

Dn°1 ATOME D'HYDROGÈNE

2.1. Énergie totale de l'électron de l'atome d'hydrogène et nbr quantique principale

2.1.1

a - $F_a = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{d^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{d^2}$

Force coulombienne

AN: $F_a = (8,91 \times 10^9) \frac{(0,16 \times 10^{-19})^2}{d^2}$

arrondir
pr ss calculatrice

$$\approx 9 \times 10^9 \frac{(0,2)^2 \times 10^{-36}}{d^2} \approx 9 \times 0,04 \frac{10^{-27}}{d^2} \approx 0,36 \frac{10^{-27}}{d^2}$$

$$= \frac{360}{d^2} \times 10^{-30} \text{ N}$$

b - $F_g = G \frac{m_e m_p}{r^2}$

AN: $F_g = 66,74 \times 10^{-12} \frac{0,91 \times 10^{-30} \times 1,673 \times 10^{-27}}{r^2}$

$$\approx 67 \times 10^{-12} \frac{1 \times 10^{-30} \times 2 \times 10^{-27}}{r^2}$$

$$\approx 67 \times 10^{-12} \frac{2 \times 10^{-57}}{r^2}$$

$$\approx 134 \frac{10^{-69}}{r^2}$$

Force gravitationnelle
est négligeable

c - $F_i = \frac{m_e \times v_e^2}{r} = F_c = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r^2}$

$$v_e^2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r^2} \times \frac{r}{m_e} = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 m_e r}$$

$$\Rightarrow F_i = \frac{m_e}{r} \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 m_e r} = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

$$q_p = q$$
$$q_e = -q$$

d. Relation fondamentale de Dynamique

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{q^2}{r^2} = \frac{m v^2}{r^2} \quad r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m v^2}$$

e. Énergie potentiel. Électron libre \rightarrow Électron Valence

$$E_p = - \int_{\infty}^r dW = - \int_{\infty}^r \vec{F}_a \cdot d\vec{r} = - \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \int_{\infty}^r \frac{dr}{r^2} = - \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{r}$$

f. Energie cinétique

$$E_c = \frac{1}{2} m_e v_e^2 \quad \text{avec} \quad v_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m_e r}$$

$$E_c = \frac{1}{2} m_e \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m_e r} = \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r}$$

$$E_{Tot} = E_p + E_c = - \frac{1}{8\pi\epsilon_0} + \frac{q^2}{r}$$

L'électron se déplace de manière circulaire.
vitesse tangentielle au déplacement
vitesse constante

$$\Rightarrow Acc = \phi \Rightarrow \vec{F}_c = \phi$$

$$\Rightarrow \vec{Acc} = \frac{d\vec{v}}{dt} = 0 \Rightarrow \vec{F}_c = m \cdot \vec{Acc} = 0$$

(force tangentielle)

Def

Energie cinétique - énergie d'une masse en mouvement
Energie potentielle - énergie due au charge de attraction charge
→ force coulombienne, attraction coulombienne opposée
+ on se rapproche du noyau + E devient négative

g. Relation de Louis de Broglie (modèle de Bohr (h) p60)
quantité de mv et longueur d'onde

$$p = mv = h\nu = \frac{h}{\lambda} \quad p: \text{quantité de mouvement}$$

h. Rayon r_n orbitale de l'électron mte h

$$2\pi r_n = n\lambda = n \frac{h}{m_e v_e} \Rightarrow v_e = \frac{h}{2\pi r_n m_e}$$

$v = \frac{h}{2\pi r m} \quad \lambda(Hz) = \frac{1}{\lambda(m)}$

$$r_n = \frac{n\lambda}{2\pi} \quad r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m_e v_e^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{h}{2\pi m_e} \right)^2 m_e$$

$$r_1 = \frac{h^2 \epsilon_0}{\pi m_e q^2} \approx \underline{53 \text{ pm}}$$

$$r_n = n^2 r_1$$

$$E_n = - \frac{m_e q^4}{8h^2 \epsilon_0^2} \approx -2,2 \text{ rad} \approx -13,6 \text{ eV}$$

$$E_n = \frac{E_1}{n^2}$$

g) $\lambda = \frac{h}{m_e v_e} = \frac{2\pi r}{n} \Rightarrow r = \frac{n h}{2\pi m_e v_e}$

h) avec $\vec{F}_i + \vec{F}_q = 0 \quad r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m_e v_e^2}$

$$v_e = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{m h}$$

$$r = r_n = n^2 \frac{h^2 \epsilon_0}{\pi m_e q^2}$$

2-1-2

utilisation de E_n et E_1

Premier état excité $n=2$

$$E_2 = \frac{E_1}{2^2} = \frac{-13,6}{4} = -3,4 \text{ eV}$$

$$E_3 = \frac{E_1}{3^2} = \frac{-13,6}{9} = -1,51 \text{ eV}$$

$$E_n = \frac{E_1}{n^2} = \dots \text{ eV}$$

2-1-3

a) État ionisé $n \rightarrow \infty$

$$E_{\text{ion}} \Rightarrow \infty$$

$$E_{\text{ion}} \Rightarrow 0$$

État fondamental

$$n = 1$$

$$E = E_1$$

$$\Delta E = E_1 - E_{\text{ion}} = E_1 - 0 \quad \Delta E = E_1 = -13,6 \text{ eV} = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{\Delta E \text{ (en J)}}$$

b) 3^{ème} État excité

$$n=4 \Rightarrow E_4 = \frac{E_1}{4^2} = -0,85 \text{ eV}$$

$$\begin{aligned} \Delta E &= E_2 - E_4 \\ &= -3,4 + 0,85 \\ &= -2,55 \text{ eV} \end{aligned}$$

$$\lambda = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{0,66 \cdot 10^{-33} \times 3 \cdot 10^8}{0,5 \cdot 10^{-18}} = \frac{2,1}{0,5} \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$= 4,2 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$= 420 \text{ nm} \rightarrow \text{Bleu}$$

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{0,66 \cdot 10^{-33} \times 0,3 \cdot 10^9 \text{ m/s}}{-2,2} \\ &= 0,9 \cdot 10^{-7} \text{ m} \\ &\approx 90 \text{ nm} \end{aligned}$$

3-1-1

¹¹B₅

$$\text{neutrons} = 11 - 5 = 6$$

$$\text{protons} = 5$$

$$\text{electrons} = 5$$

$$\text{nucleons} = 11$$

$$\text{Bore} - 1s^2 + 2s^2 + 2p^1 \Rightarrow \text{couche ext } n^{\circ}2 \Rightarrow L$$

$$2s^2 + 2p^1 \Rightarrow 3e^- \Rightarrow \text{colonne 13 (III)}$$

⁶⁹Ga₃₁

$$\text{Gallium} - 1s^2 + 2s^2 + 2p^6 + 3s^2 + 3p^6 + 4s^2 + 3d^{10} + 4p^1$$

$$\Rightarrow \text{couche ext } N \quad n^{\circ}4 \Rightarrow 3e^-$$

Silicium

²⁸Si₁₄

$$\text{neutrons} = 28 - 14 = 14$$

$$\text{protons} = 14$$

$$\text{electron} = 14$$

$$1s^2 + 2s^2 + 2p^6 + 3s^2 + 3p^2$$

$$\text{couche ext } n^{\circ}3 = M - 4e^-$$

Arsenic

⁷⁴As₃₃

$$1s^2 + 2s^2 + 2p^6 + 3s^2 + 3p^6 + 4s^2 + 3d^{10} + 4p^3$$

$$\text{couche ext } n^{\circ}4 = N - 5e^-$$

1.1.1. PARAMETRES DE MAILLE ET PLANS (hkl)

$$a = 543 \text{ pm}$$

Cristalle CF8:

$$\begin{aligned} & * \text{cubique} + \text{faces centrées} + \frac{1}{8} \text{ tétraèd} \\ & \quad \frac{8 \times \frac{1}{8}}{8} + \frac{6 \times \frac{1}{2}}{2} + \frac{4 \times 1}{4} = 8 \text{ cube}^{-1} \end{aligned}$$

$$* \frac{8}{V_{\text{cube}}} = \frac{8}{a^3} = \frac{8}{543 \times 10^{-12}} = \frac{8 \times 10^{36}}{(5 \times 10^2)^3} = \frac{8 \times 10^{30}}{1,25 \times 10^2} = \frac{8 \times 10^{28}}{1,25} \approx 5 \times 10^{28} \approx 50 \times 10^{27}$$

1.1.2

Nb volumique

$$\text{As cubique} + \text{faces centrées} \Rightarrow 4 \text{ cube}^{-1}$$

$$= \frac{\text{nb cube}^{-1}}{V_{\text{cube}}} = \dots \text{ m}^{-3}$$

$$\text{Ga} : \frac{1}{8} \Rightarrow 4 \text{ cube}^{-1}$$

$$\text{As} : \frac{1}{V} = \frac{1}{a^3} = \frac{1}{(565 \times 10^{-12})^3} = \frac{4 \times 10^{28}}{1,3} = 2,2 \times 10^{27} \text{ m}^{-3}$$

$$\text{Ga} = 2,2 \times 10^{27} \text{ m}^{-3}$$

2. DENSITÉ DES PLANS CRISTALLINS

2.1.1. Distance inter atomique

D'interaction = + petite distance en centre sphère
liaison valence

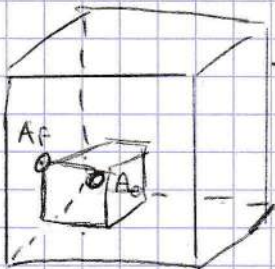


$$A_0(0, 0, 0)$$

$$A_t(\frac{a}{4}, \frac{a}{4}, \frac{a}{4})$$

distance interatomique distance + court dia

$$\lambda_{ia} = A_0 A_t = \sqrt{\left(\frac{a}{4}\right)^2 + \left(\frac{a}{4}\right)^2 + \left(\frac{a}{4}\right)^2} = \sqrt{\frac{3a^2}{4}} = a \frac{\sqrt{3}}{4} = \text{dia} \Rightarrow \text{vsr} = \frac{\text{dia}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{8}$$



$$\sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = A_0 A_f$$

$$\sqrt{2 \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \frac{a}{2} \sqrt{2}$$

Elaborer ?

\Rightarrow Démonstration

$$\begin{aligned} A_t^2 &= \sqrt{a^2 + (a\sqrt{2})^2} \\ &= \sqrt{3a^2} \end{aligned}$$

$$A_0 A_t^2 = a \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$A_0 A_t = \frac{A_t^2}{2} = a \frac{\sqrt{3}}{4} = 2r \Rightarrow r = \frac{1}{2} a \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{a\sqrt{3}}{8}$$

$$r = \frac{a\sqrt{3}}{8} = \frac{543 \times 10^{-9} \sqrt{3}}{8} = 120 \times 10^{-9}$$

Capacité volumique :

$$V_{\text{cube}} = a^3$$

$$V_{\text{sphere}} = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$V_{\text{si}} = \frac{4}{3} \pi \left(\frac{a\sqrt{3}}{8} \right)^3$$

$$= \frac{4}{3} \pi \frac{a^3 \sqrt{3}}{8^3}$$

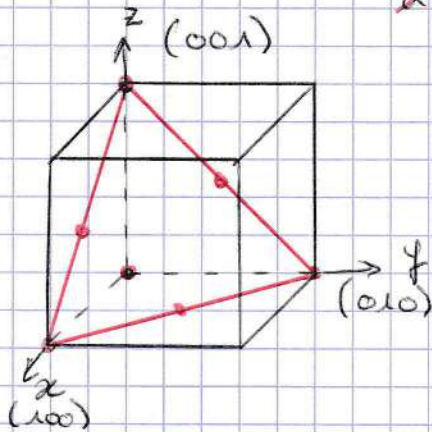
$$= \frac{\pi a^3 \sqrt{3}}{128}$$

$$8^3 = 512$$

$$512/4 = 128$$

$$N_b = 8 \cdot \frac{1}{8} + 6 \cdot \frac{1}{2} + 4 \cdot 1 = 8 \text{ cube}^{-1}$$

$$\text{Comp}_V = \frac{V_{\text{si}}}{V_{\text{cube}}} = \frac{8 \pi \cancel{a^3} \sqrt{3}}{128} = \frac{8 \pi \sqrt{3}}{128} = \frac{\pi \sqrt{3}}{16} = 0,34$$



$$A_{\text{un}} = \frac{1}{2} \sqrt{3} a \times a \sqrt{2} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{2}$$

$$A_{\text{si}} = \pi r^2 = \pi \left(\frac{a\sqrt{3}}{8} \right)^2$$

$$\begin{aligned} N_{\text{bsi}}/(\text{un}) &= 3_{\text{Fe}} \times \frac{1}{2} + 3_{\text{C}} \frac{1}{6} \\ &= \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \\ &= 2 \end{aligned}$$

$$(a\sqrt{2})^2 = \left(\frac{1}{2} a \sqrt{2} \right)^2 + h^2$$

$$\begin{aligned} h &= \sqrt{2a^2 - \frac{1}{2}a^2} \\ &= \sqrt{\frac{3}{2}} a \end{aligned}$$

$$A_{\text{nh}} \frac{2 A_{\text{si}}}{A_{\text{un}}} = \frac{2 \pi \left(\frac{a\sqrt{3}}{8} \right)^2}{\frac{a^2 \sqrt{3}}{2}}$$

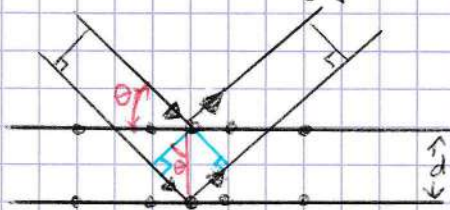
$$= \frac{\pi \times \frac{3}{2 \times 8}}{\sqrt{3}}$$

$$= \pi \times \frac{\sqrt{3}}{16}$$

3 Diffraction d'un rayonnement

Loi de Bragg

$$S = 2d \sin \theta$$



TD n°3 - Semi conducteurs intrinsèques, n et p

2. Conducteurs, isolants et semi conducteurs - Le gap.

2.1 - Isolants

* DIAMANT

Enoncé $200 \frac{kT}{q} > E_g = 5,47 \text{ eV}$

énergie cinétique \rightarrow plus isolant

q : charge élémentaire
 $= 0,16 \times 10^{-19} \text{ C}$

$$T > \frac{E_g q}{200 k}$$

$$T > \frac{5,47 \times 0,16 \times 10^{-18}}{200 \times 14 \times 10^{-24}} = \frac{5,47 \times 0,16 \times 10^6}{200 \times 14} = \frac{\overset{\text{arrondi}}{5} \times 0,16 \times 10^6}{5 \times 40 \times 14} = \frac{0,16 \times 10^6}{40 \times 14}$$

$$= \frac{16 \times 10^4}{40 \times 14} = \frac{4 \times 4 \times 10^4}{4 \times 10 \times 14} = \frac{4 \times 10^3}{14} = \frac{2 \times 10^3}{7} \approx 285 \text{ K}$$

Calcul exact 317K

$$317 - 273 = 44^\circ \text{C}$$

* oxyde de silicium

$$x \text{ K} = x - 273^\circ \text{C}$$

$$T > \frac{E_g q}{200 k}$$

arrondi à 10

$$T > \frac{9 \times 0,16 \times 10^{-18}}{200 \times 14 \times 10^{-24}} = \frac{9 \times 0,16 \times 10^6}{200 \times 14} = \frac{5 \times 2 \times 0,16 \times 10^6}{5 \times 40 \times 2 \times 7} = \frac{0,16 \times 10^6}{40 \times 7}$$

$$\frac{16 \times 10^4}{4 \times 10 \times 7} = \frac{4 \times 4 \times 10^4}{4 \times 10 \times 7} = \frac{4}{7} \times 10^3 \approx 600 \text{ K} = 571 \text{ K}$$

$$600 - 273 = 327^\circ \text{C}$$

$$571 - 273 = 298^\circ \text{C}$$

2.2 - Semi - Conducteurs

Si = 1,12 eV Germanium = 0,66 eV

E_g doit être en J.

$$\rightarrow * 0,16 \times 10^{-19}$$

* Si $200 \frac{kT}{q} > E_g = 1,12 \text{ eV}$

$$T > \frac{E_g q}{200 k} \quad T > \frac{1,12 \times 0,16 \times 10^{-18}}{200 \times 14 \times 10^{-24}} = \frac{1,12 \times 0,16 \times 10^6}{200 \times 14} = \frac{112 \times 16 \times 10^2}{200 \times 14} =$$

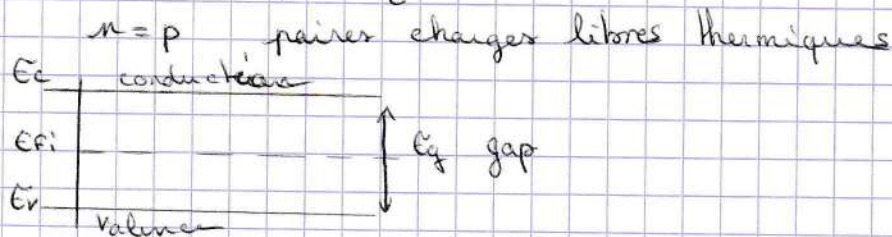
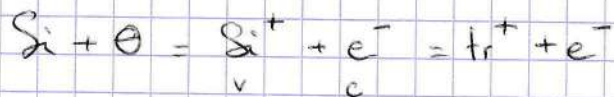
$$= \frac{100 \times 16 \times 10^2}{2 \times 10 \times 14} = \frac{2 \times 8 \times 10^2}{2 \times 2 \times 7} = \frac{2 \times 4 \times 10^2}{2 \times 7} = 0,50 \times 10^2 \approx 60 \text{ K}$$

* Germanium

$$T > \frac{E_g q}{200 k} \quad T > \frac{0,66 \times 0,16 \times 10^{-18}}{200 \times 14 \times 10^{-24}} = \frac{0,66 \times 0,16 \times 10^6}{200 \times 14} = \frac{66 \times 16 \times 10^2}{200 \times 14} =$$

$$= \frac{70 \times 20 \times 10^2}{200 \times 14} = \frac{700 \times 10 \times 10^2}{2 \times 100 \times 14} = 50 \text{ K} = 50$$

2.3 Semi conducteurs intrinsèque (pur): porteurs libres



Action masse

$$[mp = m_i^2]$$

$n_i \approx 15 \cdot 10^{13} \text{ m}^{-3}$ densité des paires ^{therm} intrinsèques -
 → densité volumique

④ $\frac{A_{\text{Si}}}{m_{\text{Si}}} = \frac{50 \cdot 10^{27}}{15 \cdot 10^{15}} = 3,33 \cdot 10^{12} = \left(\frac{N_{\text{Si}}}{n_i} \right)$

Rapport astronomique, nbr atome rencontré avt un atome therm

Donneur → type N: majeur e^-
 mineur tr^+

atomes dopants {P, As
 $(a_3^3 + a_p^3 \text{ ext } a = 5e^-)$

Accepteur → type P: majeur tr^+
 mineur e^-

atomes dopants {Ga, B
 $(a_s^2 + a_p^1 a = 3e^-)$

★ Donneurs

$$\frac{n}{p} \approx \frac{N_D}{N_A} = \frac{10^{24} \text{ m}^{-3}}{(15 \cdot 10^{13})^2} = 225 \cdot 10^6$$

★ Accepteurs

$$\frac{p}{n} \approx \frac{N_A}{N_D} = \frac{10^{24} \text{ m}^{-3}}{(15 \cdot 10^{13})} = 225 \cdot 10^6$$



101-102-103
 savoir faire une répartition
 58-59
 80 égale f. inertiel
 équation conductivité
 action de masse

Tr° 4 : Dopage et Conductivité

1 - Dopage du carbone de silicium

$$1.1.1. \quad \sigma = q(p \cdot \mu_p + n \cdot \mu_n)$$

$$\sigma = q(n_i \mu_p + n_i \mu_n)$$

$$\frac{\sigma}{q} = n_i (\mu_n + \mu_p)$$

$$\frac{\sigma}{q(\mu_n + \mu_p)} = n_i$$

$$n_i = \frac{8}{0,16 \times 10^{-18} (0,04 + 0,02)}$$

$$n_i = \frac{8}{0,16 \times 0,06 \times 10^{-18}}$$

$$= \frac{8}{0,16 \times 60 \times 10^{-21}}$$

$$= 0,8 \times 10^{21} \text{ m}^{-3}$$

1.1.2.
¹⁴N nucléons 14
 7 N protons 7
 électrons 7

$1s^2 + 2s^2 + 2p^3$ couche ext- 5 e⁻ ⇒ **Donneur**

Donneurs charge négative e⁻ couche ext 4 + 1 = 5 e⁻

Accepteurs charge positive tr⁺ couche ext 4 - 1 = 3 e⁻

1.1.3

$$1000 \approx q \times \mu_n \times N_D$$

$$N_D \approx n \gg q \quad n \mu_n \gg p \mu_p$$

$$N_D = \frac{1000}{0,04 \times 0,16 \times 10^{-18}} = \frac{1 \times 10^3}{4 \times 10^{-22} \times 16 \times 10^{-22} \times 10^{-18}} = \frac{1 \times 10^3}{64 \times 10^{-22}} = \frac{1}{64} 10^{25}$$

$$p \approx \frac{n^2}{n} \approx \frac{n_i^2}{N_D}$$

$$p \approx \frac{(15 \times 10^{15})^2}{160 \times 10^{21}}$$

$$p = \frac{225 \times 10^{30}}{160 \times 10^{21}} = \frac{0,64 \times 10^{12}}{160 \times 10^{21}} \text{ m}^{-3}$$

$$p \approx 4 \times 10^{12} \ll N_D$$

2. Dopage du Silicium

Doper le silicium

Bohr

Gallium

Indium

B₅

Ga₃₁

In₄₉

neutrons 6
 proton 5
 electron 5

n 38
 p 31
 e 31

n 66
 p 49
 e 49

B → 1s² + 2s² + 2p¹ n° C ext 2 ; nom L
 nbe⁻ 2s² + 2p¹ = 3e⁻

Ga → 1s² + 2s² + 2p⁶ + 3s² + 3p⁶ + 4s² + 3d¹⁰ + 4p³
 n° C ext 4 ; nom N nbe = 3e⁻

In → 1s² + 2s² + 2p⁶ + 3s² + 3p⁶ + 4s² + 3d¹⁰ + 4p⁶ + 5s² + 4d¹⁰ + 5p³
 n° C ext 5 ; nom O 3e⁻

→ Dépage P

$$\rho \sim NA \sim 10$$

$$\sigma = q (\cancel{n\mu_n} + p\mu_p)$$

$$\frac{\sigma}{q} = p\mu_p \Leftrightarrow \frac{\sigma}{q\mu_p} = p \Leftrightarrow p = \frac{200}{0,16 \times 10^{-18} \times 0,04} = \frac{200}{6,4 \times 10^{-21}} = \frac{100}{33} \times 10^{21}$$

$$\frac{50 \times 10^{27}}{33 \times 10^{21}} = 1,5 \times 10^6$$

$$= 33 \times 10^{21} \text{ m}^{-3}$$

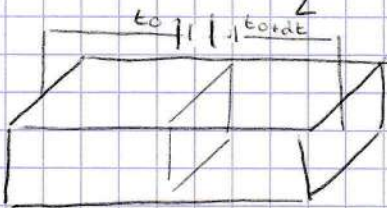
Exo 5 mobilité des porteurs de charge.

B

1. loi d'ohm (microscopique)

$$\vec{J} = \sigma \vec{E} = \vec{J}_n + \vec{J}_p = q n \mu_n \vec{E} + q p \mu_p \vec{E} = q (\mu_n n + \mu_p p) \vec{E}$$

$$\vec{V}_p = \mu_p \vec{E}, \quad \vec{E} = -\frac{V}{L} \vec{u}, \quad \sigma = \frac{1}{\rho}$$



$$j = \frac{1}{S} I = \frac{1}{S} \frac{dQ}{dt} = q [\mu_n n + \mu_p p] E$$

$$Vol = S x dx = S \mu_p E dt$$

$$dQ = q (Vol n + Vol p) E S dt \Rightarrow q (\mu_n n + \mu_p p) E \times S dt$$

$$\text{ampère} = C/s$$

TD n°6

$$\vec{J}_n = -q n \mu_n \vec{E}$$

$$\vec{J}_p = q p \mu_p \vec{E} \quad A$$

q charge coulomb

$$q = 1.6 \text{ aC}$$

$$e = -q$$

$$t_2 = +q$$

$$p = +q$$

$$Q = CV$$

$$i = \frac{dQ}{dt}$$

Démontrer équation homogène

$$\begin{matrix} n & m^{-3} \\ \mu & m^2 V^{-1} s^{-1} \\ E & V m^{-1} \end{matrix}$$

$$J = C \underbrace{m^{-3} m^2}_{m^{-1}} \cancel{V^{-1}} s^{-1} \cancel{V m^{-1}}$$

$$C m^{-2} s^{-1}$$

$$C \cdot s^{-1} = A$$

$$J = A m^{-2}$$