

# Zero Knowledge Proof

une utilisation de l'isomorphisme  
de graphes en cryptographie

$$\sigma = \begin{array}{c|c|c|c|c|c} 1 & 2 & 3 & 4 & \dots & \dots \\ \hline 2 & 1 & 3 & 4 & \dots & \dots \end{array}$$

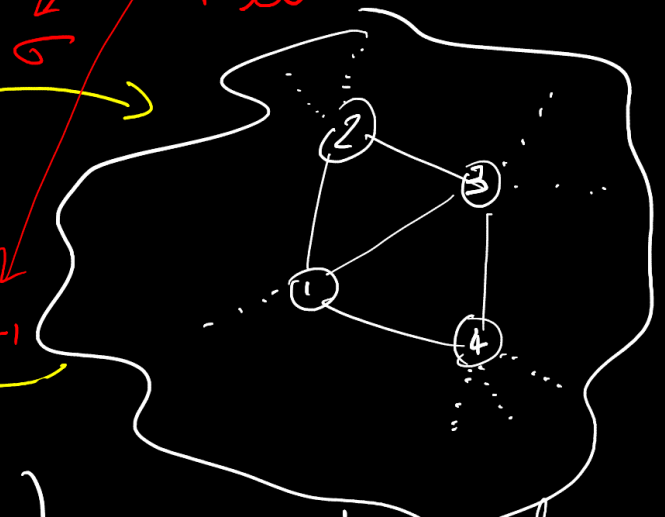

grand graphe  $G_1 = (V_1, E_1)$

$$V_2 = \{ \sigma(v) \mid v \in V_1 \}$$

$$E_2 = \{ (\sigma(x), \sigma(y)) \mid (x, y) \in E_1 \}$$

$$V_1 = \{ \sigma^{-1}(v) \mid v \in V_2 \} \quad E_1 = \{ (\sigma^{-1}(x), \sigma^{-1}(y)) \mid (x, y) \in E_2 \}$$

comment prouver  
qu'on connaît  $\sigma$   
sans le donner?



grand graphe  
 $G_2 = (V_2, E_2)$

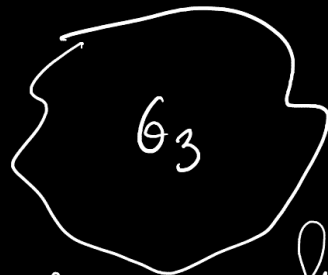


Alice, connaît  $\sigma$

ne connaît pas  $\sigma$   
elle doit peut le connaître

Bob doit être convaincu que Alice connaît  $\sigma$ .

1. A tire une permutation  $\pi$  aléatoire et un nombre  $i \in \{1, 2, 3\}$  aléatoire puis envoie  $G_3 = \pi(G_i)$  à B.



2. Bob tire au hasard un nombre  $j \in \{1, 2, 3\}$  et l'envoie à A.

3. si  $i = j$  (1 chance sur deux) alors A envoie  $\pi^{-1}$  à B

- si  $i = 1$  et  $j = 2$  (1 chance sur 4) A envoie  $\pi^{-1} \circ \sigma$  à B

- si  $i = 2$  et  $j = 1$  (1 chance sur 4) A envoie  $\pi^{-1} \circ \sigma^{-1}$  à B

indique comment passer de  $G_3$  à  $G_j$

4. Bob vérifie que la permutation reçue transforme  $G_3$  en  $G_j$ .

Cette procédure a  $\approx \frac{1}{2}$  chance d'échouer si Alice ne connaît pas  $\sigma$ . En la répétant  $n$  fois, on peut s'assurer que Alice connaît  $\sigma$  avec proba  $\frac{1}{2^n}$ .