Dag 9

(1) Rationella lösningar. Lös fullständigt polynomekvationen

$$x^3 - x^2 - 3x + 2 = 0.$$

Svar: x = 2, $x = -\frac{1}{2} \pm \frac{1}{2}\sqrt{5}$.

(2) Exempel: rationella lösningar. Lös fullständigt polynomekvationen

$$2x^3 + 5x^2 - 5x + 1 = 0.$$

Svar: x = 1/2, $x = -\frac{3}{2} \pm \frac{1}{2}\sqrt{13}$.

(3) **Algebrans fundamentalsats.** Faktorisera så långt som det går polynomet

$$p(x) = x^6 + 2x^5 - 2x^4 - 6x^3 - x^2 + 4x + 2.$$

Svar: $p(x) = (x+1)^3(x-1)(x-\sqrt{2})(x+\sqrt{2}).$

(4) **Reella polynom.** Polynomet $p(x) = x^4 + x^3 + 2x^2 + 9x + 15$ har nollstället x = 1 + 2i. Faktorisera polynomet så långt det går i reella faktorer.

Svar:
$$(x^2 - 2x + 5)(x^2 + 3x + 3)$$
.

(5) **Exempel: reella polynom.** Faktorisera polynomet $p(x) = x^6 - 1$ så långt som möjligt i reella faktorer.

Svar:
$$(x-1)(x+1)(x^2-x+1)(x^2+x+1)$$
.

(6) Exempel: Samband mellan rötter och koefficienter. Polynomet $p(x) = x^5 - 15x^3 + 30x^2 - 76x + 120$ har nollställena x = 2, x = 3 samt $x = \pm 2i$. Vilket är det femte nollstället?

Svar:
$$x = -5$$
.

/Boris Shapiro, 210211/