

Homework 3

姓名：黃子峻

2024 8 25

解題說明：

- (a) **Polynomial 輸入**: 用一個迴圈為不斷循環輸入直到判斷輸入結束跳出，輸入第一個輸入係數，然後用 `get` 得到係數後的東西，判斷是不是換行如果為 `+-` 號代表還有下一項，然後因為正負 號是下一個項的係數的東西，所以如果為負，則把旗標設為 1，表示下一項乘 上 `(-1)`，然後 `continue` 直接回到迴圈頂端輸入下一項，如果不為換行或 `+-` 則 接著輸入指數次方的大小，然後用 `get` 跟上一個一樣感測。
- (b) **Polynomial 輸出**: 用迭代器、迴圈將方程式的每一項都抓出來，第一個係數正負按照預設輸出即可，如果不是第一個項輸出以及係數是正數就要加 `+` 號 (`5x^3"+2x"`) 用來連接兩個項，如果係數是負數則不用 `+` 號，直接輸出 (因為預設，正數不會輸出 `+` 號，負數會輸出 `-` 號)，然後依指數次方判斷怎麼輸出， 例: `5x` 輸出 5 跟 x 不用特別輸出 `^1`，5 則輸出 5 就好不用 x 跟次方，依模式判斷輸出型態。
- (c) **Polynomial 的 CopyConstructor**: 必須用迭代器把要複製每個項都挑出來， 並用 `NewTerm` 加入現在

這個方程式，不然直接複製會使位址一同被複製過去。

(d) Polynomial 的建構子:建構一個環狀串列並將串列頭設為-1，方便走訪個元素。

(e) Polynomial 的加法多載:先用兩個迭代器代表兩個方程式各自執行到的項，同時比較項指數大小，如果 **A** 方程式的指數大於 **B** 方程式的指數，則把 **A** 方程式的項放入 **C** 方程式，如果 **A** 方程式的指數等於 **B** 方程式的指數，則兩者係數相加次方放入 **C** 方程式，如果 **A** 方程式的指數小於 **B** 方程式的指數，則把 **B** 方程式的項放入 **C** 方程式，最後當 **A** 或 **B** 方程式其中一個全放完後，則把另一個還沒放完的全放進 **C** 方程式。

(f) Polynomial 的減法多載:與加法只差在如果是 **B** 項要放入 **C** 方程式時，要加負號。

(g) Polynomial 的乘法多載:第一個迴圈用迭代器跑 **A** 方程式的每一項，裡面再放一個迴圈跑 **B** 方程式，使得 **A** 方程式每次抓住一個項乘上 **B** 方程式的每個項全部加總起來，得出兩者相加的方程式。

(h) Polynomial 的代入 Evaluate:用迭代器把方程式每

個項次抓出來，把代入數字依照指數值做次方運算乘上係數加總，然後回傳。

(i) **Polynomial** 的解構子：直接呼叫成員 **poly** 的 **CircularList** 的解構子。

演算法設計與實作：

```
1 #include <iostream>
2 #include <cstdlib>
3 using namespace std;
4 template <class T>
5 class ChainNode {
6 public:
7     T data; //資料
8     ChainNode* link; //下一個的位址
9     ChainNode() {} //建構子，什麼都沒有
10    ChainNode(const T& data) //建構子，有資料 沒下一個的位址
11    {
12        this->data = data;
13    }
14    ChainNode(const T& data, ChainNode* link) //建構子，有資料 有下一個的位址
15    {
16        this->data = data;
17        this->link = link;
18    }
19 };
20 template <class T>
21 class CircularListWithHeader { //有含頭的環形鏈結串列
22 public:
23     CircularListWithHeader()
24     {
25         last = new ChainNode<T>(); last->link = last; //建構子初始一個含頭的環形鏈結串列
26     }
27     void InsertBack(const T& e); //用於插入新的 x 項
28     bool isEmpty() //用於判斷是否為空的環形鏈結串列
29     {
30         return last == last->link;
31     }
32     ChainNode<T>*begin() const //提供第一個資料的位址
33     {
34         return (last->link)->link;
35     }
36     ChainNode<T>* first() const //提供頭的位址
37     {
38         return last->link;
39     }
40     class Iterator { //迭代器用於幫我們更好走訪每個資料
41     public:
42         Iterator(ChainNode<T>* startNode = 0) //建構子用於存迭代器現在位址
43         {
44             current = startNode;
45         }
46         T& operator*()const //可存取現在位址的資料
47         {
48             return current->data;
49         }
50         T* operator->()const //方便直接存取 Term 的 Coef 跟 Exp
51         {
52             return &current->data;
53         }
54         Iterator& operator++() //讓鏈結串列能像數字+1 一樣前往下一個位址,回傳下一個位址
55         {
56             current = current->link;
57             return *this;
58         }
59         Iterator& operator++(int) //讓鏈結串列能像數字+1 一樣前往下一個位址,回傳現在位址
60         {
```

```

61         Iterator old = *this;
62         current = current->link;
63         return old;
64     }
65     bool operator!=(const Iterator right) //判斷不是存到相同位址
66     {
67         return current != right.current;
68     }
69     bool operator==(const Iterator right) //判斷是存到相同位址
70     {
71         return current == right.current;
72     }
73 private:
74     ChainNode<T>* current;
75 };
76 private:
77     ChainNode<T>* last;
78 };
79 template <class T>
80 void CircularListWithHeader<T>::InsertBack(const T& e)
81 {
82     if (last) //如果本來就有一個以上(含)的資料
83     {
84         last = last->link = new ChainNode<T>(e, last->link);
85     }
86     else //如果沒有資料
87     {
88         last->link = last = new ChainNode<T>(e);
89     }
90 }

```

```

91 struct Term //用於表示每個項資料的結構
92 {
93     float coef;
94     int exp;
95     Term Set(float c, int e) { coef = c; exp = e; return *this; }
96 };
97 class Polynomial { //用於代表多項式的類別
98 public:
99     Polynomial()
100     {
101         CircularListWithHeader<Term>::Iterator set = poly.first();
102         set->exp = -1; //設定環狀串列的頭的次方為-1，以方便我們知道我們走訪一遍
103     }
104     Polynomial(const Polynomial& a); //Copy Constructor 複製建構子
105     ~Polynomial();
106     void NewTerm(float c, int e) //用於加入新的項
107     {
108         Term temp;
109         if (c != 0)
110             poly.InsertBack(temp.Set(c, e));
111     }
112     Polynomial& operator+(const Polynomial& b); //多項式物件相加運算子多載
113     Polynomial& operator*(const Polynomial& b); //多項式物件相乘運算子多載
114     Polynomial& operator-(const Polynomial& b); //多項式物件相減運算子多載
115     const Polynomial& operator=(const Polynomial& b); //多項式物件等於運算子多載
116     float Evaluate(float x);
117     friend ostream& operator<<(ostream& a, Polynomial& b);
118     friend istream& operator>>(istream& a, Polynomial& B);
119 private:
120     CircularListWithHeader<Term> poly;

```

```

121 };
122 ostream& operator<<(ostream& a, Polynomial& b)
123 {
124     CircularListWithHeader<Term>::Iterator bi = b.poly.begin();
125     while (bi->exp != -1)
126     {
127         if (bi->coef > 0 && bi != b.poly.begin())
128             a << "+";
129         if (!(bi->coef == 1 && bi->exp > 0))
130             a << bi->coef;
131         if (bi->exp == 1)
132             a << "x";
133         else if (bi->exp != 0)
134             a << "x^" << bi->exp;
135         bi++;
136     }
137     return a;
138 }
139 istream& operator>>(istream& a, Polynomial& B)
140 {
141     float b = 0; //輸入的係數
142     int c = 0, flag = 0; //輸入的指數次方跟下一項是否為 0 的旗標
143     while (1) //一次迴圈代表輸入一個項
144     {
145         char n = ' ';
146         //輸入時略過'符號或判斷是結束了?
147         a >> b;
148         if (flag) //判斷上一次迴圈最後讀進的不是負號,是則這次係數為負
149         {
150             b *= -1;

```

```

151         flag = 0; //變回預設
152     }
153     a.get(n); //5x^2 的 x 位置，如為換行則此項為 0 次方輸入結束
154     if (n == '\n')
155     {
156         B.NewTerm(b, 0);
157         break;
158     }
159     a.get(n); //5x^2 的^位置，如為換行或 + 或 - 號則此項為 1 次方，然後換行則結束，+ 或 - 號則表示下一項是正還負
160     if (n == '\n')
161     {
162         B.NewTerm(b, 1);
163         break;
164     }
165     else if (n == '+' || n == '-')
166     {
167         B.NewTerm(b, 1);
168         if (n == '-')
169             flag = 1;
170         continue;
171     }
172     a >> c; //這一項的指數次方
173     a.get(n); //5x^2 的最後位置，如為換行則結束，- 號則表示下一項是負繼續輸入
174     B.NewTerm(b, c);
175     if (n == '-') //判斷 5x^2 的最後位置，如為換行則結束，- 號則表示下一項是負繼續輸入
176         flag = 1;
177     else if (n == '\n')
178     {
179         break;
180     }

```

```

181     }
182     return a;
183 }
184 Polynomial::~Polynomial() //多項式解構子
185 {
186     poly.~CircularListWithHeader();
187 }
188 Polynomial::Polynomial(const Polynomial& a)
189 {
190     CircularListWithHeader<Term>::Iterator ai = a.poly.begin();
191     CircularListWithHeader<Term>::Iterator set = poly.first();
192     set->exp = -1; //頭設為-1 辨識是否表示跑完一輪了
193     Term temp;
194     while (ai->exp != -1) //跑遍全部項
195     {
196         poly.InsertBack(temp.Set(ai->coef, ai->exp)); //放入多項式 A 的每一項
197         ai++;
198     }
199 }
200 const Polynomial& Polynomial::operator=(const Polynomial& b) //直接等於
201 {
202     poly = b.poly;
203     return *this;
204 }
205 Polynomial& Polynomial::operator+(const Polynomial& b)
206 {
207     Term temp;
208     CircularListWithHeader<Term>::Iterator ai = poly.begin(),
209     bi = b.poly.begin();
210     Polynomial c;

```

```

211     while (1)
212     {
213         if (ai->exp == bi->exp) //兩項的次方相同，係數相加
214         {
215             if (ai->exp == -1) return c; //終止條件，表示兩者皆以跑完加總完，可回傳
216             int sum = ai->coef + bi->coef;
217             if (sum)c.poly.InsertBack(temp.Set(sum, ai->exp));
218             ai++;
219             bi++;
220         }
221         else if (ai->exp < bi->exp) //B 的項的次方較大，B 放入 C 多項式內
222         {
223             c.poly.InsertBack(temp.Set(bi->coef, bi->exp));
224             bi++;
225         }
226         else //A 的項的次方較大，A 放入 C 多項式內
227         {
228             c.poly.InsertBack(temp.Set(ai->coef, ai->exp));
229             ai++;
230         }
231     }
232     return c;
233 }
234 Polynomial& Polynomial::operator*(const Polynomial& b)
235 {
236     Term temp;
237     CircularListWithHeader<Term>::Iterator ai = poly.begin(),
238     bi = b.poly.begin();
239     Polynomial c;
240     while (ai->exp != -1) //外迴圈跑所有 A 方程式項

```

```

241     {
242         bi = b.poly.begin();
243         Polynomial d;
244         while (bi->exp != -1) //內迴圈跑所有 B 方程式項
245         {
246             d.poly.InsertBack(temp.Set(ai->coef * bi->coef, ai->exp + bi->exp)); //每次抓 A多項式的一項乘以 B 多項式的所有項加總
247             bi++;
248         }
249         c = c + d;
250         ai++;
251     }
252     return c;
253 }
254 Polynomial& Polynomial::operator-(const Polynomial& b) //整體跟加法一樣只是在是減法
255 {
256     Term temp;
257     CircularListWithHeader<Term>::Iterator ai = poly.begin(),
258     bi = b.poly.begin();
259     Polynomial c;
260     while (1)
261     {
262         if (ai->exp == bi->exp)
263         {
264             if (ai->exp == -1) return c;
265             int sum = ai->coef - bi->coef;
266             if (sum)c.poly.InsertBack(temp.Set(sum, ai->exp));
267             ai++;
268             bi++;
269         }
270         else if (ai->exp < bi->exp)

```

```

271     {
272         c.poly.InsertBack(temp.Set(-bi->coef, bi->exp)); //由於是被剪的項，且 A 多項式沒有相同次方的，所以乘上 - 1
273         bi++;
274     }
275     else
276     {
277         c.poly.InsertBack(temp.Set(ai->coef, ai->exp));
278         ai++;
279     }
280 }
281 return c;
282 }
283 float Polynomial::Evaluate(float x) //多項式代入功能
284 {
285     float sum = 0;
286     CircularListWithHeader<Term>::Iterator ai = poly.begin();
287     while (ai->exp != -1)
288     {
289         sum += ai->coef * pow(x, ai->exp); //走訪每個項代入然後總和
290         ai++;
291     }
292     return sum;
293 }
294 int main()
295 {
296     Polynomial a, b;
297     cout << "輸入 A 多項式:";
298     cin >> a;
299     cout << "輸入 B 多項式:";
300     cin >> b;

```

```

301     Polynomial c(a);
302     cout << "輸出 C(Copy Constructor A 多項式)多項式:";
303     cout << c << endl;
304     cout << "輸出 A+B 多項式:";
305     c = a + b;
306     cout << c << endl;
307     cout << "輸出 A*B 多項式:";
308     c = a * b;
309     cout << c << endl;
310     cout << "輸出 A-B 多項式:";
311     c = a - b;
312     cout << c << endl;
313     int n;
314     cout << "輸入要代入 A 多項式的數字:";
315     cin >> n;
316     cout << "輸出 A(n)多項式:";
317     cout << a.Evaluate(n) << endl;
318 }
319

```

效能分析：

時間複雜度

Polynomial 建構子 $T(p) = O(1)$

Polynomial Newterm $T(p) = O(1)$

Polynomial 加法函式 $T(p) = O(m+n)$ (m 表示 a 方程式的項數， n 代表 b 方程式項數)

Polynomial 乘法函式 $T(p) = O(mn)$ (m 代表 A 方程式的項數， n 代表 B 方程式的項數)

Polynomial 減法函式 $T(p) = O(m+n)$ (m 表示 a 方程式的項數， n 代表 b 方程式項數)

Polynomial 代入 Eval 函式 $T(p) = O(n)$ (n 表示方程式項數)

Polynomial 輸出運算子 << 多載 $T(p) = O(n)$ (n 表示方程式的項數)

Class Polynomial 輸入運算子 >> 多載 $T(p) = O(n)$ (n 表示輸入方程式項數)

Class Polynomial 主程式 $T(p) = O(1)$

空間複雜度

Polynomial 建構子 $S(p) = O(1)$

Polynomial Newterm $S(p)=3$

Polynomial 加法函式 $S(p)=5$

Polynomial 乘法函式 $S(p)=5+a$ (a 表示 A 方程式的項數， d 宣告幾次)

Polynomial 減法函式 $S(p)=5$ (多項式 B 、 c 、 a_i 、 b_i 、temp)

Polynomial 代入 Eval 函式 $S(p)=3$ (代入數字 f 、回傳輸出 sum、跑全部項 的 a_i)

Polynomial 輸出運算子 <<多載 $S(p)=3$ (ostream 跟方程式 B 、 b_i (跑所有項))

Class Polynomial 輸入運算子 >>多載 $S(p)=5$ (istream 跟方程式 B 跟 b 、 c 、flag)+ t (t 表示項數， n 被宣告幾次)

Class Polynomial 主程式 $S(p)=4$ (方程式 a 、 b 、 c 跟代入數字 n)

測試與驗證：

測試：

```
輸入 A 多項式 :  $2x^2+3x+1$ 
輸入 B 多項式 :  $1x+2$ 
輸出 C(Copy Constructor A 多項式)多項式 :  $2x^2+3x+1$ 
輸出 A+B 多項式 :  $2x^2+4x+3$ 
輸出 A*B 多項式 :  $2x^3+7x^2+7x+2$ 
輸出 A-B 多項式 :  $2x^2+2x-1$ 
輸入要代入 A 多項式的數字 : 2
輸出 A(n)多項式 : 15
```

驗證：

$$A: 2x^2 + 3x + 1$$

$$B: x + 2$$

$$A+B: 2x^2 + 4x + 3$$

$$A-B: 2x^2 + 2x - 1$$

$$A*B: 2x^3 + 10x^2 + 7x + 2$$

$$A(2): 2*2^2 + 3*2 + 1 = 15$$

效能量測：

| 識別碼 | 時間 | 配置數 (Diff) | 堆積大小 (差異比對) |
|----------------------------|--------|------------|----------------------|
| 已於 4.66s 啟用原生堆積分析，不包含之前的配置 | | | |
| 1 | 5.90s | 0 (n/a) | 0.00 KB (n/a) |
| ➤ 2 | 19.78s | 50 (+50 ↑) | 2.47 KB (+2.47 KB ↑) |

程式剛開始(記憶體配置) : 5.9

程式剛開始(時間) : 0s

程式即將結束(記憶體配置) :50

程式即將結束(時間) : 19.78s

心得：

這次的作業不僅讓我更了解環狀串列的使用，也有使用到運算子多載，但我一開始對於運算子多載的使用不太會使用，最後也順利地做出來了。