

Calcul de la valeur de vérité d'une formule \mathcal{F}
sur $\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$
pour un domaine donné \mathcal{D} et
une interprétation donnée I de \mathcal{L} sur \mathcal{D}

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x \ C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$				
$\wedge \neg C_2(x, x)$				

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x \ C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x \ P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x P_1(x)$				

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			
$P_1(a)$				

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$			

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x \ C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x \ P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x \ P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$			
$C_2(a, b)$				

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$			
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$			

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive			
$\exists x \ C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$			
$\exists x \ P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}			
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$			
$\forall x \ P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$			
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$			
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$			
$C_2(a, c)$				

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} =$
- $I(P_1) \subseteq \mathcal{D} \quad I : a, b, c \rightarrow \mathcal{D}$
- $I(C_2) \subseteq \mathcal{D}^2$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive		
$\exists x \ C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$		
$\exists x \ P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x \ P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive		
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$		
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive		
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$		
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive		
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$		
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$		
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}		
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$		
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$		
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$		
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$		

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- $\mathcal{D} = \{\text{Alain, Bob, Charles, Denis}\}$
- $I_1(P_1) = \{\text{Alain, Bob}\}$ $I_1 : a, b, c \rightarrow \text{Alain, Bob, Charles}$
- $I_1(C_2) = \{(\text{Alain, Bob}), (\text{Bob, Charles}), (\text{Charles, Charles})\}$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1) : a, b, c \rightarrow$
- $I(C_2)$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	F
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	F
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	V
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	F
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	V
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	V
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	F
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	V
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	V
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	

$$\mathcal{L} = (\{a, b, c\}, \{P_1, C_2\})$$

- \mathcal{D} = l'ensemble des entiers
- $I_2(P_1)$ = l'ensemble des entiers pairs $I_2 : a, b, c \rightarrow 0, 1, 1$
- $I_2(C_2)$ = l'ensemble des couples d'entiers successifs : $\{(0,1) \dots$

Formule \mathcal{F}	signification intuitive	I_1	I_2
$\exists x C_2(x, x)$	il existe d dans \mathcal{D} avec $(d, d) \in I(C_2)$	V	F
$\exists x P_1(x)$	il existe d de \mathcal{D}	V	V
$\wedge \neg C_2(x, x)$	avec $d \in I(P_1)$ et $(d, d) \notin I(C_2)$		
$\forall x P_1(x)$	pour tout d de \mathcal{D} , $d \in I(P_1)$	F	F
$P_1(a)$	$I(a) \in I(P_1)$	V	V
$C_2(a, b)$	$(I(a), I(b)) \in I(C_2)$	V	V
$C_2(a, c)$	$(I(a), I(c)) \in I(C_2)$	F	F