

le barème est provisoire (et sur 47 points) !

## Ensemble $\mathcal{S}$ de chaînes de caractères.

Question 1 : (2 )

Définir la taille  $\tau(\mathcal{S})$  d'un ensemble de chaînes de caractères.

Le nombre total  $N$  de caractères de l'ensemble des chaînes plus le nombre  $p$  de chaînes.

Mais comme il peut y avoir au plus 1 chaîne vide,  $p \leq N + 1$ , donc une taille en  $\mathcal{O}(N)$ .

## Une structure de données pour représenter un ensemble de chaînes de caractères.

Question 2 : (2 )

À quelle condition la taille de la structure de données qui représente  $\mathcal{S}$  est-elle dans  $\mathcal{O}(\tau(\mathcal{S}))$  ?  
Si toutes les feuilles de la structure sont **present** (blanches).

Question 3 : (10)

Écrire une fonction d'affichage de chaînes, que l'on appellera  $AS$

- qui prend en entrée  $\mathcal{A}$ , une structure de données comme vue ci dessus qui représente un ensemble  $\mathcal{S}$  de chaînes de caractères
- et qui affiche les chaînes de  $\mathcal{S}$  dans l'ordre lexicographique

L'appel initial depuis  $AS(\mathcal{A})$  sera  $AR(\mathcal{A}, \mathcal{V}_D)$

```
void AR(sommet* A, chaine Ch)
```

```
    si A==NULL alors retourner ;  
    si A->present alors AC(Ch);  
    AR(A->ptA, a(ch));  
    AR(A->ptB, b(ch));  
    retourner
```

Question 4 : (2)

Donner la complexité de votre fonction  $AS$ , la justifier et justifier qu'elle est optimum.

Le coup de la traversée de l'arborescence est dans  $\mathcal{O}(\tau(\mathcal{S}))$

Quant au coût d'impression des chaînes de caractères il est dans  $\Theta(\tau(\mathcal{S}))$  et on ne peut pas faire moins.

Question 5 (1)

Pourquoi l'algorithme qui consiste à trier d'abord les chaînes de la liste  $\mathcal{L}$  dans l'ordre lexicographique, puis à les imprimer, n'est-il pas de complexité linéaire ?

Il y aura à faire  $\Theta(p \log(p))$  opérations de comparaison chacune dans  $\Theta(n)$ . Le facteur  $\log(p)$  casse la linéarité.

**Question 6 : (15)**

Écrire la ou les méthodes qui vous seront nécessaires de manipulation de votre structure de données (à l'exception du constructeur) , et justifier pour chacune sa complexité en fonction des variables que vous choisirez vous même.

Il faut écrire le constructeur par défaut *sommet* :: *sommet*() {*present* = *false*; *ptA* = *NULL*, *ptB* = *NULL*;}

Il faut aussi écrire la méthode *sommet* :: *Inser*(*ch*) qui insère une nouvelle chaîne *ch* dans un arbre :

```
si CV?(ch) alors
|  present = true
sinon
|  si a?(ch) alors
|  |  si ptA alors
|  |  |  ptA → Inser(CR(ch))
|  |  sinon
|  |  |  ptA = new sommet;
|  |  |  ptA → Inser(CR(ch))
|  |  fin
|  sinon
|  |  si ptB alors
|  |  |  ptB → Inser(CR(ch))
|  |  sinon
|  |  |  ptB = new sommet;
|  |  |  ptB → Inser(CR(ch))
|  |  fin
|  fin
fin
retourner this
```

Dont la complexité est trivialement dans  $\Theta(|ch|)$ .

**Question 7 : (15)**

Ecrivez maintenant l'algorithme *AL*(*L*) d'affichage de toutes les chaînes de caractères de la liste *L*.

```
sommet * A = new sommet;
A → present = false;
tant que LN?(L) faire
|  ch = LP(L); L = LR(L);
|  A → Inser(ch)
fin
AS(A)
```

La complexité amortie de la répétitive de construction de l'arbre est trivialement dans la taille de **la liste** de chaînes de caractères, et c'est la même que celle de l'affichage de la structure si toutes les listes sont différentes.