

# TÍN HIỆU VÀ HỆ THỐNG

## Chương 2: Biểu diễn hệ thống tuyến tính bất biến trong miền thời gian

### Phần 1: ĐÁP ỨNG XUNG ĐƠN VỊ

Trần Thị Thúy Quỳnh



# MỤC ĐÍCH

## Mục đích của phép biểu diễn?

- Mô tả mối quan hệ giữa tín hiệu vào  $x(n)$  và ra  $y(n)$ .
- Dễ dàng xác định được đầu ra tương ứng khi biết tín hiệu đầu vào .
- Dễ dàng phân tích các tính chất của hệ thống
- Thiết kế được cấu trúc của hệ thống.



# PHÂN LOẠI

- **Biểu diễn hệ thống bằng đáp ứng xung đơn vị**
- Biểu diễn hệ thống bằng phương trình Vi phân/Sai phân
- Biểu diễn hệ thống bằng Sơ đồ khối

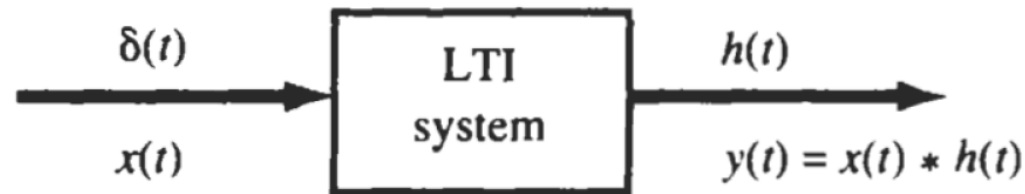


# ĐÁP ỨNG XUNG

- Hệ thống LTI liên tục

Đáp ứng xung của hệ thống TTBB là đầu ra của hệ thống khi tín hiệu đầu vào là xung  $\delta(t)$ .

$$x(t) = \delta(t), \text{ đáp ứng xung: } h(t) = T(x(t)) = T(\delta(t))$$



- Hệ thống LTI rời rạc

Đáp ứng xung,  $h(n)$ , là đầu ra của hệ thống **TTBB** khi tín hiệu đầu vào là  $\delta(n)$ .

Cho hệ thống  $T$ ,  $y(n) = T(x(n))$ .

Đáp ứng xung của hệ thống:  $h(n) = T(\delta(n))$

# PHÉP TÍCH CHẬP

- Hệ thống LTI liên tục

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau) d\tau$$

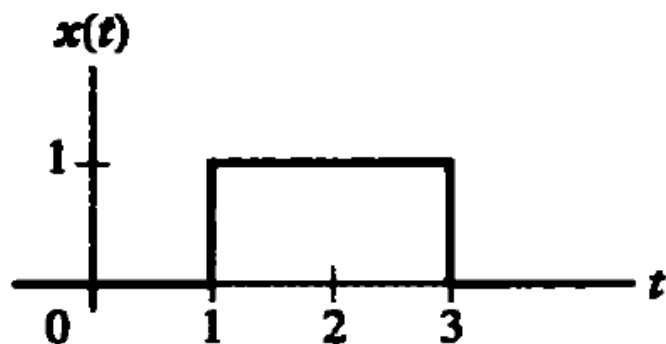
- Hệ thống LTI rời rạc

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k]h[n - k]$$

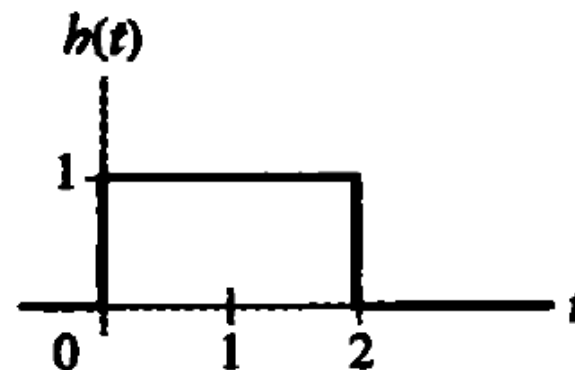
# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG LIÊN TỤC

VÍ DỤ

$$x(t) = u(t - 1) - u(t - 3)$$



$$h(t) = u(t) - u(t - 2)$$



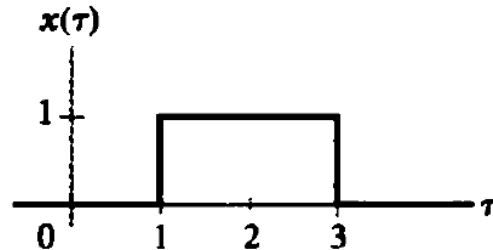
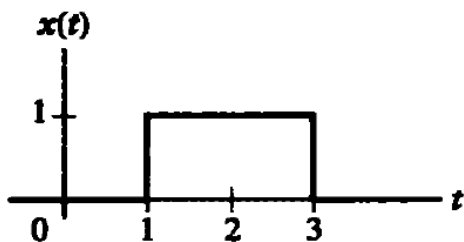
Tính:

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau) d\tau$$

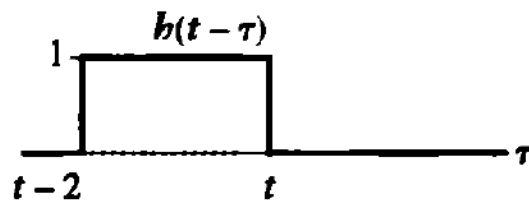
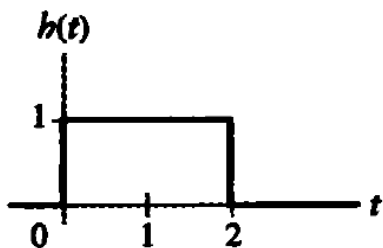
# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG LIÊN TỤC

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau) d\tau$$

1. Biểu diễn  $x(t)$  theo biến độc lập  $\tau$

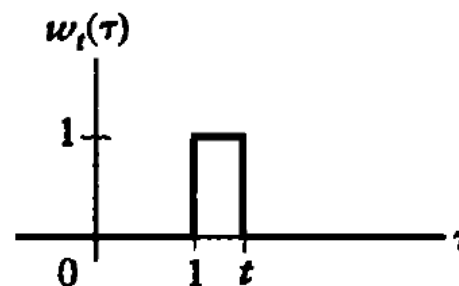


2. Biểu diễn  $h(t - \tau)$  theo biến độc lập  $\tau$  bằng cách lật  $h(\tau)$  thành  $h(-\tau)$  và dịch  $h(-\tau)$  một lượng  $(-t)$  (dịch về bên phải)



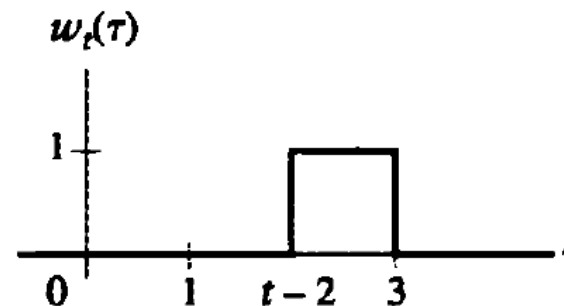
3. Tính  $w_t(\tau) = x(\tau)h(t - \tau)$

Với  $1 \leq t < 3$



$$w_t(\tau) = \begin{cases} 1, & 1 < \tau < t \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

Với  $3 \leq t < 5$



$$w_t(\tau) = \begin{cases} 1, & t - 2 < \tau < 3 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG LIÊN TỤC

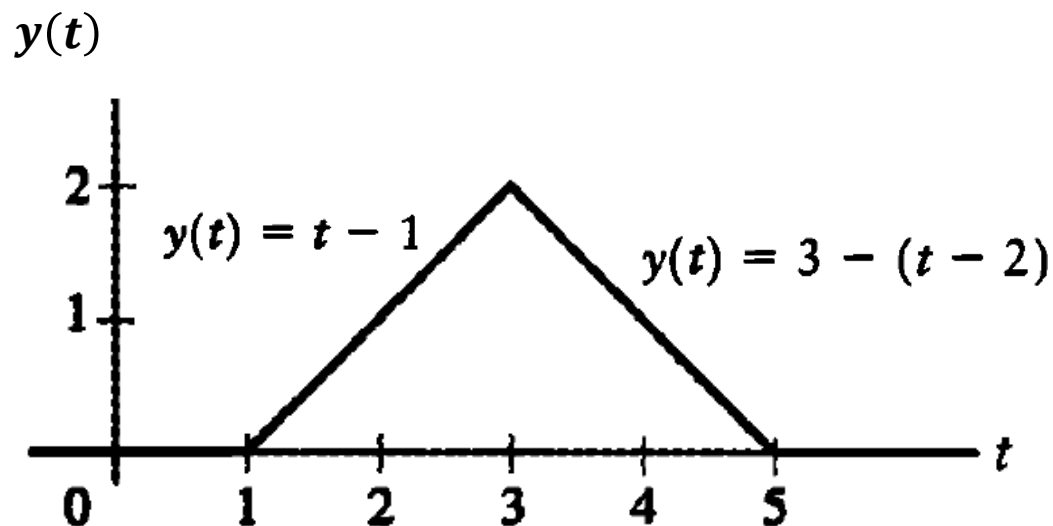
$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau) d\tau$$

## 4. Tính $y(t)$

Với  $t < 1$  và  $t > 5$ :  $\omega_t(\tau) = 0$ , nên  $y(t) = 0$

Với  $1 \leq t < 3$ :  $\omega_t(\tau) = \begin{cases} 1, & 1 < \tau < t \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$  nên  $y(t) = \int_1^t \omega_t(\tau) d\tau = t - 1$

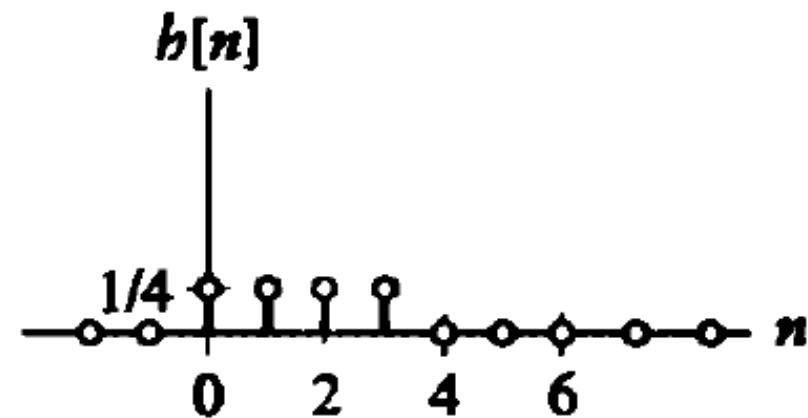
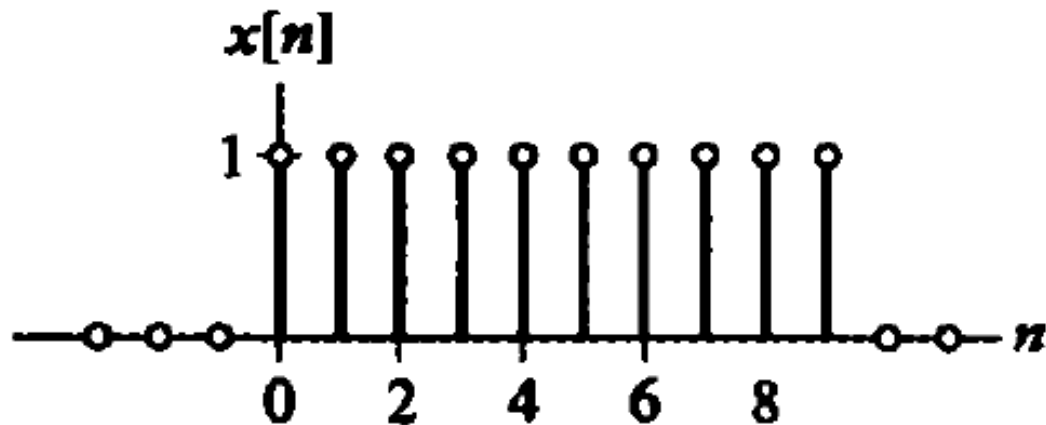
Với  $3 \leq t \leq 5$ :  $\omega_t(\tau) = \begin{cases} 1, & t - 2 < \tau < 3 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$  nên  $y(t) = \int_{t-2}^3 \omega_t(\tau) d\tau = 3 - (t - 2)$





# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG RỜI RẠC

VÍ DỤ



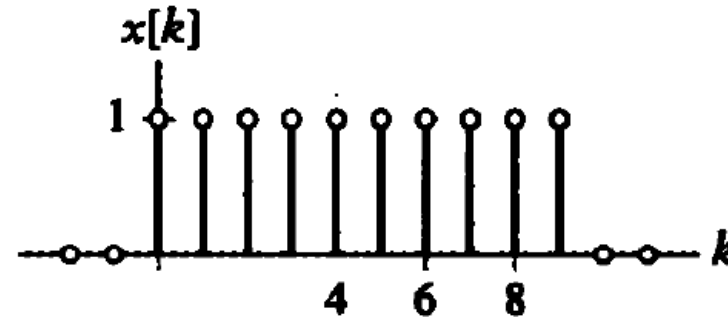
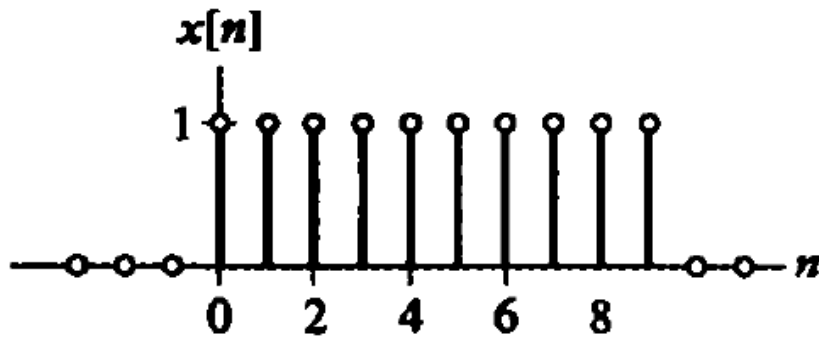
Tính:

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k]h[n-k]$$

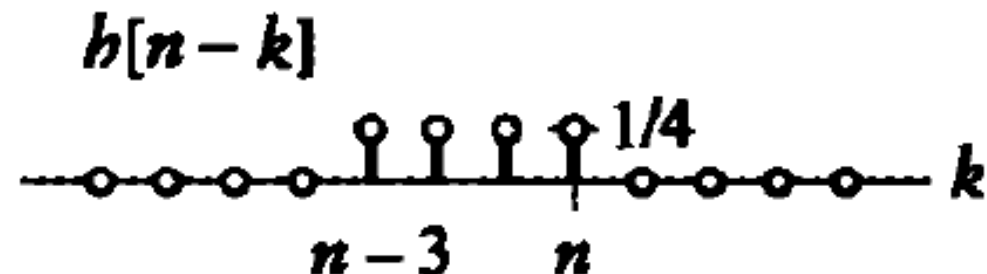
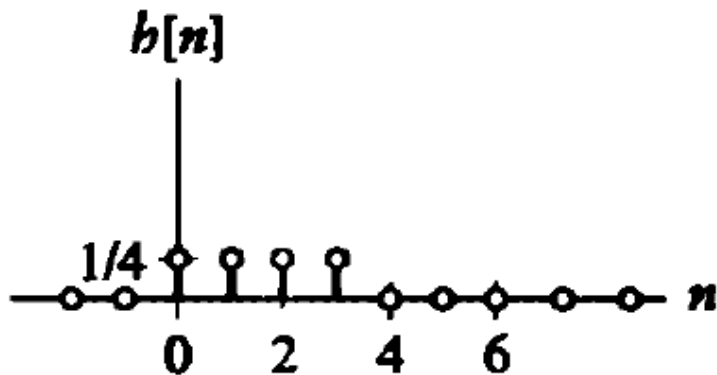
# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG RỜI RẠC

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k]h[n-k]$$

1. Biểu diễn  $x[n]$  theo biến độc lập  $k$



2. Biểu diễn  $h[n-k]$  theo biến độc lập  $k$  bằng cách lật  $h(k)$  thành  $h(-k)$  và dịch  $h(-k)$  một lượng  $(-n)$  (dịch về bên phải)

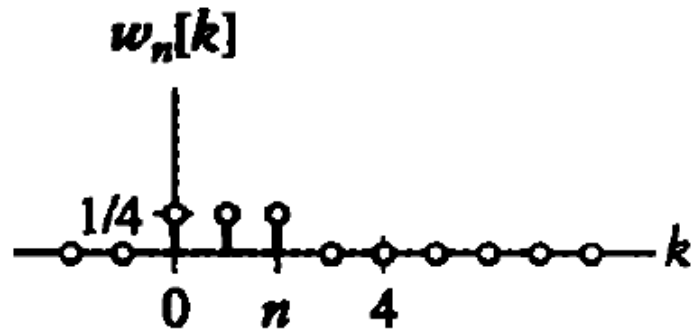


# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG RỜI RẠC

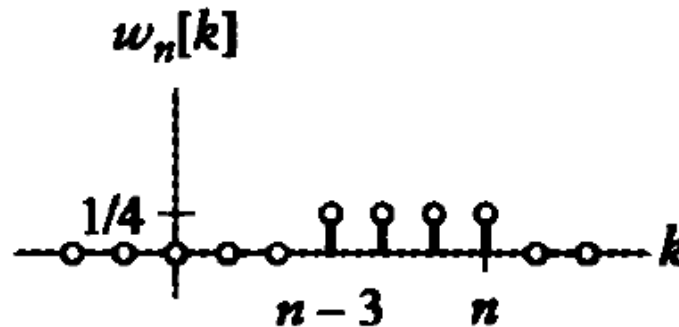
$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k]h[n-k]$$

3. Tính  $w_n(k) = x[k]h[n-k]$

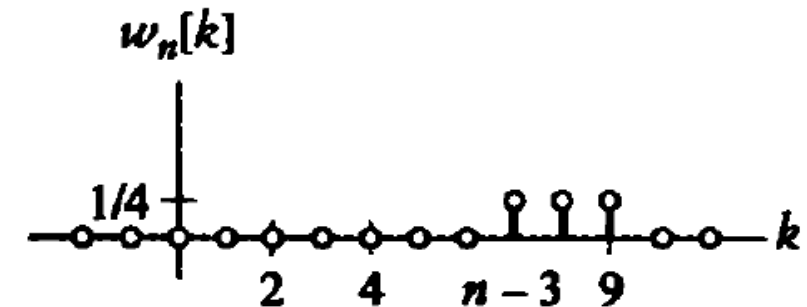
Với  $0 \leq n \leq 3$



Với  $3 < n \leq 9$



Với  $9 < n \leq 12$



# CÁCH TÍNH TÍCH CHẬP VỚI HỆ THỐNG RỜI RẠC

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k]h[n-k]$$

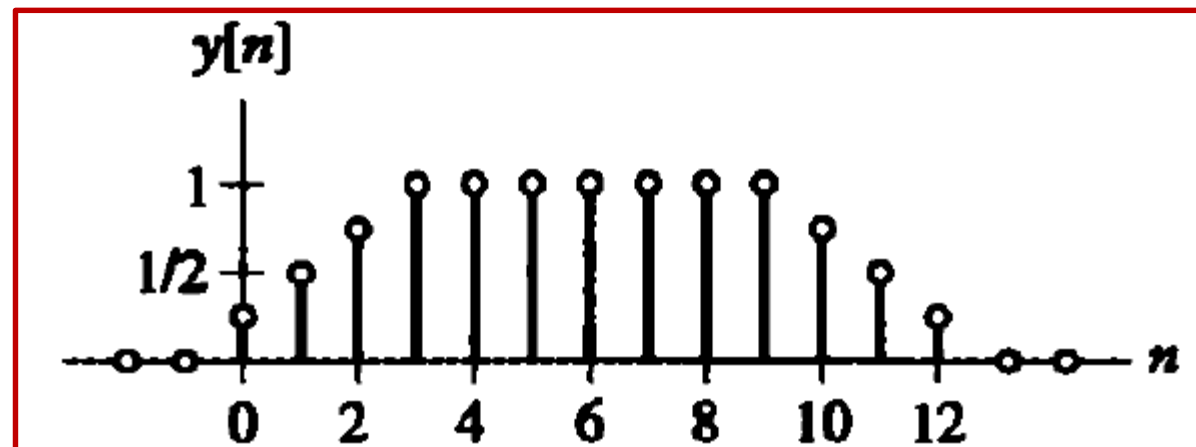
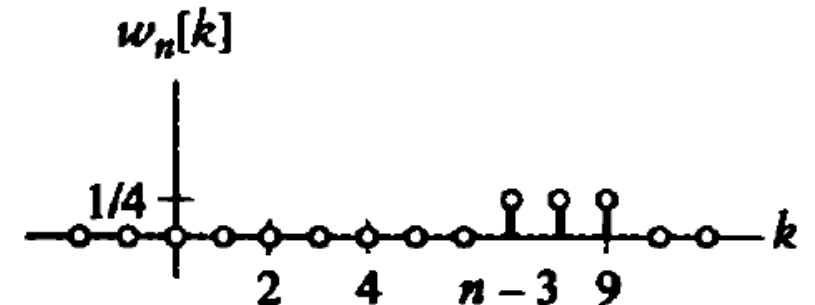
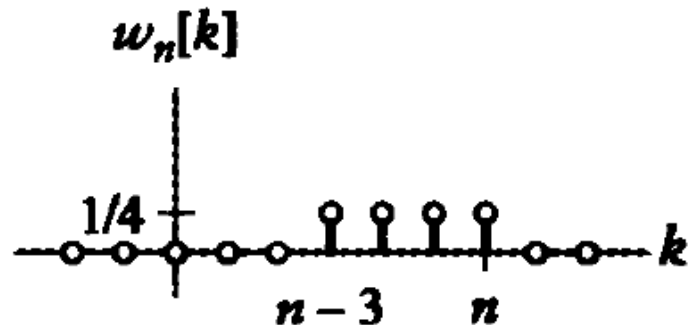
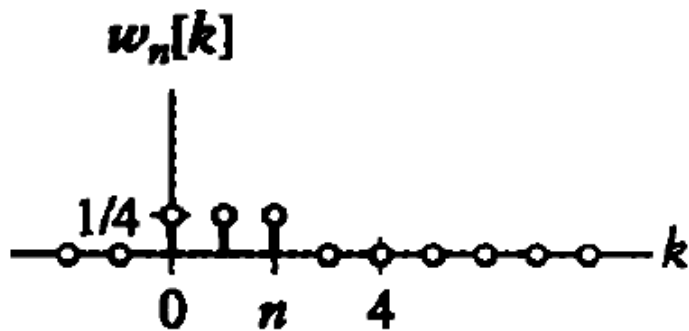
4. Tính  $y[n]$

Với  $n < 0$  và  $n > 12$ :  $w_n(\tau) = 0$ , nên  $y[n] = 0$

Với  $0 \leq n \leq 3$

Với  $3 < n \leq 9$

Với  $9 < n \leq 12$



# TÍNH CHẤT PHÉP TÍCH CHẬP

---

## *Continuous-time system*

---

$$\begin{aligned}x(t) * h_1(t) + x(t) * h_2(t) &= \\x(t) * \{h_1(t) + h_2(t)\} \\ \{x(t) * h_1(t)\} * h_2(t) &= x(t) * \{h_1(t) * h_2(t)\} \\ h_1(t) * h_2(t) &= h_2(t) * h_1(t)\end{aligned}$$

---

---

## *Discrete-time system*

---

$$\begin{aligned}x[n] * h_1[n] + x[n] * h_2[n] &= \\x[n] * \{h_1[n] + h_2[n]\} \\ \{x[n] * h_1[n]\} * h_2[n] &= x[n] * \{h_1[n] * h_2[n]\} \\ h_1[n] * h_2[n] &= h_2[n] * h_1[n]\end{aligned}$$

---