Al and Deep Learning

선형회귀(2)

오류 계산 그래프에서의 역전파

제주대학교 변 영 철

http://github.com/yungbyun/mllecture

<u>학습 방법(w 업데이트)</u>

- w 값 난수 초기화 (ex, 4)
- w 에서의 기울기 구함.
- 기울기로w를 업데이트

$$w = w - \alpha * (기울기)$$

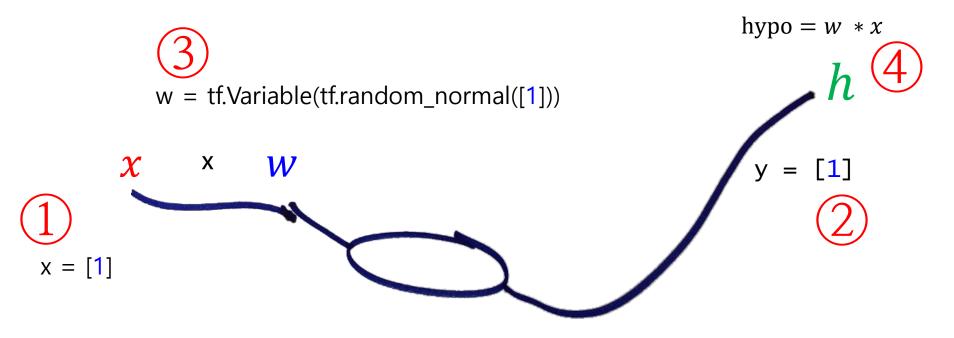
α: 반영 비율 (learning rate)

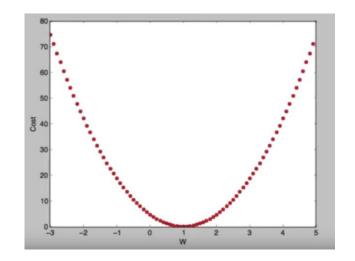
TensorFlow Google



- Tensor: '잡아당기다'라는 뜻인 라틴어 'tensus'
- 무언가를 잡아당기면 그 주위에 굉장히 복잡한 변형이 일어나는데, 이를 기술하는 수학적 언어가 Tensor
- 오류를 줄이기 위해 데이터에 굉장히 복잡한 변형이 일어나며 이를 텐서라고 부름.
- Tensor는 계산그래프에서 전달되는 데이터(벡터, 행렬 등)를 포함
- 따라서 TensorFlow는 텐서(데이터)의 흐름(flow)하며, 특히 오류 계산 그래프 내의 텐서 흐름을 통해 가중치
 까 파라미터를 튜닝하는(학습) 머신러닝 프레임워크

TF를 이용한 선형 회귀 학습





cost_function = (hypo - y) ** 2
$$E = (hypo - y)^{2}$$

myml.git 다운로드

- 1) 명령 프롬프트 실행
- 2) 원하는 폴더로 이동
- 3) git clone https://github.com/yungbyun/myml.git
- 4) PyCharm으로 오픈 (File | Open...)

(문제)

1시간 일할 경우 1달러를, 2시간 일할 경우 2달러를, 일한 시간만큼 시급을 지급한다고 하자. 이때 일한 시간을 줄 경우 시급을 알아 맞추는 프로그램을 작성하시오.

O1.py Finding w in linear regression

```
import tensorflow as tf
```

```
#---- 학습데이터 설정
x_{data} = [1]
y_{data} = [1]
                                                              오류를 최소화하도록
#---- 신경세포 만들기
                                                             w를 업데이트하는 train
w = tf.Variable(tf.random_normal([1]))
                                                                오퍼레이션 반환
hypo = w * x_data
#---- 학습 시키기
cost = (hypo - y_data) ** 2
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.01).minimize(cost)
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer())
for i in range(1001):
    sess.run(train) # 1-run, 1-update of W \rightarrow 1001 updates
    if i % 100 == 0:
        print('w:', sess.run(w), 'cost:', sess.run(cost))
#---- 학습 후 테스트하기
x_{data} = [2]
print(sess.run(x_data * w))
```

import tensorflow as tf

- import : 라이브러리 모듈을 찾아 필요할 경우 초기화하고 해당 코드에서 어떤 이름으로 사용되는지를 지정함.
- x_data: 여러 입력 데이터 보관하는 리스트(list)
- y_data는 여러 정답들을 보관하는 리스트
- xxx = [1, 'hello', 2, 'world']
- print (xxx)
- xxx[1] = 'hi'
- xxx.append('jeju')
- print (xxx)

#---- 신경세포 만들기

w = tf.Variable(tf.random_normal([1])) hypo = w * x_data

- random_normal: 난수 텐서를 만들어 반환하는 함수
- Variable: 텐서를 담는 그릇인 변수를 만듦.
- w: 텐서를 담는 변수로서 계산 그래프를 구성하는 한 요소
- hypo: 입력데이터(x_data)와 w에 있는 텐서를 곱한 것. 텐서에 무엇인가를 곱한 이것도 텐서

#---- 학습시키기

cost = (hypo - y_data) ** 2
train = tf.train.GradientDescentOptimizer
(learning_rate=0.01).minimize(cost)

- cost: 뉴런의 대답과 실제 정답 간의 차이를 제곱한 것으로 오류값을 계산하기 위한 텐서를 계산하는 오퍼레이션
- 계산 그래프로 구성됨.
- GradientDescentOptimizer.minimize 함수는 경사하강 법으로 오류값 cost를 최소화하는 오퍼레이션을 리턴하는 함수
- train: 오류값 cost를 최소화하는 오퍼레이션으로 계산 그래프를 이용하여 경사하강법으로 w를 업데이트함(학습)

sess = tf.Session() sess.run(tf.global_variables_initializer())

- Session: 앞서 텐서를 구하기 위해 구성된 계산 그래프를 실행하여 실제 값을 구하기 위한 클래스
- tf.global_variables_initializer 함수: 텐서값을 갖는 변수들을 초기화하는 오퍼레이션을 반환함.
- sess.run 함수: 계산 그래프, 오퍼레이션을 실행하는 함수

```
for i in range(1001):
    sess.run(train)
    if i % 100 == 0:
        print(sess.run(w), sess.run(cost))
```

- for loop: 파이썬 for loop로서 i를 0에서 1000까지 (1001번) 바꾸면서 반복문을 수행함.
- sess.run(train): 경사하강법을 이용하여 학습을 한번 실행함(w값이 한번 업데이트됨).
- if i % 100 == 0: i가 0, 100, 200, 300 등과 같이 나머지가 0일 때 참이되어 print 문장이 실행됨.

#---- 학습후테스트하기

- 학습이 끝났을 때 결과는 무엇? 바로 여러 번 반복해서 업데이트된 w 값임.
- 학습된 w 값과 우리가 원하는 입력합을 곱할 경우 반환되는 값이 예측값임.

#---- 학습 후 테스트하기

- 계산 그래프가 처음 만들어질 때 한번만 값들이 설정되어 x_data에 새로운 값이 할당되어도 반영되지 않음.
- 이전에 할당한 x data가 여전히 사용됨.
- 이를 해결하기 위해서는 처음부터 계산 그래프에 데이터를 설정하는 것이 아니라 필요한 시점에서 데이터를 전달하는 방법이 요구됨.
- 이를 위한 것이 PlaceHolder 방법임.

#----- training data
$$x_{data} = [1]$$

$$y_{data} = [1]$$
#----- a neuron
$$w = tf.Variable(tf.random_normal([1]))$$

$$hypo = w * x_data$$

$$[1]$$

$$E = (w \cdot x - y)^2$$

$$(1) (w)$$

$$(1 \cdot w - 1)^2$$

02.py Drawing cost function

오류 함수 생각하기

$$E = (wx - y)^2$$

- 어느 부분이 뉴런인가?
- 시냅스는?
- 입력 데이터는?
- 뉴런의 출력
- 점답(answer, ground truth)은?
- 가설(hypothesis)은?
- 오류 함수의 의미는?
- 뉴런 입력이 여러 개일 경우
- <u>• 데이터로</u> 주어지는 것은?
- 우리가 튜님해야 하는 것은?

$$E = (h - y)^{2}$$

$$E = (w \cdot x - y)^{2}$$

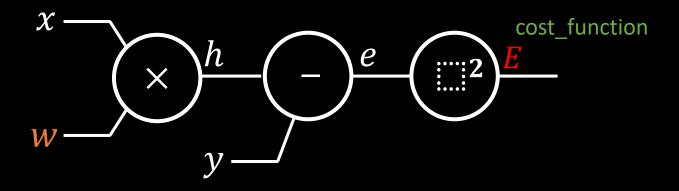
$$E = (w \cdot 1 - 1)^{2}$$

오류 계산 그래프

$$E = (wx - y)^{2}$$

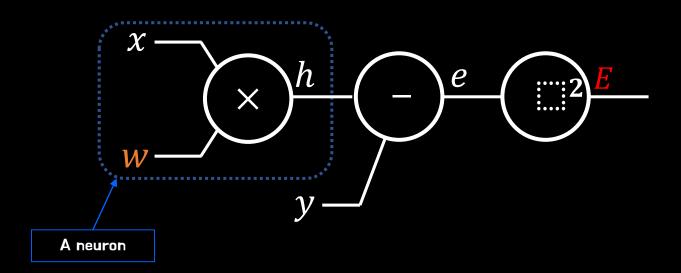
$$hypo = w x$$

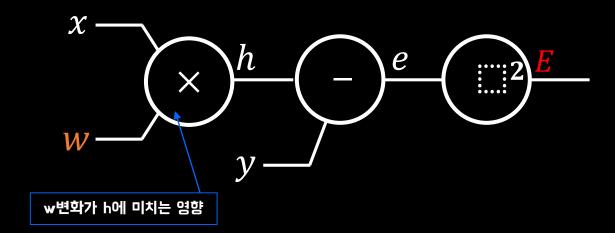
$$cost_function(E) = (hypo y)^{2}$$
2)

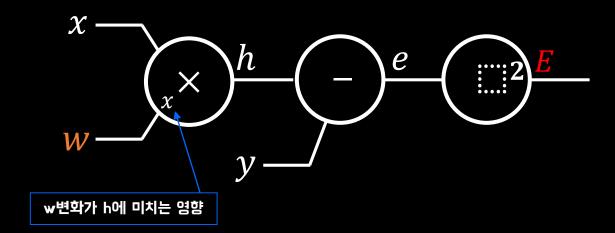


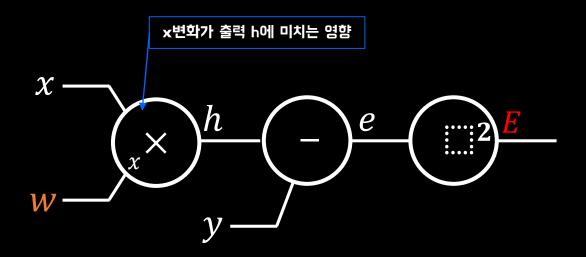
텐서란 무엇이고, 텐서 플로우란 무엇인가? 텐서플로우 프레임워크가 파라미터 튜닝

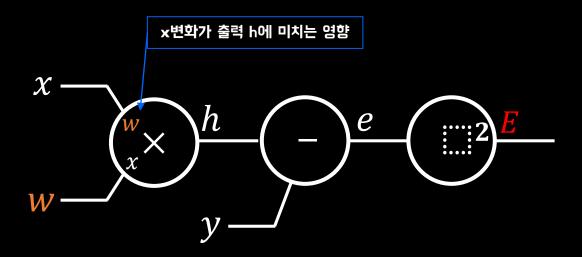
계산 그래프에서 w 가 E에 미치는 영향을 쉽게 알 수 있다. 그러면 오류를 줄일 수 있도록 w 를 조절할 수 있다.

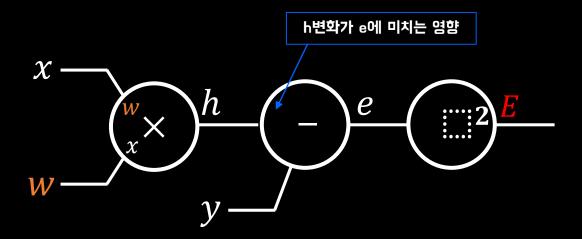


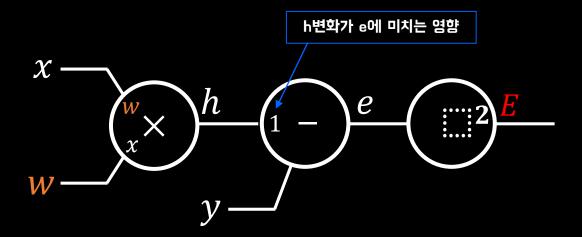


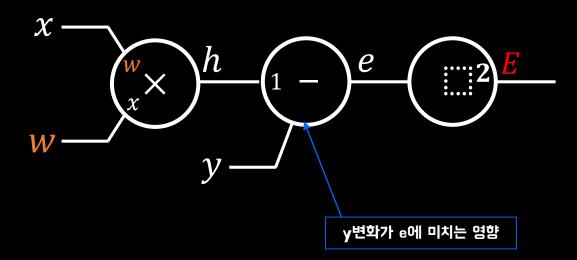


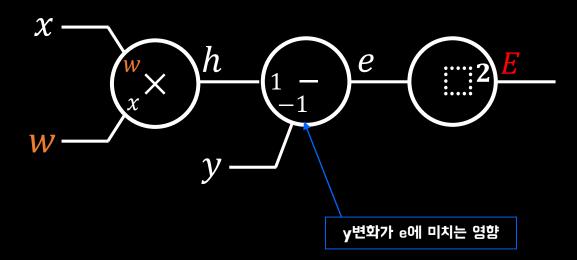


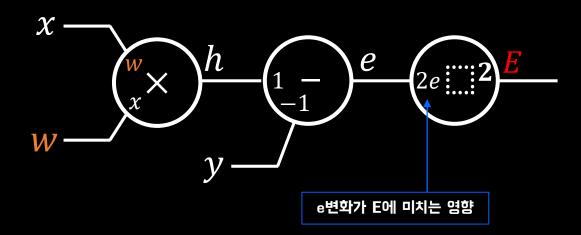


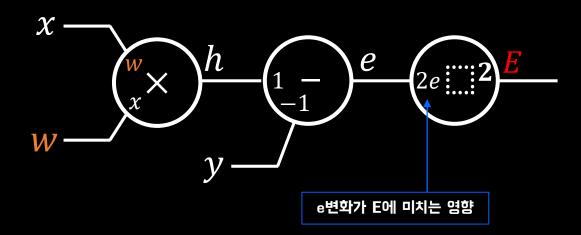




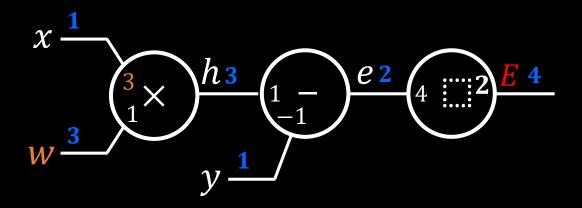






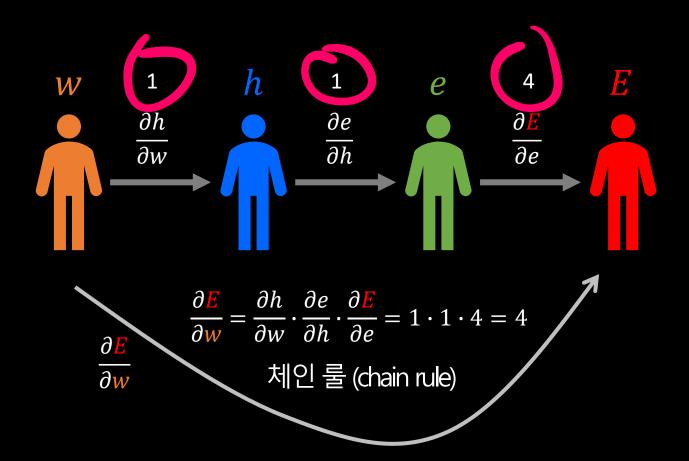


(x, y)=(1, 1)이고 w는 3일 경우



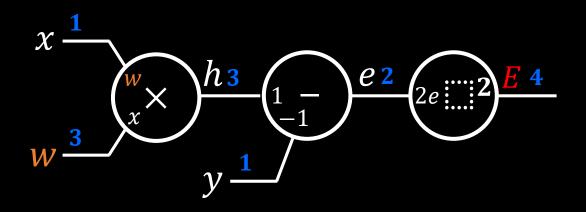
각 게이트(연산) 별로 지역(local) 미치는 영향은 알았다. 이로부터 ₩ 변화가 E 에 미치는 영향력은 알 수 있을까?

사람 사이의 영향력



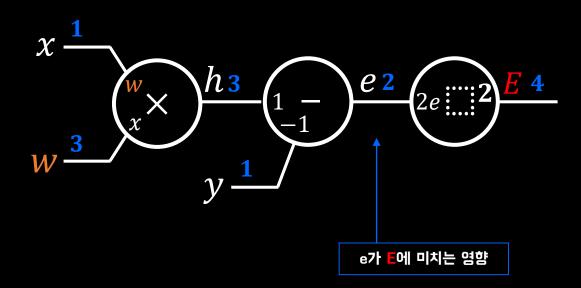
앞으로 전파

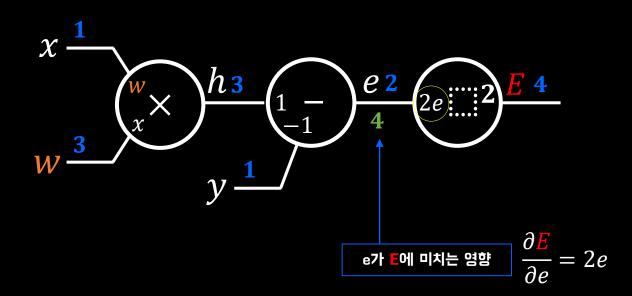
(x, y)=(1, 1)이고 w는 3일 경우 에러 값은?

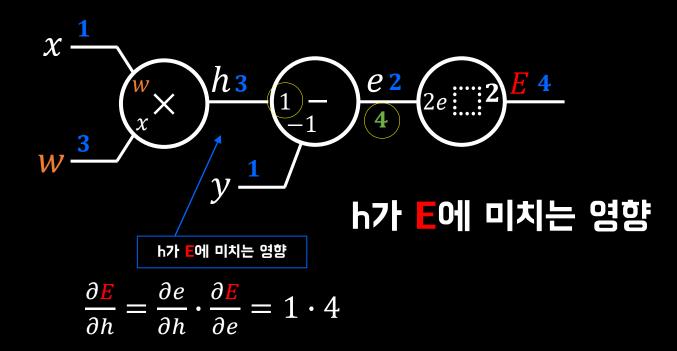


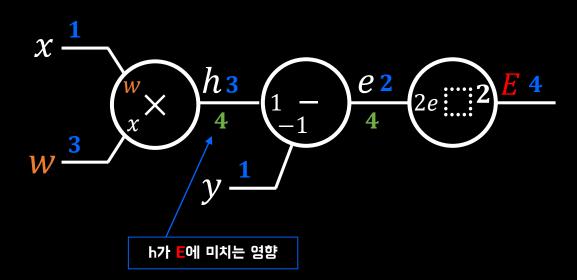
에러(E)가 크다. 에러(E)가 줄어들도록 W를 조절하자. 어떻게??? W변화가 E에 미치는 영향(기울기)을 구한 후 W = W - α * (기울기)

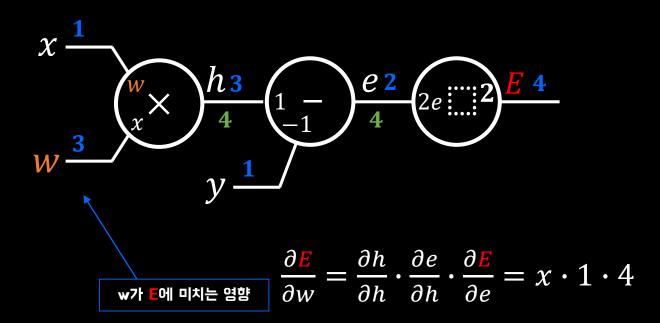
역전파와 체인룰

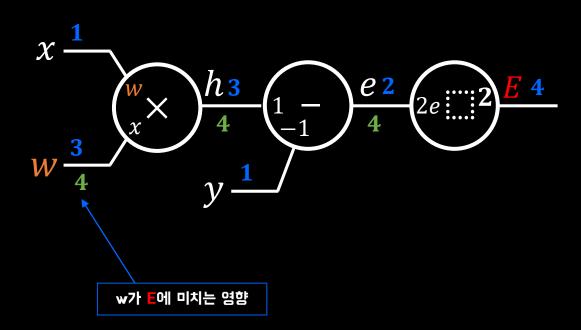












따라서 역전파 (back-propagation)

체인 룰(chain rule)을 적용하여 w가 오류 ፫에 얼마나 영향을 미치는지(기 울기)를 알아내는 과정

 $\frac{\partial \mathbf{E}}{\partial \mathbf{w}}$

$$W = 3 - 0.1 * 4$$
 $W = 2.6$

Tuned parameter after 1 step learning.

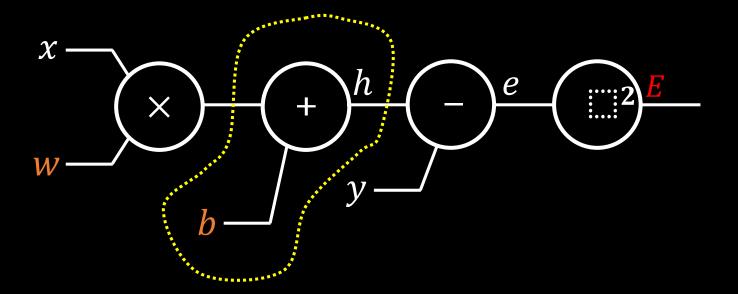
```
import tensorflow as tf
```

```
#---- training data
x_{data} = [1]
y_{data} = [1]
                                                                    train operation to
#---- a neuron / neural network
                                                                       update w to
w = tf.Variable(tf.random_normal([1]))
                                                                    minimize cost(error)
hypo = w * x_data
#---- learning
cost = (hypo - y_data) ** 2
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.01).minimize(cost)
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer())
for i in range(1001):
    sess.run(train) # 1-run, 1-update of w -> 1001 updates
    if i % 100 == 0:
        print('w:', sess.run(w), 'cost:', sess.run(cost))
#---- testing(prediction)
x_{data} = [2]
print(sess.run(x_data * w))
```

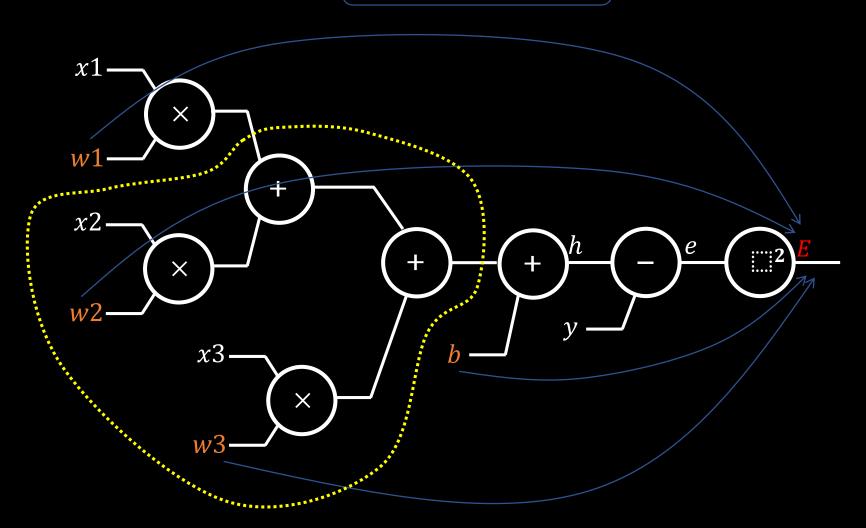
계산 그래프 확장

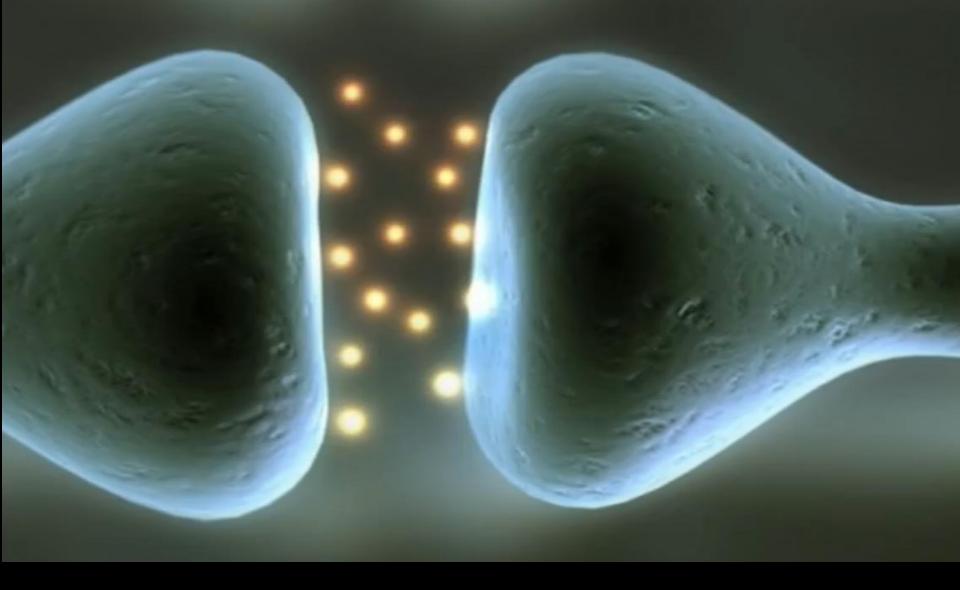
- bias가 있을 경우 (+ 게이트)
- 뉴런 입력이 3개일 때 (+ 게이트)
- 뉴런이 2개일 때
- 튜닝할 파라미터는 모두 몇 개?

$$E = ((wx + b) - y)^2$$



$$E = ((w1x1 + w2x2 + w3x3 + b) - y)^2$$





학습, 더 새롭고 좋은 연결을 만드는 것

Meaning of cost(error)

- 기울기가 큼 → 최저점에서 멀리 떨어짐 →
 오류가 큼 → bad! → big penalty →
 스트레스/고통이 큼 → big update(w)
- 기울기가 작음 → 최저점에 가까움 → 오류가 작음 → not bad! → small penalty → 스트레스/고통이 작음 → small update(w)
- 기울기 0 → 최저점! → 정답을 맞춤! →
 great! → no penalty → no update(w) →
 learning ended!

우리 마음 속의 cost(error, loss, stress) function

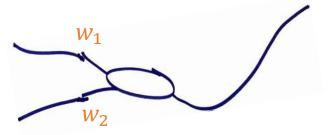
'좋다', '나쁘다'를 느끼게 하는 기저

Cost(Error) Graph

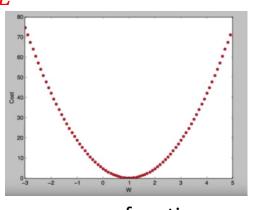




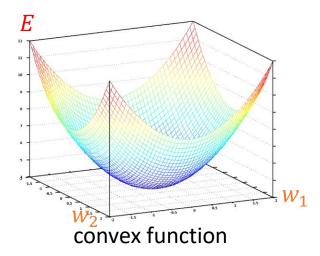
$$E = (W \cdot 1 - 1)^2$$







convex function



02.with_bias.py Parameter tuning including bias

03.py Using multiple data

O4.py Training a neuron having multiple inputs

이번 학습에서는

- 텐서플로우 프로그램의 기본 사항을 이해 할 수 있다.
- 오류 계산 그래프 직접 그릴 수 있다.
- 미치는 영향의 의미를 이해하고 계산 그래 프에서 게이트(연산)별 지역 미치는 영향 을 구할 수 있다.
- 역전파와 체인룰을 이해할 수 있다.
- 결국 학습이 진행되는 메카니즘을 이해할 수 있다.