L3 Info, L3 Math-Info.

# - TP 4. Plus courts chemins. Algorithme de Dijkstra. -

Le but de ce TP est de calculer un arbre de plus courts chemins (en terme de distance euclidienne) issu d'un sommet dans un graphe G dont les sommets sont des points du plan et les arêtes sont toutes les paires xy de sommets dont la distance est inférieure à une valeur fixée  $d_{max}$ .

Langage. Programme en C++. Votre programme pourra contenir :

```
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <vector>
#include <fstream>
#include <math.h>
using namespace std;
int main(){
int n;
                          //Le nombre de points.
                          //Le nombre d aretes.
int m;
cout << "Entrer le nombre de points: ";</pre>
cin >> n;
                          // La distance jusqu'a laquelle on relie deux points.
int dmax=50;
vector<int> voisin[n];
                         // Les listes de voisins.
int point[n][2];
                         // Les coordonnees des points.
int d[n];
                         // La distance a la racine.
int arbre[n-1][2];
                         // Les aretes de l'arbre de Dijkstra.
int pere[n];
                         // La relation de filiation de l'arbre de Dijkstra.
return 0;
}
Ce début de code est récupérable là : http://www.lirmm.fr/~bessy/GLIN501/TP/tp4.cc
```

### !!!!! Pensez à tester chaque code produit sur de petits exemples!!!!!

#### - Exercice 1 - Création du graphe.

Reprendre la fonction void pointrandom(int n, int point[][2]) du TP2 qui engendre aléatoirement le tableau **point** représentant un ensemble aléatoire de n points dans le plan. Rappelons que **point** est de taille  $n \times 2$ , l'abscisse du point i (entre 0 et 612) est stockée dans **point**[i][0] et l'ordonnée (entre 0 et 792) est stockée dans point[i][1].

Ecrire une fonction void voisins(int n, int dmax, int point[][2], vector<int> voisin[]) qui pour tout sommet i construit la liste  $\mathbf{voisin}[i]$  vérifiant qu'un point  $j \neq i$  apparait dans  $\mathbf{voisin}[i]$ si et seulement si la distance euclidienne du point i au point j est au plus égale à  $d_{max}$ .

L3 Info, L3 Math-Info.

## - Exercice 2 - Affichage du graphe.

Ecrire void AffichageGraphe(int n, int point[][2], vector<int> voisin[]), inspirée de la fonction d'affichage du TP2, qui permet d'afficher le graphe créé dans l'exercice 1 à l'aide d'un fichier *Graphe.ps*. Tester sur au moins 300 points.

#### - Exercice 3 - Arbre de Dijkstra.

Ecrire une fonction void dijkstra(int n, vector<int> voisin[], int point[][2], int pere[]) sur le modèle de l'algorithme vu en cours. La racine de l'arbre des plus courts chemin est le sommet 0. En sortie, le tableau **pere** représente l'arbre des plus courts chemins. Ainsi, tout sommet i distinct de la racine et accessible depuis celle-ci vérifie que  $\mathbf{pere}[i]$  est différent de -1, valeur donnée à l'initialisation.

# - Exercice 4 - Affichage de l'arbre.

Ecrire une fonction int construitarbre(int n, int arbre[][2], int pere[]), qui remplit le tableau **arbre** avec toutes les arêtes ipere[i] et retourne le nombre k de ces arêtes (c'est à dire le nombre de points accessibles depuis la racine moins un.)

Utiliser la fonction void AffichageGraphique(int n, int k, int point[][2], int arbre[][2]) du TP2 pour créer un fichier Arbre.ps qui représente l'arbre.

## - Exercice 5 - Pour aller plus loin.

Répondre ou améliorer les points suivants :

- Lorsque  $d_{max}$  est très grand, que constatez-vous?
- Les arêtes de l'arbre de Dijkstra peuvent-elles se couper?
- Essayer des métriques différentes (sup, manhattan).
- Utiliser une structure de tas pour le calcul du sommet non traité à distance minimale.

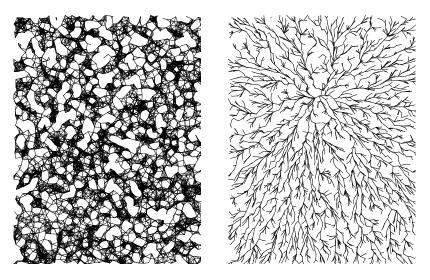


FIGURE 1 – Un exemple d'arbre de plus courts chemins.