## ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI Trường Đại học Công nghệ

## ĐỀ THI CUỐI KỲ

Ngày thi: 26/12/2017

Môn học: Tín hiệu và hệ thống (ELT2035)
Thời gian làm bài: 90 phút
(Đề thi có 1 trang)

**Câu 1.** Một hệ thống tuyến tính bất biến liên tục nhân quả được mô tả bởi phương trình vi phân sau đây:

$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 4 \frac{dy(t)}{dt} + 5 y(t) = x(t)$$

- a) Xác định đáp ứng của hệ thống với các điều kiện đầu y(0-)=1 và  $\frac{dy(t)}{dt}|_{t=0-}=-2 \text{ (khi không có tín hiệu vào)}.$
- b) Xác định hàm chuyển (hàm truyền đạt) H(s), đáp ứng tần số  $H(\omega)$  và đáp ứng xung h(t) của hệ thống.
- c) Xác định đáp ứng của hệ thống với các tín hiệu vào sau đây (không có điều kiện đầu):
  - c1) x(t)=u(t)-u(t-1)
  - c2)  $x(t) = \cos(t)u(t)$
  - $c3) x(t) = \cos(t)$

Câu 2. Một hệ thống tuyến tính bất biến rời rạc nhân quả T được mô tả bằng phương trình sai phân sau đây:

$$y[n]+y[n-1]-\frac{3}{2}y[n-2]=x[n]$$

- a) Hệ thống có ổn định hay không? Giải thích.
- b) Xác định đáp ứng xung h[n] của hệ thống.
- c) Xác định đáp ứng của hệ thống với tín hiệu vào x[n]=u[n].
- d) Xác định đáp ứng của hệ thống với tín hiệu vào  $x[n] = \sum_{k=0}^{+\infty} \delta[n-2k]$ .
- e) Vẽ sơ đồ một hệ thống có hàm chuyển (hàm truyền đạt) là  $\frac{z}{z-0.5}$ , với thành phần của hệ thống này bao gồm hệ thống T nói trên, một bộ trễ  ${\bf D}$  (có  $H_{\bf D}(z) = z^{-1}$ ), một bộ cộng tín hiệu, và một bộ nhân tín hiệu với hằng số.