PL1 TD algèbre linéaire 2013-2014 durée 30mn.

Documents non autorisés, aucun appareil électronique n'est autorisé y compris la calculatrice.

1) écrire la matrice augmentée du système:

$$\begin{cases}
3x - 2y + z = a \\
2y - z = b \\
z = c
\end{cases}$$

- 2) la mettre sous forme échelonnée réduite.
- 3) en déduire l'inverse de la matrice $\begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$
- 4) calculer $\begin{vmatrix} 1 & -x & 2x+2 \\ -x-1 & 0 & 0 \\ -2x-1 & 1 & -x-1 \end{vmatrix}$, vous donnerez le résultat sous forme factorisée c'est à dire en faisant

apparaître les racines et leurs multiplicités.

$$\overline{}$$

5) Calculer $\begin{vmatrix} 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$.