# TÍN HIỆU VÀ HỆ THỐNG

Chương 2: Biểu diễn hệ thống tuyến tính bất biến trong miền thời gian

Phần 3: SƠ ĐỒ KHỐI

Trần Thị Thúy Quỳnh





#### PHÂN LOẠI

- Biểu diễn hệ thống bằng đáp ứng xung đơn vị
- Biểu diễn hệ thống bằng phương trình Vi phân/Sai phân
- Biểu diễn hệ thống bằng Sơ đồ khối

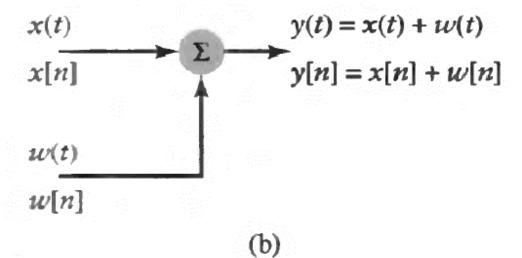




#### Các phần tử cơ bản:

$$x(t) \qquad c \qquad y(t) = cx(t)$$

$$x[n] \qquad y[n] = cx[n]$$



(a)

$$x(t) \longrightarrow \int y(t) = \int_{-\infty}^{t} x(\tau) d\tau$$

$$x[n] \longrightarrow S \longrightarrow y[n] = x[n-1]$$





# HỆ THỐNG LTI RỜI RẠC

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y[n-k] = \sum_{k=0}^{M} b_k x[n-k].$$

$$y[n] + a_1 y[n-1] + a_2 y[n-2] = b_0 x[n] + b_1 x[n-1] + b_2 x[n-2]$$

$$y[n] = -a_1 y[n-1] - a_2 y[n-2] + b_0 x[n] + b_1 x[n-1] + b_2 x[n-2]$$

$$w[n] = b_0 x[n] + b_1 x[n-1] + b_2 x[n-2]$$

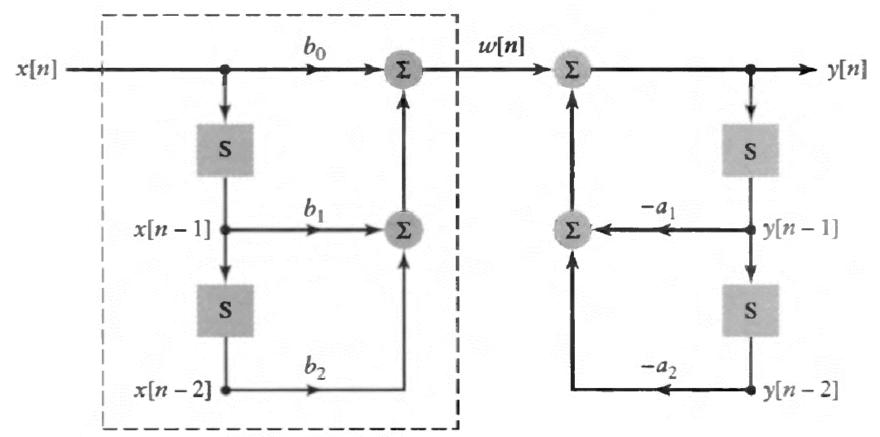
$$y[n] = w[n] - a_1y[n-1] - a_2y[n-2]$$





# HỆ THỐNG LTI RỜI RẠC Dạng trực tiếp I

$$y[n] = w[n] - a_1y[n-1] - a_2y[n-2]$$

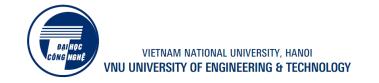






VÍ DỤ: Biểu diễn phương trình sai phân sau dưới dạng sơ đồ khối

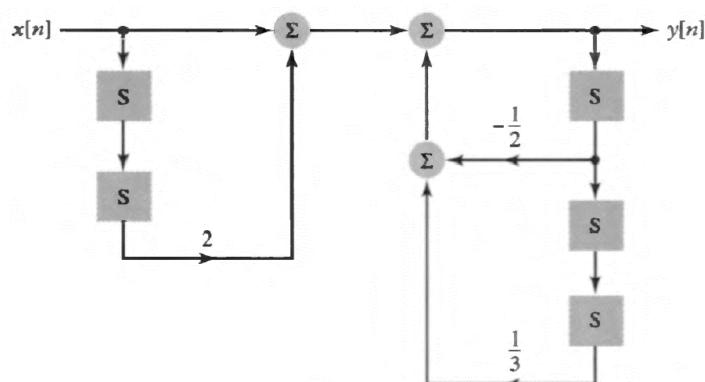
$$y[n] + \frac{1}{2}y[n-1] - \frac{1}{3}y[n-3] = x[n] + 2x[n-2]$$





VÍ DŲ: Biểu diễn phương trình sai phân sau dưới dạng sơ đồ khối

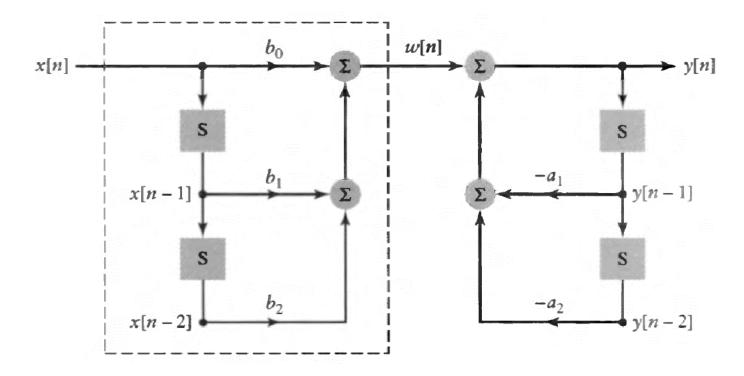
$$y[n] + \frac{1}{2}y[n-1] - \frac{1}{3}y[n-3] = x[n] + 2x[n-2]$$







# HỆ THỐNG LTI RỜI RẠC Dạng trực tiếp II



Dạng trực tiếp I gồm nối tiếp của hai hệ thống có lối vào/lối ra lần lượt là x[n]/w[n] và w[n]/y[n].

Do hệ là LTI nên có thể **đổi vị trí của hai hệ thống** này mà không ảnh hưởng đến quan hệ x[n]/y[n].

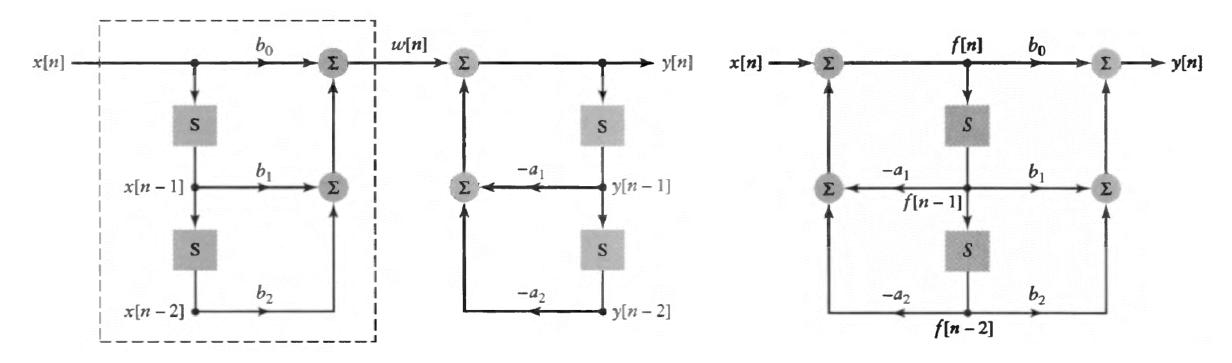




# HỆ THỐNG LTI RỜI RẠC

Dạng trực tiếp l

Dạng trực tiếp II



Dạng trực tiếp II tốn ít bộ nhớ hơn dạng trực tiếp I.





VÍ DŲ:

Biểu diễn phương trình sai phân sau bằng sơ đồ khối Dạng trực tiếp I và Dạng trực tiếp II

$$y[n] + (1/4)y[n-1] + (1/8)y[n-2] = x[n] + x[n-1]$$

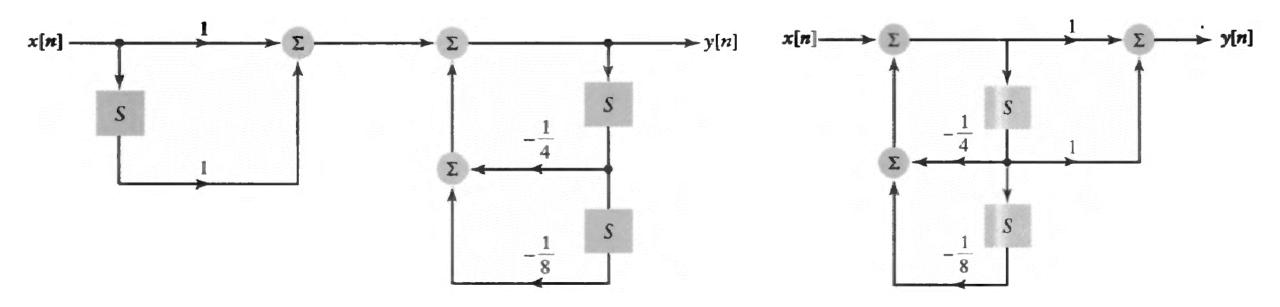




VÍ DŲ:

Biểu diễn phương trình sai phân sau bằng sơ đồ khối Dạng trực tiếp I và Dạng trực tiếp II

$$y[n] + (1/4)y[n-1] + (1/8)y[n-2] = x[n] + x[n-1]$$







Dạng trực tiếp II

$$\sum_{k=0}^{N} a_k \frac{d^k}{dt^k} y(t) = \sum_{k=0}^{M} b_k \frac{d^k}{dt^k} x(t),$$

Biểu diễn lại dưới dạng phương trình tích phân với  $v^{(0)}(t) = v(t)$  là tín hiệu tùy ý.

$$v^{(n)}(t) = \int_{-\infty}^{t} v^{(n-1)}(\tau) d\tau, \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$

 $v^{(n)}(t)$  là tích phân bậc n của v(t)

$$\nu^{(n)}(t) = \int_0^t \nu^{(n-1)}(\tau) d\tau + \nu^{(n)}(0), \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$

 $v^{(n)}(0)$  là điều kiện ban đầu.





$$\nu^{(n)}(t) = \int_0^t \nu^{(n-1)}(\tau) d\tau + \nu^{(n)}(0), \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$

Giả thiết các điều kiện ban đầu bằng 0 thì:

$$\frac{d}{dt}v^{(n)}(t)=v^{(n-1)}(t), t>0 and n=1,2,3,....$$

$$\sum_{k=0}^{N} a_k \frac{d^k}{dt^k} y(t) = \sum_{k=0}^{M} b_k \frac{d^k}{dt^k} x(t)$$

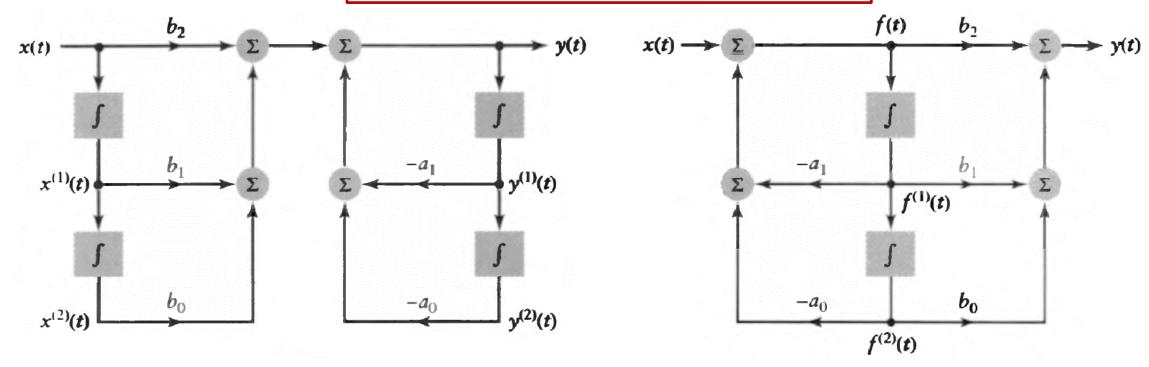
Với N ≥ M, tích phân bậc N hai vế của phương trình vi phân được:

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y^{(N-k)}(t) = \sum_{k=0}^{M} b_k x^{(N-k)}(t)$$





$$\sum_{k=0}^{N} a_k y^{(N-k)}(t) = \sum_{k=0}^{M} b_k x^{(N-k)}(t)$$



Dạng trực tiếp l

Dạng trực tiếp II





VÍ DŲ: Biểu diễn phương trình vi phân sau dưới dạng sơ đồ khối Dạng trực tiếp II.

$$\frac{d^2}{dt^2}y(t) + 3y(t) = \frac{d}{dt}x(t) + 2\frac{d^2}{dt^2}x(t)$$





VÍ DỤ: Biểu diễn phương trình vi phân sau dưới dạng sơ đồ khối Dạng trực tiếp II.

$$\frac{d^2}{dt^2}y(t) + 3y(t) = \frac{d}{dt}x(t) + 2\frac{d^2}{dt^2}x(t)$$

