

1

函数与极限

1.1 映射与函数

💡 映射 $\{x\} \rightarrow \{y\}$

定义：两个非空集合 X 、 Y ，若存在法则 f ，使 X 中每个元素 x 在 Y 中都能确定唯一元素 y 与之对应，则称 f 为 X 到 Y 的映射，记作 $f: x \rightarrow y$

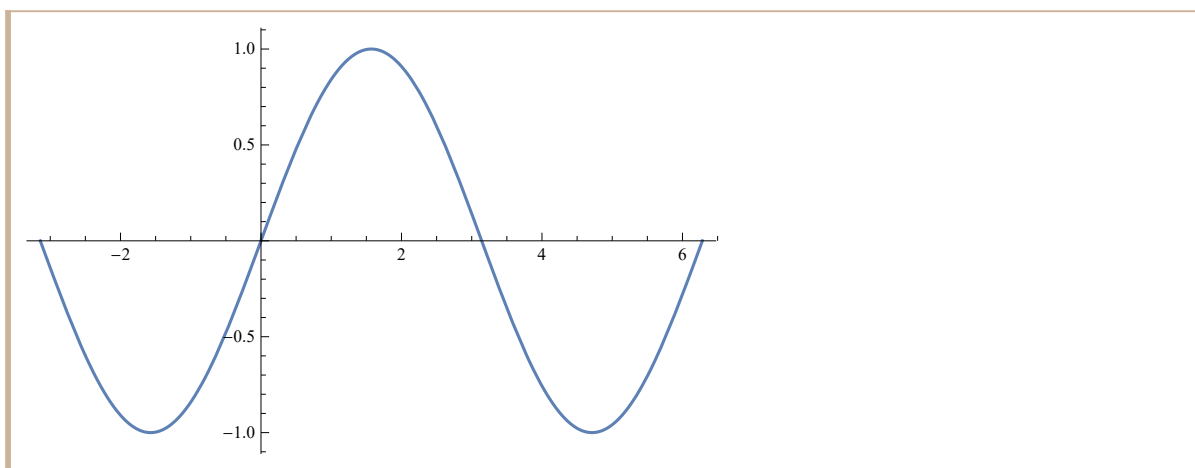
- $X: \{0, 1, 2, 3\} \rightarrow Y: \{0, 2, 4, 6\}$; 有 $f: x \rightarrow y$ 即 $y = f[x] = 2x$

💡 函数 $y = f[x]$

定义：数集 $D \subset \mathbb{R}$ ，则称映射 $f: D \rightarrow \mathbb{R}$ 为定义在 D 上的函数，记为 $y = f(x)$ ， $x \in D$ ， x 为自变量， y 为因变量， D 为定义域

- $f(x) = \sin(x)$, $x \in [-\pi, 2\pi]$;

`Plot[Sin[x], {x, -π, 2π}]`



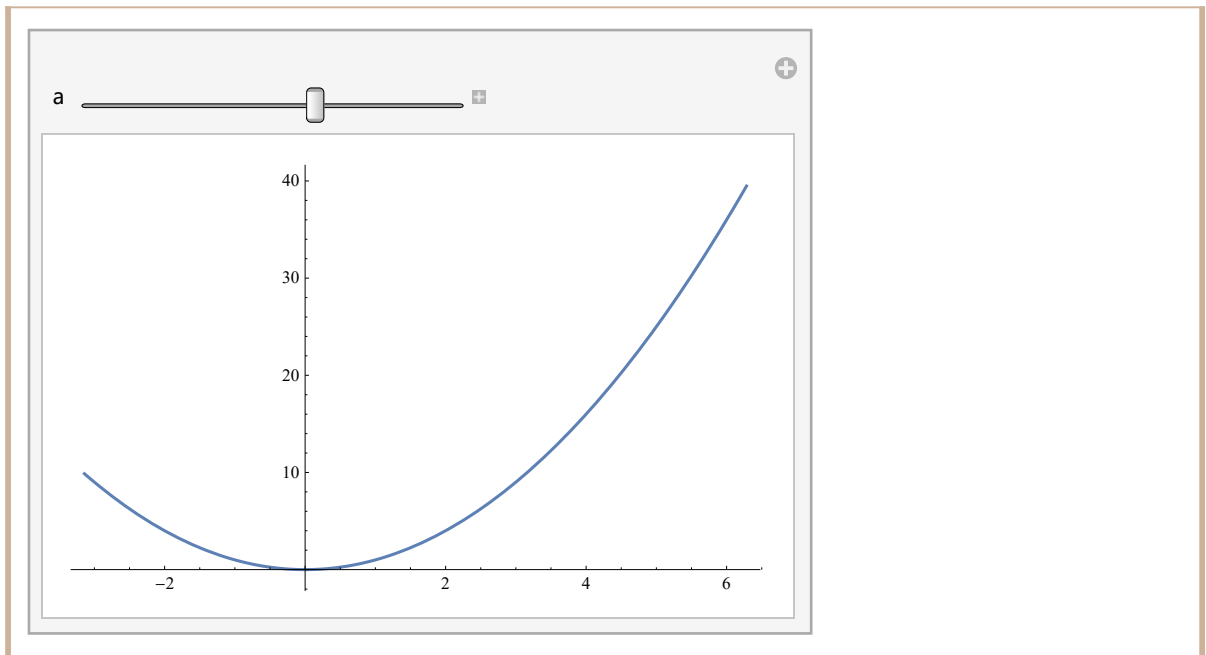
💡 基本初等函数

- 幂函数

2 | 1.1映射与函数.nb

- $f[x] = x^a, x \in [-\pi, 2\pi];$

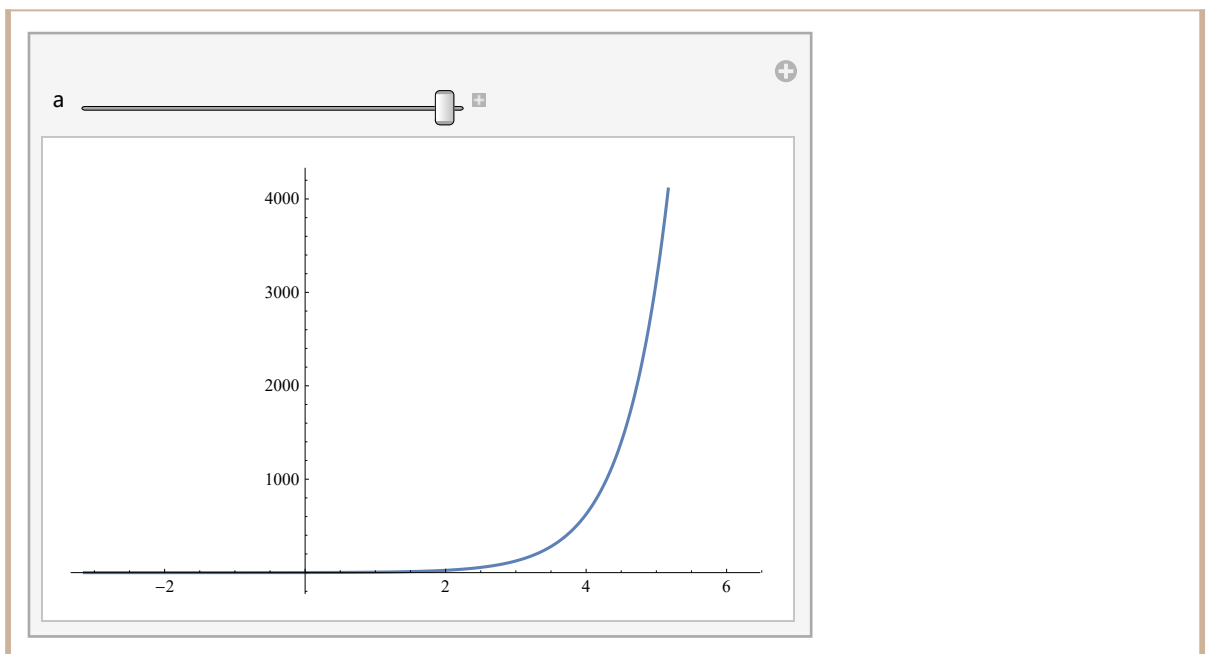
```
Manipulate[Plot[x^a, {x, -\pi, 2\pi}], {a, -3, 5, 1}]
```



■ 指数函数

- $f[x] = a^x, x \in [-\pi, 2\pi];$

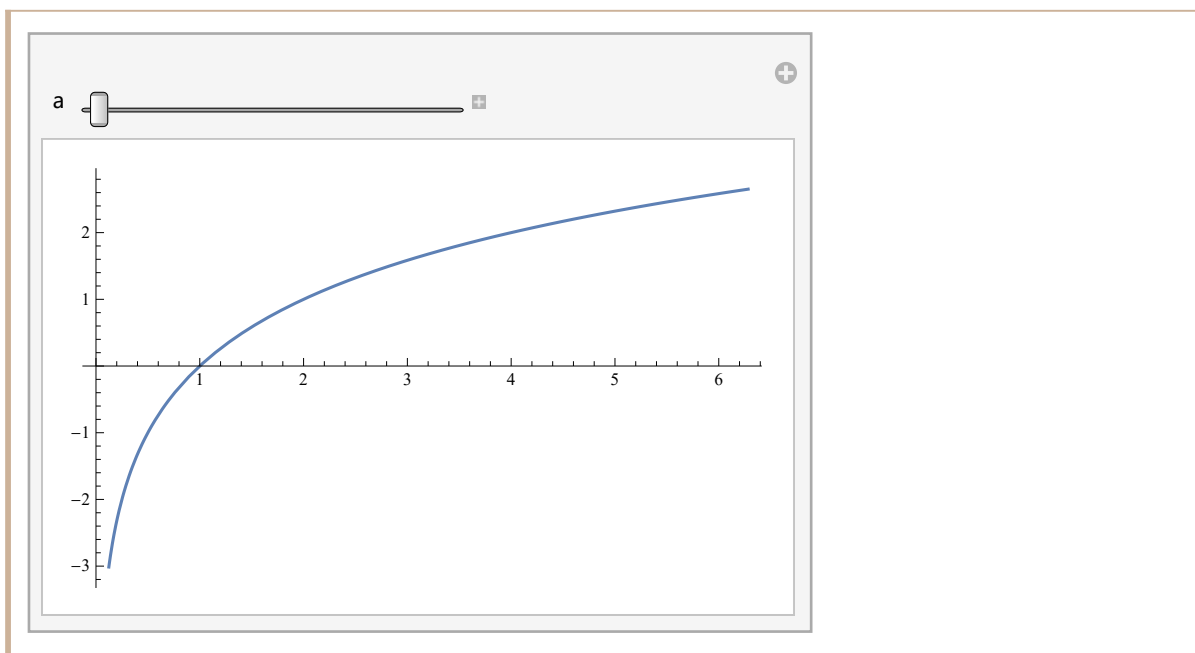
```
Manipulate[Plot[a^x, {x, -\pi, 2\pi}], {a, 1, 5, 1}]
```



■ 对数函数

- $f[x] = \text{Log}_a x, x \in [0, 2\pi];$

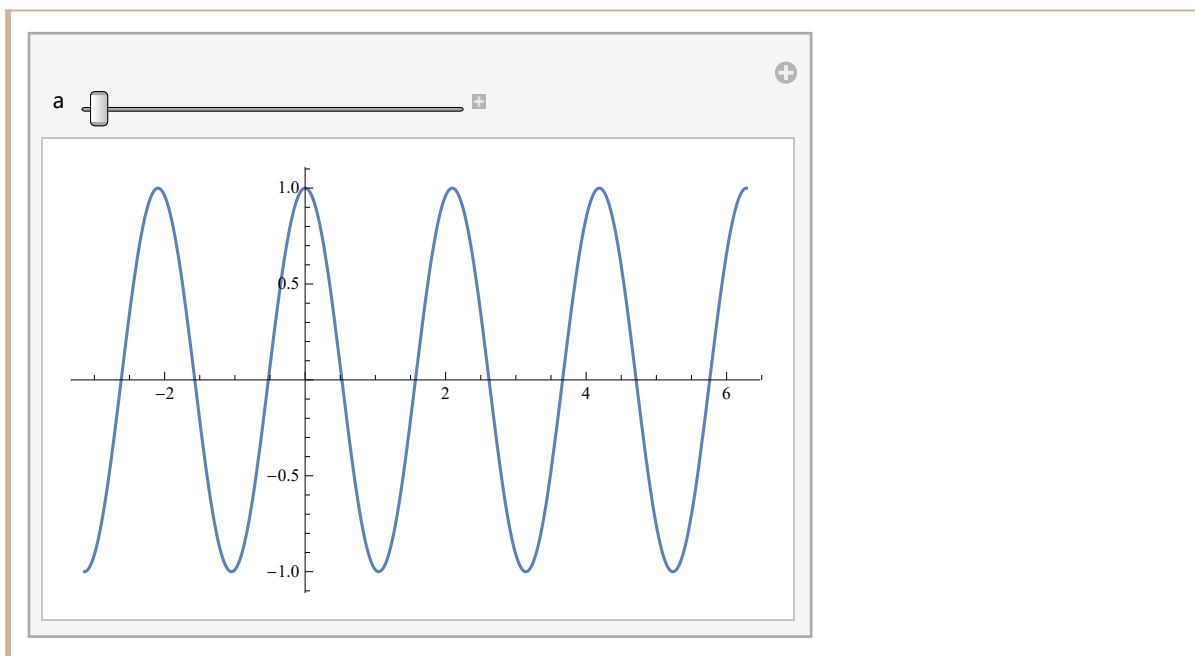
```
Manipulate[Plot[Log[a, x], {x, 0, 2π}], {a, 2, 6, 1}]
```



■ 三角函数

- $f[x] = \cos[a x]$, $x \in [-\pi, 2\pi]$;

```
Manipulate[Plot[Cos[a x], {x, -π, 2π}], {a, -3, 3}]
```



■ 反三角函数

- $f[x] = \arcsin[a x]$, $x \in [-\pi, 2\pi]$;

```
Manipulate[Plot[ArcSin[a x], {x, - $\pi$ ,  $2\pi$ }], {a, -3, 3}]
```

