzureichen. Die Entscheidung über den Rücktritt trifft die Prüfungskommission.
- Äußere Störungen sind unverzüglich bei der Aufsicht zu rügen.
- Falls Sie eine Frage haben, melden Sie sich. Wir kommen zu Ihnen

	A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH	
	Name:	
	Aufgabe 1: Formale Modellierung	mit Symbolen, Mengen und Funktionen (19 Punkte) 219/19
		Modell einer Autovermietung erweitern. Im Modell der Autovermietung iller. Die Autovermietung bietet Kleinwagen, Sportwagen und SUVs an. e Mengen und Funktionen modelliert:
	AUTO-TYP := {klein, sport, suv} typ-von : AUTO → AUTO-TYP HERSTELLER	modelliert die Autos, die die Autovermietung anbietet. modelliert die möglichen Autotypen, wobei klein Autos vom Typ Kleinwagen modelliert, sport Autos vom Typ Sportwagen model- liert, und suv Autos vom Typ SUV modelliert. modelliert für jedes Auto a, welchen Autotyp das Auto a hat. modelliert die möglichen Hersteller für ein Auto.
	hersteller-von : AUTO → HERSTELLER	modelliert für jedes Auto a, welchen Hersteller das Auto a hat.
	Ansonsten bleiben diese Mengen und Fur	
	Notationskonvention: Sie können die Folge $(x, x_1,, x_n)$ verwenden, wer	ie aus der Vorlesung bekannte Schreibweise (x, xs) als Abkürzung für
	► Zur Information: Alle vier nachfolger Ihrer Lösung Mengen, Relationen und	nden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander lösbar. Sie dürfen in Funktionen wiederverwenden, die in den vorigen Aufgabenstellungen Aufgabenteile nicht bearbeitet haben.
3P	h genau dann to zurückgeben, falls d das Auto a nicht den Hersteller h ha Antwort:	bestimmten Hersteller hat, durch formale Definition einer Funktion $ER) \to \{w, f\}$. Die Funktion soll für ein Auto a und einen Hersteller as Auto a den Hersteller h hat, und genau dann f zurückgeben, falls it.
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die	Autovermietung anhietet durch 6
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO.	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge
(B).	Modellieren Sie die Kleinwagen, die die KLEINWAGEN ⊆ AUTO. Antwort:	Autovermietung anbietet, durch formale Definition einer Menge

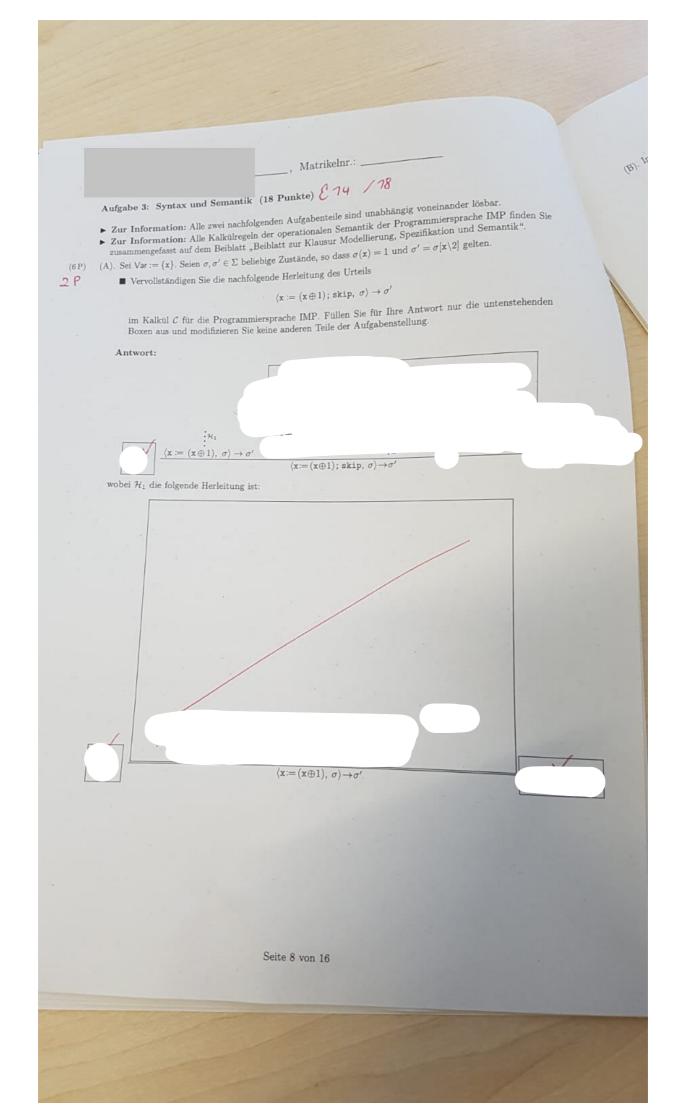
1			
/	Name:, Matrikelnr.: _		
	(C). Modellieren Sie, dass zwei Autos der Autovermietung ähnlich sind, durch formale Definition einer Rela ÄHNLICHE-AUTOS ⊆ (AUTO × AUTO). Zwei Autos sind ähnlich, wenn sie den selben Hersteller ha oder denselben Autotyp haben.	ation (5P) aben, 5/	
	Antwort:		
(D). Modellieren Sie, dass verschiedene Autos denselben Hersteller haben, durch formale Definition ei kursiven Funktion autos-von-hersteller: (AUTO* × HERSTELLER) → AUTO*. Die Funktion soll f	iner re- (7P)	
	gegebene Folge von Autos die Folge aller Autos zurückgeben, die vom gegebenem Hersteller sind. Antwort:		
		-	
			1/
			•
		2)	
	Seite 5 von 16		

	, Matrikelnr.:
Name:	- number 5 16 118
Aufrabe 2: Formale Modellierung vo	on Anforderungen (18 Punkte) 5 14/18 on Anforderungen (18 Punkte) 5 14/18 on an das Modell der Autovermietung aus Aufgabe 1 modellieren.
In dieser Aufgabe sollen Sie Anforderunge	and Mengen und Funktionen et
STANDORT autos-an: STANDORT $\rightarrow \mathcal{P}(AUTO)$	modelliert die verschieden Standort s die Autos der Autovermetung, modelliert für jeden Standort sind.
$\begin{array}{l} KUNDE \\ registriert\text{-in}: STANDORT \to \mathcal{P}(KUNDE) \end{array}$	die am Standort s stationiert sind: modelliert die Kunden der Autovermietung. modelliert für jeden Standort s die Kunden der Autovermietung, modelliert für den Standort s registriert sind.
Ansonsten bleiben diese Mengen und Funk	
 Zur Information: Sie können diese Au Alle vier nachfolgenden Aufgabenteile's Mengen, Relationen und Funktionen wie Teilaufraben) deklariert wurden, auch w 	ufgabe auch dann lösen, wenn Sie Aufgabe in Ihrer Lösung alle ind unabhängig voneinander lösbar. Sie dürfen in Ihrer Lösung alle ind unabhängig voneinander lösbar. Sie dürfen in Ihrer Lösung alle ind unabhängig von Aufgabe 1 (inklusive venn Sie Aufgabe 1 nicht vollständig bearbeitet haben.
Notationskonvention: Sie können die die Folge $(x, x_1,, x_n)$ verwenden, wenn	aus der Vorlesung bekannte Schreibweise (x, xs) als Abkulzung 12. $xs = (x_1,, x_n)$ gilt.
A). Die Anforderung "An jedem Standor modelliert:	t sind mindestens 2 Autos stationiert" sei durch folgende Relation
ANFORDERUNG1 ⊆ (STAN	$DORT \to \mathcal{P}(AUTO))$
autos-an ∈ ANFORDERUNG	1 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_1$ gilt.
Definieren Sie die Formel φ_1 in Prä- Vorlesung behandelt wurden.	dikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der
Antwort:	
φ_1 :=	
modelliert:	ist mindestens 1 Kleinwagen stationiert" sei durch folgende Relation DORT $\rightarrow \mathcal{P}(AUTO))$ 2 genau dann, wenn die prädikatenlogische Formel φ_2 gilt. dikatenlogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der
Vorlesung behandelt wurden.	and the von matternationen Ronzepten, die in der
Antwort:	
$arphi_2:=$	

(4P) 4P

(4P) 4P

	Name:	, Matrikelnr.:	
C). Die Anforde Standort mit	rung "Wenn an einem Standort m ndestens 4 Autos stationiert" sei o	nindestens 10 Kunden registriert sind, dann sind an diesem durch folgende Relation modelliert:	(5)
	FORDERUNG3 \subseteq (STANDORT \rightarrow os-an \in ANFORDERUNG3 genau \circ	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_3$ gilt.	
Definieren S Vorlesung be	ie die Formel $arphi_3$ in Prädikatenlo $^{\circ}$ handelt wurden.	ogik mit Hilfe von mathematischen Konzepten, die in der	
Antwort:			
$\varphi_3 :=$			_
			1
delliert: ANF	ORDERUNG4 ⊆ (STANDORT → s-an ∈ ANFORDERUNG4 genau o	dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beh	ORDERUNG4 ⊆ (STANDORT → s-an ∈ ANFORDERUNG4 genau o	P(AUTO))	
ANFO autos Definieren Sie	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beh	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beha Antwort:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beha Antwort:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beha Antwort:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beha Antwort:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO autos Definieren Sie Vorlesung beha Antwort:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO ANFO ANTWORT:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO ANFO ANTWORT:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO ANFO ANTWORT:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO ANFO ANTWORT:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	
ANFO ANFO ANTWORT:	ORDERUNG4 \subseteq (STANDORT $ ightarrow$ s-an \in ANFORDERUNG4 genau \circ die Formel $arphi_4$ in Prädikatenlo	$\mathcal{P}(AUTO))$ dann, wenn die prädikatenlogische Formel $arphi_4$ gilt.	



	. N	Vame:			, Matr	ikelnr.:			
3). In dieser Aufg	gabe erv	veitern Sie die Programmier	ennoch - TATE	1 P.1			- 24		
٨	Num d	ie Zahlen,	sprache IMF					endet:	
1	Bool d Var d	ie Wahrheitswerte, ie Programmvariablen,	AExp BExp DCom	die B	oolescher	chen Ausd 1 Ausdrück 0s.	ce,		12
Die Sprache I bereich DCom	OIMP es ist dur	rweitert IMP um das im Fo ch folgende Grammatik in l	olgenden gra BNF definier	au her	vorgehob ei a∈AE	ene Komn xp, b∈BE	nando Der	Werte- Var:	
C ::	:= skip	$\mid X := a \mid c; c \mid \text{if } b \text{ then } c$	celse c fi	while	b do c o	d do c v	hile b		
Die Intuition	des Kon	nmandos do c while b ist:							
• Fall 1: W	Venn der miniert	Ausdruck b im Zustand nac die Ausführung des Komma	ch der Ausfü undos do c w	hrung o	des Komr im Zusta	nandos c z and nach d	u false aus ler Ausführt	wertet, ing des	
• Fall 2: W dann wird ausgeführ	a muse tr	Ausdruck b im Zustand na ommando do c while b im	ch der Ausfi Zustand nac	ihrung :h der	des Kom Ausführu	mandos c ng des Ko	zu true aus mmandos c	wertet, erneut	
■ Definieren S im Fall, das	Sie die I s nach e	Kalkülregel rdwhf zur Herle der Ausführung des Komm	itung von Ir andos c der	nstanze	en des Ur uck b zu	teils (do c	while b, o	$\sigma \rightarrow \sigma'$	
Antwort:					uca o su	rarbe aus	werver (ran	1.	
						_			
rdwhf Definieren Sie	die Ka	lkülregel rdwht zur Herlei	while b, σ) tung von Ir	nstanza	en des U	rteils (do	c while h		
Definieren Sie	die Ka	(do c ilkülregel rdwht zur Herlei r Ausführung des Komma	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow \epsilon$ 12).	'j'
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach der	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$ \sigma\rangle \rightarrow c$	<i>z'</i>
Definieren Sie im Fall, dass n	die Ka	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow c$	z '
Definieren Sie im Fall, dass n	die Ka	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow \epsilon$ 12).	<i>z'</i>
Definieren Sie im Fall, dass n	die Ka	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow \epsilon$ 12).	
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach des	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$ \sigma\rangle \rightarrow c$ 12).	<i>π'</i>
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach der	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$ \sigma\rangle \rightarrow \epsilon$ 12).	5'
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach der	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow \langle \sigma \rangle$ 12).	5'
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach der	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow \langle 12 \rangle$.	5'
Definieren Sie im Fall, dass n	die Kanach der	lkülregel rdwht zur Herlei	tung von Ir	nstanza	en des Uuck b zu	rteils (do true aus	c while b,	$\langle \sigma \rangle \rightarrow c$ 12).	<i>a'</i>

 $\langle \operatorname{do} c \text{ while } b, \sigma \rangle {\to} \sigma'$

, Matrikelnr.: Aufgabe 4: Determinismus von Programmiersprachen (13 Punkte) In dieser Aufgabe führen Sie einen Teilbeweis für den Determinismus von Ausführungen der Programmiersprache ASM für Stackoperationen. Die Syntax und Semantik der Programmiersprache ASM wird im restlichen Aufgabentext definiert. Dabei werden folgende Wertebereiche verwendet: Com_{ASM} die Kommandos. $\begin{array}{ccc} & \text{Val} & \text{die Stackwerte,} \\ \Sigma_{\text{ASM}} := \text{Val}^* & \text{die Stackzustände,} \end{array}$ $\textbf{Syntax.} \quad \text{Der Wertebereich Com}_{\textbf{ASM}} \text{ ist durch folgende Grammatik in BNF definiert, wobei } v \in \textbf{Val}:$ c ::= push v | pop | c; c push v legt den Stackwert v oben auf den Stack und lässt den Stack ansonsten unverändert
 pop kann nur bei einem nicht-leeren Stack ausgeführt werden und entfernt das oberste Element eines nicht-leeren Stacks ohne den restlichen Stack zu verändern
 Chien führt zupschahmt. Die Intuition der einzelnen Kommandos ist: • $c_1; c_2$ führt zunächst das Kommando c_1 aus und anschließend das Kommando c_2 Semantik. Die Semantik von ASM ist mit Hilfe des Urteils $\langle c, \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'$ definiert. Die Intuition des Urteils $(c, \sigma) \rightrightarrows \sigma'$ ist, dass das Kommando c im Stackzustand σ zum Stackzustand σ' auswertet.

Das folgende Kalkül definiert die Semantik von ASM wobei die Schreibweise (x, xs) wie in der Vorlesung als Abkürzung für die Folge $(x,x_1,...,x_n)$ verwendet wird wenn $xs=(x_1,...,x_n)$ gilt: $_{\text{rASMposh}} \frac{}{\langle \text{push } v, \, \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'} \, \sigma' = (v, \sigma) \qquad \text{rASMpop} \frac{}{\langle \text{pop}, \, \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'} \, \sigma = (v, \sigma')$ $rASMseq \frac{\langle c_1, \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'' \quad \langle c_2, \sigma'' \rangle \rightrightarrows \sigma'}{\langle c_1; c_2, \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'}$ Determinismus. Die Ausführung von ASM ist deterministisch, d.h. es gilt: $\forall c \in \mathsf{Com}_{\mathsf{ASM}} \colon P(c)$ wobe
i $P(c) := \forall \sigma, \sigma', \sigma'' \in \Sigma_{\text{ASM}} : (\langle c, \ \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma' \text{ ist herleitbar } \wedge \langle c, \ \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'' \text{ ist herleitbar }) \Rightarrow \sigma' = \sigma''.$ Vervollständigen Sie den Beweis der folgenden beiden Aussagen auf dieser und der nächsten Seite. $- \ \forall c_1, c_2 \in \mathsf{Com}_{\mathsf{ASM}} \colon \ P(c_1) \land P(c_2) \Rightarrow P(c_1 \, ; \, c_2)$ Antwort: • $\forall v \in Val: P(push v)$ Sei $v \in Val$ beliebig aber fest. Es ist noch zu zeigen, dass P(push v) gilt. Seien die Stackzustände $\sigma, \sigma', \sigma'' \in \Sigma_{ASM}$ beliebig aber fest. Angenommen es gelten und die letzte Regel in den Herleitungen von $\langle push\ v,\ \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma'$ und $\langle push\ v,\ \sigma \rangle \rightrightarrows \sigma''$ sein muss, haben die Herleitungen die folgende Form: - Form der Herleitung von (push $v, \sigma \rangle
ightharpoonup \sigma'$: Seite 10 von 16

	Name:		, Matrikelnr.		
- Form der H	erleitung von (push $v,~\sigma$	$\rightarrow \sigma''$			
7		And Vision			
				/	
				V	
		1.1			
Aus	und		folgt, dass $\sigma' = \sigma''$ g	ilt.	
			rouge, diam o _ o g		-
∀cı, cı ∈ Com	$: P(c_1) \wedge P(c_2) \Rightarrow P(c_1)$				
Seien $c_1, c_2 \in Con$	lass beliebig aber fost	Angenommen es gel	ten $P(c_1)$ und $P(c_2)$.	Es ist noch zu ze	eigen.
dass $P(c_1; c_2)$ gil	t. Seien die Stackzustäne	de $\sigma, \sigma', \sigma'' \in \Sigma_{ASM}$	beliebig aber fest. A	ngenommen es g	gelten
			(H)	und	
	(4)				
Da die Regel	die letzte F	Regel in den Herleitu	ingen von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$	$\Rightarrow \sigma' \text{ und } (c_1; c_2)$, σ\ =
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\;\sigma angle$ ile Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $(c_1; c_2)$ olgende Form ha	, σ) = aben:
7" sein muss, gibt	die letzte F	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\;\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $(c_1; c_2)$, σ) = aben:
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\;\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1 ; c_2 \rangle$, σ\ =
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1; c_2 \rangle$, σ) = aben:
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1; c_2 \rangle$	$ \sigma\rangle =$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1; c_2 \rangle$	$ \sigma\rangle = \sigma\rangle$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$'' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1; c_2 \rangle$	$ \sigma\rangle = \sigma\rangle$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{\circ}$ eleitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	$\Rightarrow \sigma'$ und $\langle c_1; c_2 \rangle$	$ \sigma\rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*\prime}, \sigma^{*\prime}$	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	\Rightarrow σ' und $(c_1; c_2)$	$ \sigma \rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{\circ}$ eleitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ie Herleitungen die f	\Rightarrow σ' und $(c_1; c_2)$	$ \sigma\rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{\circ}$ eleitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ilie Herleitungen die f	$ ightharpoonup \sigma'$ und $(c_1; c_2)$	$ \sigma\rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{*}$ eieitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ilie Herleitungen die f	$ ightharpoonup \sigma'$ und $(c_1; c_2)$	$ \sigma \rangle = 0$, $ \sigma \rangle = 0$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{*}$ eieitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ ilie Herleitungen die f	\Rightarrow σ' und $(c_1; c_2)$	$ \sigma\rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{*}$ eieitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1;c_2,\sigma angle$ die Herleitungen die f	\Rightarrow σ' und $(c_1; c_2)$	$ \sigma\rangle$, $ \sigma\rangle$ = saben:
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{*}$ eieitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$ ie Herleitungen die f	⇒ σ' und ⟨c₁; c₂	$ \sigma\rangle = 1$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{*'}, \sigma^{*}$ eieitung von $\langle c_1, c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	ingen von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$ lie Herleitungen die f	⇒t σ' und ⟨c₁; c₂	$\langle \sigma \rangle = 0$, $\langle \sigma \rangle = 0$
7" sein muss, gibt	die letzte F es Stackzustände $\sigma^{\bullet\prime}, \sigma^{\circ}$ eleitung von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$ = itung von $\langle c_1 ; c_2, \sigma \rangle$ =	$''' \in \Sigma_{ASM}$ sodass d $\Rightarrow \sigma'$:	die Herleitungen die f	⇒t σ' und ⟨c₁; c₂	$ \sigma\rangle = \sigma\rangle$

, Matrikelnr.: _

Aufgabe 5: Prozessalgebra CSP (10 Punkte) ▶ Zur Information: Alle zwei nachfolgenden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander lösbar.

- Zur Information: Die Semantik der Prozessausdrücke der Sprache CSP finden Sie auf dem Beiblatt "Beiblatt zur Klausur Modellierung, Spezifikation und Semantik".
 (A) Seien F. To January (A) Seien F.

 \mathcal{U} (4P) (A). Seien $E_A := \{x, y\}$ und der Prozessausdruck P_A wie folgt definiert:

Prozessausdruck
$$P_A$$
 wie folgt definition $P_A := ((x \to STOP_{E_A}) \cap (y \to (y \to SKIP_{E_A})))$
 $P_A := ((x \to STOP_{E_A}) \cap (y \to (y \to SKIP_{E_A})))$

 \blacksquare Geben Sie die durch den Prozessausdruck P_A definierte Menge von Spuren traces($P_A)$ an.

Antwort:

 $traces(P_A) =$

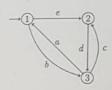
 \sim (6P) (B). Sei folgendes Transitionssystem TS_B und die zugehörige Visualisierung als Diagramm gegeben.

 $TS_B := (S_B, S_0^B, E_B, \rightarrow_B),$

 $S_B := \{1, 2, 3\}$

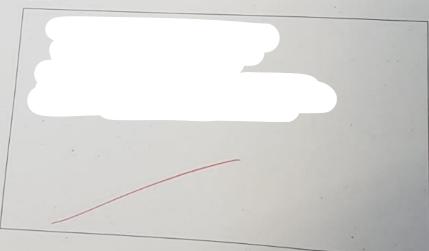
 $S_0^B := \{1\}$ $E_B := \{a, b, c, d, e\}$ $\to_B := \{(1, e, 2), (1, b, 3), (2, d, 3), (2, d$

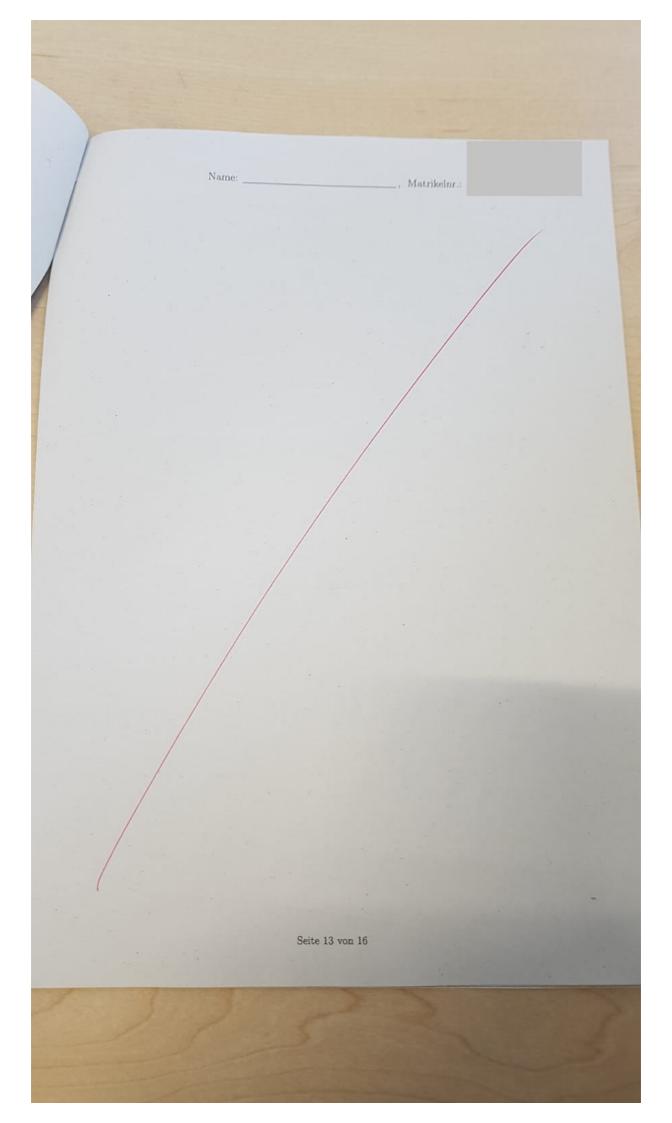
(3, c, 2), (3, a, 1)



■ Definieren Sie den Prozessbezeichner P_B durch ein Gleichungssystem aus Prozessausdrücken, sodass der Prozessausdruck P_B unter dem Gleichungssystem aus Prozessausdrücken den Prozess $(E_B, \text{E-Traces}(TS_B))$

Antwort:





(B). B

➤ Zur Information: Alle zwei nachfolgenden Aufgabenteile sind unabhängig voneinander lösbar. $10^{(10\,\mathrm{P})}$ (A). Betrachten Sie die beiden nachfolgenden Transitionssysteme TS_1 und TS_2 . Die Transitionssysteme werden jeweils durch das daneben stehende Diagramm veranschaulicht.

$$TS_t := (S^{TS_t}, S_0^{TS_t}, E^{TS_t}, \rightarrow^{TS_t})$$

$$S^{TS_t} := \{a, b\}$$

$$S_0^{TS_t} := \{a\}$$

$$E^{TS_t} := \{e_t, e_g\}$$

$$\rightarrow^{TS_t} := \{(a, e_g, b), (b, e_t, a)\},$$

$$TS_{\mathcal{E}} := (S^{TS_{\mathcal{E}}}, S_{\mathcal{O}}^{TS_{\mathcal{E}}}, E^{TS_{\mathcal{E}}}, \rightarrow^{TS_{\mathcal{E}}})$$

$$S^{TS_{\mathcal{E}}} := \{c, d, e\}$$

$$S_{\mathcal{O}}^{TS_{\mathcal{E}}} := \{e\}$$

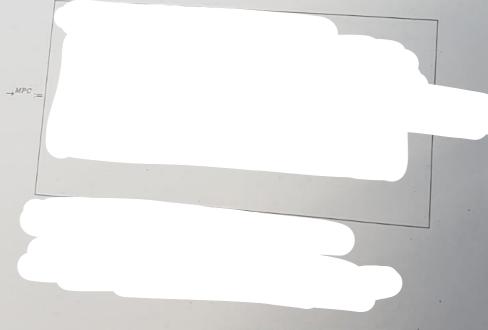
$$E^{TS_{\mathcal{E}}} := \{e_1, e_2, e_3, e_4\}$$

$$\xrightarrow{e_{\mathcal{E}}} C$$

 $TS_t := \{(c, e_t, d), (d, e_s, c), (d, e_t, e), (e, e_s, d)\}$ $Vervollständigen Sie die unten angegebene message-passing Komposition MPC:=(S^{MPC}, S^{MPC}_0, E^{MPC}, \rightarrow M^{PC})$ von TS_t und TS_s . Geben Sie dabei die Menge $\rightarrow M^{PC}$ durch explizite Aufzählung ihrer Elemente an (extensionale Mengendefinition).

Antwort:

$$\begin{split} &MPC \coloneqq (S^{MPC}, S^{MPC}_{\theta}, E^{MPC}, \rightarrow^{MPC}) \\ &S^{MPC} \coloneqq S^{TS_1} \times S^{TS_2} \\ &S^{MPC}_{\theta} \coloneqq \{(a, e)\} \\ &E^{MPC} \coloneqq E^{TS_1} \cup E^{TS_2} \end{split}$$



	Name:Matrikelar	
/	Name:, Matrikelnr.:	
/ (I	3). Betrachten Sie die folgenden Eigenschaften über Transitionssysteme $TS_B := (S^{TS_B}, S_0^{TS_B}, E^{TS_B}, -$	$+^{TS_B}$). (12
/	D. Command and Alle A.	habitant and
	$P_2(TS_B) := \exists s \in S^{TS_B} : \forall s' \in S^{TS_B} : \forall e \in E^{TS_B} : \neg((s,e,s') \in \rightarrow^{TS_B}) \stackrel{\subseteq s}{\longrightarrow} \S^{tA} \stackrel{\subseteq}{\longrightarrow} \S^{tA} \stackrel{\cong}{\longrightarrow} \S^{tA} \stackrel{\cong}$	ohne a
	Antworten Sie durch $P_1(TS_B) \implies P_2(TS_B)$ für beliebige Transitionssysteme TS	B gut.
	Angabe eines Gegenbeispiels TS_B , sodass die Implikation $P_1(TS_B) \implies P_2(TS_B)$ nicht gilt, ein strukturiertes Argument in 1-4 Sätzen dafür, dass $P_1(TS_B)$ gilt, und ein strukturiertes Argument in 1-4 Sätzen dafür, dass $P_2(TS_B)$ nicht gilt.	
	Antwort:	
	Gegenbeispiel TS_B , für das $P_1(TS_B) \implies P_2(TS_B)$ nicht gilt:	
	$TS_B := (S^{TS_B}, S_0^{TS_B}, E^{TS_B}, \rightarrow^{TS_B})$	
	$S^{TS_B}:=$	
	$S_0^{TS_B} :=$	
	3 ₀ -:=	
		100
	$E^{TS_B} :=$	
	$\rightarrow^{TS_B} :=$	
		1
	The second secon	

Argument, dass $P_2(TS_B)$ gilt (1–4 Sätz Seite 16 s	ätze):	
	S. 40	

Name:	. Matrikeln

Beiblatt zur Klausur Modellierung, Spezifikation und Semantik

IMP

Kalkül \mathcal{A} : Regeln für die Herleitung des Urteils $\langle a,\ \sigma\rangle\ \Downarrow\ n$ für $a\in\mathsf{AExp}.$

$$\begin{split} &\operatorname{rNum} \frac{}{\langle n, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n} & \operatorname{rVar} \frac{}{\langle X, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n} \, \sigma(X) \! = \! n \\ & \operatorname{re} \frac{\langle a_1, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_1 \quad \langle a_2, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_2}{\langle (a_1, \, \sigma) \! \Downarrow \! n_1 \quad \langle a_2, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_2} \, n \! = \! n_1 + n_2 \\ & \operatorname{re} \frac{\langle a_1, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_1 \quad \langle a_2, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_2}{\langle (a_1 \! \ominus \! a_2), \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n} \, n \! = \! n_1 - n_2 \\ & \operatorname{re} \frac{\langle a_1, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_1 \quad \langle a_2, \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n_2}{\langle (a_1 \! \ominus \! a_2), \, \sigma \rangle \! \Downarrow \! n} \, n \! = \! n_1 \cdot n_2 \end{split}$$

Kalkül \mathcal{B} : Regel
n für die Herleitung des Urteils $\langle b,\ \sigma\rangle \ \downarrow t$ für $b \in \mathsf{BExp}$

Kalkül \mathcal{C} : Regeln für die Herleitung des Urteils $\langle c, \sigma \rangle \to \sigma'$ für $c \in \mathsf{Com}$.